

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



A propos de ce livre

Ceci est une copie numérique d'un ouvrage conservé depuis des générations dans les rayonnages d'une bibliothèque avant d'être numérisé avec précaution par Google dans le cadre d'un projet visant à permettre aux internautes de découvrir l'ensemble du patrimoine littéraire mondial en ligne.

Ce livre étant relativement ancien, il n'est plus protégé par la loi sur les droits d'auteur et appartient à présent au domaine public. L'expression "appartenir au domaine public" signifie que le livre en question n'a jamais été soumis aux droits d'auteur ou que ses droits légaux sont arrivés à expiration. Les conditions requises pour qu'un livre tombe dans le domaine public peuvent varier d'un pays à l'autre. Les livres libres de droit sont autant de liens avec le passé. Ils sont les témoins de la richesse de notre histoire, de notre patrimoine culturel et de la connaissance humaine et sont trop souvent difficilement accessibles au public.

Les notes de bas de page et autres annotations en marge du texte présentes dans le volume original sont reprises dans ce fichier, comme un souvenir du long chemin parcouru par l'ouvrage depuis la maison d'édition en passant par la bibliothèque pour finalement se retrouver entre vos mains.

Consignes d'utilisation

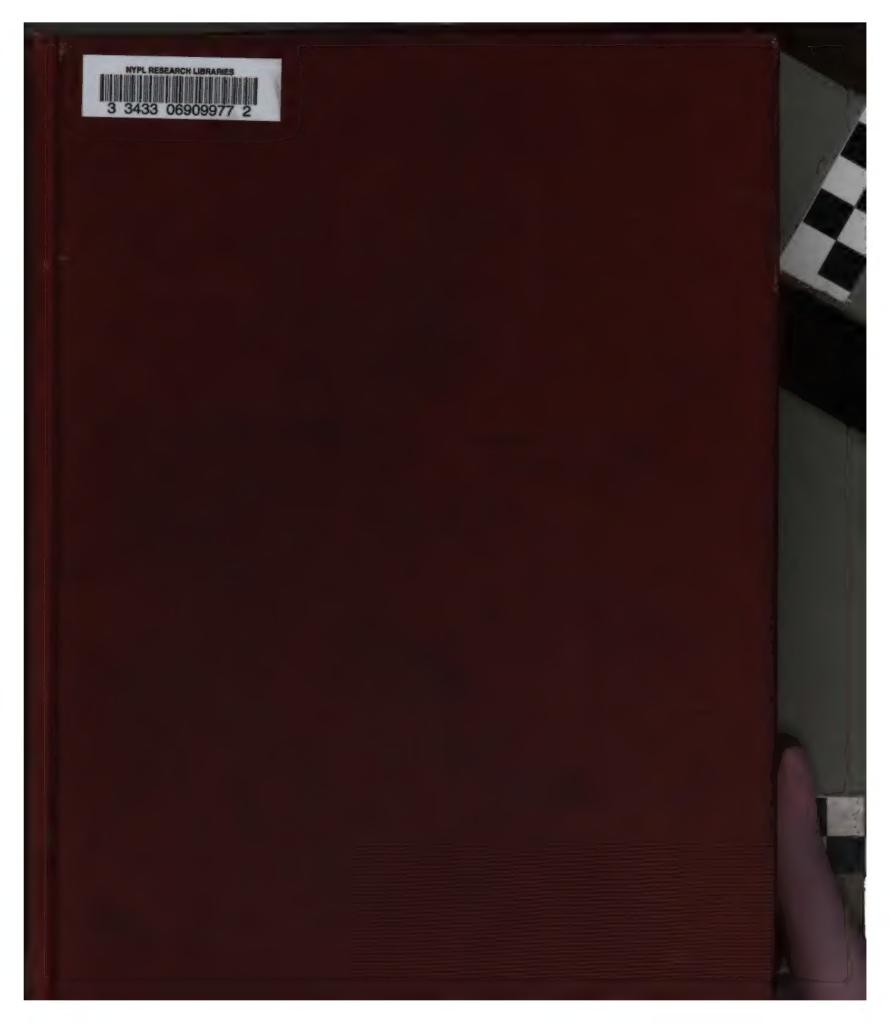
Google est fier de travailler en partenariat avec des bibliothèques à la numérisation des ouvrages appartenant au domaine public et de les rendre ainsi accessibles à tous. Ces livres sont en effet la propriété de tous et de toutes et nous sommes tout simplement les gardiens de ce patrimoine. Il s'agit toutefois d'un projet coûteux. Par conséquent et en vue de poursuivre la diffusion de ces ressources inépuisables, nous avons pris les dispositions nécessaires afin de prévenir les éventuels abus auxquels pourraient se livrer des sites marchands tiers, notamment en instaurant des contraintes techniques relatives aux requêtes automatisées.

Nous vous demandons également de:

- + Ne pas utiliser les fichiers à des fins commerciales Nous avons conçu le programme Google Recherche de Livres à l'usage des particuliers. Nous vous demandons donc d'utiliser uniquement ces fichiers à des fins personnelles. Ils ne sauraient en effet être employés dans un quelconque but commercial.
- + Ne pas procéder à des requêtes automatisées N'envoyez aucune requête automatisée quelle qu'elle soit au système Google. Si vous effectuez des recherches concernant les logiciels de traduction, la reconnaissance optique de caractères ou tout autre domaine nécessitant de disposer d'importantes quantités de texte, n'hésitez pas à nous contacter. Nous encourageons pour la réalisation de ce type de travaux l'utilisation des ouvrages et documents appartenant au domaine public et serions heureux de vous être utile.
- + Ne pas supprimer l'attribution Le filigrane Google contenu dans chaque fichier est indispensable pour informer les internautes de notre projet et leur permettre d'accéder à davantage de documents par l'intermédiaire du Programme Google Recherche de Livres. Ne le supprimez en aucun cas.
- + Rester dans la légalité Quelle que soit l'utilisation que vous comptez faire des fichiers, n'oubliez pas qu'il est de votre responsabilité de veiller à respecter la loi. Si un ouvrage appartient au domaine public américain, n'en déduisez pas pour autant qu'il en va de même dans les autres pays. La durée légale des droits d'auteur d'un livre varie d'un pays à l'autre. Nous ne sommes donc pas en mesure de répertorier les ouvrages dont l'utilisation est autorisée et ceux dont elle ne l'est pas. Ne croyez pas que le simple fait d'afficher un livre sur Google Recherche de Livres signifie que celui-ci peut être utilisé de quelque façon que ce soit dans le monde entier. La condamnation à laquelle vous vous exposeriez en cas de violation des droits d'auteur peut être sévère.

À propos du service Google Recherche de Livres

En favorisant la recherche et l'accès à un nombre croissant de livres disponibles dans de nombreuses langues, dont le français, Google souhaite contribuer à promouvoir la diversité culturelle grâce à Google Recherche de Livres. En effet, le Programme Google Recherche de Livres permet aux internautes de découvrir le patrimoine littéraire mondial, tout en aidant les auteurs et les éditeurs à élargir leur public. Vous pouvez effectuer des recherches en ligne dans le texte intégral de cet ouvrage à l'adresse http://books.google.com







	•	
		·
	·	

RECHERCHES

EXPÉRIMENTALES ET MATHÉMATIQUES

SUR LES MOUVEMENS DES MOLÉCULES DE LA LUMIÈRE AUTOUR DE LEUR CENTRE DE GRAVITÉ;

PAR M. BIOT,

Membre de l'Institut impérial de France, adjoint du Bureau des Longitudes, professeur de physique mathématique au Collége de France, et d'astronomie à la Faculté des Sciences, membre de la Société Philomatique de Paris, des Académies de Lucques, de Turin, de Munich, et de Wilna.

Omnis ehim philosophiæ difficultas in eo versari videtur, ut à phænomenis motuum investigemus vires naturæ, deindè ab his viribus demonstremus phænomena reliqua.

NEWTON. Princip.

offere à nousieur legendre par Lauteur

A PARIS,

Chez FIRMIN DIDOT, Imprimeur de l'Institut Impérial de France, et Libraire pour les Mathématiques, etc., rue Jacob, nº 24.

M. DCCC. XIV.

MHOY WARA OLIMA VELARES M

Mes Amis et Confreres Nollo. Ebénard et Loisson,

Membres de l'Institut.

	-			
٠.				
•				
	•			
		•		
	•			
•				
		•	·	
				•
				•
	•			
			•	
•	_			
	•		•	
			•	-

AVERTISSEMENT.

J'ai réuni dans ce volume les Recherches que j'ai lues à l'Institut sur la Polarisation de la Lumière, dans les années 1812 et 1813. Je les ai fait précéder par une exposition générale de ce genre de phénomènes découverts d'abord par Malus. J'explique la manière de les observer, et les systèmes de forces dont ils paraissent dépendre.

Je considère ensuite dans mon premier Mémoire les phénomènes de coloration observés pour la première fois par M. Arago, dans les lames minces de certains corps cristallisés et non cristallisés. Je prouve qu'ils ne peuvent pas être représentés par les formules que Malus avait données pour la polarisation dans le spath d'Islande. J'en construis d'autres qui les embrassent tous, dans toutes les positions possibles des lames. Je montre le rapport qui existe entre les couleurs polarisées extraordinairement par ces lames, et celles des lames minces non cristallisées que Newton a observées: ce qui donne les moyens de prévoir les teintes d'après l'épaisseur.

Mon second Mémoire est divisé en plusieurs parties. Dans la première j'interprète les formules que l'expérience m'avait fait précédemment découvrir. Je montre le sens de polarisation qu'elles indiquent. Je prouve que ce sens n'a pas lieu seulement pour des lames minces, car je donne le moyen de développer aussi de longues séries de couleurs dans des plaques épaisses de plusieurs centimètres par le croisement de leurs axes.

Dans la seconde partie je remonte au mode général de ces phénomènes, que je tire de l'expérience. Je montre que, dans les cristaux qui les produisent, les molécules lumineuses exécutent autour de leur centre de gravité des oscillations dont je détermine l'étendue, la durée, la vîtesse, ainsi que la loi des forces qui les produisent. Et, revenant de ce principe aux phénomènes, j'en déduis les mêmes formules que j'avais trouvées par l'observation dans mon premier Mémoire.

Dans la troisième partie j'établis par l'expérience la manière dont les oscillations doivent se continuer en passant d'une lame à une autre. Je déduis ensuite de la théorie tous les phénomènes de couleurs que présentent les lames ou les plaques interposées dont les axes sont croisés sous un angle quelconque, lorsqu'on les expose perpendiculairement à un rayon polarisé; et je prouve leur accord avec l'observation.

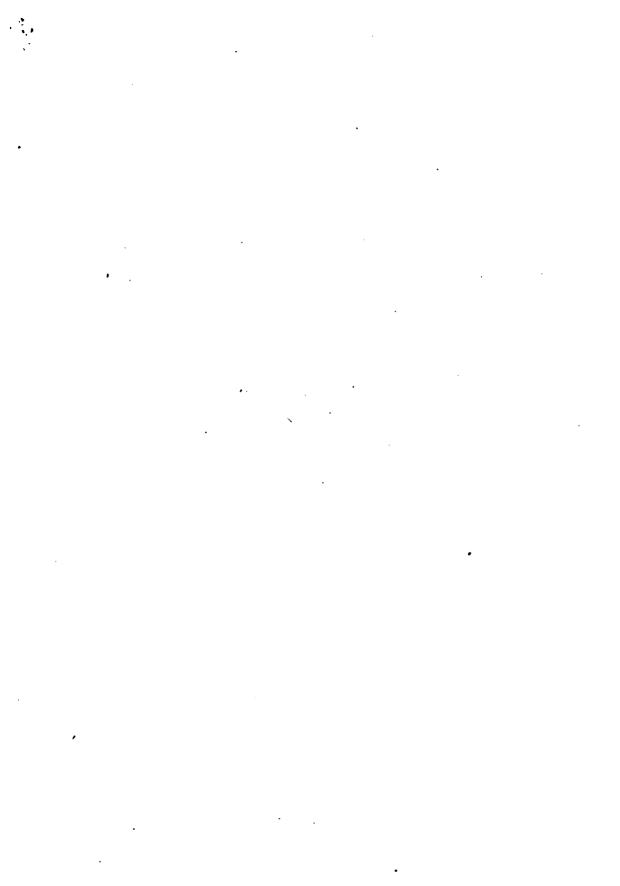
Dans la quatrième partie je déduis de la théorie les phénomènes qui ont lieu dans les incidences obliques tant par réfraction que par réflexion pour les lames ou les plaques parallèles à l'axe de cristallisation, et je montre leur accord avec l'expérience. J'étends ces résultats aux cas où l'axe est incliné sur les surfaces des plaques d'une quantité quelconque.

Dans la cinquième et dernière partie j'examine par l'expérience les phénomènes particuliers que présentent les plaques minces ou épaisses de cristal de roche taillées perpendiculairement à l'axe de cristallisation, et exposées à un rayon polarisé, sous l'incidence perpendiculaire. Je montre que les forces que produisent ces phénomènes sont indépendantes de celles qui produisent les oscillations. Je prouve par des expériences exactes et nombreuses, que les molécules lumineuses acquièrent, en traversant ces plaques, des propriétés particulières qu'elles emportent ensuite avec elles dans l'espace, et qui ne consistent pas seulement dans une disposition nouvelle de leurs axes, mais dans une véritable modification physique. Je fais voir que les forces qui agissent alors sur elles, ne les font plus osciller, mais tourner d'un mouvement continu autour de leur centre de gravité. J'expose les lois de cette rotation, et je montre comment on peut successivement la diriger de droite à gauche ou de gauche à droite; enfin, en inclinant les plaques, je montre comment elle est combattue et détruite par la force qui produit les oscillations lorsque celle-ci peut se développer.

Cette partie est terminée par la considération des phénomènes que présentent les lames de mica. Je prouve que dans ces lames, lorsqu'elles sont régulièrement cristallisées, les forces polarisantes émanent de deux lignes ou axes dont l'un est situé dans le plan des lames, et l'autre leur est perpendiculaire: d'où il suit que la théorie des oscillations ne s'applique immédiatement aux phénomènes du mica que sous l'incidence perpendicu-

laire où l'influence de ce dernier axe ést nulle. Considérant l'action simultanée de ces deux forces, quand la lame incline, j'en déduis tous les phénomènes composés que le mica présente sous les diverses inclinaisons.

Dans le grand nombre de résultats que ces Mémoires renferment, il est bien présumable qu'il me sera échappé quelques erreurs. Les phénomènes sont si nombreux, si nouveaux; et les forces qui les produisent sont encore si peu connues, qu'il est bien difficile de ne jamais se tromper en les considérant, sur-tout dans une suite de mémoires où les vérités se découvrent les unes après les autres. Je prie donc les physiciens qui liront cet ouvrage d'en rectifier les imperfections. J'ai mis assez de soin dans les expériences pour espérer qu'ils n'y trouveront pas d'inexactude; mais quelques-unes sont assez délicates pour que je desire qu'ils les vérifient d'abord par les méthodes que j'ai employées; après quoi ils sauront sans doute en découvrir de plus parfaites, lorsqu'ils seront accoutumés à ce nouveau genre de considérations. J'ose croire que la théorie des oscillations de la lumière que je leur présente n'est pas indigne de leur attention; car depuis une année que j'en suis en possession, et que je l'ai appliquée à la recherche d'un très-grand nombre de phénomènes, elle ne m'a pas trompé une seule fois.



CONSIDÉRATIONS

GÉNÉRALES

SUR LA POLARISATION DE LA LUMIÈRE.

Lorsouz les molécules lumineuses traversent des corps cristallisés doués de la double réfraction, elles éprouvent autour de leur centre de gravité divers mouvemens dépendant de la nature des forces que les particules du cristal exercent sur elles. Quelquesois l'effet de ces forces se borne à disposer toutes les molécules d'un même rayon parallèlement les unes aux autres, de manière que leurs faces homologues soient tournées vers les mêmes côtés de l'espace. C'est le phénomène que Malus a désigné sous le nom de Polarisation, en assimilant l'effet des forces à celui d'un aimant qui tournerait les pôles d'une série d'aiguilles magnétiques, tous dans la même direction. Quand cette disposition a lieu, les molécules lumineuses la conservent dans toute l'étendue du cristal, et n'éprouvent plus de mouvement autour de leur centre de gravité. Mais il existe d'autres cas où les molécules qui traversent le cristal ne se fixent point à une position constante. Pendant tout le temps de leur trajet, elles oscillent autour de leur centre de gravité avec des vîtesses et selon des périodes calculables. Quelquefois enfin elles tournent sur elles-mêmes avec un mouvement de rotation continu! Les recherches contenues dans ce volume ont pour objet d'és tablir par des expériences directes l'existence des mouvemens divers que je viens d'indiquer, de prouver qu'ils se continuent réellement dans l'intérieur même des corps, et d'en faire connaître les principales lois.

Ce genre de recherches doit son origine aux travaux de Malus: c'est lui qui a ouvert aux physiciens une carrière nouvelle si riche et si féconde, qu'une fois qu'on y est entré et qu'on a saisi le fil des phénomènes, les découvertes se présentent d'elles-mêmes à chaque pas. Ainsi, avant tout, j'exposerai les propriétés fondamentales qu'il a reconnues dans les actions des corps sur la lumière; je décrirai les appareils nécessaires pour les observer, pour les mesurer avec exactitude. Je rappellerai ensuite une série de très-beaux phénomènes que M. Arago y a ajoutés, et qui ont fait depuis l'objet de mes premières recherches. Ce sont là les seuls résultats imprimés jusqu'à présent sur cette branche nouvelle de l'optique.

La principale découverte de Malus consiste à donner aux rayons lumineux une modification telle, que les molécules qui composent un même rayon échappent ensemble à la réflexion lorsqu'on les présente aux surfaces réfléchissantes par de certains côtés et sous de certaines incidences déterminées.

Pour en donner un exemple, supposons qu'un rayon solaire 91, fig. 1, tombe sur la surface LL d'un plan de verre poli et non étamé, en formant avec ce plan un angle de 35° 25'; ce rayon se réfléchira suivant une ligne droite II' en faisant l'angle de réflexion égal à l'angle d'incidence. Dans un point quelconque de son trajet, recevez-le sur un autre plan de verre L'L' qui soit pareillement poli et non étamé: il y subira encore en général une seconde réflexion partielle. Mais cette réflexion deviendra nulle, si le second plan de verre forme aussi un angle de 35° 25' avec la droite II', et si, de plus, il est tourné de manière que la seconde réflexion se fasse dans un plan II'R perpendiculaire au plan SH' dans lequel la première réflexion s'est opérée.

Afin de faire mieux comprendre cette disposition des deux glaces; imaginons que Il' soit une ligne verticale, et que le premier plan de réflexion SII' soit le méridien, alors le second plan de réflexion Il'R sera le vertical qui passe par les points d'est et ouest.

Avant d'entrer dans les conséquences de cette remarquable expérience, je vais donner quelques détails sur la manière de la faire commodément et avec exactitude.

On peut imaginer bien des appareils propres, à atteindre ce but. Celui que j'ai coutume d'employer est représenté dans la fig. 2. Il est très-simple, et suffit à toutes les expériences de la polarisation. On le compose avec la lunette supérieure d'un cercle répétiteur dont on ôte les verres. On pourrait de même se servir de tout autre instrument divisé, pourvu que son limbe fût rendu vertical. Au deux bouts du tuyau TT', on place deux tambours TT, T'T' qui s'y adaptent avec justesse; chacun d'eux porte une division circulaire qui n'a pas besoin d'être fort multipliée; il suffit qu'on y indique les seizièmes de la circonférence. Ces tambours portent aussi deux branches de cuivre TV; T'V', entre lesquelles on place une glace LL, L'L' mobile autour d'un axe VV, V'V' lequel est perpendiculaire à ces branches, et susceptible de se fixer au moyen d'une vis de pression V, V'. Cette disposition permet de donner à chacune des deux glaces toutes les situations imaginables relativement au rayon lumineux qui passe par l'axe de la lunette; car le tambour, en tournant circulairement autour du tuyau, amène le plan de réflexion dans tous les azimuts possibles; et le mouvement de la glace autour de son axe VV lui permet de se présenter au rayon incident sous toutes les inclinaisons.

Quand on veut, au moyen de cet appareil, donner aux deux glaces une inclinaison déterminée, voici comment on opère. On place le limbe du cercle vertical, et l'on dispose horizon-

talement le grand niveau NN, afin qu'il atteste l'immobilité du limbe; ensuite on dirige la lunette TT' verticalement, et l'on s'assure qu'elle est dans cette position lorsqu'un niveau très-parfait, placé sur la circonférence du tambour devient horizontal. Alors on lit sur le limbe le point où s'arrêtent les verniers. Supposons pour fixer les idées qu'à cet instant la glace LL inférieure se trouve perpendiculaire à l'axe TT' de la lunette, et par consequent horizontale comme le représente la fig. 3. Si l'on fait tourner la lunette sur le limbe d'un angle TCT" égal à i, la glace LL, toujours perpendiculaire à l'axe, ne sera plus horizontale, mais fera aussi un angle i avec l'horizon; car en menant la ligne horizontale T"H, l'angle HT"C sera complément de l'angle T"CH et de l'angle LT"H; par conséquent ces deux derniers sont égaux. D'après cela, si l'on remet la glace LL horizontale au moyen d'un niveau, en la faisant tourner autour de son: axe VV, elle se trouvera avoir décrit un angle égal à celui qu'a décrit la lunette, c'est-à-dire égal à i, et par conséquent elle fera avec l'axe T'CT de la lunette un angle égal à 90°-i.

En faisant cette opération, il faut avoir soin de tourner le tambour TT, fig. 2. de manière que l'axe de rotation VV de la glace soit perpendiculaire au plan du limbe; car, sans cela, on aurait beau faire tourner la glace LL autour du rayon CT", il serait impossible de l'amener à l'horizontalité. Il faut donc marquer d'avance sur le tube de la lunette le point où il faut amener une des divisions du tambour, pour que l'axe VV se trouve dans cette position, et l'on y parviendra précisément par la condition même que l'on veut remplir, c'est-à-dire, en le tournant jusqu'à ce que la glace LL puisse devenir horizontale.

Quoique nous n'ayons considéré que la glace LL, il est évident que le même procédé peut aussi être employé pour la glace L'L', qui est liée à la lunette comme la première. Ainsi, en résumant ces opérations, lorsqu'on youdra donner à l'une des glaces une

inclinaison ω relativement à l'axe de la lunette, on dirigera cet axe de manière qu'il fasse avec la verticale un angle égal à 90— ω ; et après l'avoir fixé dans cette position, on rendra la glace horizontale au moyen d'un niveau; elle se trouvera avoir l'inclinaison demandée, et on l'y maintiendra en la fixant au moyen des vis de pression VV'. On pourra ensuite faire tourner à volonté le tambour autour de l'axe de la lunette : l'inclinaison de la glace sur cet axe ne changera pas.

Si l'on veut, par exemple, répéter l'expérience de Malus, que nous avons rapportée tout-à-l'heure, on disposera les deux glaces de manière qu'elles fassent un angle de 35°25' avec l'axe de la lunette; puis remettant cet axe vertical, on tournera l'un des tambours, par exemple, le tambour inférieur TT, de manière que l'axe VV soit perpendiculaire au plan du limbe du cercle. Cela fait, on placera une bougie allumée dans le prolongement de ce même plan, par exemple, en S, et on variera sa position jusqu'à ce que le rayon S1 se résléchisse suivant l'axe TT', ce qui arrivera lorsqu'en regardant à travers le tube, on y verra l'image de la bougie par reflexion. Les choses étant ainsi disposées, le rayon réfléchi rencontrera aussi la seconde glace sous le même angle de 35° 25'; alors, selon les diverses positions qu'on donnera au tambour T'T' qui porte cette glace, le rayon provenant de la seconde réflexion aura des degrés différens d'intensité, et il existera deux positions opposées du tambour où cette intensité deviendra tout-à-fait nulle. Il faut avoir soin de placer un corps noir derrière la glace L'L' du côté opposé à la lumière réfléchie, afin d'intercepter les rayons étrangers qui pourraient être envoyés de ce côté par les objets extérieurs, et qui, traversant la glace et arrivant à l'œil, se mêleraient avec les rayons résléchis que l'on peut observer. Il faut prendre la même précaution pour la première glace réfléchissante LL; et même. comme celle-ci n'est jamais employée que pour la réflexion qui

s'opère à sa première surface, on peut noircir pour toujours sa surface postérieure avec de l'encre de Chine, ou en l'exposant à la fumée d'une lampe; mais il ne faut pas recouvrir cette surface d'un enduit métallique: on en verra plus tard la raison.

Au lieu d'employer la flamme d'une bougie pour corps lumineux, on peut employer la lumière des nuées, que l'on reçoit dans le tuyau de la lunette après qu'elle s'est résléchie sur la première glace LL; mais alors il faut limiter le champ que le tuyau embrasse, en plaçant dans son intérieur quelques diaphragmes d'une très-petite ouverture. Il faut aussi, de même que tout-à-l'heure, placer un drap noir sous la glace réfléchissante, ou mieux encore, recouvrir sa face inférieure avec une couche d'enore de Chine, pour arrêter les rayons qui pourraient venir directement des objets éloignés. De cette manière, lorsqu'on regardera dans le tuyau de la lunette, la glace LL étant tournée vers les nuées, on verra un petit espace parfaitement blanc et brillant, sur lequel on pourra faire toutes les expériences. Cette blancheur parfaite est même un grand avantage, car elle est indispensable dans certains cas où il faut observer et comparer des teintes diverses : on ne peut jamais avoir cet avantage en se servant de la flamme d'une bougie ou de toute autre substance embrasée, car aucune de ces flammes n'est blanche.

D'ailleurs quel que soit l'appareil que l'on adopte, le procédé sera toujours le même, et l'on observera les mêmes phénomènes de réflexion sur la seconde glace. Pour les exposer d'une manière méthodique qui permette d'en saisir facilement l'ensemble, je supposerai que le plan d'incidence SII' du rayon sur la première glace coincide avec le plan du méridien, et que le rayon réfléchi II' est vertical. Alors si l'on fait tourner le tambour T'T' qui porte la seconde glace, cette glace tournera aussi autour du rayon réfléchi, en formant toujours avec lui le même angle; et

le plan dans lequel s'opère la seconde réflexion se trouvera nécessairement dirigé vers les divers points de l'horizon dans les différens azimuts. Cela posé, voici les phénomènes que l'on observera.

Lorsque le sécond plan de réflexion est dirigé dans le méridien, et par conséquent coîncide avec le premier, l'intensité de la lumière réfléchie par la seconde glace est à son maximum.

A mesure que le second plan en tournant s'éloigne d'être parallêle au premier, l'intensité de la lumière réfléchie diminue.

Enfin, lorsque le second plan de réflexion est dirigé dans le vertical d'est et ouest, par conséquent perpendiculaire au premier, l'intensité de la lumière réfléchie est absolument nulle sur les deux surfaces de la seconde glace : la lumière la traverse en totalité.

Si l'on continue à tourner le tambour au-delà du premier quart de circonférence, les phénomènes se reproduisent dans un ordre inverse, c'est-à-dire, que l'intensité de la lumière croît précisément comme elle avait diminué, et elle redevient la même à une même distance du vertical d'est et ouest. Par conséquent, lorsque le second plan de réflexion revient de nouveau dans le méridien, on arrive à un second maximum d'intensité pareil au premier. Alors la face réfléchissante de la seconde glace a décrit autour du rayon une demi-circonférence, et il se présente à elle par une face opposée à celle qu'il lui présentait d'abord. Voyezfig. A: Au-delà de ce terme, si l'on continue à tourner le tambour, l'intensité de la lumière réfléchie varie precisement comme de l'autre côté du méridien. Elle diminue continuellement à mesure que le plan de la seconde réflexion s'éloigne du méridien; elle devient tout-à-fait nulle dans le vertical d'est et ouest, et augmente ensuite de nouveau jusqu'au méridien, où elle atteint son dernier maximum comme la première fois.

On voit ainsi que dans la rotation complète de la glace, l'in-

tensité de la lumière réfléchie a deux maxima correspondant aux azimuts o et 180°, et deux minima répondant aux azimuts 90° et 370°. De plus, autour de ces diverses limites, les variations sont les mêmes dans les différens quadrans. On satisfera à toutes ces conditions en supposant que l'intensité est proportionnelle au quarré du cosinus de l'angle que le second plan de réflexion forme avec le premier, c'est-à-dire, qu'en représentant par i cet angle, par O l'intensité de la lumière réfléchie dans le méridien, et par F₀ l'intensité correspondante à l'azimut i, on pourra prendre

$F_0 = O \cos^2 i$.

Les diverses valeurs de Fo correspondantes aux diverses valeurs de i dans cette formule représenteront les phénomènes que nous venons d'observer. En effet, quand i = 0, ce qui met le plan de réflexion dans le méridien et dans la première position que nous lui avons donnée, on a cos i=1, et par suite E=0. Au contraire, quand $i=90^{\circ}$, on a $\cos i=0$ et $F_0=0$, c'est-à-dire, que l'intensité de la lumière résléchie est nulle. Au-delà de ce terme quand i devient 90 + i', $\cos^2 i$ devient égal à $\sin^2 i'$; et à distance égale avant cette limite, quand on avait i = 90 - i', cos2 i' était encore égal à sin2 i. Les variations d'intensité sont donc symétriques autour du vertical d'est et ouest. Il est facile de voir de la même manière qu'elles sont pareillement symétriques autour de chacun des autres points cardinaux. En continuant à faire croître i, l'intensité a obtenu un second maximum quand $i=180^{\circ}$, ce qui donne encore $\cos^2 i=1$, et elle devient de nouveau nulle quand $i=370^\circ$, ce qui donne encore $\cos^2 i=0$. Ainsi cette formule satisfait aux dégradations observées dans l'intensité, et à leurs diverses limites. Il est vrai que beaucoup d'autres pourraient remplir également les mêmes conditions; car on y satisferait encore en supposant, par exemple, l'intensité proportionnelle à cosi, à cosi, ou à toute autre puissance paire

de ce cosinus, ou même, à une combinaison quelconque, ces puissances. Pour décider entre toutes ces formules, il ne suffit plus de considérer les quatre limites dont nous avons principalement fait usage, il faudrait mesurer exactement les intensités intermédiaires, et voir par quelle formule elles seraient le mieux représentées; mais de pareilles mesures sont très-difficiles à prendre, et l'on ne s'en est point encore occupé jusqu'à présent. Nous nous bornerons donc, comme l'a fait Malus, à la première formule, qui est la plus simple; mais nous nous rappellerons qu'elle n'est qu'une représentation empirique des phénomènes; et que bien qu'elle paraisse s'accorder avec eux dans sa marche générale, elle n'est cependant vérifiée que dans quatre points.

Les résultats de cette belle expérience étant ainsi rassemblés sous un seul aspect, nous voyons que le rayon réfléchi par la première glace est aussi réfléchi en partie par la seconde quand il se présente à elle par deux de ses pans opposés, par exemple, par ses pans nord et sud, et qu'au contraire il n'est plus du tout réfléchi quand il se présente à la même glace sous le même angle par ses côtés est et ouest situés à angles droits avec les précédens. Ainsi, en considérant ce rayon comme formé par la succession infiniment rapide d'une série de molécules lumineuses, il faudra nécessairement concevoir, ou que la réflexion de la première glace imprime à ces molécules quelque modification physique en vertu de laquelle elles deviennent plus réflexibles par certains côtés que par d'autres en tombant sur la seconde glace, ou que cette propriété leur était naturellement inhérente. et que la seconde glace n'a fait que la rendre sensible, en rangeant toutes les molécules du rayon de manière qu'elles pussent échapper toutes ensemble à la seconde réflexion; et alors il faudra supposer que dans un rayon ainsi modifié, toutes les molécules lumineuses ont leurs axes et leurs faces parallèles. C'est cet arrangement des molécules que Malus a nommé Polarisation de la lumière, assimilant l'effet de la première glace à celui d'un aimant qui tournerait les pôles d'une série d'aiguilles magnétiques, tous dans la même direction.

Jusqu'ici, nous avons supposé que le rayon, soit incident, soit réfléchi, faisait avec les deux glaces un angle de 35° 25' : c'est en effet seulement sous cet angle que le phénomène a lieu complétement. Si, sans changer l'inclinaison du rayon sur la première glace, on fait d'abord varier tant soit peu l'inclinaison de la seconde, l'intensité de la lumière réfléchie n'est plus nulle dans aucun azimut, mais elle devient la plus faible possible dans le vertical d'est et ouest où elle était nulle auparavant. Si au contraire, sans changer l'inclinaison du rayon réfléchi sur la seconde glace, on fait seulement varier son incidence sur la première, on trouvera encore que ce rayon en tombant sur la seconde glace ne la traverse pas totalement; il éprouvera à sa première et à sa seconde surfaces une réflexion partielle, qui, si l'on a peu dérangé la première glace, atteindra son maximum dans le vertical d'est et ouest.

La polarisation complète de la lumière par la réflexion s'opère donc seulement sous un angle d'incidence déterminé, qui pour le verre est de 35° 25' à partir de la surface réfléchissante, selon les expériences de Malus. Ceci s'entend seulement de la première surface que le rayon rencontre en passant de l'air dans le verre; car dans la réflexion qui a lieu à la seconde surface, la polarisation s'opère sous un autre angle dont le sinus est au premier comme le sinus d'incidence est au sinus de réfraction. Malus s'est assuré de ce fait en substituant à la première glace réfléchissante une masse de verre MM, fig. 5, à surfaces parallèles, et assez épaisse pour que les deux réflexions produites par ces deux surfaces pussent être observées séparément. Alors il sit tomber un rayon SI sur la première surface de cette

masse sous une inclinaison SIM de 35° 25'; il obtint un premier rayon réfléchi IO qui était complétement polarisé; le reste de la lumière incidente pénétrant la masse de verre, et s'y réfractant suivant II' rencontra la seconde surface sous une inclinaison H'M': une partie s'y réfléchit en I', et ressortant de nouveau en R par la première surface, donna un second rayon émergent RO parallèle au premier IO. Or, en analysant ces deux rayons par une seconde glace inclinée sur chacun d'eux de 35° 25', il trouva qu'ils se comportaient absolument de la même manière; qu'ils s'évanouissaient en même temps; qu'ils atteignaient en même temps leurs maxima; enfin qu'ils étaient l'un et l'autre complétement et semblablement polarisés. Il conclut de là que la polarisation qui s'opérait sous l'angle SIM à la première surface avait lieu à la seconde sous l'angle II'M'. Or, si par les points d'incidence I, l', on mène des perpendiculaires IP, I'P' aux deux surfaces, l'angle d'incidence II'P du rayon sur la seconde étant compté de la perpendiculaire, sera égal à l'angle de réfraction I'IP: ainsi, en nommant P, P' les angles d'incidence auxquels s'opére la polarisation sur les deux surfaces, et désiguant par n le rapport constant du sinus d'incidence au sinus! de réfraction, on aura

$\sin P = n \sin P'$

comme Malus l'a observé. Par une consequence de ce résultat, lorsque le rayon polarisé échappe à la réflexion sur la première surface de la seconde glace, il échappe aussi à la reflexion sur la seconde surface de cette même glace, et ainsi il la traverse en totalité.

L'angle P est différent pour les diverses substances. Malus avait fait sur cet objet de longués récherches qui n'ont été publices que par extraits. Il avait trouvé que cet angle n'a aucun rapport marqué avec les facultés dispersivés ou réfringentes des

substances; il a donné sa valeur pour l'eau liquide, elle est de 37° 15'. Si malheureusement ces expériences sont perdues, il serait intéressant de les refaire, et M. Arago s'en est occupé; mais ses résultats ne sont pas encore imprimés.

En général, tous les corps polis, à l'exception des substances métalliques, peuvent produire ce phénomène sous l'incidence qui leur est propre; ils le produisent d'autant plus complétement, que le poli est plus parfait; et cela doit être, car les molécules de lumière irrégulièrement dispersées dans les aspérités d'un corps non poli, s'écartent nécessairement de la disposition régulière et du parallélisme qui constitue la polarisation. Les corps métalliques polis semblent au premier aperçu produire un effet analogue à celui-là; car la lumière naturelle qui se réfléchit sur leur surface n'a sous aucune incidence les caractères d'un rayon complétement polarisé; mais avant de chercher à nous rendre compte de cette exception singulière, il faut essayer d'approfondir davantage ce qui se passe dans le phénomène de la polarisation.

Lorsqu'un rayon de lumière a reçu cette propriété, il la transporte avec lui et la conserve en traversant les corps qui réfractent simplement la lumière; du moins, lorsqu'il ne subit qu'une seule réfraction de ce genre, ses caractères ne sont pas sensiblement altérés. Mais il les perd, au moins en partie, lorsqu'on lui fait traverser un corps doué de la double réfraction, et ce n'est que dans certaines directions du cristal qu'il peut échapper à cette influence perturbatrice. Cherchons à comparer de plus près ces deux genres d'actions.

Lorsqu'un rayon naturellement émané d'un corps lumineux tombe perpendiculairement sur un rhomboide de spath d'Islande, il se divise toujours en deux rayons émergens d'une intensité à-peu-près égale, dont l'un est soumis à la réfraction oxidinaire, l'autre à la réfraction extraordinaire. Ces deux rayons,

après leur sortie, se trouvent jouir d'une propriété qui les distingue essentiellement de la lumière directe. S'ils tombent perpendiculairement sur la surface d'un autre rhomboïde dont toutes les surfaces, et parconséquent les sections principales, soient parallèles à celles du premier, ils ne sont plus susceptibles de se diviser. Le rayon qui provient de la réfraction ordinaire du premier cristal se réfracte ordinairement dans le second, et de même celui qui provient de la réfraction ordinaire du premier cristal, se réfracte dans le second extraordinairement; de sorte qu'il n'y a en tout que deux rayons émergens à la sortie du second cristal.

Lorsque les sections principales, au lieu d'être parallèles comme nous le supposions tout-à-l'heure, sont à angles droits, le rayon qui provient de la réfraction ordinaire du premier cristal est réfracté extraordinairement par le second, et réciproquement. Dans ce cas, comme dans le précédent, ib n'y a encore que deux rayons émergens, mais ils ont changé de rôle relativement à l'espèce de réfraction à laquelle ils sont soumis dans le second cristal.

Dans toutes les positions intermédiaires entre la perpendicularité et le parallélisme, chacun des rayons émergens du premier cristal se divise en deux en traversant le second. De la résultent quatre rayons émergens, deux ordinaires, deux extraordinaires, dont les intensités varient avec la position du second cristal dans toutes les limites que nous venons d'assigner, et dépendent par consequent de l'angle compris entre les sections principales. Pour analyser ces variations, appellons l'el rayon ordinaire émergent du premier cristal, l'el rayon émergent extraordinaire, et considérons les periodes de leur separation dans le second cristal, en faisant abstraction de la lumière perdue par la réflexion partielle qui s'opère aux deux surfaces de chaque cristal. Le rayon le divisera généralement en deux, l'un F. soumis à la réfraction ordinaire du second cristal, l'autre F. soumis à la réfraction extraordinaire. Le premier F. sera égal à F., quand l'angle des sections principales sera nul, et alors il contiendra à lui seul toute la lumière transmise. En partant de ce terme, son intensité diminuera à mesure que l'angle des deux sections principales augmentera, et enfin elle deviendra nul quand cet angle sera droit. Au contraire le rayon F. sera aul quand les deux sections principales seront parallèles: de là il ira en augmentant à mesure que les deux sections s'écarteront l'une de l'autre; jenfin il atteindra son maximum lorsqu'elles seront perpendiculaires, et alors l'autre rayon F. étant nul, il deviendra égal à F.: enfin les mêmes phénomènes se reproduiront suivant le même ordre dans les différens quadrans: Si l'on nomme i l'angle formé en général par les deux sections principales dans une position quelconque des deux rhomboïdes, toutes les périodes de ces variations sezont représentées par les deux formules

$$\mathbf{F}_{\infty} = \mathbf{F}_{\circ} \cdot \cos \cdot i$$
 $\mathbf{F}_{\infty} = \mathbf{F}_{\circ} \sin \cdot i$.

Considérons, maintenant le rayon F. En pénétrant dans le second cristal, il se divisera en général en deux autres, l'un F., soumis à la réfraction ordinaire du second cristal; l'autre F., soumis à la réfraction extraordinaire. Le premier sera nul quand i sera nul; alors F., sera à son maximum, et se trouvera égal à F. A mesure que i augmentera, F., ira en croissant, et F., diminuera de la même quantité : enfin lorsque les sections principales seront perpendiculaires, F., se trouvera à son maximum et egal à F., tandis que R., sera nul. On voit donc que les variations de F., sont les mêmes que celles de F., et celles de F., les mêmes que celles de F., et alors on aura

i '300 .4 = 13 in it cois a Arria Ament en deux.

Mais nous avons dit que dans le premier cristal l'intensité du rayon F. était égal à celle du rayon F., au moins sous l'incidence perpendiculaire. Ainsi, en représentant par aQ l'intensité totale de la lumière qui traverse le second cristal, F. et F. seront chacun égaux à Q, ce qui donnera pour nos quatre rayons émergens du second cristal les valeurs suivantes:

$$F_{\circ \circ} = Q \cos^{\circ} i.$$
 $F_{\circ \circ} = Q \sin^{\circ} i.$ $F_{\circ \circ} = Q \sin^{\circ} i.$ $F_{\circ \circ} = Q \sin^{\circ} i.$

Nous avons fait abstraction de la lumière perdue par la réflexion partielle qui s'opère nécessairement aux quatre surfaces des deux rhomboides. Si l'on veut corviger l'effet de cette supposition, il n'y a qu'à considérer Q comme représentant non pas la lumière incidente, mais la quantité totale de lumière émergente après toutes les réflexions. Au reste, nous devons remarquer que ces formules sont seules appropriées aux limites des phénomènes; que beaucoup d'autres pourraient y satisfaire également, mais qu'on peut les adopter comme les plus simples jusqu'à ce que des expériences directes aient donné des mesures précises des intensités pour les positions intermédiaires entre le maximum et le minimum. Malus a donné pareillement des formules empiriques pour représenter les intensités des rayons ordinaires et extraordinaires lorsque les rayons incidens ne sont pas perpendiculaires aux surfaces des rhomboïdes; mais comme ces formules, quoique très ingénieuses, sont uniquement déduites des circonstances où les intensités atteignent leur maximum et leur minimum, et que d'ailleurs elles sont assez compliquées, je ne les exposerai point ici. On pourra au besoin les consulter dans son ouvrage: dans tout ce qui va suivre, il nous suffira d'avoir donné les formules qui s'appliquent aux incidences perpendiculaires.

Si l'on voulait vérifier les expériences sur lesquelles nous avons

appuyé ces formules, cela serait très-facile. Il suffit d'avoir deux rhomboïdes de spath d'Islande, assez purs pour que la marche des rayons qui les traversent puisse se faire réguliérement, et assez polis pour que l'intensité de la lumière ne soit pas trop affaiblie par leurs surfaces. On forme sur un papier blanc un point rond avec de l'encre bien noire, et quand ce point est sec, on pose dessus l'un des deux rhomboïdes. Alors en plaçant l'œil verticalement, on voit deux images du point noir dirigées sur une même ligne droite parallèle à la grande diagonale du rhomboide, comme on le démontre dans la théorie de la double réfraction. Ces deux images sont sensiblement d'égale intensité, et la ligne qui les joint tourne à mesure qu'on fait tourner le cristal. Maintenant sur celui-ci posez l'autre rhomboide de facon que toutes ses surfaces soient parallèles à celles du premier, vous n'observerez encore que deux images du point noir; seulement elles seront plus écartées qu'auparavant. Mais si vous tournez lentement le rhomboïde supérieur afin d'écarter les deux sections principales l'une de l'autre, chacune de ces deux images se divisera en deux autres, et s'affaiblira par cette division. Cet affaiblissement deviendra plus sensible à mesure que vous augmenterez l'angle des deux sections principales; et enfin lorsqu'elles seront perpendiculaires, les premières images seront complétement éteintes. En continuant à tourner le rhomboïde supérieur à partir de la position perpendiculaire, les mêmes phénomènes se reproduiront dans tous les quadrans, conformément aux indications des formules de Malus que nous avons rapportées.

Si l'on compare ces formules à celles que nous avons données précédemment pour exprimer les intensités des rayons qui ont subi deux réflexions sur des glaces sous une inclinaison de 35° 25′, on voit que le rayon réfléchi par la seconde glace est analogue au rayon F_∞, car ces deux rayons varient précisément par les

mêmes périodes, l'angle dièdre des deux plans de réflexion successifs produisant absolument le même effet que celui des deux sections principales. L'analogie est même encore bien plus intime qu'elle ne le paraît par ces formules; elle ne consiste pas seulement dans les périodes des variations d'intensité, la nature même des modifications imprimées aux rayons par ces deux opérations diverses, est tout-à-fait identique. Cette belle découverte, également due à Malus, se prouve par les expériences que nous allons rapporter.

Lorsqu'un rayon de lumière a été polarisé par la réflexion en tombant sur une glace polie, sous une inclinaison de 35° 25', si on le reçoit perpendiculairement sur un rhomboïde de spath d'Islande, il se comporte précisément comme s'il avait subi la réfraction ordinaire à travers un premier rhomboïde dont la section principale serait parallèle au plan de réflexion. Si la section principale du rhomboide qu'on lui présente est parallèle à ce plan, le rayon ne se divise point. Toutes les inolécules qui le composent subissent dans ce rhomboïde la réfraction ordinaire. Si la section principale s'écarte du plan de réflexion, le rayon se divise en deux, analogues à F., et à F., car l'un subit la réfraction ordinaire, l'autre la réfraction extraordinaire. Ce dernier, d'abord très-faible, augmente d'intensité à mesure que la section principale du rhomboide fait un plus grand angle avec le plan de réflexion : en même temps l'intensité du rayon ordinaire diminue; enfin elle devient nulle quand la section principale du rhomboide devient perpendiculaire au plan de réflexion. Alors le rayon extraordinaire contient toutes les molécules transmises. En un mot lorsqu'un rayon lumineux a été ainsi modifié par une première réflexion sur une glace, il a tous les caractères du rayon ordinaire qui aurait traversé un premier rhomboide, et il est impossible de l'en distinguer. Les deux intensités des faisceaux dans lesquels il se divise en traversant

le rayon qu'on lui présente, seront donc exprimées par les mêmes formules que celles des rayons F_{∞} , c'est-à-diré, qu'en nommant i l'azimut de la section principale du rhomboïde, ou l'angle que cette section forme avec le plan de réflexion du rayon, et désignant par Q l'intensité de la lumière réfléchie, on aura, comme tout-à-l'heure,

$$F_{\infty} = Q \cos^* i$$
; $F_{\infty} = Q \sin^* i$.

Nous faisons ici abstraction de la perte de lumière qui se fait dans les deux réflexions partielles du rayon sur les deux surfaces du rhomboide : si l'on voulait corriger cette omission, il faudrait supposer que Q représente l'intensité totale de la lumière qui compose les deux rayons émergens.

Si l'on voulait répéter les expériences que nous venons de décrire, il faudrait avoir soin d'employer un rhomboïde assez épais pour que les deux faisceaux dans lesquels le rayon polarisé se divise, fussent bien distincts, et pussent être observés séparément; ou, ce qui revient au même, il faudrait diminuer le diamètre du rayon réfléchi jusqu'à ce que cette séparation eût lieu dans le rhomboïde dont on pourrait disposer. Mais, comme un pareil amincissement diminue la vivacité du rayon réfléchi, et que d'un autre côté, il est fort difficile de trouver de gros rhomboides bien purs, on évite tous ces inconvéniens en employant un prisme de spath calcaire d'un petit nombre de degrés. dont la face antérieure est une des faces naturelles d'un rhomboide. Par ce moyen, l'écarlement des deux faisceaux émergens devient plus considérable; et, à cause de la petitesse de l'angle réfringent du prisme, leurs intensités sont à-peu-près les mêmes que si l'on eût employé un rhomboïde parfait.

Pour faire les expériences de la manière la plus exacte et la plus commode, j'achromatise ce prisme en lui en opposant un autre de crown-glass d'un angle convenable; je fixe le tout au centre

d'un anneau circulaire adapté à une alidade qui tourne sur un cercle de cuivre gradué, et je place cet appareil perpendiculairement à la direction du rayon réfléchi, dont je veux observer la décomposition, par exemple, perpendiculairement au tuyau TT de la figure 1. Alors, si l'on dirige l'autre extrémité de de tuyau vers le ciel pour recevoir sur la première glace la lumière blanche des nuées, il suffit de faire tourner l'alidade qui porte le prisme cristallisé pour observer de la manière la plus nette et la plus commode la division du rayon, ainsi que les diverses périodes de l'intensité des faisceaux dans lesquels il se résout en traversant le prisme (1):

Nous venons d'analyser la lumière réfléchie par une glace, en lui faisant traverser un cristal : réciproquement on peut analyser la lumière modifiée par un cristal, en la soumettant à la réflexion; c'est encore ce qu'a fait Malus. Il a disposé verticalement la section principale d'un rhomboïde de spath calcaire; et, après avoir divisé un rayon lumineux à l'aide de la double réfraction dans le rhomboïde, il a fait tomber les deux faisceaux qui en provenaient sur la surface d'une eau tranquille et sous l'incidence de 52° 45' comptée de la verticale. Le rayon ordinaire en tombant sur cette surface a subi la réflexion partielle, comme l'eût fait un faisceau de lumière directe; mais le rayon extraordinaire a pénétré tout entier dans le liquide, comme il eût fait s'il eût été préalablement polarisé par la réflexion dans un plan perpendiculaire à la section principale du rhomboïde.

⁽¹⁾ Comme j'ai souvent employé l'expression de section principale, je crois devoir rappeler que, dans la théorie de la double réfraction, l'on appelle ainsi le plan mené par l'axe d'un cristal perpendiculairement à la face naturelle ou artificielle par laquelle le rayon le pénètre. Dans les rhomboïdes de spath d'Islande, ce plan coupe les faces naturelles suivant une ligne droite qui divîse les angles obtus de ces faces en deux parties égales.

Ces expériences prouvent qu'un rayon de lumière polarisé par la réflexion est modifié précisément comme il le serait s'il avait été réfracté ordinairement dans un rhomboide de spath d'Islande, dont la section principale serait parallèle au plan de réflexion, ou encore comme s'il avait été réfracté extraordinairement dans un rhomboide dont la section principale serait perpendiculaire à ce même plan : de sorte que l'on ne peut reconnaître aucune différence entre les dispositions imprimées aux molécules lumineuses par l'un ou l'autre de ces procédés.

Il y a plus : ces mêmes dispositions peuvent également être produites par tous les cristaux doués de la double réfraction. Tous ces corps, quelle que soit leur nature chimique, peuvent aussi donner à la lumière la faculté de se réfracter dans un autre cristal en deux faisceaux ou en un seul, suivant la position de sa section principale. Il n'est pas même nécessaire pour cela que les cristaux soient de mêine espèce : l'un d'eux pourrait être, par exemple, de carbonate de plomb ou de sulfate de baryte, et l'autre de spath d'Islande; le premier pourrait être un cristal de roche, et le second un cristal de soufre. Toutes ces substances se comportent entre elles relativement à la division ou à la non-division des rayons, comme le feraient deux rhomboides de spath d'Islande; et cette disposition de la lumière à se réfracter en deux faisceaux ou en un seul, ne dépend que des positions respectives des axes des cristaux qu'on emploie, quels que soient d'ailleurs leurs principes chimiques et les faces naturelles et artificielles sur lesquelles s'opère la réfraction : tous ces beaux résultats sont des découvertes de Malus.

Pour les rendre sensibles, il faisait observer la flamme d'une bougie à travers deux prismes d'un petit nombre de degrés formés de matières différentes donnant la double réfraction, et posés l'un sur l'autre. On a ainsi en général quatre images de la flamme; mais si l'on fait tourner lentement un des prismes

autour du rayon visuel comme axe, les quatre images se réduisent à deux toutes les fois que les sections principales des deux faces contiguës sont parallèles ou rectangulaires. Les deux images qui disparaissent ne viennent pas se confondre avec les autres; on les voit s'éteindre peu à peu, tandis que les autres augmentent d'intensité. Lorsque les deux sections principales sont parallèles, une des images est formée par des rayons réfractés ordinairement dans les deux prismes, et la seconde par des rayons réfractés extraordinairement. Lorsque les deux sections principales sont rectangulaires, une des images est formée par des rayons réfractés ordinairement dans le premier cristal, et extraordinairement dans le second; tandis que l'autre image au contraire est formée par des rayons réfractés extraordinairement par le premier cristal, et ordinairement dans le second. Il faut se rappeler que nous entendons par réfraction ordinaire celle qui se produit suivant les lois ordinaires de la réfraction, et dans laquelle le sinus de réfraction est toujours en rapport constant avec le sinus d'incidence; au lieu que la réfraction extraordinaire suit les lois plus compliquées découvertes par Huyghens; lois que M. Laplace a rendues rigoureuses, en les ramenant aux principes de la mécanique.

Puisque les phénomènes nous conduisent à reconnaître uneidentité parfaite entre la modification que la réflexion imprime aux rayons sous une certaine incidence, et celle que leur donnent les corps cristallisés doués de la double réfraction, essayons de nous représenter l'effet de cette modification sur les molécules lumineuses, et voyons comment elle peut être produite par l'action des corps.

Quelle que soit la cause qui opère la réflexion à la surface extérieure des corps polis, on peut l'assimiler à une force répulsive qui s'exercerait dans le plan d'incidence perpendiculairement à leur surface. L'influence de cette force sur les diverses

Section Section

plan. Or, dans la position où se trouve la seconde glace, sa force polarisante étant perpendiculaire à l'axe C, agit également sur les parties de la molécule situées des deux côtés de cet axe; et, à cause de cette symétrie, elle ne pourrait que repousser cet axe parallélement à lui-même, mais non pas le tourner de manière à le ramener dans le plan de réflexion S'I'M. Or, c'est là une condition nécessaire de la réflexion sous cette incidence: aiusi, puisqu'elle ne peut être remplie dans cette position de la glace, la réflexion est impossible; par conséquent elle n'aura pas lieu. La force polarisante se trouve alors précisément dans le même cas que la pesanteur terrestre, qui ne peut faire tourner un levier horizontal dont les deux branches sont égales et chargées de poids égaux.

' Maintenant, sans changer l'angle d'incidence sur la seconde glace, faisons-la tourner autour du rayon polarisé. Alors la force polarisante qu'elle exerce sur ce rayon n'étant plus perpendiculaire à l'axe C, la réflexion ne sera plus rigoureusement impossible; et l'expérience prouve en effet qu'elle a lieu sur un certain nombre de molécules lumineuses, proportionnel au carré du cosinus de l'angle que le second plan de réflexion forme avec l'axe C. Mais quelle est la condition qui détermine ces molévules à se réfléchir de préférence, et qu'ont-elles en elles-mêmes qui les rende plus susceptibles que les autres de subir la réflexion, puisque l'angle d'incidence et la disposition des axes sont les mêmes pour elles que pour les autres? Voilà ce qu'il nous faut examiner, et ce qui semble inexplicable d'après toutes les idées que l'on s'était faites de la réflexion. Cependant il n'en est pas ainsi, et l'on peut aisément rendre raison de ce phénomène.

Pour cela il faut se rappeler la théorie des accès de facile réflexion et de facile réfraction que Newton a établie avec tant de sagacité. Si l'on examine de près cette théorie, on verra qu'elle n'est réellement que l'expression des phénomènes, concentrée en un résultat unique, et rendue sensible par que seule propriété des molécules lumineuses,: savoir, que ces molécules, en traversant les surfaces réfringentes, acquièrent une certaine constitution transitoire, qui, dans le progrès du rayon, revient à des intervalles égaux, et fait que les molécules lumineuses à chaque retour de cette disposition sont transmises aisément à travers la surface réfléchissante qui vient immédiatement après, et qu'à chaque intermission de cet état elles sont aisément réfléchies par cette même surface. Or , cette loi qui est fondée sur des faits exacts, se trouve en apparence démentie par les phénomènes de réflexion que Malus a découverts : car, lorsque la seconde glace L'L' tourne autour du rayon polarisé en faisant toujours avec lui le même angle, la distance II' entre les points d'incidence du rayon sur les deux glaces reste constamment la même ret ainsi l'angle d'incidence ne changeant point, tous les accès des molécules lumineuses et les intervalles de ces accès de I en I' doivent être les mêmes aussi; par consequent on ne voit pas ce qui peut faciliter la réflexion de quelques-unes de ces molécules dans une position de la glace plutôt que dans une autre : et quand même on admettrait comme une addition aux faits observés par Newton, que la glace perd son pouvoir réfléchissant sur toutes les molécules lumineuses dans cette incidence, lorsque sa force ré-Philsive est, perpendiculaire à leur, axe, C, on ne voit pas pourquoi en changeant d'azimut, elle reprendrait ce pouvoir sur quelques-unes des molécules plutôt que sur d'autres, puisque toutes semblent se présenter à elles dans les mêmes circonstances Mais c'est en ce dernier point que consiste la solution de la difficulté. Il n'est pas exact de dire que toutes ces molécules sont absolument dans le même état lorsqu'elles parviennent à la seconde glace, car les unes peuvent être dans le commencement d'un accès de fagile réflexion, d'autres au milieu, d'autres à la fin, et d'autres

encore dans les états intermédiaires. Or, il n'est pas croyable que dans tous ces cas la facilité de la réflexion soit rigoureusement égale; car lorsque les molécules passent d'un accès de facile transmission à un accès de facile réflexion et réciproquement, il est extrémement probable qu'elles ne le font pas d'une manière brusque et subite, mais successive et graduée, perdant d'abord peu à peu de leur disposition à se transmettre, puis la perdant tout-à-fait, et bientôt acquerant une nouvelle disposition à se résléchir, laquelle, d'abord très-saible, croît peu à peu jusqu'à un certain maximum, après quoi elle s'affaiblit par les mêmes ·degrés; et cette dégradation d'intensité est indiquée même par les phénomènes des anneaux colorés; car dans les anneaux ré-Aléchis formés par des couleurs simples, la réflexion de la lumière 'incidente n'est jamais totale, si ce n'est au milieu de l'epaisseur de chaque anneau; de sorte qu'avant et après ce milieu il y a des molécules lumineuses tout à fait de même nature entre elles, dont les unes sont réfléchies et les autres transmises, jusqu'à ce que enfin le nombre des premières devenant nul, elles passent toutes à travers la lame mince, et forment la partie la plus brillante de l'anneau transmis. On peut même remarquer que, par cette raison, les anneaux transmis doivent être plus larges que les sutres, contenir plus de humière, et aussi se mêler davantage par leur succession, comme on l'observe réellement. Or, puisque dans le même point d'une lame et sous la même incidence, iliy a des molécules lumineuses de même nature qui sont transmises, tandis que d'autres sont réfléchies, il faut bien que la disposition des premières pour se reflechir soit moindre, et celle des autres plus grande, selon la partie de leur accès où elles se 'trouvent; et alors on concevra que dans le milieu de chaque 'anneau toutes les molécules sont réfléchies, soit qu'elles se trouvent au commencement, ou au milieu, ou vers la fin d'un accès tle facile reflexion, mais qu'à une épaisseur un peu moindre ou

un peu plus grande, celles qui sont au commencement ou vers la fin d'un accès passent, tandis que celles qui sont dans une partie plus énergique de ce même accès, sont resléchies, et ainsi. de suite, jusqu'aux bords intérieurs et extérieurs de l'anneau auquel il n'y aura de réfléchi que les molécules qui se trouveront précisément au milieu et dans le fort de leur accès : et d'après cela, l'intensité de l'anneau réfléchi ira continuellement en diminuant du milieu vers les bords, conformément à l'observation. Quant à la cause qui fait qu'aux mêmes épaisseurs certaines molécules peuvent se trouver plus avancées, et d'autres moins avancées dans la période d'un même accès, il faut, je crois, pour la découvrir, remonter jusqu'à la source même de la lumière lorsqu'elle émane des corps lumineux! En versu des oscillations inévitables d'un pareil corps, en vertu de l'épaisseur de sa substance qui peut émettre de la lumière, enfin en vertu de l'inégale étendue des accès dont les molécules lumineuses elles-mêmes sont susceptibles, il doit arriver que parmi les molécules de même nature qui parviennent à une surface réfléchissante éloignée d'une quantité finie du corps rayonnaut, les unes se trouveront à certaines époques de leurs serès just les autres à d'autres époques; et cette inégalité originaire devra se perpétuer avec des variations diverses à travers les différens milieux que les molécules pourront traverser. Les chances qui concouvent à la produire dans l'émission de la lumière, sont d'autant plus nombreuses, qu'il n'est pas nécessaire qu'elles aient lieu entre des molécules himineuses qui arrivent au même instant à la surface réfringente ou réfléchissante, mais entre des molécules qui se succèdent dans un intervalle de temps moindre que la durée de nos sensations. Or, combien de millions de molécules ne peuvent-ils pas être émis dans cet intervalle, en le supposant seulement d'un centième de seconde?

Bevenons maintenant aux phénomènes que présente la ré-

flexion du rayon polarisé sur la seconde glace L'L'. Nous voyons que cette glace ne réfléchit aucune des molécules lumineuses lorsque la force répulsive qu'elle exerce sur elles devient, sous cette incidence, perpendiculaire à leur axe C. Ainsi dans cette circonstance elle perd son pouvoir réflecteur, quelle que soit l'espèce d'accès où se trouvent les molécules lumineuses, et à quelque période qu'elles soient de ces accès. C'est là une propriété nouvelle qu'il faut ajouter à la théorie de Newton. Maintenant si nous tournons un peu la glace autour du rayon polarisé sans changer son inclinaison sur le rayon, la force polarisante, n'étant plus toutà-fait perpendiculaire à l'axe C, peut se décomposer en deux autres, dont l'une, d'abord très-petite, tend à amener l'axe C dans le plan d'incidence, condition alors essentielle de la réflexion. Mais cette faible action trouve les molécules lumineuses inégalement disposées à lui obéir selon les diverses périodes où elles se trouvent dans leurs accès de facile réflexion. Elle doit donc s'exercer d'abord sur celles qui sont dans les momens les plus favorables, c'est-à-dire, vers le milieu de leurs accès, ce qui ne peut convenir qu'à un très-petit nombre de molécules. Si l'on tourne davantage la glace, la force polarisante parallèle à l'axe C augmente, et elle peut se faire sentir à des molécules moins éloignées des extrémités de leurs accès; enfin si le plan d'incidence du rayon sur la seconde glace coïncide avec l'axe C. la force polarisante s'emploie toute entière pour y maintenir cet axe, et elle lui permet seulement de tourner dans ce plan de manière à devenir perpendiculaire à la mouvelle direction du rayon réfléchi. Cette force s'exerce alors sur toutes les molécules qui se trouvent dans un accès de facile réflexion, soit au milieu, soit au commencement ou vers la fin : la réflexion partielle s'opère donc comme sur un rayon naturel, et la glace recouvre la propriété qu'elle avait perdue. Ainsi, bien loin que ces nouveaux phénomènes détruisent la théorie des accès, on

voit qu'ils ne font que la confirmer, car ils ne sauraient se concevoir sans elle; et en éffet cet accord devait nécessairement avoir lieu, puisque la théorie des accès de Newton n'est qu'une simple représentation des phénomènes que présentent les anneaux colorés.

L'espèce de choix que fait ainsi la seconde glace entre les molécules lumineuses se répéterait encore de la même manière, si le rayon qu'elle réfléchit était reçu sur une troisième glace formant de même avec lui un angle de 35° 25': car les molécules qui composent ce rayon, en allant vers la troisième glace à travers l'air, continueraient à parcourir les périodes de leurs accès; et, comme ces périodes sont différentes pour les molécules de natures diverses, elles se trouveraient encore dans des états différens en arrivant à la troisième glace, les unes étant dans des accès de facile transmission, les autres dans des états de facile réflexion, et les unes et les autres dans les diverses périodes de ces deux genres d'accès. Ainsi, en tournant la troisième glace autour dn rayon sans changer son incidence, il se produirait de nouveaux phénomènes semblables à ceux que nous venons d'examiner.

D'après ce que nous venons de dire, on conçoit aisément pourquoi la réflexion du rayon naturel par des glaces polies n'est jamais nulle sous aucune incidence : c'est que dans ces rayons, les axes analogues des molécules lumineuses sont trèsprobablement situés dans toutes les directions possibles; de sorte que le plan de réflexion, dans quelque position qu'il puisse être, ne saurait être perpendiculaire à tous leurs axes C, ce qui est la seule position où la réflexion soit impossible. Seulement il arrive que, sous une inclinaison déterminée, la glace a la propriété de disposer toutes les molécules réfléchies de manière que leurs axes C deviennent parallèles au plan de réflexion, et c'est en cela que le phénomène de la polarisation consiste. A des

s'étend à toutes les incidences possibles et à toutes les faces naturelles ou artificielles des cristaux de spath d'Islande. Concevez un plan qui passe par la direction du rayon refracté ordinaire, et qui soit parallèle à l'axe du cristal; ce plan contiendra toujours l'axe C des molécules lumineuses qui sont réfractées ordinairement. Concevez un autre plan analogue, mené de même parallèlement à l'axe du cristal par la direction du rayon extraordinaire; ce plan sera perpendiculaire à l'axe C des molécules lumineuses qui sont réfractées extraordinairement. Lorsque l'incidence s'opère dans le plan de la section principale du cristal, ces deux plans se confondent avec elle, et l'on retombe sur la propriété que nous avons observée d'abord; mais le dernier énoncé, outre qu'il est plus général, a encore l'avantage de lier plus étroitement la polarisation extraordinaire avec la force répulsive qui produit la réfraction extraordinaire; car nous avons 'dit que cette dernière est produite par une force répulsive qui s'exerce dans le plan mené par l'axe du cristal et par le rayon ¹réfracté extraordinairement.

Quelle que soit la nature des forces qui produisent les deux genres de polarisation, on peut les regarder comme s'exerçant dans les deux plans que nous venons de définir, et qui sont menés parallèlement à l'axe du cristal par chacun des deux rayons réfractés; car si l'on fait tourner les rayons autour de l'axe du cristal, en changeant la position de l'œil, les plans dont il s'agit tournent avec eux, et le sens de la polarisation les suit invariablement : par conséquent tout l'effet des forces polarisantes se réduit à rendre l'axe C des axes des molécules lumineuses parallèle ou perpendiculaire à ces plans. Si cette condition ne peut être remplie pour l'un ou pour l'autre rayon, d'après la direction que la théorie de la double réfraction lui assigne, ce rayon ne se formera point.

D'après cette manière de les envisager, on conçoit aisément

pourquoi un rayon déja polarisé par la réflexion ne se divise point quand on lui fait traverser perpendiculairement un rhomboide de spath d'Islande, dont la section principale est parallèle au plan de réflexion : c'est que toutes les molécules qui composent ce rayon sont déja disposées par la réflexion comme elles doivent l'être pour composer le rayon ordinaire dans l'intérieur du rhomboide. En effet, pour cette incidence on sait que les deux rayons réfractés doivent rester dans le plan de la section principale. Or, leur axe C se trouve déja dans ce plan. La force polarisante extraordinaire ne pourra-donc pas l'en écarter, puisqu'elle-même s'y trouve comprise. C'est ce que représente la figure 7, où M désigne le centre de gravité d'une des molécules lumineuses, dont MA, MC, MB sont les trois axes, RR étant la section principale du principale du supposée dans le plan CMA, mené par les axes A et la section principale du partie de supposée dans le plan CMA, mené par les axes A et la section principale du partie de supposée dans le plan CMA, mené par les axes A et la section principale du partie de supposée dans le plan CMA, mené par les axes A et la section principale du partie de supposée dans le plan CMA, mené par les axes A et la section principale du partie de supposée dans le plan CMA, mené par les axes A et la section principale du partie de supposée dans le plan CMA.

Si la section principale du rhomboïde est perpendiculaire au plan de réflexion, l'incidence restant toujours perpendiculaire, le rayon ne se divisera pas davantage; car dans ce cas comme dans le précédent, les deux rayons réfractés doivent rester dans le plan de la section principale. Or, leur axe G se trouve déja dirigé par la réflexion perpendiculairement à ce plan, comme il doit l'être dans le rayon extraordinaire. Ainsi, la force polarisante ordinaire qui s'exerce aussi dans le plan de la section principale sera perpendiculaire à cet axe, et ne pourra pas le faire, tourner. Ce second cas est représenté fig. 8, où les dénominations sont les mêmes que dans la fig. 7, avec cette seule différence que le plan RR de la section principale du rhomboïde coïncide avec le plan AMB mené par les axes A et R.

Mais dans toutes les positions du cristal intermédiaires entreces deux limites, comme le représente la fig. 9, le rayon se divisera nécessairement. En effet, la section principale, qui doit encore contenir les deux faisseaux réfractés, ne sera plus ni pa-

rallèle ni perpendiculaire à l'axe C des_molécules lumineuses. Les forces qui produisent la polarisation ordinaire et la polarisa. tion extraordinaire étant dirigées dans le plan de cette section, tendront ainsi à faire tourner l'axe C chacune dans le sens qui leur est propre, la première pour l'attirer dans le plan de la section principale, la seconde pour l'en écarter. En nous bornant à considérer une seule de ces forces, par exemple, la dernière; on voit que son influence doit être d'abord très-faible lorsque le plan de la section principale fait un très-petit angle avec le plan de réflexion du rayon, parce qu'alors sa direction coıncide presque avec celle de l'axe C des molécules lumineuses; de sorte qu'elle a très-peu de tendance à le faire tourner perpendiculairement à ce plan, comme il doit l'être dans le rayon extraordinaire. Mais à mesure que le augmente, la force qui tend à repousser l'axe C augment l'assi, et enfin son action est totale quand la section principale est devenue perpendiculaire à l'axe C. Dans ces états d'intensité divers, la répulsion doit s'exercer d'abord sur celles des molécules lumineuses qui y sont le plus disposées, c'est-à-dire, sur celles qui en pénétrant le cristal se trouvent dans le milieu d'un accès de facile réflexion; puis avec un peu plus d'énergie, elle doit atteindre aussi les molécules qui sont plus près des extrémités de leurs accès : avec plus d'énergie encore elle commence à repousser même des particules qui se trouvaient aux premières périodes d'un accès de facile transmission, et ainsi de suite jusqu'à la position qui donne à la force répulsive toute son influence, et dans laquelle elle agit sur toutes les molécules lumineuses sans exception, parce que la force polarisante ordinaire est nulle. Au-delà de ce terme, si l'on continue à tourner le rhomboïde autour du rayon polarisé, les forces reprennent successivement les mêmes valeurs, et par conséquent les molécules lumineuses doivent échapper. successivement à la polarisation extraordinaire, pour reprendre

la polarisation ordinaire dans un ordre tout contraire à celuiqu'elles avaient suivi précédemment; c'est-à-dire, que celles qui ont cédé les dernières à la force répulsive seront les premières à lui échapper.

D'après cette discussion, on voit que tous les phénomènes de la polarisation fixe, tant ceux qui sont produits par les cristaux que par les surfaces réfléchissantes, se rapportent aux mouvemens de l'axe C des molécules lumineuses. Pour fixer les idées, nous appellerons cet axe Axe de polarisation, et nous nommerons Axe de translation celui qui est tourné dans le sens des mouvemens de translation des molécules lumineuses. En adoptant cette définition, tous les résultats que nous avons jusqu'à présent obtenus, peuvent s'énoncer très-simplement et très-clairement de la manière suivante:

Lorsqu'un rayon de lumière est complètement polarisé, par réflexion sur une surface polie, l'axe de polarisation de toutes les molécules réfléchies est situé dans le plan de réflexion, et perpendiculaire à l'axe de translation de ces particules.

Si les molécules incidentes sont tournées de manière que cette condition soit impossible à remplir, elles ne se réfléchiront point, du moins sous l'incidence qui détermine la polarisation complète. Cela arrive quand l'axe de polarisation des molécules incidentes est perpendiculaire au plan d'incidence, l'angle d'incidence étant d'ailleurs convenablement déterminé.

Généralement lorsqu'une surface polie non métallique reçoit un rayon polarisé, sous l'incidence où elle produirait elle-même la polarisation totale, et qu'on la fait tourner ainsi autour de ce rayon sans changer son inclinaison sur lui, la quantité de lumière qu'elle réfléchit dans les diverses positions est proportionnelle au carré du cosinus de l'angle que le plan d'incidence forme avec l'axe de polarisation.

Lorsque la lumière traverse des rhomboïdes de spath d'Islande

qui la divisent, les molécules lumineuses sont polarisées diversement. Celles qui composent le rayon extraordinaire ont leur axe de polarisation dans un plan mené par l'axe de translation de ce rayon, et par une droite parallèle à l'axe da cristal. Celles qui composent le rayon extraordinaire ont leur axe de polarisation perpendiculaire au plan mené de la même manière par leur axe de translation et par une ligne parallèle à l'axe du cristal.

D'après cela, quand nous dirons qu'un rayon de lumière se trouve polarisé ordinairement par rapport à un plan, cela voudra dire que les molécules qui le composent ont leur axe de polarisation situé dans ce plan; ou bien, pour abréger, nous pourrons dire encore que ce plan est le plan de polarisation: et au contraire, quand nous dirons que le rayon se trouve polarisé extraordinairement par rapport à un plan, cela voudra dire que les molécules lumineuses qui le composent ont leur axe de polarisation perpendiculaire à ce plan.

Lorsqu'un rayon de lumière déja polarisé traverse perpendiculairement un rhomboïde de spath d'Islande, la quantité de lumière qui passe à l'état de rayon ordinaire est proportionnelle au cosinus de l'angle formé par la section principale du rhomboïde avec l'axe de polarisation du rayon, et la quantité de lumière qui passe à l'état de rayon extraordinaire est proportionnelle au carré du sinus du même angle. L'un et l'autre genre de polarisation se rapportent au plan de la section principale.

Je viens maintenant à un autre genre de phénomènes qui a été découvert et décrit dans le même temps par Malus et par moi, mais dont l'analyse et la loi appartiennent à lui seul. En exposant ces phénomènes, je commencerai par les expériences que j'ai faites, parce qu'elles les rendent extrêmement apparens et faciles à observer. Je rapporterai ensuite celles de Malus, qui en donnent une analyse rigoureuse et directe. J'en déduirai la loi à laquelle il était parvenu, et qu'il a indiquée dans la seule

note imprimée qui nous reste de lui sur cette matière. Enfin je montrerai, d'après des expériences nouvelles, les modifications que cette loi exige, et j'essaierai de fixer le véritable point de vuè sous lequel il me paraît qu'on doit l'envisager.

Voici d'abord en quoi consiste le phénomène principal tel que je l'ai observé. Si l'on forme une pile de plusieurs lames de verre parallèles, séparées les unes des autres par des intervalles d'air, et que l'on présente obliquement cette pile à un rayon de lumière directe, la lumière transmise se trouve modifiée en tout ou en partie comme si elle avait traversé un corps cristallisé; car si on l'analyse à sa sortie en lui faisant traverser un rhomboide de spath d'Islande, elle se divise généralement en deux faisceaux d'inégale intensité; et même, si l'on augmente suffisamment le nombre des glaces superposées, il y a quatre positions rectangulaires du rhomboide dans lesquelles elle ne se divise point, ét alors la lumière transmise se comporte comme si elle était complétement polarisée.

Ce phénomène n'a pas lieu seulement pour une incidence particulière du rayon sur les lames de verre; il commence dès que l'incidence cesse d'être perpendiculaire : la portion de lumière transmise qui conserve les caractères de la lumière directe, diminue à mesure que le rayon incident devient plus oblique sur les lames : enfin, si celles-ci sont suffisamment nombreuses comparativement à l'intensité du rayon incident, il arrive un terme où, comme nous l'avons dit, toute la lumière transmise est polarisée dans un seul sens; et ce terme une fois atteint, la même propriété subsiste ensuite pour toutes les autres obliquités, à mesure que le rayon incident s'approche davantage d'être parallèle aux glaces.

La quantité de lames nécessaires pour obtenir ainsi la polarisation complète dépend de l'intensité de la lumière incidente et de la nature de la substance dont les lames sont formées. Dix lames de verre suffisent pour polariser complétement la lumière du soleil couchant, mais deux feuilles d'or battu suffisent pour produire le même effet à toutes les hauteurs du soleil. Il faut avoir soin que ces feuilles et ces lames soient placées à distance et parallèlement l'une à l'autre. On polarise aussi la lumière de cette manière avec des lames fluides telles que celles que l'on peut former avec de l'eau savonneuse en y plongeant un carton découpé intérieurement; mais il est assez difficile d'en produire simultanément un assez grand nombre pour que la polarisation soit totale.

Quand on emploie un grand nombre de lames de verre, par exemple, quarante ou cinquante, et qu'on les fait agir sur la lumière produite par la flamme d'une bougie, on remarque de très-grandes différences dans l'intensité de la lumière transmise sous diverses obliquités. Cette intensité, d'abord très-faible sous l'incidence perpendiculaire, augmente à mesure que le rayon incident devient plus oblique aux lames. Elle est à son maximum lorsqu'il fait un angle de 35° 25' avec leur surface. C'est l'angle où la réflexion polarise complétement la lumière. Au-delà de ce terme, si l'obliquité augmente toujours, l'intensité diminue de nouveau, et même plus rapidement qu'elle n'avait d'abord augmenté.

Arrêtons-nous un moment à ce maximum. Alors toute la lumière réfléchie par les lames successives est entièrement polarisée; et d'après ce que nous avons vu plus haut, en analysant
le phénomène de la réflexion, elle est polarisée ordinairement,
c'est-à-dire; que l'axe de polarisation des molécules lumineuses
se trouve dans le plan de réflexion. Or, sous cette incidence, si
l'on double ou triple le nombre des lames dont la pile se compose, une fois que la lumière transmise se trouve complétement
polarisée, son intensité ne varie plus du tout; elle conserve absolument le même éclat, quel que soit ce nombre : il faut donc

qu'alors elle se trouve polarisée de manière à échapper à la réflexion continuelle et successive que les lames tendeut à exercer sur elle. En effet, si on écarte la dernière lame à une distance assez grande pour pouvoir observer la réflexion qu'elle produit; on voit qu'elle est absolument nulle. Ceci nous découvre le sens dans lequel la lumière transmise se trouve alors polarisée. Puisqu'elle se transmet librement à travers les lames suivantes, il faut qu'elle soit polarisée extraordinairement par rapport au plan d'incidence, c'est-à-dire, que l'axe de polarisation des molécules lumineuses transmises soit perpendiculaire au plan de réfraction. Quoique cette conséquence se présente d'elle-même, je ne l'avais pas déduite alors des phénomènes, et elle appartient à Malus qui l'a découverte par une autre méthode que je vais expliquer.

Pour cela considérons d'abord l'action d'une seule glace; et afin de mieux reconnaître la modification qu'elle imprime aux molécules lumineuses, faisons-la agir sur un rayon déja polarisé ordinairement par la réflexion. Supposons, pour fixer les idées, que ce rayon soit vertical, et que l'axe de polarisation de ses molécules soit dirigé dans le plan du méridien ; inclinons la glace de manière qu'elle forme avec lui un angle de 35° 25'. Sous cette inclinaison, qui est celle de la polarisation totale, si nous faisons tourner la glace autour du rayon polarisé elle réfléchira des quantités inégales de lumière suivant l'angle i que le plan d'incidence formera avec l'axe de polarisation du rayon; et si nous nommons E l'intensité de cette lumière réfléchie lorsque l'angle i est nul, sa valeur sera en général E cos2 i. Considérons maintenant la lumière transmise p glace, et d'abord désignons par O celle qui passe quand nul. c'est-à-dire, lorsque le plan d'incidence est dans le méridien; alors cette lumière conserve sa polarisation primitive, comme on peut s'en assurer en la recevant sur une seconde

glace, ou en lui faisant traverser un rhomboïde de spath d'Islande. Maintenant, si l'on tourne la glace autour du rayon polarisé, la quantité de lumière réfléchie n'est plus E comme dans le méridien, mais E cos2i. La différence E - E cos2i ou E sin2i va donc s'ajouter à la lumière transmise. Mais cette nouvelle portion n'est plus polarisée ordinairement par rapport au plan du méridien; l'expérience montre qu'elle l'est au contraire extraordinairement par rapport au plan d'incidence du rayon sur la glace. Malus s'est assuré de ce fait par des expériences très-délicates; mais cela se voit encore plus simplement par la libre transmission du rayon à travers la pile, comme nous l'avons remarqué. Ainsi, la lumière transmise se trouve alors composée de deux parties O et E sin2 i, qui sont polarisées diversement, la première suivant OM, fig. 10; la seconde suivant OR. Si on lui fait traverser perpendiculairement un rhomboïde de spath d'Islande dont la section principale soit parallèle au méridien OM, la portion O ne se divisera point, puisqu'elle est déja polarisée ordinairement par rapport à ce plan; mais la portion Esinai polarisée suivant OR, se divisera en deux faisceaux, l'un ordinaire, l'autre extraordinaire. Le premier sera proportionnel au carré du cosinus de l'angle ROM formé par l'axe de polarisation OR avec la section principale du rhomboïde. Cet angle est évidemment égal à 90+i, puisque l'axe de polarisation du rayon est perpendiculaire au plan de réfraction de la glace, lequel forme lui-même un angle i avec le méridien, ou, ce qui est la même chose, avec la section principale du rhomboïde. Ainsi l'intensité de ce rayon ordinaire sera $E \sin^2 i \cos^2 (90 + i)$ ou i, et l'intensité du rayon extraordinaire correspondant sera $2i\sin^2 i\sin^2(90+i) \text{ ou } E\sin^2 i\cos^2 i.$

Si donc nous désignons comme à l'ordinaire par F, et par F, les intensités totales des faisceaux lumineux ordinaires et extraordinaires transmis par le rhomboïde, nous aurons

$$F_{\bullet} = O + E \sin^4 i.$$

$$F_{\bullet} = E \sin^2 i \cos^2 i.$$

La valeur de F. peut se mettre sous la forme $\frac{1}{4}$ E sin² 2 i. On voit alors qu'elle est nulle quand i est nul ou égal à 90°, et qu'elle atteint son maximum entre ces limites quand $i=45^{\circ}$. Telles sont donc les périodes du rayon extraordinaire produit par l'action de la glace sur la lumière qui la traverse; l'expérience confirme parfaitement ce résultat, quand on analyse la totalité de la lumière transmise par le moyen d'un rhomboïde placé comme le suppose notre calcul.

Quant au rayon ordinaire F_o , on voit qu'il augmente sans cesse de tout ce que perd F_o . Dans le méridien où i est nul, il est d'abord égal à O. Il augmente ensuite continuellement d'intensité à mesure que i augmente, et enfin il atteint son maximum lorsque $i=90^\circ$. Alors la glace ayant perdu son pouvoir réflecteur, toute la lumière incidente O+E est transmise en conservant sa polarisation primitive, et par conséquent elle ne donne plus qu'un seul rayon ordinaire dans le rhomboïde qui sert à l'analyser.

Nous avons supposé que la section principale de ce rhomboide était dirigée dans le plan primitif de polarisation du rayon incident, que nous avons supposé être le méridien. Mais si nous voulions placer cette section principale dans toute autre position, le calcul des rayons F. et F. ne serait pas plus difficile; tout se réduirait également à trouver les faisceaux ordinaires et extraordinaires donnés par deux rayons O et Esin'i, dont le sens de polarisation est connu : ce n'est qu'une application très-simple des formules données dans la page xviij.

En effet, représentons généralement par α l'angle formé par la section principale du cristal avec le plan primitif OM de polarisation du rayon; alors la portion O de lumière transmise sur

laquelle n'agit point la glace, conservera cette polarisation. Par conséquent lorsqu'elle traversera le rhomboïde, elle se divisera en deux faisceaux, l'un ordinaire, exprimé par O cos'a, l'autre extraordinaire, exprimé par O sin'a. Venons maintenant au rayon OR ou E sin' i polarisé par réfraction dans la glace; l'axe de polarisation de ses molécules fait avec OM un angle égal à $i+90^{\circ}$. Mais la section principale du rhomboïde forme aussi avec OM un angle α que nous supposerons compté dans le même sens, car il faut toujours être fidèle à cette condition quand on introduit des angles dans les formules algébriques. Ainsi l'angle que l'axe de polarisation de ce rayon fait avec la section principale du rhomboïde est égal à $\alpha - (i + 90^\circ)$, et par conséquent il se résoudra en deux autres, l'un ordinaire E sin'i cos' (a-i-90°) ou simplement E sin' $i \sin^2(\alpha - i)$; l'autre extraordinaire E sin' $i \sin^2(\alpha - i - 90^\circ)$ ou simplement $E \sin^2 i \cos^2(\alpha - i)$. Nous avons donc en tout quatre rayons transmis à travers le rhomboïde, dont deux ordinaires et deux extraordinaires, les uns et les autres polarisés relativement au plan de la section principale. Comme les deux faces de la glace sont supposées parallèles, tous ces rayons restent parallèles entre eux en tombant sur le rhomboïde; et ils rencontreront sa surface dans les mêmes points; de sorte qu'ils se confondront dans leur incidence. Alors ceux qui sont polarisés de la même manière se réuniront aussi dans leur émergence, et l'on aura en les ajoutant

$$F_o = O \cos^2 \alpha + E \sin^2 i \sin^2 (\alpha - i)$$
.
 $F_e = O \sin^2 \alpha + E \sin^2 i \cos^2 (\alpha - i)$.

Ces formules, plus générales que les précédentes, s'accordent avec elles quand on y suppose a nul, c'est-à-dire, quand on place la section principale du rhomboïde dans le plan primitif de la polarisation du rayon.

Ces formules sont sans doute celles que Malus avait trouvées. Quoiqu'il ne les ait pas énoncées textuellement, il a rapporté un résultat qui ne peut en être qu'une conséquence; c'est l'évaluation des rapports de O et de E ou des quantités de lumière transmise et réfléchie par la glace dans sa première position. Pour tirer ce rapport des expériences, il faut savoir que, dans chaque position donnée de la glace, où i a une valeur quelconque connue, l'intensité du rayon extraordinaire F, est susceptible d'un minimum, qu'elle atteint lorsque l'on tourne convenablement la section principale du rhomboïde. Or, c'est la considération de ce minimum, quand $i=45^{\circ}$, qui donne les rapports des quantités de lumière O et E. Afin de montrer comment cela peut être, substituons à $\sin^{\circ}\alpha$ et à $\cos^{\circ}(\alpha-i)$ leurs valeurs en fonctions de l'angle double, c'est-à-dire $\left(\frac{1-\cos 2\alpha}{a}\right)\left(\frac{1+\cos 2(\alpha-i)}{a}\right)$ et la valeur de F, deviendra

$$F_{\bullet} = \frac{1}{2}O + \frac{1}{2}E\sin^{\bullet}i - \frac{1}{2}O\cos 2\alpha + \frac{1}{2}E\sin^{\bullet}i\cos 2(\alpha - i)$$

Supposons maintenant i=45°, ce qui donne

$$\sin^2 i = \frac{1}{2}$$
, $\cos 2 (\alpha - i) = \cos(2\alpha - 90^\circ) = \sin 2\alpha$,

et l'expression de F. particularisée pour cette position de la glace deviendra

$$F_{\bullet} = \frac{1}{3}O + \frac{1}{4}E - \frac{1}{3}\left(O\cos 2\alpha - \frac{1}{3}E\sin 2\alpha\right).$$

Cette expression se compose de deux parties dont la première est constante et positive. La seconde est variable, et son signe dépend des termes qui la composent. Quand $\alpha = 0$, elle se réduit à $-\frac{1}{3}$ O, et elle est par conséquent soustractive. Quand α cesse d'être nul, et devient positif, le terme $\frac{1}{2}$ E sin. 2 α prend une valeur positive; en même temps le terme O cos 2 α diminue. Par cette double cause, la différence $\frac{1}{3}$ O cos. 2 $\alpha - \frac{1}{3}$ E sin 2 α devient moindre que $\frac{1}{3}$ O; et quand même le premier terme l'emporterait sur le second, ce qui a toujours lieu dans le cas où l'on n'emploie qu'une seule glace, la valeur de F_{\bullet} serait plus grande que dans

le cas précédent. Mais le contraire arriverait si l'on prenait α négatif, c'est-à-dire, si l'on tournait la section principale du rhomboïde du côté du méridien opposé à l'angle i: car alors le terme — $\frac{1}{2}$ E sin. 2α devenant positif, et s'ajoutant à 0 cos. 2α , la quantité à soustraire des termes constans serait, au moins dans le commencement, plus grande que $\frac{1}{2}$ 0; ce qui rendrait F, moindre que si α était nul. D'après cela, on conçoit que parmi les diverses valeurs de α , il doit s'en trouver une qui donne à F, la plus petite valeur possible, et le calcul différentiel fait voir que cette valeur de α est donnée par l'équation :

Osin 2 $\alpha + \frac{1}{2} E \cos 2 \alpha = 0$ d'où l'on tire $\frac{O}{E} = \frac{-1}{2 \tan g} 2 \alpha$.

c'est-à-dire, que la quantité de lumière transmise par la glace dans sa première position est à la quantité de lumière qu'elle réfléchit alors comme l'unité est au double de la tangente de l'angle — 2 α qui rend le rayon extraordinaire E un minimum quand $i=45^{\circ}$. Ainsi, lorsqu'on aura placé la glace dans cette position, il n'y aura qu'à tourner lentement le rhomboide en sens contraire de l'angle i jusqu'à ce que le rayon extraordinaire arrive à son minimum d'intensité. Lorqu'on sera arrivé à cette position, on mesurera l'angle α ; et le rapport $\frac{-1}{2 \tan g} \frac{1}{2 \alpha}$ étant évalué en nombres donnera les rapports des intensités $\frac{O}{E}$ Ensuite en mettant dans F. pour O sa valeur en E, ou pour E sa valeur en O, tirée de l'équation de condition à laquelle ces deux quantités sont assujéties, on obtiendra la valeur de F. qui correspond au minimum d'intensité. Ce sera dans le premier cas

$$F_{\bullet} = \frac{1}{4}E + \frac{1}{4}E \tan \alpha$$
.

Lorsque le rapport $\frac{O}{E}$ sera connu, on pourra facilement en déduire celui des quantités de lumière transmise et réfléchie par la glace dans tout autre azimut quelconque i; car la première

de ces deux quantités est égale à F_o+F_o , c'est-à-dire à $O+E\sin^2i$; et la seconde est égale à $E\cos^2i$. Leur rapport sera donc $\frac{O+E\sin^2i}{E\cos^2i}$ ou $\frac{O}{E}+\sin^2i$; on pourra donc l'évaluer en nombre pour chaque. valeur de i lorsqu'on connaîtra le rapport fondamental $\frac{O}{E}$

Les formules auxquelles nous venons de parvenir peuvent également s'appliquer au cas où le rayon polarisé traverserait une pile de glaces parallèles, du moins en supposant que ces glaces reçoivent le rayon sous l'incidence de la polarisation totale : car en vertu de leur parallélisme, le plan d'incidence du rayon sur leur surface serait le même pour toutes; et quelle que soit la quantité absolue de lumière qui parviendra à chacune d'elles, celle qu'elle réfléchira dans les différens azimuts sera toujours proportionnelle au carré du cosinus de l'angle i. En effet, considérons d'abord toutes les glaces dans le cas de i nul, lorsque le plan d'incidence coincide avec le plan de polarisation du rayon. Cette lumière est polarisée ordinairement par rapport au plan d'incidence: il s'en refléchit une partie que nous nommerons e', et il s'en transmet une autre o' qui conserve sa polarisation primitive. Dans ce cas, chaque glace reçoit une certaine quantité de lumière qui dépend de sa position dans la pile. Faisons maintenant tourner le plan d'incidence autour du rayon polarisé, la quantité de lumière incidente sur chaque glace augmentera, parce que les précédentes lui transmettront la portion de la lumière qu'elles ont cessé de réfléchir; mais cette nouvelle portion n'est point réfléchie par les glaces sur lesquelles elle tombe, parce qu'elle se trouve polarisée perpendiculairement au plan d'incidence. Elle les traverse librement sous cette inclinaison; et ainsi, pour chaque glace, la quantité de lumière réfléchie dans les différens azimuts est encore e' cos' i, comme si elle se trouvait exposée

directement et isolément à la lumière incidente o'+e' polarisée toute entière dans le sens primitif du rayon. D'après cela on voit que l'intensité du faisceau polarisé par réfraction dans chaque glace, perpendiculairement au plan d'incidence, sera aussi égal à $e'-e'\cos^2 i$ ou $e'\sin^2 i$; et ce faisceau traversant librement toutes les glaces suivantes, parviendra tout entier sans altération jusqu'au rhomboïde qui sert à l'analyser. L'ensemble de tous ces faisceaux formera donc un rayon total, dont l'intensité sera égale à leur somme, et pourra être représentée par Esin'i, puisque l'angle i est le même pour toutes les glaces. Par conséquent, si l'on nomme O la quantité de lumière transmise par la pile lorsque i est nul, la quantité totale qui sera transmise dans un azimut quelconque sera O + E sin'i; et, de même que cela avait lieu dans le cas d'une seule glace, elle se trouvera composée de deux parties polarisées diversement, dont l'une O conservera sa polarisation primitive, et l'autre E sin' i se trouvera polarisée perpendiculairement au plan d'incidence. Si donc cette lumière est reçue perpendiculairement sur un rhomboïde de spath d'Islande, dont la section principale fasse un angle quelconque a avec le plan de polarisation primitive, elle se décomposera en le traversant précisément par les mêmes lois que dans le cas d'une seule glace, et elle donnera deux rayons F. F., l'un ordinaire, l'autre extraordinaire, dont les intensités seront exprimées par les formules

$$F_o = O \cos^2 \alpha + E \sin^2 i \sin^2 (i - \alpha).$$

 $F_o = O \sin^2 \alpha + E \sin^2 i \cos^2 (i - \alpha).$

Les intensités O et E dépendent du nombre des glaces, de leur faculté réfléchissante, et aussi de leur transparence. Si ces glaces sont minces et bien diaphanes, la quantité de lumière qu'elles absorbent sera extrêmement petite comparativement à celle qu'elles réfléchissent; car si l'on regarde les imagés d'un même point lumineux à travers des glaces de même nature, mais

dont l'une soit épaisse d'un millimètre, et l'autre d'un décimètre, on n'y aperçoit aucune différence d'intensité appréciable; mais si l'on superpose cent de ces glaces minces, et qu'on les présente à un rayon polarisé dans l'azimut où i est nul, elles affaibliront tellement la lumière transmise, qu'elle deviendra tout-à-fait insensible, si la lumière incidente n'est pas de la plus haute intensité.

Maintenant que nous connaissons les lois de ces phénomènes, et que nous les avons réduites en formules, voyons s'il serait possible de les rapporter à l'action de forces attractives et répulsives, comme nous y sommes parvenus pour les autres phénomènes de la polarisation.

Pour cela, considérons l'effet qu'une pile de glaces produit sur un rayon de lumière naturelle lorsqu'on le reçoit sous l'incidence convenable pour que la lumière résléchie soit entièrement polarisée. Dans ce cas, si le nombre des glaces est assez considérable, toute la lumière transmise se trouve polarisée perpendiculairement au plan de réfraction; c'est-à-dire, que l'axe de polarisation des molécules lumineuses est perpendiculaire à ce plan. Dès-lors on peut ajouter à la pile un nombre quelconque de glaces, les propriétés du rayon transmis ne sont plus altérées. Ainsi, quelle que soit l'espèce d'action exercée par les glaces sur les molécules de lumière qui les traversent, nous voyons qu'elles ne leur impriment plus aucun mouvement, sous cette incidence, quand elles sont ainsi disposées. Nous pouvons donc regarder ces effets comme produits par une force attractive ou répulsive qui s'exerce dans le plan d'incidence, et qui tend à tourner l'axe de polarisation des molécules perpendiculairement à ce plan.

Mais, d'un autre côté, nous avons reconnu que la force répulsive qui réfléchit la lumière à la surface des corps, tend, sous la même incidence, à tourner l'axe de polarisation des molécules lumineuses, de manière qu'après la réflexion il se trouve dans le plan d'incidence. Ainsi, lorsqu'un rayon de lumière traverse sous cette incidence la surface d'une glace, et pénètre dans son intérieur, il y éprouve, soit à-la-fois, soit tour-à-tour, ces deux genres d'action dans des sens rectangulaires. L'une tend à rendre l'axe de polarisation des molécules lumineuses parallèle au plan d'incidence; l'autre tend à le rendre perpendiculaire à ce plan.

Remarquons toutefois que ces considérations s'appliquent uniquement aux lames non cristallisées dont les deux faces sont parallèles. Car si les lames étaient cristallisées, les molécules lumineuses qui les traverseraient éprouveraient dans leur intérieur des actions dont ici nous ne tenons pas compte, et qui changeraient la direction de leurs axes de polarisation. De sorte qu'elles se présenteraient d'une autre manière à la surface d'émergence, ce qui devrait modifier le phénomène de la polarisation par réfraction, et peut-être même, dans certains cas, l'empêche tout-à-fait de se produire. D'un autre côté, si la lame, sans être cristallisée n'avait pas ses deux faces parallèles, la seconde surface agirait autrement sur les axes des molécules lumineuses, et il serait possible qu'alors il s'opérât des déviations qui seraient insensibles dans les lames à faces parallèles, parce qu'elles s'y compenseraient comme la réfraction s'y compense. On verra dans la suite de mes recherches des phénomènes qui rendent ceci très-probable. Mais en se bornant aux lames non cristallisées dont les deux surfaces sont parallèles, les déviations définitives, que les molécules lumineuses éprouvent, peuvent se rapporter seulement aux deux forces que nous venons de considérer.

Pour savoir comment les molécules se partagent entre ces deux forces, il faut considérer ce qui arrive lorsque le rayon incident est polarisé; en sorte que les molécules qui le composent soient tournées de la même manière. Dans ce cas nous voyons que l'effet de la polarisation par réflexion et celui de la polarisation par réfraction sont en quelque façon complémentaires l'un de l'autre. Car, si la quantité de lumière, qui éprouve la première espèce de modification, est E cos i, celle qui éprouve la seconde sera E sin i; i étant l'angle que le plan d'incidence sur la glace forme avec le plan de polarisation du rayon; ainsi, la quantité totale de lumière qui obéit à ces deux forces, sous cette incidence, est constante et égale à E; c'est-à-dire à la quantité absolue de lumière réfléchie lorsque le plan d'incidence et le plan de polarisation coïncident.

Maintenant nous pouvons concevoir un rayon naturel comme composé d'une infinité de rayons très-peu intenses, et polarisés dans toutes les directions possibles. Alors chacun d'eux fournira aux deux genres de polarisation des quantités de lumière inégales, selon sa disposition relativement au plan d'incidence; mais comme il y a un pareil nombre de ces rayons dans tous les sens, la somme totale des quantités de lumière réfléchie ordinairement, et réfractée extraordinairement, sera constante quand on fera tourner le rayon sur lui-même, pourvu que l'incidence soit aussi constante. Le reste de la lumière transmise n'étant point modifiée par l'action de la glace, restera à l'état de rayon naturel.

Représentons par K cette somme constante, et considérons-la dans le rayon incident avant qu'il soit entré dans la sphère d'activité de la glace. Alors les axes des molécules lumineuses étant répartis indifféremment dans tous les azimuts, la petite portion di de la circonférence en contiendra une quantité exprimée par $\frac{Kdi}{2\pi}$, π représentant la demi-circonférence dont le rayon égale l'unité. Cette portion de lumière ayant, par hypothèse, ses axes dirigés dans l'azimut i, il s'en réfléchit une portion égale à $\frac{Kdi}{2\pi}$ cos. i qui sera polarisée ordinairement dans le plan de

réflexion, et il s'en transmettra une autre $\frac{\mathbf{K} \, di}{2 \, \pi} \sin \cdot i$ qui sera polarisée par réfraction perpendiculairement à ce plan. En intégrant ces expressions depuis i = 0 jusqu'à $i = 2 \, \pi$, on aura la quantité totale de lumière qui est polarisée dans un sens ou l'autre; or on a entre ces limites

$$\int \frac{K \, d \, i \cos^2 i}{2 \, \pi} = \frac{K}{2} \quad \int \frac{K \, d \, i \sin^2 i}{2 \, \pi} = \frac{K}{2}.$$

Ces deux quantités sont donc égales entre elles. Ainsi, quand un rayon lumineux direct tombe sur une glace polie sous l'incidence de 35º 25' qui produit par réflexion la polarisation complète, la quantité de lumière réfléchie qui est ainsi polarisée est égale à la portion de lumière transmise qui est polarisée par réfraction perpendiculairement au plan d'incidence. Le reste du rayon transmis, est formé par la portion de chaque faisceau, qui passe directement sans perdre sa polarisation primitive. Ce resultat est conforme à l'expérience; car M. Arago l'avait observé par des moyens fort exacts, et avait bien voulu me le communiquer avant que je l'eusse tiré de la théorie. M. Arago a de plus observé que cette égalité avait également lieu sous toutes les incidences, en comparant seulement les quantités de lumière polarisée qui se forment dans les rayons réflechis et transmis; et, sans doute, on déduirait encore cette extension de la théorie, si l'on avait mesuré l'effet qu'éprouve un rayon polarisé, quand il rencontre une glace sous d'autres incidences que celles de la polarisation totale.

Quand à la cause qui détermine le partage des molécules lumineuses entre ces deux forces, qui fait, par exemple, que quelques-unes subissent la polarisation par réflexion dans le plan d'incidence, tandis que d'autres sont polarisées perpendiculairement à ce plant, et que le reste conserve sa polarisation primitive, même lorsque toutes les molécules se présentent de la même manière à la surface réfléchissante et réfringente, on

peut concevoir que ces inégalités dépendent de l'état divers où les molécules se trouvent dans leurs accès de facile réflexion et de facile transmission, car nous avons déja expliqué l'influence que cette circonstance devait avoir sur les phénomènes de la réflexion des rayons polarisés.

Et comme les molécules lumineuses de même nature éprouvent la même succession et la même étendue d'accès, lorsqu'elles passent d'une surface réfringente à une autre éloignée de la première d'une quantité finie, on conçoit qu'après avoir passé ainsi d'une glace à une autre glace, la quantité commune dont elles se sont avancées dans les périodes de leurs accès doit être ajoutée à leurs différences originaires, et qu'ainsi en arrivant à la seconde glace elles doivent se trouver de nouveau dans des époques toutes différentes de leurs accès, les unes au commencement, d'autres au milieu, et d'autres à la fin, ce qui suffit encore pour déterminer quelques - unes d'entre elles à subir, à cette seconde surface, la polarisation ordinaire, d'autres à y subir la polarisation extraordinaire, et d'autres enfin à se transmettre librement sans éprouver ni l'une ni l'autre de ces modifications.

En recevant ainsi un rayon naturel sur une suite de glaces parallèles, les réflexions successives rejetteront toute la lumière qui se polarise ordinairement relativement au plan d'incidence; tandis que les portions de lumière successivement polarisées dans le sens perpendiculaire à ce même plan se transmettront librement de glace en glace sans subir aucune réflexion, du moins si l'incidence est celle qui produit la polarisation totale; et de-là il résultera enfin que si le nombre des glaces est assez considérable, toute la lumière transmise se trouvera polarisée perpendiculairement au plan de réfraction: ce qui opérera réellement une séparation ou une dissection de la lumière incidente en deux sens rectangulaires.

D'après l'analyse que nous venons de donner de ces phéno-

mènes, on voit qu'ils sont tout-à-fait analogues à ceux que produit l'action des cristaux. Un rayon de lumière qui pénètre dans un rhomboïde de spath d'Islande perpendiculairement à ses faces se trouve sollicité par deux forces, dont l'une tend à diriger l'axe de polarisation des molécules lumineuses dans le plan de la section principale du rhomboïde, et l'autre au contraire tend à le rendre perpendiculaire à ce plan. De même un rayon lumineux qui traverse une glace sous l'incidence à laquelle la polarisation par réflexion s'opère d'une manière complète, se trouve sollicité par deux forces qui s'exercent d'une manière analogue relativement au plan d'incidence; mais dans les cristaux ces deux forces se partagent le rayon tout entier, et le séparent en deux faisceaux par la double réfraction, au lieu que dans une seule glace une partie du rayon seulement est modifiée par les forces polarisantes, et cette partie, éprouvant la même réfraction que le reste, ne s'en sépare point comme dans la transmission.

M. Arago a observé un fait qui a paru jusqu'ici faire exception à cette analogie remarquable. En étudiant les anneaux colorés réfléchis par une lame mince d'air comprise entre deux plans de verre, il a remarqué que, lorsque les anneaux réfléchis se trouvaient polarisés ordinairement par la réflexion, les bandes les plus distinctes des anneaux transmis se trouvaient aussi polarisées ordinairement, c'est-à-dire que l'axe de polarisation des molécules lumineuses qui les composait se trouvait dans le plan de réfraction, contradictoirement à ce que nous venons d'observer. Mais la différence me paraît tenir à ce que dans les observations d'anneaux la lame d'air était nécessairement très-mince, au lieu que dans les expériences faites avec les glaces nous n'employons que des lames épaisses. Car on verra tout-à-l'heure des expériences qui prouvent que dans les cristaux la polarisation extraordinaire, analogue à la polarisation par réfraction, ne commence à s'exercer qu'après qu'ils ont atteint une épaisseur

beaucoup plus grande que celle à laquelle ils forment des anneaux colorés. On ne doit donc pas s'étonner si l'effet de la polarisation extraordinaire ne s'est pas produit dans les expériences de M. Arago sur des lames minces d'air.

Il paraît seulement par cette expérience que si la force polarisante ordinaire existait seule, comme cela a lieu quand les lames sont très-minces, et qu'on la fit agir sous l'angle qui lui est le plus favorable, elle polariserait à-la-fois toute la lumière incidente, tant celle qui est transmise que celle qui est réfléchie. Mais une fois que l'épaisseur est assez considérable pour que la force qui polarise par réfraction ait pu se développer entièrement, cette force tend à rendre l'axe de polarisation des molécules perpendiculaire au plan d'incidence; elle contrarie donc en cela l'influence de la force polarisante ordinaire, qui tend à le ramener dans ce plan; et de ces deux actions opposées résulte un certain d'état d'équilibre composé 10 de melécules réfléchies qui sont polarisées ordinairement dans le plan d'incidence; 2° de molécules transmises polarisées perpendiculairement à ce même plan; 3º enfin de molécules transmises qui n'éprouvent ni l'une ni l'autre de ces modifications, ou sur lesquelles elles se détruisent. Mais ces deux derniers états des particules supposent l'existence de la force extraordinaire, et par conséquent ne peuvent pas s'observer quand elle est nulle.

Cela posé, voici comment je conçois le phénomène de la lame mince d'air comprise entre les deux lames épaisses de verre. La lumière naturelle, en tombant sur la première lame sous l'incidence de 54° 35' comptée de la perpendiculaire, donne un premier rayon réfléchi qui est polarisé relativement au plan d'incidence. Le rayon transmis contient alors une petite proportion de lumière qui a pris une polarisation perpendiculaire à ce même plan, et le reste, en proportion bien plus considérable, conservant sa polarisation primitive, reste encore à l'état de rayon

naturel. Toute cette lumière, tombant sur la lame mince d'air à-peu-près sous l'incidence où la polarisation est complète, la portion qui est polarisée extraordinairement échappe tout-àfait à la réflexion, et passe sans former d'anneaux colorés. C'est encore là un fait que M. Arago a observé directement, et je l'ai vérifié après lui en formant des lames d'eau et d'air assez minces pour produîre des anneaux colorés, et les exposant à un rayon polarisé, sous l'incidence et dans l'azimut où la réflexion ne se produit pas. Mais il était facile de prévoir ce résultat, ou plutôt il était de vérité nécessaire; car puisque les anneaux colorés résultent de la séparation des couleurs dans la lumière réfléchie et transmise, il faut bien, si toute la lumière est transmise, que les anneaux ne se forment point. Reste donc à considérer la lumière qui parvient à la lame mince d'air avec les propriétés d'un rayon naturel. Une portion de cette lumière se réfléchit et produit des anneaux polarisés ordinairement dans le plan de réflexion; mais, comme la force qui polarise par réfraction perpendiculairement à ce plan n'existe point dans la lame à cause de son peu d'épaisseur, ou du moins n'y est pas suffisamment développée pour contre-balancer la première, les molécules sollicitées uniquement par celle-ci tournent toutes leurs axes dans le plan d'incidence, et forment ainsi des anneaux transmis qui sont polarisés ordinairement comme les anneaux réfléchis. Cette lumière décomposée travers ensuite la dernière lame de verre sans en éprouver aucun dérangement, parce que les axes de polarisation de ses molécules se trouvant dans le plan de réfraction même ne peuvent en être déviés, et l'on y reconnaît par conséquent le caractère de la polarisation ordinaire lorsqu'on les analyse par réflexion sur une glace ou par réfraction dans un cristal.

J'ai dit plus haut, d'après Malus, que les surfaces métalliques polies semblaient seules privées de la propriété de polariser par réflexion ces rayons de la lumière. Cependant elles agissent encore sur les rayons. Car, d'après une autre observation de Malus. lorsqu'on les présente à un rayon préalablement polarisé, il arfive, en général, qu'elles dévient les axes d'un certain nombre de particules, et ce nombre est plus ou moins considérable selon la nature du corps métallique, selon l'inclinaison qu'on lui donne, enfin selon l'angle que le plan d'incidence forme avec le plan de polarisation du rayon. Malus a examiné dans son ottvrage les positions particulières dans lesquelles une surface métallique ne dévie point les axes d'un rayon polarisé, et il a donné dans le Bulletin des Sciences une règle empyrique pour déterminer dans les autres cas les proportions de lumière déviée et non déviée, dans chaque position de la surface; mais je crois que, pour atteindre réellement le principe de ces phénomènes, il faut, comme on le verra dans la suite de mes recherches, distinguer deux sortes de réflexions produites par les métaux : l'une qui se fait hors de leur surface comme sur les corps diaphanes, et l'autre qui se fait après que la lumière a pénétré parmi les particules mêmes de leur substance. La première réflexion agit régulièrement sur la lumière; elle dévie les axes des particules comme ferait la surface polie d'un corps diaphane, et elle polarise complètement la lumière naturelle sous une certaine incidence; mais la seconde réflexion faite à l'intérieur de la substance métallique me paraît ne point avoir cette régularité, car la lumière qui la subit semble totalement ramenée à l'état de rayon naturel. Non-seulement cette manière d'envisager les phénomènes satisfait aux observations de Malus, mais elle permet de calculer d'avance le sens de la polarisation imprimée par les surfaces métalliques à une portion de la lumière incidente; car ce sens est le même que celui qui résulterait de l'action de toute autre surface polié quelconque, mais ces phénomènes feront partie d'un travail dans lequel je montrerai par l'expérience que toutes les surfaces

polies quelconques, cristallisées comme non cristallisées, dévient les axes des particules lumineuses suivant des directions, et d'après des lois que je ferai connaître.

Nous avons dit plus haut, d'après Malus, que lorsqu'un rhomboide de spath d'Islande, ou tout autre cristal doué de la double réfraction, agit sur un rayon lumineux déja polarisé, il dévie en général les axes de ses particules, comme on peut le reconnaître en analysant la lumière transmise au moyen d'un prisme de spath d'Islande, ou par la réflexion sur une glace convenablement inclinée: mais nous avons aussi remarqué, page xx, qu'il y a deux positions dans lesquelles le cristal interposé ne dévie pas du tout les axes des particules lumineuses, et si nous supposons, pour plus de simplicité, que ses deux surfaces soient parallèles et l'incidence perpendiculaire, les positions dont il s'agit sont celles dans lesquelles le plan mené par l'axe du cristal perpendiculairement aux faces, ou ce que l'on appelle la section principale du cristal, est parallèle ou perpendiculaire au plan de polarisation du rayon incident. La raison de ce phénomène est évidente d'après ce qui a été dit page xxxij. Malus a employé cette circonstance comme un moyen de reconnaître dans toutes les substances la direction de l'axe de cristallisation, en essayant ainsi des sections parallèles ménagées dans différens sens de la substance. Mais dans toutes les expériences qu'il avait faites, les deux faisceaux transmis lui avaient paru incolores. M. Arago découvrit qu'en opérant de même sur des lames minces de mica, de chaux sulfatée, ou même sur certaines plaques épaisses de cristal de roche, ou enfin sur des morceaux de flint-glass non cristallisés en apparence, on obtenait deux faisceaux diversement colorés. Il fit un grand nombre d'expériences pour s'assurer que la lumière de ces faisceaux jouissait des propriétés générales de la lumière polarisée, c'est-à-dire que dans certains cas elle échappait à la force réslé-

chissante d'une glace et à la double réfraction, dans les cristaux de spath d'Islande. Il reconnut que l'épaisseur des lames avait de l'influence sur ce phénomène; car, en enlevant successivement plusieurs lames dans un même morceau de mica, les couleurs des faisceaux changeaient, et elles changeaient aussi dans une même lame par l'inclinaison. Cependant M. Arago vit que cette propriété n'appartenait pas exclusivement aux corps minces, car il trouva une plaque de cristal de roche épaisse de plus de six millimètres qui, exposée au rayon polarisé, de la même manière que les précédentes, lui donna aussi deux faisceaux colorés quand il analysa la lumière transmise en se servant d'un prisme de spath d'Islande. Il observa de plus que, dans cette même plaque, le phénomène général acquérait encore diverses autres modifications particulières, relatives au changement des teintes et à l'influence des sections principales. Enfin il rapporta de même des effets analogues observés dans un morceau épais de flint-glass. M. Arago a exposé ces phénomènes dans un mémoire lu à la Classe des Sciences Physiques et Mathématiques le 11 juin 1811. On peut en voir les détails dans ce Mémoire même qui est actuellement imprimé. On les trouvera aussi pour la plupart dans la suite de mes recherches où j'ai eu des occasions fréquentes de les rappeler. Dans ce mémoire M. Arago donna un moyen d'observer la direction des axes dans les lames cristallisées, d'après la polarisation qu'elles produisent quand elles sont interposées entre deux rhomboïdes de cristal d'Islande; et l'exposition qu'il donna de ce procédé est antérieure au mémoire où Malus proposa un moyen à-peu-près pareil dont nous avons parlé plus haut.

Un an après la lecture du travail de M. Arago je présentai à la Classe mon premier mémoire sur cette matière. Persuadé que les lois générales des phénomènes ne peuvent être découvertes et prouvées que par des mesures exactes, je commençai par me

former un appareil qui me permît de mesurer avec précision toutes les circonstances de ceux que je voulais examiner. Cet appareil est représenté dans mon premier Mémoire, planche I. C'est, à peu de chose près, le même que j'ai décrit page iij, au commencement de cette exposition. Seulement au lieu de la seconde glace réfléchissante, je substitue la lame ou le cristal dont je veux observer l'action sur le rayon polarisé. De plus, afin de pouvoir tourner cette lame dans tous les sens autour du rayon, je la fixe sur un anneau mobile dont la circonférence est divisée. Cet anneau lui-même est mobile autour d'un axe perpendiculaire au tuyau de la lunette, ce qui permet de donner à la lame toutes les inclinaisons possibles sur le rayon incident. Enfin, le mouvement circulaire du tambour autour de l'axe de la lunette permet d'amener la lame dans tous les azimuts. On mesure les inclinaisons du rayon sur la lame par le procédé expliqué page iva Il ne reste plus qu'à analyser la lumière transmise. A cet effet j'emploie le même appareil que j'ai décrit page xix. Je place derrière l'enneau un support vertical auquel est attaché un cercle de cuivre que je dispose perpendiculairement au rayon transmis. Ce cercle est divisé sur ses bords, et porte une alidade percée à son centre d'un trou circulaire qui répond précisément sur le prolongement du rayon que l'on veut analyser. Je fixe sur cette ouverture un prisme de cristal d'Islande d'un petit nombre de degrés, taillé et achromatisé comme je l'ai expliqué ailleurs. Puis, en faisant tourner l'alidade autour de son centre, j'amène successivement ce prisme dans toutes les positions autour du rayon polarisé. Je commence par déterminer les positions dans lesquelles la section principale du prisme est parallèle ou perpendiculaire au plan de polarisation du rayon que résléchit la première glace. Pour cela, je laisse ce rayon arriver directement sur le prisme, sans interposer aucune lame cristallisée, et je tourne alors l'alidade jusqu'à ce que l'une des deux images réfractées s'évanouisse. Quand c'est l'image ordinaire, la section principale du prisme coîncide avec le plan de polarisation du rayon: au contraire elle lui est perpendiculaire quand l'image qui disparaît est celle qui subit la réfraction extraordinaire. Pour distinguer aisément ces deux cas, il suffit d'employer un prisme dont les pans latéraux conservent encore la forme du rhomboide dont ils sont tirés; car on sait que dans un rhomboide de spath d'Islande, la section principale est parallèle à la petite diagonale des bases. Ainsi elle conservera cette position, si, pour tailler le prisme, on se borne à incliner un peu la face postérieure du rhomboïde. Quand on aura observé avec un pareil prisme la division des deux images, on verra bien aisément quelle est celle qui persiste, quand la petite diagonale est parallèle au plan de polarisation : ce sera l'image ordinaire. On fixera sur la division du cerele le point où répond alors l'alidade, afin de pouvoir l'y ramener toutes les fois qu'on le ner le prisme de spath d'Islande tout autour du rayon, on verra que chaque image disparaîtra deux fois, savoir : l'image extraordinaire, quand la section principale du prisme fera avec le plan de polarisation un angle o ou 1800; et l'image ordinaire, quand cette même section principale sera avec le plan de polarisation un angle égal à 90° ou 270°. Le passage d'un de ces états à l'autre se fera graduellement, et il y aura quatre points intermédiaires dans lesquels les deux images ordinaire, extraordinaire, seront d'égale intensité. Cela arrivera quand la section principale fera avec le plan de polarisation un angle de 45°, 135°, 225°, 315°. Ce sont les phénomènes observés par Malus.

Dans tous ces cas, si le rayon polarisé est blanc, comme lorsqu'on le tire de la lumière des nuées, les deux images données par le prisme de spath d'Islande achromatisé sont sensiblement, incolores. Remettez ce prisme dans sa position primitive où sa sec-

tion principale se trouve parallèle au plan de polarisation, alors l'image extraordinaire s'évanouira. Mais elle reparaîtra de nouveau si, avant de parvenir au prisme, le rayon traverse d'abord une lame mince de chaux sulfatée ou de mica, ou certaines plaques de cristal de roche. C'est là le phénomène observé par M. Arago, et l'on voit qu'à l'aide de l'appareil que je viens de décrire, on peut toujours mettre la lame et le prisme dans des positions connues relativement aux axes des molécules lumineuses qui composent le rayon polarisé. On pourra donc, en variant ces positions et en étudiant les résultats qu'elles présentent, rapprocher les uns des autres ces différens résultats, et espérer d'en découvrir la loi. C'est ainsi que j'ai opéré. Mais quand j'eus commencé à saisir les circonstances principales de ces phénomènes, je m'aperçus qu'elles ne pouvaient pas s'exprimer par les formules que Malus avait trouvées pour représenter les déviations imprimées aux Sans m'arrêter à chercher des hypotneses pur ou motas probables pour me rapprocher de cette théorie, je m'attachai à déterminer les vraies lois des faits par observation. J'y réussis, et elles se trouvèrent exprimées par deux formules très-simples qui permettaient de prévoir avec facilité et certitude tous les cas particuliers. Pour l'incidence perpendiculaire, ces formules étaient

$$F_o = O \cos^2 \alpha + E \cos^2 (2i - \alpha).$$

 $F_o = O \sin^2 \alpha + E \sin^2 (2i - \alpha).$

En nommant i l'angle formé par l'axe de la lame avec la polarisation primitive des molécules lumineuses, α l'angle analogue pour la section principale du rhomboïde, O et E, deux teintes constantes et données pour chaque lame, F, et F, les deux faisceaux dans lesquels la lumière polarisée qui a traversé la lame se résout dans le rhomboïde qui sert à l'analyser. Quand on fait $\alpha = 0$ $i = 45^{\circ}$ on a

$$F_0 = 0.$$

et les deux teintes O et E, étant tout-à-fait séparées, peuvent s'observer isolément. Dans les autres positions de la lame, α restant le même, les rayons F, et F, sont de simples mélanges des teintes O et E dans les proportions que la formule indique.

Je decouvris de plus une analogie singulière entre les teintes E polarisées par ces lames, et les teintes que Newton avait observées par réflexion sur les lames minces de tous les corps. Les mêmes teintes, dans les deux classes des phénomènes, répondaient à des épaisseurs proportionnelles, de sorte que je pouvais toujours les rapporter à la table des épaisseurs que Newton avait donnée dans son Optique, et que j'ai rapportée dans mon premier Mémoire. Je m'attachai à confirmer ce résultat par un grand nombre de mesures très-précises, faites avec un instrument d'une invention nouvelle que M. Cauchoix, habile opticien, m'avait consié. Le rapport que j'avais remarqué se vérisia ainsi de la manière la plus constante; de sorte qu'au moyen de mes deux formules, et de la table des épaisseurs calculée il y a cent cinquante ans par Newton, pour une autre classe de phénomènes, je pouvais prédire d'avance, avec la plus grande exactitude, toutes les circonstances qu'une lame donnée devait présenter. Or, prédire les faits, et les prédire exactement, est la meilleure preuve par laquelle on puisse s'assurer qu'on en a trouvé les lois véritables. Je n'hésitai donc plus à présenter celles-ci à la Classe, et ce fut l'objet d'un Mémoire que je lus au mois de juin 1812.

Mais ces lois n'étaient encore que des résultats composés de l'expérience. Je ne voyais aucune propriété physique, aucun mode d'action des lames sur la lumière, auquel je pusse les rattacher. Enfin, à force d'y penser, je parvins à comprendre ce qu'elles signifiaient; et, pour dire la vérité, maintenant que j'en connais le résultat, il me semble que j'aurais dû l'apercevoir plutôt, tant il est évident et simple, et concordant avec les phénomènes, quoiqu'il s'écarte absolument de ce que l'on

avait trouvé jusqu'alors. En effet, en jetant seulement les veux sur les formules que j'ai rapportées tout-à-l'heure, on voit que la division, produite par le rhomboïde, annonce deux sens de polarisation dans la lumière transmise; savoir : celui de la teinte O dans l'azimut o, et celui de la teinte B dans l'azimut a i. Ainsi la lame cristallisée laisse ou redonne à la teinte O sa polarisation primitive, et dirige les axes de la teinte E, non pas dans le sens de l'axe de cristallisation ni dans un sens perpendiculaire, mais de l'antre côté de cet axe à une étale amplitude. Ce mode de polarisation est comme on voit un phénomène tout-à-fait nouveau, et fort différent de celui que Malus avait trouvé dans le eristal d'Islande; de sorte qu'il ne faut pas s'étonner si ses formules n'avaient pas pu s'appliquer à ce nouveau genre d'observations. De plus, les téintes O, E, qui se polarisent dans chacun des deux sens, sont différentes selon l'épaisseur, et en observant leur succession, quand l'épaisseur change, on voit que les mêmes molécules lumineuses sont tour à tour entrainées vers l'une ou l'autre polarisation, suivant des alternatives périodiques pour chaeune d'elles. Dès que j'eus découvert ce fait général, les nombreuses conséquences qui en découlaient se présentèrent en foule à mon imagination. Je m'empressai de les confirmer par l'expérience, et l'expérience les réalisa d'une manière si constante, que bien que f'eusse prévu cet accord, je m'en trouvais par fois moi-même surpris. Enfin, après plus d'une année d'épreuves et de recherches, qui ne se sont pas une seule fois démenties, je crois pouvoir avancer que tous ces phénomènes sont compris dans la loi suivante.

Lorsqu'un rayon blant polarisé tombe perpendiculairement sur une plaque de mice; de chaux sulfatée, ou de cristal de roche, taillée parallèlement à l'axe de cristallisation, toutes les molécules lumineuses commencent par pénétrer jusqu'à une petite profondeur, sans éprouver aucune déviation sensible dans la direction

de leurs axes; mais arrivées à cette limite, qui est différente pour les particules de diverses couleurs, elles se mettent toutes à osciller autour de leur centre de gravité, comme le balancier d'une montre. Ces oscillations sont de même étendue pour les molécules lumineuses de toutes les couleurs, mais leurs vitesses sont inégales. Les molécules violettes tournent plus vite que les bleues, celles-ci plus vîte que les vertes, et ainsi de suite jusqu'aux molécules rouges qui sont les plus lentes de toutes. Cette inégalité de vîtesse fait qu'à chaque épaisseur de la lame, il se trouve des couleurs différentes aux deux limites de l'oscillation, et c'est ce qui produit les deux faisceaux colorés que l'on observe quand on analyse la lumière transmise. Je mesure l'étendue de ces oscillations, leur durée, leur vîtesse, et la loi de la force qui les produit. Je puis à volonté, en disposant convenablement les plaques, les étendre ou les resserrer, les accélérer ou les ralentir, ou les rendre nulles, ou enfin les faire passer en sens opposé; et cela paraîtra peut-être surprenant, quand on saura que chacune de ces oscillations s'accomplit dans une épaisseur d'environ un cinquantième de millimètre. Et quelle doit être la petitesse du temps que la lumière emploie à traverser un cinquantième de millimètre, lorsqu'on sait qu'elle parcourt dans une seconde soixante et dix mille lieues?

Les effets de ces oscillations, réduits en calcul, me donnent précisément les mêmes formules que j'avais d'abord trouvées d'après la seule observation, dans mon premier Mémoire, et que j'ai tout-à-l'heure rapportées; elles montrent également à quoi tient ce singulier accord que j'avais découvert entre les couleurs polarisées par les lames minces, et leurs épaisseurs rapportées à la table de Newton. Cet accord résulte uniquement de ce que ces deux classes de phénomènes sont assujéties aux mêmes lois de périodicité.

D'après l'idée que je viens de donner des épaisseurs que la lumière traverse pendant la durée d'une oscillation, on conçoit

qu'il se fait plusieurs milliers de ces oscillations dans une plaque de l'épaisseur de quelques centimètres. Alors les molécules de couleurs diverses sont tellement mélangées aux deux limites de l'oscillation, qu'il n'en résulte que deux faisceaux blancs d'une intensité à-peu-près égale. Cependant je puis encore rendre les oscillations sensibles et évidentes dans cette lumière ainsi mêlée. Il suffit de la faire passer à travers une seconde plaque d'une épaisseur à-peu-près égale à la première, mais de manière que les axes de cristallisation des deux plaques soient disposés en croix. Il résulte de cet arrangement, que les axes des molécules lumineuses sont définitivement distribués dans les mêmes directions que si la lumière n'avait traversé qu'une seule plaque, et de plus la distribution des teintes dans ces deux directions est la même que si l'épaisseur de cette plaque était égale à la différence des deux plaques croisées. Si cette différence est assez petite pour produire des couleurs, on voit deux faisceaux colorés; si elle est trop grande, la lumière est encore trop mèlée et les deux faisceaux sont blancs. Enfin les deux plaques sont-elles égales en épaisseur, la seconde détruit ce que ·la première avait fait, et le résultat total est nul, c'est-à-dire, que toutes les particules de lumière reprennent leur polarisation primitive. Il n'est pas nécessaire pour produire ces phénomènes, que les deux plaques soient de même nature, mais alors il faut tenir compte de l'inégale intensité de leurs actions. Ces couleurs subitement produites par le croisement de deux plaques, qui seules n'en produiraient aucune, paraissent assez surprenantes quand on les voit pour la première fois, et qu'on n'en connaît pas la cause; mais elles semblent plus surprenantes encore lorsqu'on la connaît et qu'on songe à la ténuité ainsi qu'à la vitesse des particules sur lesquelles on produit des effets pareils.

La même théorie m'a servi également et avec la même exactitude pour prévoir tous les autres phénomènes que présentent les lames cristallisées, soit minces, soit épaisses, susceptibles de donner des couleurs différentes quand on les présente à un rayon polarisé. L'accord constant de cette théorie avec l'expérience, m'a permis d'en tirer un résultat assez curieux pour que je croie devoir le rapporter ici. J'ai dit plus haut que j'avais déterminé la durée des oscillations et la loi de la force qui les produit. Or, pour que cette durée soit telle que l'observation la donne, il faut qu'il y ait un certain rapport déterminé entre la grosseur des particules de la lumière et l'intensité de la force qui les fait tourner; c'est ainsi qu'il existe un rapport connu entre le temps des oscillations d'un pendule, sa longueur, et l'intensité de la pesanteur terrestre. On peut déterminer ce rapport par un calcul très-simple; et de là, si l'intensité des forces exercées par le cristal sur la lumière était connue, on pourrait déduire les dimensions des particules lumineuses, ou, réciproquement, on pourrait calculer l'intensité des forces, si ces dimensions étaient données. Dans les suppositions les plus vraisemblables, les dimensions que ce calcul assigne aux molécules de la lumière sont d'une petitesse qui effraie l'imagination.

Lorsque je me fus bien assuré que la théorie des oscillations représentait parfaitement tous les phénomènes de coloration produits par les lames minces ou épaisses de chaux sulfatée, de cristal de roche, et de béaucoup d'autres substances taillées parallèlement à l'axe de cristallisation, je cherchai comment l'inclinaison de l'axe sur le plan des surfaces pouvait changer les résultats. Je vis qu'il le changeait en deux manières; 1° en faisant varier la longueur du trajet parcouru par les molécules lumineuses dans l'intérieur du cristal; 2° en faisant varier la force répulsive extraordinaire, qui, selon la belle théorie de M. Laplace, est toujours proportionnelle au carré du sinus de l'angle formé par l'axe avec le rayon réfracté. En combinant ces deux élémens, et en y joignant, pour plus d'exactitude, un facteur très-peu

différent de l'unité qui probablement dépend de la vitesse de translation des particules, je sus en état de représenter tous les changemens de couleurs qui se produisaient sous les incidences diverses dans des lames taillées d'une manière quelconque relativement à l'axe de cristallisation. Ces résultats théoriques, comparés à des expériences rigoureuses, me servirent aussi à montrer que le nombre et l'étendue des oscillations dépendaient uniquement des trois élémens dont je viens de parler, et nullement du sens ou de la forme des surfaces par lesquelles le rayon entrait dans l'intérieur du cristal.

Mais le cas où les surfaces de la lame sont perpendiculaires à l'axe de cristallisation exige une détermination particulière; car s'il n'existait de forces polarisantes que celles qui émanent de cet axe, il s'ensuivrait que de pareilles lames exposées perpendiculairement au rayon polarisé n'exerceraient aucune déviation sur les axes des particules lumineuses. Cependant j'avais reconnu dès mes premières recherches, que la lumière transmise dans cette direction à travers les lames de la chaux sulfatée parallèlement à leur surface, y prenait une polarisation fixe, et déterminée par le sens des lames. Les aiguilles de cristal de roche, de béril, etc., taillées perpendiculairement à leur longueur, et présentées au rayon polarisé parallèlement à leur axe de cristallisation, y produisent aussi une polarisation particulière. Il existe donc dans ces corps des forces polarisantes indépendantes de celles qui émanent de l'axe principal. J'ai sur-tout étudié celles qui existent dans le cristal de roche, parce que cette substance très-dure et homogène peut être facilement taillée dans tous les sens, et réduite en lames minces; avantage que l'on n'a pas avec la chaux sulfatée, dont on ne peut tirer aisément des lames que dans le sens naturel de ses feuillets. J'ai trouvé ainsi que, dans le cristal de roche, l'action secondaire dont nous parlons imprimait aux molécules lumineuses un mouvement de rotation

continu autour de leur axe de translation, au lieu du mouvement d'oscillation que l'axe principal leur imprimait. Si l'on incline une pareille lame sur le rayon polarisé, de manière à développer graduellement la force principale, on voit qu'elle enlève successivement à l'autre une portion de la lumière transmise, à laquelle elle imprime un mouvement d'oscillation, tandis que le reste des molécules lumineuses continue à circuler. Enfin il vient un terme auquel toute ou presque toute la lumière est enlevée au mouvement de rotation, et on retombe sur les cas que nous avions examinés d'abord. D'après cela, on conçoit qu'il est possible de développer successivement ces phénomènes même dans des plaques non perpendiculaires à l'axe de eristallisation; car il suffit que leurs surfaces fassent avec cet axe un angle assez grand pour qu'en les inclinant sur le rayon polarisé, le rayon réfracté puisse s'approcher de l'axe dans les limites où la force de circulation commence à devenir sensible. En effet, l'expérience confirme parsaitement cet aperçu, ainsi qu'on le verra dans les observations que j'ai rapportées, car j'y ai mis en évidence le progrès de la force secondaire à mesure que le rayon s'incline sur l'axe, depuis les positions où elle est insensible, jusqu'à ce qu'enfin elle entraîne toutes les molécules lumineuses, pour les abandonner de nouveau sous des inclinaisons plus grandes, lorsque le rayon réfracté redevenant obliqué à l'axe, la force principale recommence à se développer.

Un des résultats qui m'ont paru les plus remarquables de ces expériences, et que j'ai tâché d'établir avec une rigueur et une certitude proportionnées à son importance, c'est que les modifications imprimées aux molécules lumineuses par une plaque de cristal de roche perpendiculaire à l'axe de cristallisation, ne consistent pas simplement dans un déplacement de leurs axes, mais renferment aussi une certaine propriété physique permanente et durable, qui fait qu'ensuite le prisme de cristal d'Is-

lande n'agit pas sur elles comme il ferait sur des particules naturellement émanées d'un corps lumineux. On peut voir dans la dernière partie de mes recherches les expériences positives et variées sur lesquelles j'ai établi cette conséquence singulière. Déja la discussion des oscillations produites par les lames parallèles à l'axe de cristallisation, m'avait conduit précédemment à reconnaître des effets de ce genre, quand les rayons passaient d'une de ces plaques à une autre; mais cette conséquence était fondée sur des considérations qui, bien que déduites immédiatement des faits observés, étaient cependant fort délicates et difficiles à saisir pour ceux qui n'auraient pas suivi avec attention tout le fil de la théorie. Les plaques perpendiculaires à l'axe de cristallisation, en confirmant l'existence de propriétés pareilles, les mettent dans une entière évidence, et permettent d'en constater immédiatement la réalité.

J'ai terminé ces recherches en les appliquant à une substance qui agit sur la lumière comme si elle avait deux axes, l'un situé dans le plan de ces lames, l'autre perpendiculaire à ce plan. Cette substance est le mica, dont les effets extrêmement singuliers, et en apparence d'une bizarrerie inexprimable, tiennent uniquement à la disposition que je viens d'indiquer. En examinant ces effets d'une manière méthodique, je suis parvenu d'abord à démontrer isolément l'existence de chacun des deux genres de forces qui agissent dans cette substance; après quoi, leur combinaison m'a conduit à la théorie de tous les phénomènes composés, qui, comparée à l'expérience, s'y trouve parfaitement conforme. On verra dans la dernière partie de mes recherches les expériences que j'ai faites pour cet objet; j'en ai donné depuis une confirmation assez frappante dans les Mémoires d'Arcueil, en montrant par l'expérience qu'il suffisait de combiner. des lames de chaux sulfatée, parallèles à l'axe de cristallisation, et des lames de cristal de roche perpendiculaires à cet axe,

pour produire artificiellement par leur superposition les phénomènes que le mica nous présente.

Toutes les expériences que j'ai rapportées dans cet ouvrage, toutes les considérations que j'en ai tirées, portent uniquement sur des substances où la double réfraction est si faible, que les images des points lumineux vus à travers des lames à faces parallèles, de quatre ou cinq centimètres d'épaisseur, ne sont pas sensiblement séparées. J'ai voulu savoir si la séparation des faisceaux empêcherait les mêmes propriétés d'avoir lieu, et les mêmes mouvemens de se produire. Pour cela, j'ai fait tailler des prismes de cristal de roche, qui avaient plus de vingt degrés d'ouverture, et qui divisaient nettement les images des rayons lumineux très-déliés, qu'on laissait tomber directement sur leurs surfaces. En superposant deux prismes pareils, d'épaisseur égale, et taillés sous le niême angle, mais dans des sens rectangulaires relativement à l'axe de cristallisation, conformément à ce qu'indiquait la théorie, j'ai obtenu des couleurs de même qu'avec les lames croisées à surfaces parallèles. Le systême des prismes superposés formait alors un angle réfringent de 20, 30, et jusqu'à 40 degrés. Ces expériences se trouvent rapportées dans mon second Mémoire, page 57; elles suffisent pour confirmer tout ce que j'ai avancé. Mais on doit remarquer que, dans le système de ces prismes, la séparation des images était pareillement insensible comme dans les lames, à cause du croisement de leurs axes; le second prisme détruisant presque entièrement la double réfraction et la séparation des images produites par le premier. De la il résulte que le phénomène de la coloration des images, et le mode particulier de polarisation qui en est la cause, peuvent également se produire avec des forces répulsives assez énergiques pour séparer sensiblement les images, pourvu que les effets de ces forces soient successivement opposés et s'entre - détruisent presque exactement. Start of the start of the

J'insiste sur cette considération, parce que l'expérience m'a fait connaître que les molécules luminguses, après avoir oscillé dans l'intérieur d'un cristal jusqu'à une certaine profondeur, peuvent, par l'action des la seconde surface, ou même par le seul progrès de l'espèce d'aimantation qu'elles out acquise, prendre une polarisation fixe qui dirige les axes d'un certain nombre d'entre elles dans le plan de la section principale du cristal, et les axes des autres dans le plan perpendiculaire à cette section. J'ai fait cette observation sur un grand morceau de cristal de roche que M. Rochon m'avait confié, et qui avait presque un décimètre de longueur : l'axe de cristallisation était oblique sur les faces. En faisant passer à travers ce morceau un rayon direct très mince, il se divisait en deux sens de polarisation fixes et rectangulaires, dont l'un était dirigé suivant la section principale du cristal, et l'autre dans une direction perpendiculaire à celle-là. Si l'on croisait se morceau avec un autre d'une longueur à-peu-près égale, chaque faisceau se divisait en deux sutres, conformément aux lois de la double réfraction, et l'on obtenair quatre rayons émergens, comme dans la superposition des cristaux de spath d'Islande. Cependant le même morceau de cristal de roche, réduit en plaques moins épaisses, faisait osciller la lumière, et développais des equieurs, comme je m'en suis assuré par l'expérience, soit en exposant ces plaques directement à un rayon polarisé, soit en les croisant avec des plaques de chaux sulfatée d'une épaisseur à-peu-près égale. Ce résultat me conduisit à penser que, si le spath d'Islande paraissait toujours produire la polarisation fixe, cela tenait à la grande intensité de sa force répulsive, et que, si l'on atténuait cette force, on pourrait l'amener à faire osciller la lumière comme le cristal de noche, et à produire aussi des couleurs. Or, d'après ma théorie, il y avait deux choses à faire pour atteindre ce but; il fallait d'abord amincir les lames pour diminuer-le trajet des mobioules: lumi-

neuses, et par conséquent le nombre de leurs oscillations à force répulsive égale : il fallait aussi diriger le rayon réfracté de manière qu'il s'approchat d'être parallèle à l'axe de cristal. Pour cet objet, je priai M. Cauchoix de me tailler des lames minces de cristal d'Islande, parallèles aux faces naturelles du rhomboïde; et, en les inclinant sur le rayon polarisé de manière que le plan d'incidence se trouvât dirigé suivant la petite diagonale des rhombes, et que le rayon polarisé s'approchât de l'ane, elles produisirent aussitôt des couleurs par réflexion et par réfraction, comme les lames de cristal de roche et de chaux sulfatée. La teinte dépendait également des épaisseurs et de l'incidence, conformément à la théorie; mais la grande intensité de la force répulaive du cristal d'Islande exigeait que les incidences fussent très-considérables, pour que les couleurs pussent se développer. C'est pourquoi je prini M. Cauchoix de me tailler d'autres plaques minces perpendiculaires à l'axe des rhomboïdes, parce qu'alors le rayon réfracté pouvant devenir parallèle à cet axe, sous toutes les incidences, la force répulsive pouvait être essaiblie à volonté. En effet, de cette manière, les couleurs se développèrent sous toutes les incidences. De plus, elles étaient encore diverses en divers points des plaques, parce que les lames ainsi taillées sont toujours un peu prismatiques, ce qui fait que le trajet de la lumière n'a pas la même longueur dans tous leurs points; et, comme la force répulsive est très-intense, cette petite différence de trajet en produit une sur les couleurs. J'ai fait une expérience pareille sur l'arragonite qui possède aussi une force de double réfraction presque égale à celle du pristal d'Islande, selon les expériences de Malus. Le succès a été le même. Toutes les lames minces de cette substance ont produit des couleurs, soit lorsqu'elles étaient taillées presque perpendiculairement à l'axe des aiguilles, soit lorsqu'elles étaient taillées obliquement, et qu'on les inclinait de manière que le rayon réfracté devint presque parallèle à cet axe. Ce qui montre qu'il est en effet parallèle aux arêtes des aiguilles comme Malus l'a reconnu le premier par d'autres moyens.

Je dois faire remarquer que l'observation des couleurs avec ces lames est une affaire très-délicate quand l'axe de cristallisation est incliné sur leur surface, parce qu'à cause de la grande énergie de la force répulsive il faut incliner bien exactement l'axe de manière à ce que le rayon réfracté s'approche autant que possible d'être parallèle à sa direction. Cette précaution est tellement indispensable que, prenant par exemple des lames de cristal d'Islande parallèles aux faces naturelles du rhomboïde, et assez minces pour produire des couleurs lorsqu'on les place convenablement, on ne les découvrirait probablement pas si l'on n'était pas prévenu de la manière de s'en servir.

En réunissant ces dernières expériences avec celles que j'ai rapportées dans mes recherches, on voit que tous les cristaux doués de la double réfraction, peuvent produire la polarisation progressive, et faire osciller la lumière quand leur force répulsive extraordinaire est suffisamment atténuée; et de-là il devient extrêmement vraisemblable que, dans tous ces cristaux, les molécules lumineuses commencent par osciller autour de l'axe avant d'acquérir une polarisation fixe qui distribue leurs axes en deux sens rectangulaires.

Cependant je n'oserais encore donner cette dernière conséquence comme étant absolument certaine, parce que dans les lames dont les faces ne sont point assez parallèles pour qu'on puisse y observer des couleurs uniformes, et montrer le rapport de l'épaisseur avec les couleurs, le caractère le plus saillant qui puisse y mettre en évidence le mouvement oscillatoire des molécules lumineuses, c'est le développement des couleurs produites par le croisement des axes dans les lames superposées. Or, je n'ai pas encore réussi à produire cet effet dans les lames de cristal d'Islande et d'arragonite en les croisant les unes avec les autres, ou avec des

plaques de chaux sulfatée; et il m'a paru que la superposition de ces dernières n'accelérait ni ne retardait l'apparition des couleurs données par les lames minces de ces deux cristaux, soit que l'épaisseur des plaques de chaux sulfatée, dont j'ai pu disposer, fût encore beaucoup trop faible pour contrebalancer l'impression produite sur les molécules lumineuses par le cristal d'Islande et l'arragonite, soit que les couleurs que j'ai réussi à développer dans ces dernières substances tiennent seulement à ce que leur double réfraction s'exerce plus fortement sur les rayons violets que sur les bleus, sur les bleus que sur les verts, et ainsi de suite, selon l'ordre de la réfrangibilité, ainsi que je l'ai montré par l'expérience dans le troisième volume des Mémoires d'Arcueil. Toutefois l'accroissement d'action de ces lames avec l'épaisseur montre que la modification que les molécules lumineuses y éprouvent est progressive comme dans les cristaux dont la force répulsive est faible, et qu'elle ne s'établit complètement qu'au-delà d'une certaine épaisseur dépendante de l'angle formé par le rayon réfracté avec l'axe du cristal, et qui est considérablement plus épaisse que celle à laquelle les couleurs des lames minces, observées par Newton, commencent à se développer.

Lorsque j'analysai pour la première fois les phénomènes que présentaient les plaques de chaux sulfatée sous l'incidence perpendiculaire, je vis qu'ils démontraient nécessairement l'existence d'une force en vertu de laquelle les molécules lumineuses oscillaient autour de l'axe de cristallisation. De plus, comme les phénomènes des incidences obliques me montraient que l'action de la plaque décroissait quand on inclinait cet axe, et croissait quand on inclinait la ligne perpendiculaire, je fus porté à croire que la force d'oscillation n'émanait pas seulement de l'axe de cristallisation, mais aussi de la ligne qui lui était perpendiculaire : de sorte que l'action totale sous une inclinaison quelconque dépendait des effets opposés que ces deux axes rectan-

LXXVI CONSIDÉRAT. GÉNÉR. SUR LA POLARISATION DE LA LUM.

om, 018, 0m, 02 et om, 03 d'épaisseur; mes premières expériences avaient été faites avec une plaque dont l'épaisseur était seulement de om, 005, et alors j'apercevais, pendant le mouvement du rhomboïde, les sept couleurs dont il est question dans le mémoire imprimé; mais les plaques de om, 018, de om, 02 et de om, 03 ne présentent pas dans les mêmes circonstances ce nombre de teintes; la remarque que vous avez faite, à cet égard, dans un mémoire qui a été lu cette année, et dont j'ai vu un extrait dans le Moniteur, ne porte donc que sur mon premier travail.

« Mon Mémoire de 1812 renferme encore une expérience de dépolarisation à laquelle j'attache quelque prix, parce qu'elle diffère essentiellement des expériences analogues que j'avais faites avec le cristal de
roche, le mica, etc.; dans ces dernières un rayon polarisé ordinaire
devenait rayon à axes colorés en traversant les cristaux, tandis que la
lumière directe semblait ne pas éprouver de modification; dans certains
cristaux de sulfate de baryte la lumière directe elle-même est dépolarisée; car, examinée à son émergence du cristal avec un rhomboïde de
carbonate de chaux, elle donne deux images, dont l'une est violacée, et
l'autre de la teinte complémentaire; il résulte de-là que, si on reçoit,
sur un semblable cristal, de la lumière blanche déja polarisée, elle sortira avec une teinte, soit violacée, soit jaune verdàtre, suivant la position de la section principale.»

ERRATUM.

Page vi, ligne 4, interposées; lisez superposées.
vii, ligne 2, incline; lisez s'incline.
xxxvi, ligne 13, en remontant au cosinus; lisez au carré du cosinus.

prévenir ici, pour qu'en lisant mon second Mémoire, on ne se méprenne pas sur l'expression du second axe que j'ai employée pour désigner la ligne perpendiculaire à l'axe de cristallisation, et qu'on y voie seulement un énoncé commode pour indiquer l'accroissement d'action qui se produit à mesure que cette ligne s'incline sur le rayon incident.

Dans le précis qu'on vient de lire je n'ai cherché à réunir que les résultats qui pouvaient avoir du rapport avec ceux que j'avais découverts. J'aurais desiré y joindre un extrait des expériences faites en Angleterre par M. Breuster, sur les plaques minces d'agate et de quelques autres corps. Mais ces résultats ne sont connus en France que par une note insérée dans la Bibliothèque Britannique, et qui est trop peu détaillée pour que l'on puisse en tirer aucune connaissance précise. M. Arago a bien voulu me communiquer qu'ayant essayé, d'après cette note, l'effet des plaques d'agate sur un rayon polarisé, il avait reconnu qu'elles agissaient comme une pile de plaques, et c'est aussi ce que j'ai vérifié après lui. J'ai aussi demandé à M. Arago si, parmi les mémoires qu'il avait lus à la Classe, et qui n'étaient pas encore imprimés, il y en avait qui pussent avoir, avec mes recherches, quelque rapport qu'il desirait de constater, et il m'a remis la note ci-jointe:

[«] Dans un mémoire que j'ai lu le 14 décembre 1812, j'ai rapporté des expériences de dépolarisation colorée faites avec des fragmens de cristal de roche à faces parallèles, et taillés perpendiculairement aux arêtes du prisme hexaèdre, et j'ai fait remarquer que le nombre des axes du rayon dépolarisé dépend de l'épaisseur du cristal que le rayon a traversé. (J'avais d'abord prévenu, en commençant le mémoire, que j'appelerais rayons à axes colorés ces rayons qui donnent des images de teintes différentes en traversant un cristal doué de la double réfraction.)

[«] Les fragmens de cristal dont il est question dans ce mémoire ont

LXXVIII ADDITION AUX CONSID. SUR LA POLARIS. DE LA LUM.

de son axe, ce phénomène y devenait très-sensible, et l'on y apercevait une succession de teintes différentes, selon l'inclinaison. Je plaçai cette lame sur mon appareil, dans la position que je viens d'indiquer, en sorte que le plan d'incidence se trouvât dans l'azimut de 45°; puis j'abaissai l'axe de la lame dans ce plan, de manière à diminuer son action, et je m'arrêtai lorsque les couleurs furent sur le point de se produire, ce qui répond au 7° ordre d'anneaux de la table de Newton. Alors je croisai à angles droits sur cette lame une lame de chaux sulfatée dont l'épaisseur était omm, 517, et qui, par elle-même, était trop épaisse pour produire la coloration: aussitôt je vis paraître les plus vives couleurs. J'ôtai cette lame ct lui en substituai une autre de même nature, dont l'épaisseur était omm,9486; celle-ci était trop forte; elle surpassait trop l'action de la lame de cristal d'Islande, sous l'incidence où cette dernière était placée, et il ne se produisait plus de coloration; mais on obtenait de nouveau ce phénomène, en diminuant lincidence du rayon sur la lame de cristal d'Islande, ce qui augmentait l'angle du rayon réfracté avec l'axe du rhomboïde. En continuant de faire mouvoir la lame dans ce sens, on la rendait trop forte à son tour, et on dépassait les limites de la table de Newton; alors les couleurs disparaissaient, mais elles se produisaient de nouveau en employant une lame de chaux sulfatée plus épaisse. J'ai obtenu ainsi des couleurs avec des épaisseurs de 2mm,409, et même de 5mm,940, par le seul changement de l'inclinaison. En comparant ces épaisseurs avec les incidences correspondantes, j'ai trouvé que l'action de la lame de cristal d'Islande, comme celle de tous les autres cristaux que j'avais étudiés, était proportionnelle au produit de la force répulsive par la longueur du trajet que les molécules lumineuses font dans le cristal. Il en résulte aussi que l'action polarisante du cristal d'Islande est à celle de la chaux sulsatée et du cristal de roche, comme 18,6 est à l'unité; ce qui s'accorde presque exactement avec le rapport des forces répulsives conclu des expériences de Malus, sur la déviation qu'elles produisent dans les rayons. Ces nouveaux phénomènes qui ne m'étaient pas connus à l'époque où je composai une théorie en offrent une confirmation assez frappante pour j'aie cru devoir la joindre ici.

150



• ; . ·

MÉMOIRES

DE LA CLASSE

DES SCIENCES

MATHEMATIQUES ET PHYSIQUES.

MÉMOIRE

Sur de nouveaux Rapports qui existent entre la réflexion et la polarisation de la lumière par les corps cristallisés;

PAR M. BIOT.

Lu à l'Institut le 1^{er} juin 1812.

Tous les physiciens connaissent les belles découvertes de Malus sur la polarisation de la lumière; mais dans toutes les expériences qu'il a faites, les deux faisceaux, diversement polarisés, étaient tous deux incolores. Le 11 août 1811, M. Arago communiqua à la Classe une série de recherches, dans lesquelles les rayons polarisés, après avoir traversé des lames minces de mica, de chaux sulfatée, ou

certaines plaques épaisses de cristal de roche, ou même certaines plaques de flint-glass, se résolvent en deux faisceaux diversement colorés. Ce sont ces phénomènes qui m'ont occupé (*).

Je me propose, dans ce Mémoire, de faire connaître la loi suivant laquelle les molécules lumineuses de diverses couleurs sont successivement modifiées par les lames minces de plusieurs corps cristallisés, doués de la double réfraction. Je déduirai de cette loi le moyen de prévoir, d'après la seule mesure de l'épaisseur de ces lames, la couleur des rayons, soit ordinaires, soit extraordinaires, qu'elles polarisent par réflexion ou par réfraction, dans une position quelconque donnée: enfin, je tirerai de ces résultats plusieurs analogies nouvelles et très-intimes entre les causes encore inconnues qui produisent la réflexion ordinaire de la lumière, et celles qui la polarisent dans les corps cristallisés.

Mes premières et mes principales expériences ont été faites avec des cristaux de chaux sulfatée, particulièrement de la variété que M. Hauy a nommée trapézienne. La facilité que l'on a de se procurer cette substance, la possibilité d'en tirer des lames d'une finesse extrême, d'un poli parfait, d'une cristallisation régulière et homogène, enfin d'une épaisseur aussi égale qu'il soit possible à l'art de l'atteindre; tous ces avantages concouraient éminemment au but que je m'étais proposé, de soumettre les lames cristallisées à

^(*) Les expériences de M. Arago sont consignées dans les volumes de l'Institut et se trouvent imprimées immédiatement avant mon Mémoire.

des mesures précises. C'est pourquoi je m'en suis occupé d'abord.

Pour procéder d'une manière méthodique dans cette recherche, il fallait d'abord déterminer la position de l'axe de cristallisation de la chaux sulfatée. La forme primitive assignée par M. Hauy pour cette substance, est un prisme droit quadrangulaire, dont les bases, situées dans le plan des lames, sont des parallélogrammes obliquangles, ayant leurs angles de 113° 7' 48" et 66° 52' 12". La théorie de la cristallisation ne détermine point le rapport de longueur des côtés opposés à ces angles. En le choisissant de manière à représenter les formes secondaires avec le plus de simplicité qu'il est possible, ce qui est le but du minéralogiste, M. Haüy a choisi pour ce rapport celui de 12 a 13. Je me suis assuré que l'axe de double réfraction de la chaux sulfatée n'a aucun rapport de symmétrie avec ce parallélogramme: mais si l'on triple le côté 12 en laissant l'autre constant, de manière à former un nouveau parallélogramme, dont les côtés soient entre eux comme 36 à 13, l'axe de double réfraction coıncide avec sa plus grande diagonaie, de sorte qu'il fait avec le côté 36 un angle de 16° 13'; ce qui suffit pour retrouver sa position dans une lame quelconque de chaux sulfatée, d'après celle des côtés du parallélogramme, lesquels sont facilement reconnaissables. puisque la lame se brise naturellement suivant leurs directions. Les moyens que j'ai employés pour découvrir la position de cet axe étant purement graphiques, et tels que la théorie de la double réfraction les indique, je n'ai pas pu parvenir d'abord à la précision que je viens d'assigner; mais les valeurs que j'obtenais se trouvant entre 16 et 17°, je les

11.

ai rendues rigoureuses, en les assujétissant à la condition que l'axe de double réfraction se trouvât symmétriquement placé dans le parallélogramme assigné par M. Haüy, ou dans un de ses multiples.

Pour vérifier ces résultats, j'ai taillé des prismes de chaux sulfatée dans lesquels une des faces était perpendiculaire à la direction de l'axe déterminée comme je viens de le dire, l'autre face lui étant oblique : lorsqu'on regardait une aiguille très-fine à travers un pareil prisme, la face perpendiculaire à l'axe étant tournée vers l'œil, on voyait une image unique de l'aiguille, irisée par la dispersion; au lieu qu'en taillant des prismes dans toute autre direction, on voit généralement deux images irisées. Cette propriété de donner des images simples à travers des faces prismatiques est, comme on sait, le caractère de l'axe de double réfraction; et la direction ainsi trouvée dans les cristaux de chaux sulfatée est parfaitement confirmée, par les sens des sections principales indiquées sur des faces quelconques par la polarisation de la lumière.

Mais soit que ces corps lamelleux ne puissent jamais être exempts de quelques irrégularités dans la superposition de leurs couches, soit que les molécules lumineuses, en passant entre ces couches, y subissent la polarisation, j'ai constamment observé que lorsqu'on faisait passer un faisceau de lumière polarisée à travers deux faces parallèles entre elles et perpendiculaires à l'axe, ce faisceau éprouvait une nouvelle polarisation déterminée par le sens des lames; ce qui n'a pas lieu, par exemple, d'après Malus, dans le carbonate de chaux taillé perpendiculairement à l'axe, comme nous venons de le supposer.

La situation de l'axe de double réfraction de la chaux

sulfatée dans le plan de ses lames, est une circonstance très-favorable à la régularité des expériences que l'on peut faire avec les lames minces de cette subtance. Chacune de ces lames n'eût-elle qu'un centième de millimètre d'épaisseur, est un cristal aussi parfait que le cristal entier. Si l'on joint à cette précaution celle de n'employer que des cristaux parfaitement nets et réguliers, sur-tout de la variété que j'ai indiquée, on parviendra facilement à enlever les unes après les autres les lames qui les composent, sans altérer en rien leur régularité. Il ne faut qu'indiquer avec un instrument très-fin, par exemple, avec une lancette, le commencement de la séparation des lames, après quoi on peut les enlever à la main, comme on enleverait un morceau de baudruche appliqué sur un marbre poli. Je suis obligé d'entrer dans tous ces détails, car les précautions que je viens d'indiquer sont indispensables pour déterminer avec précision, et même pour apercevoir les lois auxquelles les phénomènes des couleurs sont assujétis.

SECTION Ire.

Des teintes que donnent les lames minces cristallisées sous l'incidence perpendiculaire : lois de ces phénomènes.

Si l'on présente une pareille lame mince, perpendiculairement à un rayon blanc, polarisé en un seul sens, et si l'on analyse la lumière transmise, en se servant d'un rhomboïde de spath d'Islande, ou de la réflexion sur une glace, on observe généralement, comme M. Arago l'a découvert, deux images colorées de teintes complémentaires, c'est-àdire, dont l'ensemble recompose la lumière blanche incidente; et suivant ses observations, la couleur et l'intensité de ces images changent avec les positions de la lame et du cristal, l'incidence restant toujours perpendiculaire, comme nous l'avons supposé.

Pour analyser ce phénomène et en découvrir la loi générale, concevons un rayon blanc, vertical, polarisé par réflexion sur une glace polie et non étamée, le plan de réflexion étant dirigé suivant le méridien. Recevons ce rayon sur une autre glace qui fasse avec lui l'angle convenable pour la polarisation complète, et dont le plan de réflexion soit dirigé suivant le vertical d'est et ouest. Ce sera l'appareil inventé par Malus. Le rayon blanc réfléchi par la première glace se trouve polarisé relativement au plan du méridien, et en tombant sur la seconde glace, il la traverse librement sans éprouver aucune réflexion.

Mais si, avant qu'il parvienne à cette seconde glace, on lui fait traverser perpendiculairement une lame mince et régulière de chaux sulfatée, la seconde glace réfléchira une lumière colorée, d'une cspèce particulière de teinte. Si l'on tourne la lame dans son plan, l'incidence restant toujours perpendiculaire, cette teinte ne changera pas; mais son intensité variera. Elle deviendra nulle quand l'axe de double réfraction de la lame sera dirigé vers un des quatre points cardinaux; et elle atteindra son maximum dans les points intermédiaires, c'est-à-dire, dans les azimuts de 45°; 135°; 225°; 315°. Tout ceci suppose que la lame est partout d'une épaisseur parfaitement égale, et qu'elle est cristallisée régulièrement.

Cette expérience prouve que la lame n'exerce son action

polarisante (*) extraordinaire que sur un certain ensemble de rayons qui reste le même dans toutes les positions de la lame. Je dis sur un certain ensemble de rayons, et non pas sur les rayons d'une certaine couleur; car les expériences de Newton nous ont appris que la même couleur peut, au moins pour nos sens, résulter de divers mélanges de rayons simples les uns avec les autres. Il y a des bleus et des verts de différens ordres que nos yeux ont peine à discerner, sur-tout quand nous ne les observons pas comparativement, et à côté les uns des autres. Mais la physique apprend à les discerner en les réduisant à leurs élémens. Les couleurs que font voir les lames minces de chaux sulfatée sont de ce genre. Ce ne sont pas des couleurs simples, mais composées; et elles ont leurs différens ordres, comme celles des lames minces de verre, des bulles d'eau, et des anneaux colorés. On peut se convaincre de cette composition par le prisme qui les sépare, en vertu de leur inégale réfrangibilité; mais cela deviendra plus évident encore lorsque nous aurons reconnu les lois suivant lesquelles naissent ces couleurs.

Quels que soient le nombre et l'épaisseur des lames que l'on extrait d'un même cristal, si ce cristal est régulier, elles

^(*) Je ne veux parler ici que de l'espèce d'action qui polarise extraordinairement les molécules lumineuses relativement au plan primitif de leur polarisation. La portion complémentaire du rayon transmis qui conserve sa polarisation primitive, et qui forme le rayon ordinaire, est-elle ainsi modifiée en vertu de cette première polarisation, ou en vertu d'une force inhérente au cristal? C'est un point qui n'importe pas ici, mais que je considérerai ailleurs.

auront tous les axes de la polarisation parallèles entre eux et à l'axe du cristal entier. Les intensités de leurs actions sur la lumière suivront les mêmes périodes dans tous les azimuts : en un mot, il n'y aura de différence entre elles et le cristal total, que dans la nature des teintes qu'elles donneront, laquelle variera avec leur épaisseur, jusqu'à dégénérer en une blancheur parfaite, à une certaine limite d'épaisseur que nous déterminerons plus loin.

Puisque chaque lame mince homogène de chaux sulfatée ne colore la seconde glace que d'une seule teinte dans tous les azimuts, il s'ensuit qu'elle laisse passer librement tous les rayons qui composent la teinte complémentaire de cellelà, ou du moins qu'elle ne change pas leur polarisation primitive. On peut donc considérer la lumière totale, comme composée de ces deux teintes, dont l'une, passant librement, reste polarisée par rapport au plan du méridien; et l'autre, qui est celle sur laquelle agit la lame, éprouve de sa part une polarisation relative à son axe de cristallisation. En supposant que le faisceau de rayons qui a éprouvé les deux genres d'actions soient ensuite transmis à travers un rhomboïde de spath d'Islande, on peut se demander quelle sera la teinte et l'intensité du rayon ordinaire et du rayon extraordinaire dans chaque position de ce rhomboïde. Ce problème serait facile à résoudre, si l'on connaissait par une théorie rigoureuse les formules des intensités des rayons qui ont traversé un certain nombre de cristaux de forme et de position données : mais jusqu'ici les seules formules que l'on ait pour ces objets, et qui sont celles de Malus, ne peuvent être regardées que comme la représentation empirique des expériences qu'il avait faites; elles renferment

l'expression la plus simple des résultats qu'il avait observés relativement à ces intensités, et ses observations portent presque uniquement sur les positions limites, où l'intensité devient nulle, soit pour le rayon ordinaire, soit pour le rayon extraordinaire. Les lames minces de chaux sulfatée, par la différence des teintes qu'elles donnent à ces rayons, offrent des épreuves plus nombreuses et plus délicates. En y appliquant les formules de Malus, on voit qu'elles ne les représentent pas complétement, soit que ce genre de phénomène diffère essentiellement de celui de la polarisation totale dans les lames épaisses, ce qui est extrêmement peu probable, comme on le verra par la suite, soit que les formules de Malus n'aient pas toute la généralité qu'il leur supposait, ce que j'hésiterais presque autant à affirmer.

Ces formules se trouvent dans le troisième chapitre de l'ouvrage de Malus sur la double réfraction, pages 205 et suivantes. Pour les appliquer ici, il faut décomposer par la pensée en deux parties la lumière blanche polarisée que réfléchit la première glace : l'une, que nous représenterons par E, sera celle qui éprouve une action de la part de la lame mince; l'autre, que nous nommerons O, sera celle sur laquelle la lame n'agit point. L'ensemble de ces deux teintes O+E composera le rayon blanc incident, que nous supposerons toujours vertical, et polarisé relativement au plan du méridien.

Maintenant, soit i l'azimut de l'axe de la lame: le faisceau E, en la traversant sous l'incidence perpendiculaire, se divisera en deux faisceaux F. F. de même teinte, mais l'un ordinaire, et l'autre extraordinaire; et parce que l'incidence est perpendiculaire, et que l'axe de réfraction est dans le

plan des lames, les intensités de ces deux faisceaux seront, d'après Malus (*),

$$F_i = E \cos^i i$$
 $F_i = E \sin^i i$:

en sortant de la lame, ils redeviendront parallèles à leur direction primitive; et de plus leurs directions se confondent, puisque la lame est supposée trop mince pour pouvoir produire entre eux un écartement sensible. Chacun de ces faisceaux est polarisé relativement à l'axe de réfraction de la lame. En tombant sur le rhomboïde de spath d'Islande (**), dont la section principale est supposée placée dans l'azimut a, chacun d'eux se décompose de nouveau en deux autres parties par l'action de ce rhomboïde, et il en résulte quatre faisceaux de même teinte. Si nous supposons, pour plus de simplicité, la face naturelle du rhomboïde perpendiculaire aux rayons incidens, par conséquent normale au plan du méridien, alors les intensités de ces quatre faisceaux auront les valeurs suivantes:

$$\begin{aligned} & \text{faisceaux} \left\{ \begin{array}{ll} \text{ordinaire} \ldots \\ \text{extraordinaire} \end{array} \right\} & \text{provenant de } \mathbf{F}_{\circ} \left\{ \begin{array}{ll} \mathbf{F}_{\circ} \cos^{2}(\alpha-i) & \text{ou } \mathbf{E} \cos^{2}i\cos^{2}(\alpha-i) \\ \mathbf{F}_{\circ} \sin^{2}(\alpha-i) & \text{ou } \mathbf{E} \cos^{2}i\sin^{2}(\alpha-i) \end{array} \right\} \\ & \text{faisceaux} \left\{ \begin{array}{ll} \text{ordinaire} \ldots \\ \text{extraordinaire} \end{array} \right\} & \text{provenant de } \mathbf{F}_{\circ} \left\{ \begin{array}{ll} \mathbf{F}_{\circ} \cos^{2}(\alpha-i-90^{\circ}) \text{ ou } \mathbf{E} \sin^{2}i\sin^{2}(\alpha-i) \\ \mathbf{F}_{\circ} \sin^{2}(\alpha-i-90^{\circ}) \text{ ou } \mathbf{E} \sin^{2}i\cos^{2}(\alpha-i) \end{array} \right\} \end{aligned}$$

^(*) Nous faisons ici abstraction de la réflexion partielle, qui, sous l'incidence perpendiculaire, s'opère sur la lumière blanche, et ne fait par conséquent que diminuer l'intensité absolue du rayon incident.

^(**) Pour rendre la séparation des rayons ordinaire et extraordinaire plus sensible, on peut analyser la lumière transmise avec un prisme de cristal d'Islande d'un petit nombre de degrés, et dont la face d'incidence soit une des faces naturelles du rhomboïde. De cette manière la réflexion

Nous avons de plus le rayon O qui traverse librement la lame mince sans perdre sa polarisation primitive, mais qui se décompose en traversant le rhomboïde. Comme il est polarisé relativement au plan du méridien, il est visible qu'il donnera

Voilà en tout six faisceaux distincts dans leur origine; mais il est visible qu'à cause du peu d'épaisseur de la lame, ils se confondent en tombant sur le rhomboïde. Ainsi, en se décomposant dans son intérieur, ceux de même nature s'ajoutent, et ceux de nature différente se séparent : de sorte qu'en représentant finalement par F. F. les deux faisceaux ordinaire et extraordinaire qui en résultent, et que l'on aperçoit à l'œil, on aura

$$F_{\bullet} = O \cos^2 \alpha + E \cos^2 i \cos^2 (\alpha - i) + E \sin^2 i \sin^2 (\alpha - i)$$

$$F_{\bullet} = O \sin^2 \alpha + E \cos^2 i \sin^2 (\alpha - i) + E \sin^2 i \cos^2 (\alpha - i).$$

Ces expressions satisfont à plusieurs des phénomènes que présentent les lames : elles donnent toujours des teintes complémentaires, puisque la somme des deux faisceaux $F_{\cdot}+F_{\cdot}$ est égale à O+E, qui représente la lumière blanche. Elles donnent à un même faisceau F_{\cdot} ou F_{\cdot} des teintes complémentaires lorsque, laissant la lame fixe, on change α en $\alpha \pm 90^{\circ}$; ce qui est un phénomène observé par M. Arago:

partielle sur la seconde surface de ce prisme sera à très-peu près la même pour les deux faisceaux, et les intensités des rayons émergens seront aussi les mêmes que s'ils avaient traversé un rhomboïde : ils seront seulement plus séparés.

ensin, si l'on fait a=0, ce qui met la section principale du rhomboïde dans le méridien, elles donnent

$$F_o = O + E(\cos^4 i + \sin^4 i)$$

 $F_c = 2E\sin^4 i \cos^4 i$;

c'est-à-dire que la teinte du rayon extraordinaire est la même dans toutes les positions de la lame; l'intensité de ce rayon est nulle quand i est égal à zéro ou à 90°, et elle est à son maximum quand $i=45^\circ$. L'inverse arriverait si l'on faisait $\alpha=90^\circ$: alors ce serait le rayon ordinaire qui conserverait toujours la même teinte E. Tous ces phénomènes sont conformes à l'expérience.

Mais en même temps on doit remarquer qu'ils se rapportent tous à des positions limites, c'est-à-dire, dans lesquelles un des deux azimuts i, α , de la lame ou du rhomboïde est égal à zéro ou à 90°. Or, c'est sur-tout dans les positions intermédiaires qu'il faut éprouver ces formules : car c'est-là que Malus n'a pas eu les mêmes facilités pour les vérifier. Il est aisé de voir qu'elles n'y satisfont plus d'une manière complète : car en mettant l'axe de la lame dans l'azimut de 45° , et celui du rhomboïde dans le plan du méridien, ce qui donne $i = 45^{\circ}$, $\alpha = 0$, elles donnent

$$F_{\bullet} = O + \frac{E}{2}, \qquad F_{\bullet} = \frac{E}{2}$$

ou, ce qui revient au même,

$$F_0 = \frac{1}{2}(O + E) + \frac{1}{2}O, \qquad F_0 = \frac{1}{2}E$$
:

l'image ordinaire contiendrait donc toujours une portion de lumière blanche égale à ; (O + E), c'est-à-dire, à la moitié de la lumière totale qui tombe sur la lame, et elle contiendrait en outre une portion colorée égale à la moitié de la teinte O. Or, cela est bien loin d'être ainsi : car en choisissant convenablement les épaisseurs des lames, et les plaçant dans la position que nous supposons ici, on peut atténuer tellement le rayon F., qu'il devienne tout-à-fait insensible; c'est ce que l'on verra clairement tout-à-l'heure, quand nous aurons expliqué la loi des diverses teintes sur lesquelles les lames agissent. Pour le moment, il nous suffira de remarquer que bien loin que les deux rayons se mêlent dans la position que nous examinons, comme le voudrait la formule, ils se trouvent au contraire alors dans leur plus grande séparation, dans une séparation complète, comme l'expérience le prouve sur toutes les lames que l'on veut observer.

On ne réussirait pas mieux en combinant les formules précédentes avec celles qui ont été pareillement données par Malus pour la polarisation par réfraction, ce qui reviendrait à supposer que les effets des lames minces se composent d'une double réfraction jointe à une réflexion, soumises l'une et l'autre, aux lois que ces formules indiquent, comme il paraît que Malus en a eu l'idée. Voyez le Bulletin des Sciences pour le mois de janvier 1812, page 18. Si nous considérons, comme il l'a fait alors, un rayon polarisé relativement au plan du méridien, tombant sur une glace placée sous l'incidence de la polarisation complète, et dont le plan de réflexion soit situé dans l'azimut i, cette glace réfléchira, selon lui, une portion de lumière blanche égale à E cos' i ou E - E sin' i: la quantité E sin' i, dont la réflexion diminue dans chaque azimut, s'ajoutera donc à la lumière transmise et augmentera son intensité; mais en même-temps elle se trouvera polarisée extraordinairement relativement

au plan de réfraction. De sorte que si l'on nomme O la lumière primitivement transmise à laquelle celle-ci vient s'ajouter, et qu'on analyse leur ensemble avec un rhomboïde dont la section principale soit placée dans l'azimut α , on aura deux rayons F_o et F_o , l'un ordinaire et l'autre extraordinaire, dont les intensités seront

$$F_o = O \cos^2 \alpha + E \sin^2 i \sin^2 (\alpha - i)$$

 $F_o = O \sin^2 \alpha + E \sin^2 i \cos^2 (\alpha - i)$.

Quoique ces formules n'aient pas été données explicitement par Malus dans l'extrait qu'il a publié de son Mémoire, n° 47 du Bulletin des Sciences, cependant il est facile de voir, par les résultats qu'il en tire, que ce sont celles dont il s'est servi; mais on voit aussi qu'elles ne donnent que des termes semblables à ceux dont nous avons essayé l'usage, et elles ne contribuent pas davantage à représenter complétement les phénomènes des lames minces, particulièrement ceux qui ont lieu dans l'azimut de 45°.

Après avoir essayé vainement l'emploi de ces formules, j'ai cherché, d'après les expériences, quelles espèces de termes il faudrait y ajouter pour les compléter, et j'ai trouvé qu'il ne suffisait pas de combiner deux à deux des carrés sin' i, $\cos^2 i$, $\sin^2 (\alpha - i)$, $\cos^2 (\alpha - i)$; mais qu'il fallait encore y ajouter un terme de même dimension formé par les premières puissances de ces quatre quantités, ce qui donne pour le rayon ordinaire et le rayon extraordinaire les expressions suivantes

$$F_{o} = O\cos^{2}\alpha + E\cos^{2}i\cos^{2}(\alpha-i) + E\sin^{2}i\sin^{2}(\alpha-i) + 2E\sin i\cos i\sin(\alpha-i)\cos(\alpha-i)$$

$$F_{c} = O\sin^{2}\alpha + E\cos^{2}i\sin^{2}(\alpha-i) + E\sin^{2}i\cos^{2}(\alpha-i) + 2E\sin i\cos i\sin(\alpha-i)\cos(\alpha-i)$$

ou plus simplement, en réunissant les termes multipliés par E.

$$F_o = O \cos^2 \alpha + E \cos^2 (2 i - \alpha)$$

$$F_e = O \sin^2 \alpha + E \sin^2 (2 i - \alpha)$$
 [I].

Ces formules très-simples satisfont sans exception à tous les phénomènes que présentent les lames minces; et en donnant aux teintes O et E des valeurs égales en intensité comme en couleur, elles représentent aussi les phénomènes que présentent les lames épaisses, lorsque le rayon incident est perpendiculaire à leur surface, et qu'on analyse la lumière transmise, soit par un rhomboïde de cristal d'Islande, soit par la réflexion sur une glace. C'est ce que je vais prouver en montrant l'accord de ces formules avec tous les cas que les expériences peuvent présenter.

Pour le faire avec méthode et d'une manière complète, je ne me bornerai pas à vérifier ces formules dans quelques cas particuliers; mais je commencerai par en tirer le moyen le plus simple d'observer la véritable loi de phénomène; et quand cette loi sera une fois connue, on verra bien aisément que l'accord de la formule avec l'expérience dans tous les autres points en est une conséquence nécessaire.

Pour saisir nettement cette loi parmi toutes les diversités de teintes que donnent les lames à raison de leurs épaisseurs différentes, il faut commencer par placer la section principale du rhomboïde dans le plan du méridien; ce qui donne $\alpha = 0$. On s'aperçoit qu'on est dans cette position, lorsqu'en analysant le rayon polarisé par le moyen du rhomboïde, sans interposer la lame mince, on voit l'image extraordinaire s'évanouir. Soit donc $\alpha = 0$, les formules [I] deviennent

$$F_o = O + E \cos^2 2 i$$

$$F_c = E \sin^2 2 i.$$

Elles nous indiquent que le rayon extraordinaire sera uniquement composé de la teinte E dans toutes les positions de la lame. Au contraire, le rayon ordinaire sera un mélange des deux teintes O, et E, prises en diverses proportions. La séparation des deux teintes O et E sera complète quand on aura $i = 45^{\circ}$, c'est-à-dire, quand l'axe de la lame mince fera un angle de 45° avec le plan du méridien; ce sera alors le maximum d'intensité du rayon extraordinaire. Quand on aura i = 0 ou $i = 90^{\circ}$, le rayon extraordinaire s'évanouira, et Fo devenant O+E, toute la lumière transmise sera polarisée en un seul faisceau blanc ordinaire : en continuant à faire tourner la lame, les phénomènes se reproduiront par ordre dans tous les quadrans. La séparation des teintes O et E sera complète dans les azimuts 45°, 135°, 225°, 315°: généralement les teintes d'une même image redeviendront les mêmes quand on changera i en 90° + i, c'est-à-dire, dans des positions rectangulaires.

La position de $i = 45^{\circ}$ est remarquable par les phénomènes qu'elle présente : plaçons-y l'axe de la lame, et laissant α quelconque, nos formules générales deviendront,

$$F_o = O \cos^2 \alpha + E \sin^2 \alpha$$

 $F_c = O \sin^2 \alpha + E \cos^2 \alpha$

 F_o et F_o seront en général de teintes diverses, qui varieront à mesure qu'on tournera le rhomboïde de spath calcaire, ce qui fera varier α . La séparation des teintes et leur opposition seront à leur maximum quand on aura $\alpha = 0$ ou $\alpha = 90^\circ$; c'est-à-dire, quand la section principale du second cristal deviendra parallèle ou perpendiculaire au plan du méridien; et au contraire le mélange des teintes sera complet

dans la position intermédiaire, c'est-à-dire, quand la section principale du second cristal fera avec le méridien un angle de 45°, ce qui donne

$$\cos^{2}\alpha = \sin^{2}\alpha = \frac{1}{2};$$
 $F_{o} = \frac{O+E}{2};$ $F_{e} = \frac{O+E}{2}.$

Dans cette position, les deux images sont donc blanches et d'égale intensité, comme si l'on n'avait pas interposé la lame mince. Je n'ai considéré que le premier quadrans; mais les mêmes phénomènes se répètent également dans tous les autres.

Cette égalité, ou pour mieux dire cette identité des deux images, est facile à vérifier par l'expérience: quand on a placé le cristal et la lame dans les positions que le calcul indique, si l'on déplace la lame mince parallèlement à elle-même, de façon que la moitié de l'image réfléchie la traverse, et que le reste ne la traverse point, on voit que les images données par la lumière polarisée qui n'a point traversé la lame sont aussi égales entre elles, et parfaitement égales en teintes aux deux autres.

Il y a encore généralement pour chaque lame une infinité de positions différentes des précédentes qui donneront aux deux images des intensités égales; mais leurs teintes seraient différentes, et le nombre des positions qui donnent des images blanches égales est limité à deux pour chaque quadrans. Pour faire comprendre la distinction qu'il faut faire entre ces deux genres d'égalité, reprenons le cas où la section principale du second cristal était dans le plan du méridien même; ce qui rendait a nul. On avait alors

$$F_{\circ} = O + E \cos^{\circ} 2 i$$

$$F_{\circ} = E \sin^{\circ} 2 i$$

le rayon extraordinaire étant alors constamment composé de la teinte E, on voit qu'il serait impossible d'obtenir deux images blanches dans cette position du second cristal, quel que soit l'azimut dans lequel on place l'axe de la lame: mais si la teinte O est moindre que E en intensité, on conçoit qu'il y aura au moins une valeur de i telle, que la quantité E cos' 2 i, qui s'ajoute à O dans le rayon ordinaire, rendra son intensité O + E cos' 2 i égale à E sin' 2 i; l'expression même de cette condition détermine les valeurs de i qui la remplissent, car on en tire l'équation

$$O + E \cos^2 2 i = E \sin^2 2 i$$
 qui donne $\cos 4 i = -\frac{O}{E}$

La valeur de i ne sera réelle que dans le cas où l'intensité de la teinte E surpassera l'intensité de la teinte O, c'est en effet dans cette supposition seulement que le problème est possible; et alors il y aura huit solutions réelles, savoir $\pm i$, 90° $\pm i$, 180° $\pm i$, 270° $\pm i$, ce qui en donnera deux dans chaque quadrans.

Pour trouver en général le nombre des solutions qui donnent des images égales, soit en intensité et en teinte, soit en intensité seulement, il n'y a qu'à reprendre les valeurs générales de F. et de F., qui sont

$$F_{\bullet} = O \cos^{2} \alpha + E \cos^{2} (2 i - \alpha)$$

$$F_{\bullet} = O \sin^{2} \alpha + E \sin^{2} (2 i - \alpha),$$

et les égaler entre elles, ce qui donnera

$$O \cos^2 \alpha + E \cos^2 (2 i - \alpha) = O \sin^2 \alpha + E \sin^2 (2 i - \alpha),$$

d'où l'on tire

$$O \cos 2 \alpha + E \cos (4i - 2 \alpha) = 0;$$

Cette équation sera satisfaite identiquement, quelques soient les teintes O et E, si l'on pose

$$\cos 2\alpha = 0 \qquad \cos (4i - 2\alpha) = 0.$$

La première donne pour racines $\alpha = 45^{\circ}$, $\alpha = 90^{\circ} + 45^{\circ}$, $\alpha = 180^{\circ} + 45^{\circ}$, $\alpha = 270^{\circ} + 45^{\circ}$, lesquelles placent toutes la section principale du second cristal dans l'azimut de 45° . En substituant ces valeurs dans la seconde équation qui détermine i, elles la réduisent toutes à

 $\sin 4 i = 0$, ou $\sin i \cos i (\cos i - \sin i) (\cos i + \sin i) = 0$, qui donne les huit racines

$$i=0, i=45^{\circ}, i=90^{\circ}, i=90^{\circ}+45^{\circ}, i=180^{\circ}, i=180+45^{\circ},$$

 $i=270^{\circ}, i=270^{\circ}+45^{\circ},$

dont l'une quelconque peut s'employer avec les valeurs précédentes de a. Toutes ces positions de la lame mince et du second cristal combinées ensemble donneront deux images blanches égales en intensité, et il est facile d'en voir la raison; car en vertu de ces valeurs de i, la lame mince n'agira pas du tout sur la teinte E, ou elle agira de manière à donner dans le second cristal deux faisceaux égaux en intensité; et d'un autre côté, la section principale du second cristal étant placée dans l'azimut de 45°, décompose aussi en deux portions égales la portion de la lumière sur laquelle n'agit point la lame mince; par conséquent la somme de ces faisceaux identiques doit nécessairement composer des images égales en intensité et en teinte, c'est-à-dire, deux images blanches.

1811.

Les valeurs que nous venons d'obtenir ont été trouvées en rendant identique l'équation de condition

$$O\cos 2\alpha + E\cos (4i - 2\alpha) = 0$$

quelles que fussent les valeurs de O et de E. Maintenant, si l'on cherche les autres racines de cette équation qui ne sont plus indépendantes de la nature des teintes, on aura les positions de la lame et du cristal qui donnent des images égales en intensité seulement. En développant ainsi cette équation et tirant la valeur de tang 2 a, elle donne

tang 2
$$\alpha = -\frac{[0 + E \cos 4 i]}{E \sin 4 i}$$
;

et, quel que soit l'azimut i dans lequel se trouve l'axe de la lame, on voit qu'il existera toujours pour α quatre valeurs qui rendront les intensités égales : ces valeurs seront α , $\alpha + 90^{\circ}$, $\alpha + 180^{\circ}$, $\alpha + 270^{\circ}$; on voit que le problème est toujours possible quand on se donne i et que l'on cherche α , puisque l'angle α est donné par sa tangente, au lieu qu'il n'est pas toujours possible de déterminer i d'une manière réelle α étant donné.

Si, par exemple, on suppose $\alpha = 0$, on retombe sur l'équation

$$O + E \cos 4 i = 0$$
, d'où $\cos 4 i = -\frac{O}{E}$,

qui ne donne pour i des valeurs réelles que dans le cas où E surpasse O, comme nous l'avons déja remarqué.

Enfin, si l'on voulait avoir des images blanches, quelle que fût d'ailleurs leur intensité, il n'y aurait qu'à rendre égaux entre eux les coëfficiens des deux teintes dans les valeurs générales de F. et de F.; pour cela il faudrait faire

$$\cos^{2}\alpha = \cos^{2}(2i - \alpha)$$
, ou $\sin 2i \cdot \sin 2(i - \alpha) = 0$,

ou, ce qui revient encore au même,

$$\sin i \cos i \sin (i - \alpha) \cos (i - \alpha) = 0.$$

Chacun de ces facteurs donnant deux racines, il y a en tout huit valeurs de *i* qui satisfont à la condition proposée, et ces huit valeurs sont

$$i = 0$$
, $i = 90^{\circ}$, $i = \alpha$, $i = \alpha + 90^{\circ}$, $i = 180^{\circ}$, $i = 270^{\circ}$, $i = \alpha + 180^{\circ}$, $i = \alpha + 270^{\circ}$.

Les quatre qui sont indépendantes de a placent l'axe de la lame parallèle ou perpendiculaire au méridien. En effet, dans ces positions la lame n'imprime aucun mouvement de rotation aux molécules lumineuses: le rayon lumineux arrive donc tout entier au second cristal, en conservant sa polarisation primitive par rapport au plan du méridien; et comme le second cristal exerce la polarisation totale, il s'ensuit que les deux images qu'il donne sont blanches, mais inégales en intensité. Tout cela est conforme à l'expérience.

Les quatre autres racines dans lesquelles i dépend de α , nous apprennent qu'on aura encore des images blanches, lorsque l'axe de la lame mince coïncidera avec la section principale du second cristal, ou lui sera perpendiculaire; par conséquent, si, après avoir disposé la lame de cette manière, on la fixe au second cristal, on pourra les tourner ensemble dans tous les azimuts, et l'on aura toujours deux images blanches; en effet, avec $i=\alpha$ les intensités des deux rayons deviennent

$$F_{\circ} = [O + E] \cos^{\circ} \alpha$$
, $F_{\bullet} = [O + E] \sin^{\circ} \alpha$;

ce qui indique deux images blanches; et l'on voit de plus que ces deux images sont précisément les mêmes que l'on obtiendrait par la seule action du second cristal, si la lame mince n'existait pas. Tous ces résultats sont très-exactement confirmés par l'expérience, comme je m'en suis assuré.

Les formules générales [1] serviront encore, si, au lieu d'analyser la lumière transmise en se servant d'un rhomboïde de spath d'Islande, on veut employer la réflexion sur une glace placée sous l'angle de la polarisation complète: il suffit de se rappeler que, d'après les expériences de Malus, le rayon réfléchi par cette seconde glace a tous les caractères du rayon ordinaire donné par la réfraction d'un cristal dont la section principale serait parallèle au plan de réflexion. Ainsi, en regardant désormais a comme représentant l'azimut du plan de réflexion du rayon sur cette glace, la couleur et l'intensité du rayon réfléchi seront données par la formule

[2]
$$F_0 = O \cos^2 \alpha + E \cos^2 (2i - \alpha)$$
,

qui convenait précédemment au rayon ordinaire; au moyen de cette formule on pourra prévoir d'avance la couleur réfléchie par la glace dans chaque position où on voudra la placer. Supposons, par exemple, que l'on mette le plan de réflexion dans l'azimut de 90° , ce qui est la position convenable pour laisser passer librement la teinte O, sur laquelle la lame n'agit point. En faisant $\alpha=90^{\circ}$ dans notre formule, elle donnera

$$F_0 = E \sin^2 2i$$
;

ce qui montre que le rayon réfléchi par la glace sera toujours composé de la seule teinte E, dont l'intensité, d'abord nulle, avec l'azimut i, atteindra son maximum quand i sera égal à 45°, et deviendra nulle de nouveau quand i sera égal à 90°. Tous ces résultats sont exactement confirmés par l'expérience.

Si, au lieu de faire α nul, on lui donne successivement différentes valeurs, c'est-à-dire, si l'on fait tourner la glace autour du rayon polarisé, en faisant constamment avec lui le même angle, le rayon F_o , réfléchi par cette glace, sera une combinaison des deux teintes complémentaires O et E prises en diverses proportions, combinaisons qu'il ne faut pas confondre avec des mélanges successifs de rayons simples. L'image réfléchie deviendra blanche toutes les fois que l'on aura

$$\cos^2 \alpha = \cos^2 (2i - \alpha)$$
, ou $\sin 2i \sin 2(i - \alpha) = 0$; ce qui donne pour i les huit valeurs

$$i = 0$$
, $i = 90^{\circ}$, $i = \alpha$, $i = \alpha + 90^{\circ}$, $i = 180^{\circ}$, $i = 270^{\circ}$, $i = \alpha + 180^{\circ}$, $i = \alpha + 270^{\circ}$,

comme précédemment; et il en résulte de même que, si l'on place l'axe de la lame dans le plan de réflexion de la glace, et qu'on les fasse tourner ensemble autour du rayon polarisé, l'image réfléchie par la glace sera toujours blanche, et de plus elle aura la même intensité que si la lame mince n'existait pas; car les deux valeurs de a donnent également

$$F_o = [O + E] \cos^2 \alpha$$

qui exprime l'intensité du rayon réfléchi par une glace lorsqu'on la présente à un rayon polarisé, sous l'incidence de la polarisation complète et dans l'azimut a.

Je suis entré dans le détail de toutes ces comparaisons

pour montrer, par un grand nombre d'épreuves diverses, l'accord de mes formules avec les phénomènes; il ne reste plus maintenant, pour pouvoir les prédire tous, qu'une seule indéterminée à connaître; c'est la couleur de la teinte E sur laquelle la lame exerce son action. E étant connu, O le sera pareillement, puisque c'est la teinte complémentaire, et que les deux ensemble doivent recomposer la lumière blanche incidente : or, voici pour déterminer E une règle générale qui réussira dans tous les cas, pour les lames de chaux sulfatée, homogènes et régulièrement cristallisées.

Soit e l'épaisseur de la lame exprimée en millièmes de millimètres. Multipliez-la par le nombre 0,10917, cela donnera le produit e.o, 10917: avec ce produit consultez la table qui se trouve page 266 de la traduction française de l'Optique de Newton, et dans la colonne qui exprime les épaisseurs des lames minces de verre qui réfléchissent telle ou telle couleur, vous trouverez vis-à-vis de votre nombre la couleur sur laquelle la lame mince de chaux sulfatée exerce son action sous l'incidence perpendiculaire. Supposons, par exemple, que l'épaisseur de la lame exprimée en millièmes de millimètres soit 82,44036; en multipliant ce nombre par 0,10917, le produit est 9, qui dans la table de Newton répond au bleu du second ordre : ce sera donc sur le bleu du second ordre que la lame exercera son action, et par conséquent ce sera ce bleu qui se trouvera représenté par E dans notre formule. E étant connu, la teinte complémentaire O l'est aussi; c'est celle qui est complémentaire du bleu du second ordre, ou, ce qui revient au même, c'est celle qui lui est opposée dans l'ordre des anneaux colorés, et par conséquent elle est jaune.

Le coëfficient 0, 10917 éprouve quelques petites variations d'un cristal à un autre, même sans que la pesanteur spécifique dénote quelque différence appréciable entre eux. En général, il paraît qu'il est plus faible dans les cristaux moins translucides et moins homogènes, comme si, pour agir sur la même teinte, il fallait une épaisseur d'autant plus grande que les couches sont moins serrées et moins régulièrement cristallisées. Au reste, en n'employant que des lames extraites de cristaux très-purs, les variations du coëfficient seront très-légères. On pourra d'abord l'employer tel que nous le donnons ici; et si la teinte observée n'est pas exactement celle que la table de Newton indique, elle en sera immédiatement voisine: on substituera donc le nombre qui la représente dans la table, à celui que l'on aura calculé par notre coëfficient moyen, et l'on en conclura par une simple proportion la valeur du coëfficient particulier à la lame que l'on a employée : ce coëfficient une fois connu, servira ensuite pour toutes les lames tirées du même cristal, si toutefois ce cristal est homogène; mais, je le répète, en n'employant que des cristaux purs et réguliers, je n'ai jamais vu le résultat varier dans la table d'une teinte entière au-dessus ou au-dessous de celle que le calcul aurait indiquée d'après le coëfficient moyen.

Jusqu'ici nous n'avons parlé que des lames minces de chaux sulfatée; mais on observe des phénomènes absolument pareils avec des lames minces de mica, et avec des lames minces de cristal de roche taillées parallèlement à l'axe. Les lois de ces phénomènes sont les mêmes que pour la chaux sulfatée, et sont représentées par les mêmes formules [I] que nous avons données page 21, du moins sous

l'incidence perpendiculaire, la seule que nous ayons jusqu'à présent considérée. Il n'y a de différence que dans la valeur absolue du coëfficient constant, par lequel il faut multiplier l'épaisseur des lames pour en conclure leur couleur d'après la table de Newton.

En opérant avec des lames de mica bien diaphanes et homogènes, j'ai trouvé le coëfficient constant égal à 4 de celui que je viens de donner pour la chaux sulfatée pure; mais cette valeur doit être déterminée séparément pour chaque espèce de mica que l'on emploie, car on y trouve des variations beaucoup plus fortes que dans les cristaux de chaux sulfatée : et l'on n'en doit pas être surpris, puisqu'il y a beaucoup de différence dans la superposition plus ou moins serrée des lames de mica, différences qui changent la quantité de matière cristallisée correspondante à une même épaisseur.

Quant aux lames de cristal de roche taillées parallèlement à l'axe, le coëfficient m'a paru le même que pour la chaux sulfatée. J'ai conclu ce résultat par l'observation de six lames qui avaient été tirées d'un cristal bien pur, et usées ensuite jusqu'à n'avoir plus que l'épaisseur convenable pour produire le phénomène des couleurs. Si l'on pouvait compter que le cristal de roche très-pur est toujours semblable à luimême, comme en effet il est naturel de le penser, cette valeur du coëfficient 0, 10917 pourrait être employée pour calculer d'avance les teintes ordinaires et extraordinaires que devront donner de pareilles lames de cette substance; mais du moins on peut être assuré, par les expériences dont je parle, que le coëfficient sera le même pour toutes les lames d'un même cristal supposé homogène et régulier dans sa cristallisation.

La difficulté que l'on éprouve à tailler des cristaux en lames minces et parallèles, m'a jusqu'à présent empêché d'appliquer mes formules à d'autres substances qu'à celles que je viens de nommer; mais du moins, par des expériences que je rapporterai plus loin, je me suis assuré que beaucoup de corps cristallisés dont on peut détacher des parcelles de lames minces, produisent des phénomènes analogues.

La polarisation produite par les lames minces de ces corps cristallisés ne s'exerce que sur une espèce particulière de teinte : nous nommerons ce phénomène la polarisation partielle, réservant la dénomination de polarisation totale pour le cas où la lame, devenant assez épaisse, polarise les molécules lumineuses de toutes les couleurs dans la proportion qui fait le blanc. Dans ce cas, la teinte E devient analogue au blanc composé par lequel les anneaux colorés se terminent, lorsque la lame qui les réfléchit devient assez épaisse pour réfléchir les anneaux de tous les ordres. Alors la teinte complémentaire O est aussi un blanc composé, dont l'intensité se trouve sensiblement égale à celle de E: par conséquent, si l'on exprime par B l'intensité de la lumière blanche incidente, on aura $E = O = \frac{B}{2}$, et en substituant ces valeurs dans les formules [I] de la page 21, elles deviendront

$$\mathbf{F}_{\bullet} = \frac{1}{2} \left[\cos^2 \alpha + \cos^2 (2i - \alpha) \right]$$

$$\mathbf{F}_{\bullet} = \frac{\mathbf{B}}{\mathbf{a}} \left[\sin^2 \alpha + \sin^2 (2i - \alpha) \right].$$

Ainsi modifiées, elles exprimeront les intensités des faisceaux ordinaires et extraordinaires dans lesquels se résout un rayon polarisé lorsqu'il a traversé perpendiculairement 1811. une lame épaisse de chaux sulfatée, ou de mica, ou de cristal de roche, taillée parallèlement à l'axe; et qu'en sortant de ces lames on l'analyse avec un rhomboïde de chaux carbonatée qui le reçoit sous l'incidence perpendiculaire. Si on voulait l'analyser par la réflexion sur une glace placée sous l'angle de la polarisation complète, il faudrait regarder a comme désignant l'azimut du plan de réflexion de cette glace, et alors F. exprimerait l'intensité du rayon réfléchi.

Il y a encore une autre espèce de polarisation totale qui précède celle dont nous venons de parler : elle s'observe lorsque les lames sont assez minces pour polariser le blanc du premier ordre. Dans ce cas, comme le complément de ce blanc est le noir dans la série des anneaux colorés, il s'ensuit que E représentant le blanc du premier ordre, la teinte O est nulle; c'est-à-dire, qu'aucune molécule lumineuse n'échappe à la polarisation produite par la lame : alors les deux images, dans chaque position de la lame et du cristal, deviennent

$$F_{\bullet} = E \cos^{2} (2 i - \alpha)$$

$$F_{\bullet} = E \sin^{2} (2 i - \alpha);$$

et ces deux images sont toujours blanches, ce qui est conforme à l'expérience. Nous reviendrons plus loin sur ce cas particulier.

On peut encore déduire de nos formules l'effet que les lames minces doivent produire sur des rayons naturels, ou, ce qui revient au même, sur des rayons polarisés dans deux sens rectangulaires; commençons par ce dernier cas: supposons donc un rayon dont une partie O+E soit polarisée ordinairement suivant un certain sens, dans le méridien,

par exemple, et dont l'autre partie, égale à la précédente, soit polarisée dans un sens perpendiculaire. En conservant toutes nos dénominations précédentes, la lame mince présentée perpendiculairement au premier faisceau qui est polarisé dans le sens du méridien, donnera deux rayons F. et F., l'un ordinaire et l'autre extraordinaire, dont les intensités et les couleurs seront

$$F_{\circ} = O \cos^{\circ} \alpha + E \cos^{\circ} (2 i - \alpha)$$

$$F_{\bullet} = O \sin^{\circ} \alpha + E \sin^{\circ} (2 i - \alpha).$$

Pour connaître maintenant l'action de la même lame sur l'autre faisceau O + E qui est polarisé dans un sens perpendiculaire, il n'y a qu'à considérer que, relativement à ce dernier, les angles α et i sont tous deux augmentés également et précisément d'un angle droit. Il n'y a donc qu'à faire cette augmentation dans notre formule générale, α deviendra $\alpha + 90^{\circ}$, et $(2i - \alpha)$ deviendra $2i + 180^{\circ} - \alpha - 90^{\circ}$, ou $2i - \alpha + 90^{\circ}$, ce qui donnera deux rayons F_{i} , F_{i} , l'un ordinaire, l'autre extraordinaire, dont les intensités seront

$$F_{o}' = O \sin^{3} \alpha + E \sin^{3} (2 i - \alpha)$$

$$F_{o}' = O \cos^{3} \alpha + E \cos^{3} (2 i - \alpha);$$

de sorte qu'en les ajoutant aux précédens, chacun à celui de même dénomination, il viendra

$$F_{a} + F_{a}' = O + E$$
 $F_{a} + F_{a}' = O + E_{a}$

c'est-à-dire, deux rayons blancs égaux en intensité. La même chose arriverait encore si la lame agissait sur un rayon naturel, que l'on peut considérer comme un assemblage d'un nombre infini de rayons parallèles infiniment peu intenses, et polarisés dans toutes les directions possibles. Pour appliquer notre formule à ce cas, faisons $i - \alpha = c$, ce qui donne $i = c + \alpha$, $2i = 2c + 2\alpha$, et elle deviendra

$$F_{\circ} = O \cos^{2} \alpha + E \cos^{2} (2 c + \alpha)$$

$$F_{\bullet} = O \sin^{2} \alpha + E \sin^{2} (2 c + \alpha)$$

O et E sont les deux teintes, ordinaire et extraordinaire, polarisées dans chacun des rayons partiels. Il faut regarder chacune d'elles comme infiniment faible en intensité : en passant d'un de ces rayons partiels à un autre, l'angle α varie, mais la différence $i-\alpha$ ou c reste constante. Ainsi, pour avoir la somme de tous les F. et de tous le F. relatifs à ces divers rayons, il faut multiplier les deux membres de chacune des équations précédentes par $d\alpha$, et intégrer ces membres depuis $\alpha = 0$ jusqu'à $\alpha = 360^{\circ}$, on aura ainsi

$$\int \mathbf{F}_{\bullet} d\alpha = \pi \left[\mathbf{O} + \mathbf{E} \right] \quad \int \mathbf{F}_{\bullet} d\alpha = \pi \left[\mathbf{O} + \mathbf{E} \right];$$

c'est-à-dire que l'ensemble des faisceaux ordinaires et l'ensemble des faisceaux extraordinaires formeront encore deux rayons blancs égaux en intensité, ce qui est conforme à l'expérience.

Il me reste à prouver la règle que j'ai donnée pour déterminer d'avance la teinte E, sur laquelle les lames produisent la polarisation extraordinaire, d'après la seule connaissance de leur épaisseur: c'est à quoi je vais procéder; et j'exposerai ensuite les lois des mêmes phénomènes sous des incidences obliques.

SECTION II.

Des rapports qui existent entre les épaisseurs des lames minces cristallisées et la nature des teintes sur lesquelles elles exercent la polarisation partielle.

Avant d'exposer les expériences qui établissent ces rapports, il est nécessaire de rappeler succinctement les découvertes de Newton sur la formation successive des anneaux colorés.

On sait qu'en pressant l'une contre l'autre les surfaces de deux verres sphériques, ou en général de deux verres quelconques, qui ne peuvent pas s'appliquer exactement l'uncontre l'autre dans tous leurs points, on aperçoit entre eux des anneaux colorés, réfléchis par la mince lame d'air comprise entre les deux surfaces : lorsque les deux verres sont sphériques, ou l'un plan et l'autre sphérique, les anneaux sont exactement circulaires, et environnent une tache noire qui se trouve à leur centre. A partir de ce centre, les couleurs se succèdent circulairement par une infinité de nuances diverses. Pour étudier la succession de ces couleurs dans leur plus grand degré de simplicité, Newton fit tomber successivement sur les objectifs les diverses couleurs simples données par le prisme. Alors les anneaux se succédèrent encore, mais ils n'étaient plus formés que d'une seule couleur. Les intervalles qui les séparaient, étant vus par réflexion, paraissaient totalement obscurs; mais en les regardant du côté opposé du verre, on voyait qu'ils laissaient passer la lumière; ce qui formait une autre série d'anneaux qui alter-

naient avec les précédens. Les anneaux étaient ainsi rouges dans la lumière rouge, jaunes dans la lumière jaune, et ainsi de suite. Dans cet état de séparation, Newton mesura les diamètres des anneaux lumineux réfléchis; et comme chacun d'eux avait une certaine étendue, dans laquelle l'intensité de la lumière allait en se dégradant depuis le milieu jusqu'aux deux extrémités, qui se trouvaient contiguës de part et d'autre aux anneaux obscurs, il prit ses mesures dans le point où l'intensité de chaque anneau était la plus vive. Il trouva que pour une même couleur les quarrés des diamètres des anneaux réfléchis suivaient la progression des nombres impairs 1, 3, 5, 7; et comme un de ses verres était plan, et l'autre sphérique, il s'ensuivait que les épaisseurs de l'air, aux endroits où la lumière était réfléchie, suivaient aussi la progression de ces mêmes nombres 1, 3, 5, 7. Au contraire, les quarrés des diamètres des anneaux obscurs, et par conséquent les épaisseurs de l'air, aux endroits où la lumière était transmise, suivaient la progression des nombres pairs 2, 4, 6, 8: d'où résulte cette loi remarquable que, dans une même lame mince d'épaisseur variable, la même lumière est alternativement transmise ou réfléchie aux épaisseurs o, 1, 2, 3, 4, 5, suivant la série des nombres naturels.

Cette loi est commune à toutes les couleurs: mais, dans chaque série, la grandeur absolue d'un anneau du même ordre est dissérente: ainsi, le septième anneau rouge, par exemple, était plus grand que le septième anneau jaune; le septième anneau jaune plus grand que le septième anneau bleu, et ainsi de suite, dans l'ordre de réfrangibilité des couleurs juaqu'au violet, qui donne les plus petits anneaux.

Newton mesura avec le plus grand soin les largeurs absolues d'un anneau du même ordre pour les diverses couleurs : il en conclut, d'après la forme des verres, les rapports d'épaisseur qui convenaient pour chaque ordre aux différens rayons simples, et il donna une règle approximative pour représenter ces rapports.

Revenons maintenant à la lumière directe, et laissons-la tomber sur les objectifs. Les anneaux des diverses couleurs simples se formeront encore suivant les mêmes lois; mais leur grandeur absolue étant différente, ils empiéteront les uns sur les autres, et formeront par leur superposition successive une infinité de teintes diverses. Mais cette complication apparente est désormais bien facile à résoudre. L'étendue, et si l'on peut ainsi dire, l'échelle de chaque espèce d'anneau étant déterminée, ainsi que la largeur sensible des bandes qui composent les anneaux de chaque couleur, c'est un simple problème d'arithmétique de trouver la quantité de chaque couleur simple de différens ordres, qui est réfléchie ou transmise à une épaisseur déterminée de la lame d'air, et, d'apprécier les nuances variées qui doivent résulter de leur mélange. C'est ainsi que Newton a formé la table que l'on trouve page 266 de son Optique : il a exprimé les épaisseurs de la lame d'air en millionièmes de pouce anglais : et quelque petite que cette unité puisse paraître, comme les épaisseurs sont conclues d'après la mesure des diamètres des anneaux sur un verre sphérique d'un rayon donné, on conçoit que les valeurs ainsi déterminées par Newton ont pu être fort exactes. Cette exactitude paraîtra tout-à-l'heure d'une manière bien remarquable dans les expériences que je vais rapporter.

Newton ayant déterminé la loi des épaisseurs d'air qui réfléchissent les couleurs composées, de différens ordres, étendit cette loi aux épaisseurs des lames d'eau très-minces que l'on forme en soufflant des bulles avec de l'eau savonneuse; et quoiqu'il ne pût pas mesurer les épaisseurs absolues de ces bulles, il ne laissa pas de prouver, par la comparaison des expériences, qu'il y avait la même correspondance entre la série de ces épaisseurs et celle des couleurs qu'elles réfléchissaient ou qu'elles transmettaient : il calcula même cette épaisseur, d'après la supposition que, pour des lames minces de différente nature et environnées d'air, les épaisseurs qui donnaient les mêmes couleurs étaient entre elles comme les nombres qui expriment le rapport du sinus de réfraction au sinus d'incidence dans les différens corps : cette règle est fondée sur la comparaison de l'étendue des anneaux formés successivement par des lames d'eau et d'air entre les mêmes verres objectifs. Newton l'a étendue aux lames minces de verre, et il a vérifié cette extension par l'épreuve la plus concluante, en calculant ainsi les diamètres des anneaux formés par des épaisseurs de verre de 1/4 de pouce : d'après cela il a pu calculer par de simples proportions la troisième colonne de sa table, qui se rapporte aux lames minces de verre. De sorte que, lorsqu'on cherche seulement à déterminer des rapports, il importe peu laquelle de ces colonnes on consulte, pourvu que ce soit toujours la même.

Les détails dans lesquels je viens d'entrer étaient indispensables pour faire sentir les rapports qui existent entre les couleurs réfléchies par les lames minces en vertu de la réflexion ordinaire, et les couleurs données par la réfraction extraordinaire dans les lames de chaux sulfatée, de mica et de cristal de roche, et probablement de beaucoup d'autres corps cristallisés. Ces dernières couleurs, comparées aux épaisseurs des lames qui les donnent, suivent exactement les mêmes rapports que celles que Newton a observées.

Pour établir ce phénomène avec exactitude, j'ai fait un grand nombre d'expériences sur des lames minces tirées de divers cristaux de chaux sulfatée: je ne rapporterai ici que celles qui ont été faites avec le plus de soin, et qui sont les plus décisives par leurs résultats.

Deux choses sont à considérer dans cette recherche : la détermination précise de la teinte donnée par chaque lame, et la mesure exacte de son épaisseur. Je traiterai ces deux points successivement.

En commençant par la détermination de la teinte, je remarquerai que l'on pourrait craindre plusieurs sortes d'illusion, si l'on voulait d'abord la déterminer par des observations faites sur la lumière transmise, principalement si l'on employait une lumière artificielle, telle que la flamme d'une bougie: car, dans les appareils que l'on peut imaginer pour ce genre d'expériences, on ne peut guère placer qu'une lame à-lafois; il faut les regarder une à une : on ne peut pas comparer leurs teintes en présence et rapprochées; et si on les veut substituer fréquemment les unes aux autres pour vérifier cette comparaison en la répétant, on risque en les touchant d'altérer le poli de leurs surfaces, et de changer même leur teinte en leur enlevant quelque pellicule imperceptible de leur épaisseur. En outre, si l'on se sert d'une lumière artificielle, il n'arrivera presque jamais que cette lumière soit exactement blanche; c'est-à-dire qu'elle ne contiendra pas toutes les molécules lumineuses dans l'exacte proportion qui

1811.

fait le blanc, et l'on sent que cela doit être presque toujours ainsi, quand on réfléchit à la manière dont se produit la flamme, et qu'on rapproche ce phénomène de ce que Newton a trouvé sur les couleurs transmises par les corps en vertu de la grosseur de leurs particules. Or, comme la lame mince n'agit que sur une espèce particulière de teinte, si une portion des couleurs qui composent cette teinte vient à manquer dans la lumière dont on l'éclaire, il est évident que la couleur transmise changera; ainsi, ce ne sera plus la même que l'on aurait observée si on avait éclairé la lame avec de la lumière parfaitement blanche. D'après ces divers motifs, je vais d'abord expliquer un autre moyen d'observer les couleurs par réflexion, dans le plus haut point de vivacité qu'elles puissent avoir. Je prouverai ensuite, par une expérience rigoureuse et très-générale, que la couleur des lames ainsi observée dans une certaine position déterminée, est exactement la même qu'elles feront voir par transmission dans le rayon extraordinaire, lorsqu'il sera porté à son. maximum, c'est-à-dire lorsque l'azimut de l'axe de la lame sera de 45°.

Prenons une lame mince de chaux sulfatée, récemment détachée du cristal avec toutes les précautions que j'ai indiquées : elle sera plane, du plus beau poli, et d'une épaisseur parfaitement égale dans toute sa longueur. Si vous faites réfléchir la lumière blanche des nuées sur sa surface, en vous plaçant dans un lieu découvert, à l'abri de toute réflexion étrangère, elle vous paraîtra parfaitement blanche et incolore dans toutes ses positions (*): maintenant, placez cette

^(*) Si le ciel n'était pas couvert de nuages blancs, la lame dirigée vers

même lame horizontalement sur un corps noir; faites réfléchir sur sa surface la lumière blanche des nuées sous une inclinaison d'environ 35°, comptée de l'horizon, et recevez cette lumière réfléchie sur un verre noir placé dans la position convenable pour que les rayons polarisés ordinairement échappent à la réflexion. Il faut pour cela que ce verre fasse un angle de 35° avec le rayon réfléchi, et de plus que le plan de réflexion soit perpendiculaire au plan vertical d'incidence du rayon sur la lame mince. Les choses étant ainsi disposées, si vous regardez la lame par réflexion, dans ce verre noir, vous la verrez entièrement et uniformément teinte d'une vive couleur, qui changera d'intensité et de nuance en tournant la lame dans son plan. La couleur réfléchie deviendra nulle quand l'axe de la lame coïncidera avec le plan d'incidence de la lumière sur sa surface, ou lui sera perpendiculaire; elle atteindra son maximum d'intensité absolue lorsque l'axe de la lame formera un angle de 45° avec ce plan (*); et la teinte réfléchie dans cette position,

certains points de l'horizon pourrait offrir quelques iris à la vue simple, parce que la lumière réfléchie par l'atmosphère est naturellement polarisée lorsque le temps est serein; et qu'ici la lumière polarisée extraordinairement ne se comporte pas comme la lumière naturelle. De plus, la couleur réfléchie par une atmosphère sereine n'est pas le blanc, mais un blanc bleuâtre, c'est-à-dire, un blanc privé d'une partie de ses rayons rouges et orangés; ce qui modifierait nécessairement la couleur propre que les lames doivent réfléchir. Enfin, l'intensité de cette lumière est beaucoup moindre que celle des nuages blancs qui réfléchissent le blanc du premier ordre, ainsi que Newton l'a remarqué.

^(*) Ce maximum n'est relatif qu'à la proportion de chaque teinte qui est réfléchie par la lame mince dans les positions diverses. Supposons,

sera précisément celle sur laquelle la lame exercera la polarisation par transmission sous l'incidence perpendiculaire, comme je le prouverai plus loin : mais l'accord n'aura lieu que dans cette position; car, dans la transmission sous l'incidence perpendiculaire, la teinte de la lumière sur laquelle agit la lame ne change point; au lieu que dans la réflexion, elle varie en tournant la lame suivant des lois et dans des limites que je déterminerai pareillement. Ces couleurs, ainsi réfléchies par les lames minces, sont, comme je l'ai dit, d'autant plus belles, que l'atmosphère envoie une plus grande quantité de lumière : elles sont à leur maximum d'intensité lorsque le ciel est entièrement couvert par des nuages blancs qui réfléchissent le blanc du premier ordre, et alors leurs teintes sont si vives, que l'on a quelquefois peine à en soutenir l'éclat.

Cette expérience, aussi belle à voir, qu'utile par les conséquences qui en dérivent, s'explique aisément d'après la théorie que j'ai exposée dans la 1^{re} section de ce Mémoire. La lumière des nuées qui tombe sur la lame subit une réflexion partielle à sa première surface, et une autre à sa seconde surface; considérons-les successivement. La réflexion

par exemple, que les couleurs étant du second ordre, elle passe ainsidu bleu au vert et à l'orangé, à mesure que l'on tourne son axe : supposons de plus, que ce soit le vert qui se trouve réfléchi dans l'azimut de 45°; alors la proportion de ce vert, qui est réfléchie par la lame, est plus grande que ne le serait celle du bleu ou de l'orangé dans la position où elle les donnera : ce qui n'empêche pas que ce bleu ou cet orangé ainsi réduit, ne puisse être par sa nature plus vif que le vert du même ordre ne l'est même dans son maximum.

sur la première surface sera la même que si la lame n'était pas cristallisée; car il paraît, et ceci est encore un point bien constaté par mes expériences; il paraît, dis-je, que cette première réflexion s'opère hors de la limite des forces polarisantes des cristaux, comme Malus l'avait soupçonné (Théorie de la double Réfraction, page 240): la lumière ainsi réfléchie hors de la première surface de la lame sous l'inclinaison de 35°, se trouvera donc polarisée ordinairement relativement au plan d'incidence; et de-là, en tombant sur le verre noir qu'elle rencontre sous l'angle convenable, elle ne pourra pas être réfléchie, elle le pénétrera et se combinera avec sa substance.

Suivons maintenant l'autre portion de lumière qui a pénétré dans l'intérieur de la lame. Cette lumière s'est trouvée polarisée en deux sens différens. La teinte O, sur laquelle n'agit point la lame, arrive encore à la seconde surface dans l'état naturel : elle y subit une seconde réflexion partielle qui agit sur elle comme a fait la première surface, comme aurait fait une surface de verre ordinaire; le rayon ainsi réfléchi se trouve donc encore polarisé ordinairement : il arrive ainsi au verre noir, qui ne peut le réfléchir, et il le pénètre; mais le reste de la lumière qui a pénétré la lame, et qui a subi son action comme corps cristallisé, a pris en partie, relativement au plan d'incidence, les earactères d'un rayon extraordinaire; et suivant ce qui a été dit page 22, il se trouve même entièrement modifié de cette manière lorsque l'axe de la lame forme avec le plan de réflexion un angle de 45°. En arrivant ainsi au verre noir, elle se présente de manière à éprouver à sa surface une réflexion partielle : elle donne donc ainsi une image de la lame, colorée de l'espèce

de teinte particulière à cette position de l'axe, mais pure et dépouillée de toute la lumière étrangère qui aurait pu l'affaiblir par son mélange. Si, au contraire, on reçoit la lumière réfléchie par la lame, sur un autre verre noir, perpendiculaire au plan de réflexion et parallèle à la lame mince, ce verre se trouve placé de manière à transmettre en totalité les rayons polarisés extraordinairement, et à réfléchir partiellement ceux qui sont polarisés dans le sens contraire. Ce nouveau verre donne donc des images des lames, complémentaires des précédentes; mais elles sont colorées d'une manière incomparablement moins vive, parce qu'elles sont mêlées avec la lumière blanche qui s'est réfléchie à la première surface de la lame, et qui, étant polarisée de la même manière, ne peut en être séparée par la réflexion.

Tout ceci devient plus évident encore par les formules données dans la 1^{re} section de ce Mémoire, en admettant, comme je le prouverai par la suite, que la lumière réfléchie extraordinairement par la lame, lorsque son axe fait un angle de 45° avec le plan de réflexion, est précisément de la même teinte que celle sur laquelle elle agit dans la transmission sous l'incidence perpendiculaire. Le rayon réfléchi se trouve alors modifié par la réflexion, relativement au plan d'incidence, précisément comme l'est le rayon transmis quand on l'analyse avec un cristal dont la section principale coïncide avec le plan du méridien. Faites donc a nul dans les formules générales [I] de la page 21, vous aurez les intensités du rayon ordinaire et du rayon extraordinaire, réfléchis par la seconde surface de la lame mince, qui seront

$$F_o = O + E \cos^2 2 i$$

$$F_c = E \sin^2 2 i;$$

mais ici la teinte E, sur laquelle agit la lame, varie en même-temps que i, parce que l'angle d'incidence du rayon sur sa surface change. Je donnerai plus loin la loi trèsapprochée de ces mutations; pour le moment, contentonsnous de considérer E comme variable. Pour avoir la totalité de la lumière réfléchie par la lame, il faut ajouter au rayon ordinaire F. la portion de lumière blanche qui est réfléchie par la première surface de la lame, et qui se trouve aussi polarisée ordinairement, par rapport au plan de réflexion: nommons-là B, et nous aurons

$$F_o = B + O + E \cos^2 2i$$

 $F_o = + E \sin^2 2i$:

maintenant, quel que soit l'azimut i, le rayon F, ne sera nullement réfléchi par le second verre noir; et le rayon F, seul y subira la réflexion partielle. L'intensité de cette réflexion sera proportionnée à l'intensité de F, c'est-à-dire que, quant à la proportion de la teinte F, elle sera la plus grande possible lorsqu'on aura sin F i ou F i ou F c'est-à-dire quand l'axe de la lame fera un angle de F avec le plan de réflexion.

La teinte extraordinaire E se trouve ainsi séparée de toute autre lumière par la réflexion sur le second verre; mais on ne peut pas obtenir le même avantage pour la teinte O; et lorsqu'on présente au rayon F, un verre noir placé convenablement pour ne point réfléchir F, ce verre réfléchit ensemble toutes les parties de F, puisqu'elles se trouvent

polarisées de la même manière; et même en plaçant la lame dans l'azimut de 45°, ce qui rend cos 2 i nul, on voit que la teinte O reste encore mêlée avec la portion B de lumière blanche réfléchie par la première surface, ce qui la décolore et l'affaiblit.

Il serait possible qu'on s'imaginât que les teintes ainsi réfléchies ne proviennent pas d'une réflexion partielle à la seconde surface de la lame, mais sont produites par la lumière naturelle qui, arrivant au support noirci, se polarise par réflexion et traverse ensuite la lame. Il est facile de prouver que les choses ne se passent pas ainsi; car au lieu de placer la lame sur un support, suspendez-la librement dans l'air, et placez en avant d'elle un écran opaque quelconque qui empêche la lumière incidente d'arriver au dessous de la lame. Dans ce cas, les corps situés de ce côté ne recevant pas de lumière incidente, ne pourront en réfléchir ni en émettre qui soit polarisée; et par conséquent, si les couleurs subsistent encore avec une vivacité égale, il sera prouvé qu'elles sont réellement produites par la réflexion de la lame : or, c'est ainsi que cela arrive, comme il est facile de s'en assurer, et les teintes réfléchies par les lames ne sont nullement affaiblies par cette disposition.

Maintenant, pour prouver que la réflexion se fait réellement à la seconde surface de la lame, il suffit d'enduire cette surface avec un corps noir, dont la force réfringente surpasse celle de la chaux sulfatée; par exemple, une couche d'encre de Chine, ou d'encre ordinaire qu'on laisse sécher. Alors la partie de la surface, qui est en contact avec cet enduit, ne réfléchit plus aucune couleur; et elle paraît tout-à-fait obscure quand on la dépouille, par la réflexion, de la

lumière ordinaire réfléchie par la portion correspondante de la première surface.

En plaçant ainsi plusieurs lames minces à côté les unes des autres, sur un même support noirci et mobile autour d'un centre, on peut avec la plus grande facilité vérifier le parallélisme de leurs axes, comparer leurs différentes teintes, et suivre le progrès des nuances par lesquelles elles passent, lorsqu'en tournant le support, on fait varier la position de l'axe par rapport au plan de réflexion. On peut ainsi reconnaître avec certitude l'espèce de couleur que les lames réfléchissent dans une position commune, et principalement dans l'azimut de 45°, qui est l'élément principal de ces phénomènes. Je ne veux pas dire que l'on puisse, par le seul aspect, déterminer l'ordre auquel chaque teinte appartient, dans la table de Newton; mais du moins on peut voir que telle lame est bleue ou verte, et que telle autre comparativement est orangée, ou jaune, ou violette, ou pourpre; ce qui suffit pour comparer ensuite les couleurs avec les épaisseurs correspondantes, et voir si la table de Newton les indique avec exactitude. Je passe donc à la détermination de ces épaisseurs, qui seule peut servir de guide dans cette classification.

Quand il s'agit de mesurer des lames dont les épaisseurs varient entre trois centièmes et quatre dixièmes de millimètre, et qu'entre ces limites il faut trouver et apprécier toutes les nuances d'épaisseur qui répondent aux couleurs contenues dans les sept séries d'anneaux observés par Newton; quand enfin, les plus petits écarts de ces mesures répondent à des différences aussi sensibles que des changemens de teinte, on conçoit que pour les tenter et pour

espérer quelque résultat, il faut avoir à sa disposition des moyens dont l'exactitude soit, pour ainsi dire, idéale. J'ai heureusement eu cet avantage, grace à l'amitié de M. Cauchoix: cet habile opticien, desirant donner à ses travaux toute la précision que l'on peut atteindre, a fait construire par notre excellent artiste Fortin un instrument propre à mesurer les courbures des verres objectifs plans, concaves ou convexes; et il a bien voulu me permettre d'en insérer ici la description, qui me devenait nécessaire pour donner de la confiance dans mon travail: j'ai d'autant plus de plaisir à lui en témoigner ici ma reconnaissance, que je ne connais aucun procédé qui pût si facilement atteindre la même précision, et qu'ainsi je dois le succès de mes recherches au secours que m'a fourni son amitié, et à l'empressement extrême avec lequel il les a favorisées par tous les moyens qui étaient. en son pouvoir.

Le sphéromètre dont j'ai fait usage est un instrument composé de trois branches d'acier horizontales, chacune de huit centimètres de longueur, et formant entre elles des angles de 120°. Aux extrémités de ces trois branches, et perpendiculairement à leur direction, se trouvent trois tiges d'acier dont les extrémités, amincies en cylindre et tournées avec une précision extrême, sont terminées par trois plans d'une fort petite étendue: au centre des trois branches est une vis parfaitement travaillée, dont la tête porte un cadran divisé. On conçoit comment on peut vérifier l'égalité de courbure des verres avec un pareil instrument; car si, ayant posé les pointes sur le verre, on tourne la vis jusqu'au contact, le moindre changement de courbure deviendra sensible, dès que la vis ou les pointes ne toucheront plus.

Dans le premier cas, la rotation de l'instrument produira un frottement rude, et un son très-différent de celui qu'il rendait d'abord : dans le second cas, l'instrument n'étant plus soutenu que par son centre, ballottera sur ses trois pieds d'une façon que l'on ne pourra méconnaître. La précision de ces deux indices est véritablement incroyable; ni l'observation du passage de la lumière entre deux surfaces, ni les contacts faits avec des comparateurs, ne peuvent approcher de la sensibilité du sphéromètre; et l'artiste qui a construit celui dont j'ai fait usage, tout familier qu'il est avec les procédés les plus précis des arts, en a été lui-même étonné. Dans ce premier sphéromètre, chaque partie du micromètre donne à la vue le millième de millimètre, et deux ou trois mesures suffisent pour arriver avec certitude plus près que cette quantité. Je n'avais pas besoin d'une exactitude plus grande; mais M. Cauchoix, voulant varier les applications d'un appareil si commode, et l'introduire dans tous les détails de ses opérations, en a construit depuis lui-même qui sont d'une sensibilité bien supérieure encore; et pourtant ce genre de vérification n'est ni la dernière épreuve, ni la plus rigoureuse qu'il fasse subir à ses verres.

Pour employer cet instrument à la mesure des lames minces, voici comment j'opère. Je me sers d'un grand plan de verre de trente-deux centimètres de diamètre, dont la surface est parfaitement plane et vérifiée par le sphéromètre. J'emploie aussi une autre lame de verre également travaillée par M. Cauchoix : celle-ci est également plane; mais de plus, elle est d'une épaisseur parfaitement égale dans toute son étendue, comme le sphéromètre le prouve encore. On pose cette lame sur le plan disposé horizontalement, on amène

la vis du sphéromètre en contact, et on lit le numéro de la division indiquée par le micromètre : c'est le point de départ pour la mesure de l'épaisseur. En effet, si maintenant on interpose la lame mince entre les deux verres, et que l'on replace le sphéromètre, on conçoit que la vis touchera trop, ce qui fera ballotter l'instrument, et en la ramenant au contact, la marche de la vis indiquée par le cadran qu'elle porte, montrera de combien de parties elle s'est abaissée. Il est nécessaire d'interposer une lame de verre plane et parallèle entre la vis du sphéromètre et la lame mince dont on veut mesurer l'épaisseur : car si l'on posait immédiatement la vis sur cette dernière, on ne serait jamais certain de s'arrêter précisément au contact; on serait sans cesse exposé à enfoncer la vis dans la substance même de la lame, ce qui changerait l'épaisseur, et donnerait des erreurs qui deviendraient énormes dans des résultats dépendans de si petites quantités. Il faut aussi avoir soin de poser la lame de verre en équilibre sur la lame mince, et non pas inclinée de manière qu'elle s'appuie d'un côté ou d'un autre sur le plande verre qui sert de base; car si ce contact avait lieu, la surface supérieure, sur laquelle on descend la vis, formerait un plan incliné, dont on mesurerait la hauteur au lieu de mesurer l'épaisseur absolue de la lame mince, comme on se l'était proposé. Enfin, lorsque l'on a remarqué dans cette dernière quelque inégalité de teinte, qui répond infailliblement à une inégalité d'épaisseur, il faut répéter l'expérience en posant la lame de verre successivement dans différens points, pour découvrir le défaut de parallélisme des deux surfaces de la lame mince, et en mesurer la quantité.

L'extrême perfection que M. Fortin a su atteindre dans

la construction des vis métalliques, est un garant certain de l'exactitude de celle qu'il a adaptée à cet instrument; mais pour les personnes qui ne connaîtraient pas cette exactitude, j'ajouterai que les conséquences auxquelles les mesures me conduisent sont indépendantes des valeurs absolues des pas de la vis; il suffit qu'elle soit régulière, et même il suffirait qu'elle le fût dans un très-petit intervalle, n'ayant à mesurer ou plutôt à comparer entre elles que de très-petites épaisseurs.

Voici maintenant quelques-unes des expériences que j'ai faites pour comparer ensemble les épaisseurs et les couleurs.

1re Expérience. J'ai détaché d'un même cristal de chaux sulfatée trapézienne onze lames minces, dont les épaisseurs diverses ne m'étaient pas connues. Je les ai placées horizontalement sur le support noirci, de manière que leur axe se trouvât faire un angle de 45° avec le plan de réflexion; et dans cette position, j'ai observé leurs couleurs, que j'ai écrites à côté des numéros de ces lames dans l'ordre suivant.

Numéros des lames.	Couleur réfléchie extraordinairement.
I	bleu.
1 bis	bleu.
2	vert jaunâtre.
3	pourpre.
4	vert.
6	rose påle.
7	bleu foncé.
8	vert tirant au jaune.
10	rouge brillant.
II	•
16	blanc.

J'ai ensuite mesuré les épaisseurs de ces lames avec le

sphéromètre, en opérant comme je l'ai expliqué plus haut; le point de départ de la vis répond constamment à 120 parties du micromètre; c'est-à-dire que 120 est le numéro de la division que le micromètre marque lorsque la vis est en contact avec la lame de verre plane, avant que la lame mince soit interposée. J'appellerai point d'arrivée le numéro de la division indiquée par le micromètre, quand la lame mince est interposée entre les deux plans. Chaque tour de la vis correspond à o^{mm}, 56466, et se trouve divisée par le micromètre en 250 parties, de sorte que chaque partie évaluée en millimètres, vaut omm, 002259. J'ai plusieurs fois mesuré l'épaisseur sur différentes parties d'une même lame, pour savoir si j'y pourrais découvrir quelques inégalités sensibles, et aussi pour éprouver si le sphéromètre était constant dans ses indications. On verra par les nombres rapportés cidessous combien cette constance est remarquable; et il en résulte aussi que les lames, dont les teintes étaient toutes parfaitement uniformes, n'ont offert aucune inégalité appréciable dans leur épaisseur; ce qui tenait sans doute à la pureté du cristal dont je les avais tirées, et au soin extrême que j'avais mis à les détacher sans altérer la perfection de leur poli et la régularité de leurs surfaces. Voici maintenant les nombres que j'ai obtenus.

Lame Nº 1. Point d'arrivée. 181	N° 1 bis . Arrivée 183
180	182
Moyenne180, 5	Sur un autre point 181
Départ120	Moyenne182
Épaisseur 60, 5	Départ120
ipaisseur oo, o	Épaisseur 62

SUR LA POLARISATION DE LA LUMIERE.		
Nº 2. Arrivée	N° 7Arrivée180, 180,	, 5
Sur un autre point 215, o	Sur un autre point. 179,	8
Moyenne213, 8 Départ120	Moyenne180	, 2
Épaisseur	Départ	, 2
Nº 3Arrivée176	Nº 8Arrivée.:158	
Sur un autre point 175	Sur un autre point 159 159	
Moyenne175, 5 Départ120	Moyenne158 Départ120	
Épaisseur 55, 5	Épaisseur 38,	, 5
N° 4Arrivée186	Nº 10. Arrivée	, 3
Moyenne185, 5 Départ120	Moyenne	, 15
Épaisseur 65, 5	Épaisseur 77	, 15
Nº 6Arrivée194	Nº 11. Arrivée199 198,	, 6
Sur un autre point. 193 193, 5	Sur un autre point 198	
Moyenne193, 6	Moyenne.'198,	4
Départ120	Départ120	
Épaisseur	Épaisseur 78,	, 4
Nº 16. Arrivée	250 + 24, 5. 24	
Sur un au	tre point 22	
	22	
	120	
Épaisseur153, 1		

Voici maintenant la table des épaisseurs et des couleurs

RECHERCHES

donnée par Newton; l'unité qu'il a choisie est le millionième de pouce anglais.

		ÉPAISSE	URS DE	S LAMES
	COULEURS RÉPLÉCHIES.	d'air.	d'eau.	de verre.
1 ^{er.} ORDRE.	Très-noir. Noir Commencement du noir Bleu Blanc Jaune Orangé Rouge	1 2 2 5 7 8 9	3 6 7 6	1 2 7 1 1 2 2 3 3 3 5 5 5 5 5 5
2 ⁶ ORDRE.	Violet	11	8 1 9 5 10 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	7 3 8 1 1 9 9 5 7 1 1 1 5 6 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 1 2 3 1 2 3 1 2 3 1 3 3 3 3 3 3 3 3
3° ordre .	Pourpre	21 22 10 23 25 12 25 12 27 17 29 32	15 ¹ / ₄ 16 ¹ / ₇ 17 ¹ / ₁₀ 18 ¹ / ₁₀ 20 ¹ / ₃ 21 ¹ / ₄	13 11 14 14 15 10 16 14 17 12 18 7
4 ^e ORDRE.	Vert bleuåtre Vert Vert jaunåtre Rouge	34 35 ² / ₇ 36 40 ¹ / ₃	25 ½ 26 ½ 27 30 ¼	22 22 ⁷ / ₄ 23 ² / ₉ 26
5 ^e ORDRE.	Bleu verdåtre	46 52 ;	$\frac{34\frac{1}{2}}{39\frac{3}{8}}$	29 ² / ₃
6 ^e ORDRE.	Bleu verdåtre Rouge	58‡ 65	44 48 ³	38 42
7° ORDRE.	Bleu verdåtre	71 77	53 ½ 57 ¾	45 4/5 49 3/3

Pour comparer mes mesures avec cette table de Newton, je suis parti d'un résultat moyen que j'avais déja trouvé par beaucoup d'expériences faites sur des lames tirées du même cristal, c'est que le bleu du second ordre s'y trouvait représenté par 36°,5 du sphéromètre. Je ferai voir tout-àl'heure que l'on pourrait déduire ce nombre de l'ensemble même des mesures que je viens de rapporter, et c'est ainsi que j'en agirai dans les expériences suivantes, parce que cette méthode est plus exacte en ce qu'elle profite des chances de compensation; mais comme je n'ai point opéré ainsi d'abord, je ne veux me servir, pour établir le fait, que de l'évaluation que je viens de donner. Supposons donc le bleu du second ordre représenté par 36^p,5: il l'est dans la table de Newton par le nombre 9. Ainsi, pour réduire les mesures de nos lames en parties de l'échelle de Newton, il faut les multiplier par $\frac{9}{36.5}$.

Afin de comparer exactement les résultats du calcul avec l'expérience, j'ai d'abord placé seulement cinq lames sur le support pour que l'incidence des rayons sur leur surface fût sensiblement la même. J'ai disposé leurs axes dans des situations parallèles : pour cela j'amène le support dans une position connue, au moyen d'une ligne tracée sur la surface; alors je tourne les lames, dont je connais à-peu-près les axes, de manière qu'elles soient absolument invisibles par réflexion sur le verre noir : leur axe se trouve donc ainsi parallèle ou perpendiculaire au plan de réflexion. Je suppose qu'il soit parallèle : en faisant tourner le support de 45°, je les amène dans l'azimut où la décomposition de la lumière transmise est à son maximum; et, comme je l'ai dit plus 1811.

haut, c'est sur-tout dans cette position qu'il importe d'observer leur couleur, parce qu'elle est la même que celle de la lumière réfractée extraordinairement sous l'incidence perpendiculaire, du moins pour les lames de chaux sulfatée, et pour celles de cristal de roche taillées parallèlement à l'axe. J'ai pu ainsi comparer les couleurs observées à celles que la table de Newton indiquait d'après les mesures des épaisseurs. Cette comparaison s'est accordée d'une manière surprenante, comme le montre le tableau suivant.

мимя́коз des lames.	Leur couleur observée.	Leur épaisseur mesurée et réduite à l'échelle de Newton.	Leur épaisseur calculée avec la table de Newton, d'après leur couleur observée.
ı	bleu.	14,92	15, 1 supposé le bleu pur du 3 ^e ordre.
1 bis.	bleu.	15, 29	15, 1 supposé le bleu pur du 3° ordre.
2	vert jaunâtre.	23, 13	23,2 vert jaunâtre du 4 ^e ordre.
3	pourpre.	13,68	13,55 supposé le pourpre du 3 ^e ordre.
4	vert.	16, 15	16,25 vert du 3° ordre.

En comparant les couleurs avec les épaisseurs correspondantes dans la table de Newton, on voit qu'elles sont toutes du 3e ordre, excepté le n° 2, qui est du 4e. Nous verrons plus loin les autres ordres se réaliser également, et être amenés par les diverses épaisseurs.

Ces couleurs sont observées lorsque l'axe des lames faisait un angle de 45° avec le plan de réflexion. En tournant le support de manière à ramener l'axe vers le plan de réflexion, les couleurs changeaient : elles remontaient dans l'ordre des anneaux, comme si les lames fussent devenues plus minces. Voici les résultats de l'expérience.

numéros des lames.	Leur couleur extraordinaire dans l'azimut de 45°.	Leurs couleurs changées en rapprochant l'axe du plan de réflexion
1 1 bis.	bleu. bleu.	bleu violacé tirant au pourpre. bleu violacé tirant au pourpre.
2	vert jaunâtre.	vert bleuåtre.
3	pourpre.	rouge orangé.
4	vert.	vert plus foncé.

Ces couleurs précèdent en effet les autres dans la table de Newton. Au contraire, en amenant l'axe de manière qu'il approchât d'être perpendiculaire au plan de réflexion, on avait

numéros des lames.	Leur couleur dans l'azimut de 45°.	Leur couleur changée en tournant l'axe vers la perpendiculaire au plan de réflexion.
t 1 bis.	bleu.	vert.
2	vert jaunåtre.	gris rougeâtre (mélangé de vert jaunâtre et de rouge violacé).
3	pourpre.	indigo tirant au bleu.
4	vert.	jaune rougeâtre.

En comparant ces couleurs à celles de la table de Newton, on voit qu'elles ont descendu dans l'ordre des anneaux, comme si les lames étaient devenues plus épaisses.

Ces lames étant observées, j'ai pris les autres; je les ai placées de la même manière sur le support, et j'ai obtenu les résultats suivans.

NUMÉROS des · lames.	Leur couleur observée.	Leur épaisseur mesurée et réduite à l'échelle de Newton.		ur épaisseur calculée avec la table de Newton, orès leur couleur observée.
6	rose pâle.	18, 15	18, 1	supposé intermédiaire entre le rouge et le jaune du 3° ordre.
7	bleu foncé.	14,83	14,67	supposé intermédiaire entre le bleu et l'in- digo du 3 ^e ordre.
8	ver t tirant un peu au jaune.	9, 5	9,7	vert du 2 ^e ordre.
10	rouge très-beau	19,0	18,7	supposé le rouge du 3 ^e ordre.
11	rouge très-beau	19,3	18,7	supposé le rouge du 3 ^e ordre.
16	blanc.	37,7	3 ₇ , 5	bleu verdâtre du 6 ^e or- dre mêlé d'un peu de rouge du 5 ^e .

Ici toutes les couleurs sont encore du 3° ordre, excepté le n° 8, qui est une couleur du 2° ordre. Remarquons, à cet égard, qu'en effet Newton dit qu'en vertu du mélange des anneaux, le vert n'est jamais net dans les couleurs du 2° ordre, et qu'il est toujours lavé de jaune ou de bleu, suivant qu'il confine à l'une ou à l'autre de ces teintes. (Optique, traduction française, livre 2, partie 2, page 263).

SUR LA POLARISATION DE LA LUMIÈRE.

En rapprochant l'axe du plan de réflexion, les couleurs des lames ont changé dans l'ordre suivant.

numéros des lames.	Leur couleur extraordinaire dans l'azimut de 45°.	Leur couleur changée en rapprochant l'axe du plan de réflexion.
6	rose påle.	rose jaunâtre ou abricot.
7	bleu foncé.	violacé.
8	vert tirant un peu au jaune.	vert sombre et blafard.
10	rouge très-beau.	rouge rose.
11	idem.	idem.
16	, blanc.	blanc.

On voit que les couleurs ont remonté dans l'ordre des anneaux, comme si les lames fussent devenues plus minces. Au contraire, en amenant l'axe vers la perpendiculaire au plan de réflexion, on avait

numéros des lames.	Leur couleur extraordinaire dans l'azimut de 45°.	Leur couleur changée en rapprochant l'axe du plan de réflexion.
6	rosc påle.	rouge.
7	bleu foncé.	vert.
8	vert tirant au jaune.	jaune mêlé d'un peu de vert.
10	rouge très-beau.	mélangé de rouge et de bleuâtre
11	idem.	idem.
16	blanc.	blanc.

c'est-à-dire que les couleurs ont descendu dans l'ordre des anneaux, comme si les lames fussent devenues plus épaisses.

On voit que je n'ai pas trouvé de coloration appréciable dans la lame nº 16. Cela peut venir de ce que cette lame, par la dimension de son épaisseur, tombait précisément entre le vert bleuâtre du 6e ordre et le rouge du 5e, ce qui devait lui donner une teinte composée, peu distincte du blanc; et comme, dans les ordres inférieurs, la coloration des anneaux est toujours très-faible, il se peut que cette circonstance m'ait empêché de voir des couleurs sur la lame nº 16; il se peut aussi que le jour de l'observation, la lumière des nuées n'ait pas eu toute la vivacité qu'elle peut avoir; ensin, peut-être dans cette première comparaison n'étais-je pas encore assez exercé, car je suis parvenu depuis à observer très-distinctement le passage du bleu verdâtre au rouge faible dans des lames dont l'épaisseur, réduite à l'échelle de Newton, était exprimée par 45,8, ce qui répond aux couleurs du 7e ordre d'anneaux.

Toutes les expériences que je rapporterai par la suite, s'accorderont avec la précédente pour établir ce résultat remarquable; savoir, que lorsqu'on rapproche l'axe du plan de réflexion, les couleurs remontent dans l'ordre des anneaux, comme si les lames devenaient plus minces, et qu'au contraire, en approchant l'axe d'être perpendiculaire à ce même plan, les couleurs descendent, comme si les lames devenaient plus épaisses, quoique, dans l'un et l'autre cas, le rayon incident forme toujours le même angle avec leur surface. Ce phénomène a également lieu pour les plaques minces de cristal de roche, taillées parallèlement à l'axe de double réfraction, comme je m'en suis assuré par expé-

rience: il a lieu aussi pour le mica, quoiqu'on puisse plus difficilement observer les couleurs réfléchies sur sa surface, qui est rarement régulière, et qui n'est jamais d'un poli parfait : même pour ces deux dernières substances, les variations des teintes correspondantes aux changemens d'azimut, sont beaucoup plus considérables que dans les lames minces de chaux sulfatée, et elles vont jusqu'à faire passer successivement les couleurs par plusieurs séries d'anneaux; tandis que dans la chaux sulfatée, elles ne font varier la couleur qu'un peu au-dessus et un peu au-dessous de la teinte intermédiaire qui s'observe dans l'azimut de 45°. En observant ce phénomène, il est très-important de distinguer l'intensité de la lumière réfléchie d'avec la nature de sa couleur; car l'intensité devient toujours nulle quand l'axe est parallèle ou perpendiculaire au plan de réflexion, et elle atteint son maximum, au milieu de ces deux positions dans l'azimut de 45°, au lieu que les variations de teintes sont renfermées dans des limites beaucoup plus étroites.

Si l'on veut regarder les phénomènes de la polarisation de la lumière comme produits par une force répulsive, ainsi que la théorie de la double réfraction porte à le présumer, on peut rendre aisément raison de ces changemens de teinte, en observant que, lorsque l'axe est dans le plan de réflexion, les rayons incidens et réfractés forment avec lui le plus petit angle possible; au lieu qu'en se rapprochant de la position perpendiculaire, cet angle augmente continuellement jusqu'à être enfin égal à un angle droit. La force répulsive qui, dans la réfraction extraordinaire, est proportionnelle au quarré du sinus de cet angle, augmente donc aussi continuellement en passant d'une de ces positions

à l'autre; et cet accroissement d'intensité doit alors produire le même effet que si la lame devenait plus épaisse: le contraire doit arriver en retournant de la seconde position à la première, parce que l'angle des rayons avec l'axe diminue, et que la force répulsive diminue avec lui. Cette explication ne suppose point nécessairement que la polarisation extraordinaire et la réfraction extraordinaire sont toutes deux produites par la même force, mais par des forces qui croissent et décroissent de la même manière, ce qui n'exclut ni la différence ni l'identité.

Quoique cette expérience comparative, faite sur onze lames d'épaisseurs diverses, semblât prouver avec évidence que les couleurs données par la réflexion de la lumière extraordinaire suivent les mêmes rapports d'épaisseur que les couleurs réfléchies ordinairement par les lames très-minces des corps non cristallisés, j'ai voulu encore recourir à une autre épreuve qui se présentait naturellement; c'était de prendre une lame colorée, d'une teinte d'un certain ordre, et de la résoudre par la division en d'autres lames appartenantes à des anneaux plus voisins de la tache centrale. J'ai fait une infinité d'épreuves de ce genre, et elles ont toujours été d'accord avec la loi énoncée. En voici quelques-unes extraites du registre de mes observations; elles montreront l'emploi que l'on pourrait faire de cette loi pour conjecturer l'épaisseur d'après la teinte, si l'on n'avait pas de moyen direct de la mesurer.

Elle paraît incolore dans tous les azimuts, à la lumière

du jour, j'en détache une lame mince qui, dans l'azimut de 45°, réfléchit un rouge pâle, montant au rouge vif quand l'axe se rapproche du plan de réflexion, et descendant au vert bleuâtre quand il se rapproche du plan perpendiculaire. Ce n'est pas le rouge du 4° ordre; car celui-ci est représenté par 26, qui, retranché de 45,8, donnerait pour reste 19,8, et sans avoir mesuré l'autre lame, ni éprouyé les couleurs, ce nombre me paraît trop faible pour la représenter, car elle est évidemment plus épaisse que la première: il faut donc que celle-ci appartienne à un mélange de rouge et de rouge bleuâtre du 3° ordre, qui, supposé fait en parties égales, serait représenté par 19,6 dans la table de Newton; en effet, en mesurant l'épaisseur de cette lame avec le sphéromètre, j'ai trouvé,

N°	oArrivée	197 197
	Moyenne	197
		120
	_	77°

qui, réduites à l'échelle de Newton, en supposant 36,	pour
le bleu du 2 ^e ordre, valent	19,25
Retranchant cette quantité de	45,º0
Reste pour l'épaisseur de l'autre lame	26.55

nombre qui répond entre le rouge du 4e ordre et le bleu verdâtre du 5e. En effet, dans l'azimut de 45o, cette plaque réfléchit un blanc sale et grisâtre où domine un peu de rouge, ce qui convient bien à un mélange de rouge et de 1811.

bleu verdâtre; elle remonte au rouge faible en ramenant la section principale vers le plan de réflexion; et au contraire, en l'amenant vers la position perpendiculaire, elle descend au vert bleuâtre le plus décidé. Tous ces résultats s'accordent très-bien avec la loi que nous avons établie.

Pour ne laisser aucun doute sur ce point, j'ai voulu mesurer aussi l'épaisseur de cette seconde lame, et j'ai trouvé,

Point d'arrivée	
Sur un autre point	229, 5 230
Moyenne	229, 8
Départ	120
Épaisseur	109,8

ce qui, réduit à l'échelle de Newton, en supposant 36,5 pour le bleu du 2° ordre, donne 27 au lieu de 26,55 que nous avions trouvé d'après l'autre lame. Si l'on veut savoir à quelle épaisseur répond la différence, il n'y a qu'à ajouter les mesures partielles des épaisseurs des deux lames; savoir, 77° pour la première, et 109°,8 pour la seconde. La somme est 186°,8, et elle diffère de la mesure primitive 185°,8 seulement de 1° du sphéromètre, c'est-à-dire, de deux millièmes de millimètre, différence qui doit être répartie entre tous les genres d'erreurs dont les trois opérations peuvent être susceptibles. Voici quelques autres expériences.

J'ai extrait d'un petit cristal bien pur de la variété trapézienne une lame mince, qui, vue par réflexion dans l'azimut de 45°, donnait un pourpre du 3° ordre remontant au rouge, et descendant au bleu légèrement verdâtre, conformément à la table de Newton. Soit cette lame.....13°,5

J'en extrais une lame mince qui réfléchit le jaune pâle passant au blanc et descendant à l'orangé; elle est d'ailleurs tachetée de blanc dans plusieurs endroits : elle donne le jaune du 1^{er} ordre, qui est en effet un jaune pâle. Conformément à la table de Newton, cette lame vaudra.... 4, 2.

Ce petit cristal, qui m'avait servi dans les deux expériences précédentes, était parfaitement pur, et se divisait très-nettement: je suis parvenu, en me servant d'un instrument très-fin, à en déduire trois lames minces n° 0, 2, 3, qui réfléchissaient des couleurs du 1^{er} ordre peu différentes du blanc. J'ai observé ces couleurs par réflexion avant de mesurer les épaisseurs des lames, et j'en ai tenu note ainsi qu'il suit:

N° o blanc du 1^{er} ordre légèrement jaunâtre.

3 blanc du 1^{er} ordre légèrement bleuâtre.

2 blanc du 1^{er} ordre descendant à l'orangé.

Pour ne me laisser à moi-même aucun doute sur les mesures de ces lames, j'ai prié M. Cauchoix de les prendre lui-même avec le sphéromètre : il les a trouvées telles qu'on les voit ici:

J'avais d'abord comparé ces épaisseurs à la table de Newton, en supposant le bleu du 2° ordre représenté par 36°,5 du sphèromètre, comme dans les expériences précédentes; mais j'ai trouvé depuis que le rapport, quoique constant pour les lames homogènes d'un même cristal, éprouve pourtant d'un cristal à un autre quelques légères variations: ainsi, par des expériences dont je rapporterai les résultats tout-à-l'heure, on verra que dans le petit cristal dont ces trois lames étaient tirées, le bleu du 2° ordre était représenté par 33°,8 du sphéromètre. C'est donc avec ce

nombre qu'il faut réduire nos mesures à la table de Newton, et nous aurons alors

N°s des lames.	Leur couleur observée.	Leur mesure au sphéromètre.	réduite à l'échelle	Leur mesure des couleurs les plus voisines dans la table.
0	blanc légèrement jaunâtre.	14,2	3,77	3,5 blanc du
3	blanc bleuâtre.	11,6	3, 09	
2	jaune du 1 ^{er} ordre.	17,8	4,74	4,6 jaune du 1 ^{er} ordre.

Ces résultats s'accordent avec la table de Newton de la manière la plus satisfaisante : ils ne s'en écarteraient encore que très-peu, si on les eût réduits d'après la première évaluation que nous avions trouvée pour le bleu du 2^e ordre; mais on sent qu'il est infiniment préférable de les calculer avec le rapport exact qui convient au cristal dont ils sont tirés.

Pour passer tout de suite à l'extrême opposé, voici une autre expérience faite avec une lame tirée d'un autre cristal où le bleu du 2° ordre était représenté par 40° du sphéromètre : il était beaucoup moins régulier que le précédent; il était aussi beaucoup moins consistant et solide. La lame dont je parle, et que je n'avais pas encore mesurée, donnait précisément, par la réflexion, un bleu superbe que je jugeai être celui du 2° ordre. J'enlevai de dessus une moitié de la surface une lame extrêmement mince, qui réflé-

chissait un blanc que je jugeai très-voisin du blanc du rer ordre : la partie qui était sous ce blanc réfléchissait un orangé qui était sans doute celui du 1er ordre; car si l'on ajoute la valeur de cet orangé représentée dans la table de Newton par 5, da avec le blanc du 1er ordre, qui s'y trouve représenté par 3,3, la somme 8,57 représentera une teinte intermédiaire entre le bleu et l'indigo du 2e ordre, et cette teinte deviendra exactement le bleu de cet ordre, si l'on suppose que le blanc tendait encore un peu vers le jaune du 1er ordre, qui est un jaune pâle. La lame restante se trouvant ainsi à moitié divisée, réfléchissait dans chacune de ces moitiés une teinte différente, le bleu dans l'une, l'orangé dans l'autre; mais ces deux teintes n'étaient pas séparées par une dégradation de nuances, comme cela serait arrivé si l'épaisseur eût diminué graduellement : la séparation était au contraire nette et bien tranchée, comme elle devait l'être provenant de la rupture de la lame supérieure. En mesurant les deux parties au sphéromètre, on a trouvé dans la plage bleue 40° parties, au lieu de 36^p, 5 qu'avaient donnés les premiers cristaux dont j'avais fait usage; mais aussi la même lame, dans la partie orangée, a donné 22º,4, au lieu de 20,95 qui convenait à cette teinte dans les premières suppositions, et ces nouveaux nombres, qui diffèrent des premiers d'environ : de leur valeur totale, s'accordent encore exactement dans leurs rapports avec la table de Newton; car si l'on suppose 40° parties pour le bleu du 2e ordre, qui est représenté par 9 dans cette table, comme l'orangé du 1er ordre s'y trouve représenté par 51, on aura le nombre de parties du sphéromètre qui répond à cette dernie teinte, en faisant la proportion.

40:9::5½:22°,9, et puisque nous avons trouvé 22°,4 par les mesures directes, on voit combien le rapport se soutient avec exactitude; car la différence de ½ partie du sphéromètre répond sur l'épaisseur à ½ de millimètre; et en supposant que cette différence ne fût pas due aux erreurs inévitables des observations, elle indiquerait seulement que notre orangé tendait tant soit peu vers le jaune, couleur immédiatement supérieure à la précédente.

Pour constater avec plus d'évidence l'accord des épaisseurs avec les couleurs des lames, parmi les variations que le coëfficient de ce rapport éprouve dans les différens cristaux, j'ai fait plusieurs expériences sur un grand nombre de lames tirées de cristaux différens; mais tous beaucoup plus purs et plus réguliers que celui qui vient de me servir d'exemple.

Ces expériences ont été faites de la même manière que les précédentes; ainsi je n'ai besoin d'entrer dans aucun détail pour leur explication: je dirai seulement que j'ai observé les variations de nuances par lesquelles les lames passent quand on tourne leur axe, et que je les ai rapportées à côté des numéros qui les expriment: cela servira pour confirmer que les couleurs montent dans l'ordre des anneaux quand on rapproche l'axe du plan de réflexion. Je rapporterai plus bas d'autres expériences qui permettent d'observer ces variations d'une manière encore plus précise, et d'en déterminer la loi pour chaque cristal; mais, dès à présent, les changemens des nuances peuvent nous servir pour confirmer le rapport remarquable qui lie l'intensité de la force repulsive avec le rang que la couleur réfléchie extraordinairement occupe dans l'ordre des anneaux.

Expérience. Sur les lames minces tirées d'un très-petit cristal de la variété trapézienne.

	Numéros des lames.	Variations de la couleur réfléchie extraordinairement, lorsque l'aze tourne de l'azimat go° à l'azimat o, en revenant vers le plan de réflexion.	Couleur réfléchie extmordinsirement dens l'azimut de 45°, quand l'axe forme un angle de 45° avec le plan de réflexion.	Epaisseur des lames, mesurée et exprimée en parties du sphéromètre.
	1	du jaune verdâtre au vert, au vert bleuâtre.	vert.	36, 4.
I	2	du jaune verdåtre au vert jaunåtre, au vert bleuåtre.	vert jaunåtre.	37,4.
I	3	blen, indigo, violet sombre.	indigo.	28,9.
ı	4	vert citron, vert bleuktre, blen.	vert bleuktre.	37,6.
	5	indigo sombre, indigo violet, viol acé rougeatre .	indigo violacé.	27, 6.
ı	6	vert, vert-pré vif, bleu.	vezt auperbe.	.60,9.
	7	indigo, violet, rouge sombre.	vent rougaltre.	2 5,6.
l	•	indigo sombre, violet rougeatre, rouge orangé.	vert plus rouge.	24
H	0	du rouge blenâtre au vert blenâtre.	intermédiaire entre le rouge bleuâtre et le vert bleuâtre.	96, 5.
	A	du blauc rougeâtre au bleu verdâtre.	bleu verdåtre prosque blanc.	171,6

Pour réduire proportionnellement les mesures de ces lames à l'échelle de la table de Newton, il faut connaître le facteur constant qui leur convient; et la manière la plus exacte de l'obtenir, c'est de le calculer par l'ensemble des observations faites sur plusieurs lames: pour cela je choisis celles dont les teintes semblent plus pures, et paraissent appartenir plus nettement à l'une des teintes que Newton a indiquées; j'écris ensuite les mesures de ces lames d'après le sphéromètre, et à côté je place les valeurs correspondantes, indiquées par la table de Newton d'après la couleur; j'obtiens ainsi le tableau suivant.

Numéros des lames.	Leurs couleurs extraordinaires observées dans l'azimut de 45°.	Leur épaisseur en parties du sphéromètre.	Leur épaisseur estimée d'après la couleur suivant la table de Newton.
τ	vert du 2° ordre.	36, 4	9, 7
2	idem.	37,4	9,7
3	indigo du 2º ordre.	28,9	8, 2
4	vert bleuâtre du 2° ordre.	37,6	9,7
5	vert superbe du 3 ^e ordre.	60,9	16, 25
	sommes	201, 2	53, 55

En faisant les sommes des deux dernières colonnes, on voit que 201^P, 2 du sphéromètre représentent 53^P, 55 de l'échelle de Newton. Sans doute les évaluations individuelles des épaisseurs et des couleurs des lames peuvent comporter quelques erreurs: on en doit commettre dans les mesures, où la moindre petite poussière attachée aux lames altère sensiblement les résultats : on en doit faire aussi dans les estimations des teintes, malgré la facilité de les comparer; car Newton n'a fixé que les termes qui lui ont semblé les plus tranchés: il faut concevoir entre ces termes des dégradations intermédiaires qu'il n'a pas pu observer dans les anneaux successifs, et qui doivent être rendues sensibles dans nos 10

1811.

lames, lorsqu'en multiplie les divisions qui les donnent; mais toutes ces petites erreurs sont de nature à changer de signe : elles doivent affecter les résultats tantôt en plus, tantôt en moins; ce qui rend leur compensation très-probable dans leur ensemble. Nous devons donc regarder les deux sommes des évaluations contenues dans nos deux dernières colonnes, comme plus exactes que chacune de ces évalutions en particulier; et par conséquent, nous devons nous en servir pour calculer le rapport des épaisseurs de nos lames avec l'échelle de la table. Comme nous opérerons de même sur les autres cristaux que nous soumettrons aux expériences, nous rapporterons toutes les valeurs du facteur, constant à celle du bleu du ae ordre, qui est une couleur très-distincte, et qui est représentée par le nombre 9 dans la table de Newton. Cela posé, nous aurons dans le cas actuel la valeur de ce bleu par la proportion 53,55 : 201,2 :: 9 : 33,8; c'est-à-dire qu'il se trouvera représenté par 33,8 du sphéromètre, au lieu de 36,5, que nous avions employé pour les lames tirées d'un autre cristal qui a servi à nos premières expériences. Cette valeur 33,8 donne 31,8 pour la valeur du facteur constant par lequel il faut multiplier nos mesures pour les réduire à l'échelle de Newton; et en calculant ainsi séparément toutes nos lames pour les comparer aux indications de la table, nous formerons le tableau suivant.

Suite de la 1^{re} Expérience. Lames tirées du petit cristal où le bleu du 2^e ordre est représenté par 33,8.

Numéros des lames.	Leurs conleurs extraordinaires dans l'azimut de 45°.	Leur épaisseur observée au sphéromètre.	Leur épaisseur réduite à l'échelle de Newton.		eur épaisseur suivant la table, uée d'après leur teinte.
1	vert.	36, 4	9, 7	9,7	supposé le vert du 1 ^{er} ordre.
2	vert jaunâtre.	37, 4	9, 96	9,7	idem.
3	iudigo.	28,9	7, 7	8, 2	supp. l'indigo du 2° ord.
4	vert blenåtre.	37,6	, 10 , 0	9, 7	supposé le vert du 2° ordre.
5	indigo violacé.	27,6	7, 9	7,6	supposé intermédiaire en- tre l'indigo et le violet du 2° ordre.
6	vert superbe.	60, 9	16, 21	16, 25	supposé le vert du 3° ordre.
7	pourpre du 2° ordre.	25, 6	6, 8	6,5	supposé intermédiaire en- tre le violet du 2° or- dre et le rouge.
8	idem plus ronge.	24	6, 4	6,5	idem.
o	du rouge bleuâtre au vert bleuâtre.	96, 5	25, 7	24,6	supposé intermédiaire en- tre le rouge bleuâtre et le vert jaunâtre du 4° ordre.
A	bleu verdåtre presque blanc.	171,6	45, 72	45, 8	supposé le bleu verdâtre du 7° ordre.

Ces résultats s'accordent avec la table de Newton aussi bien que l'on peut l'espérer dans des évaluations où les sens sont pris pour juges. Il faut remarquer que les deux lames les plus épaisses, o et A, ne sont point entrées comme élémens dans l'évaluation du bleu du 2° ordre qui a servi à les calculer; ce qui donne plus de poids à l'accord qui se trouve entre leur épaisseur et les nombres assignés par Newton.

2º Expérience. Sur un autre cristal fort petit et très-pur.

Numéros	Variations de leur teinte	Lenr conleur	Lenr mesure
des	quand l'axe tourne de l'azimut 90°	dana	an
	• •		
lames.	à l'azimut o.	l'azimut de 45°.	sphéromètre.
0	rouge bleuktre, jaune grisatre, vert vif.	jaune grisâtre.	68
9	rouge verdâtre sombre, vert jaunâtre, vert d'eau.	vert jaunåtre.	91,8
3	verdatre, vert vif, vert d'eau bleuatre.	vert vif.	63, 5
4	verdåtre bruu , vert jaunåtre , vert moin jaunåtre.	vert jaunåtre.	41,0
5	vert, rouge pâle bleuâtre, rouge pourpré.	rouge pâle bleuâtre.	80, 2
6	rouge blevåtre, janne, janne verdåtre.	jaune.	43, 8
7	brun rougeâtre, orangé rougeâtre, orangé.	orangé rongeåtre.	22, 9
. 10	rouge pourpré , rouge jaunâtre , jaune verdâtre.	rouge un peu jaunâtre.	46, 9
11	vert d'eau bleuâtre, bleu verdâtre, bleu.	bleu verdåtre.	38, 1
12	même teinte sensiblement.	même teinte.	3 <i>5</i>
. 13	même teinte seusiblement.	même teinte.	37, 5
A	indigo, indigo violacé, pourpre pensée.	indigo violacé.	28, 6
В	bleu indigo, indigo un peu violacé, pourpre pensée.	indigo un peu violacé.	30, 3
С	vert bleuåtre, bleu, indigo.	bleu.	33, 8

Nota. Les numéros qui manquent répondent à des lames qui se sont brisées pendant le cours des expériences.

Pour déterminer le facteur constant relativement à ces quatorze lames, j'emploierai seulement les quatre suivantes.

Numéros des lames.	Leur couleur dans l'aximut de 45°.	Leur épaisseur mesurée au sphéromètre.	Leur valeur dana la table , estimée d'après leur teinte.
o	jaune du 3 ^e ordre; il passe du rouge violacé au vert vif.	68	17,50
3	vert vif du 3° ordre.	63, 5	16, 25
4	vert jaunâtre du 2 ^e ordre.	41, 0	10,00
5	rouge påle bleuåtre du 3° ordre.	80, 2	20,66
	sommes	252, 7	64, 41

Ainsi, dans ce cristal 252°,7 du sphéromètre répondent à 64°,41 de la table de Newton, où le bleu du 2° ordre est représenté par 9; ce qui donne pour ce bleu $\frac{9^p \cdot 252,7}{64,41}$, ou 35°,3 du sphéromètre.

Nous n'avons combiné que quatre lames, mais leurs teintes étaient bien décidées. On arriverait exactement à la même valeur, en combinant ensemble les n^o 11, 12, 13, A, B, C, soit séparément, soit en les joignant aux précédentes. Calculons toutes nos lames avec ce résultat moyen.

Calcul de la 2^e expérience, faite sur un cristal où le bleu du 2^e ordre est représenté par 35^p, 3 du sphéromètre.

Numéros des lames.	Leur couleur extraordinaire dans l'azimut de 45°.	Leur épaisseur observée au sphéromètre.	Lenr épaisseur réduite à l'échelle de Newton.	Leur épaisseur suivant la table de Newton, évaluée d'après leur teinte.
o	jaune grisâtre.	68	17, 3	17,5 supposé le jaune du 3° ordre.
2	vert bleuåtre.	91,8	23, 4	23, 2 supposé le vert jaune du 4° ordre.
3	vert vif.	63,5	16, 18	16. 25 supposé le vert du 3° ordre.
4	vert jaunätre.	41	10, 04	10,0 supposé le vert jaunâtre du 2º ordre.
5	rouge påle bleuåtre.	80,2	20, 4	20, 64 supposé le rouge bleuâtre du 3 ^e ordre.
6	jaune.	43, 8	11, 16	11,1 supposé l'orangé du 2° ordre.
7	orangé rougeâtre.	22, 9	5, 8	5,48 intermédiaire entre l'o- rangé et le ronge du 1 ^{er} ordre.
10	rouge un peu jaunâtre.	46, 9	12, 5	12,66 supposé écarlate.
. 11	bleu verdåtre.	38, 1	9,7	9,35 supposé intermédiaire en- tre le bleu et le vert du 2° ordre.
12	idem.	35	8, 92	9, 35
13	idem.	37,5	9, 56	9, 35
A	indigo violacé.	28,6	7,28	7,7 supposé intermédiaire eff- tre l'indigo et le violet du 2 ^e ordre.
В	idem.	30, 3	7,72	7,7
С	bleu.	33, 8	8,61	9 supposé le bleu du 2 ^e ord.

L'accord des épaisseurs observées et des évaluations tirées de la table de Newton, se soutient encore dans cette expérience de la manière la moins douteuse : les petits écarts inévitables des observations disparaissent en se compensant dès qu'on en combine quelques-unes. Par exemple, les lames 11, 12, 13, avaient sensiblement la même teinte; aussi leurs épaisseurs, mesurées au sphéromètre, se sont trouvées très-peu différentes: mais ces différences même disparaissent dans leur ensemble; car, en ajoutant les nombres 9,70; 8,92 et 9,56, qui les expriment, on a pour somme 28,18, dont le tiers donne pour moyenne 9,39, précisément la même valeur que leur teinte indiquait.

3e Expérience.

Numéros des lames.	Variations de leur couleur réfléchie extraordinairement lorsque l'axe tourne de l'azimut 90° à l'azimut o.	Couleur réfléchie extraordinaire dans l'azimut de 45°.	Epaisseur des lames mesurée au sphéromètre.
1	puce très-pâle, blanc légèrement rongeâtre, bleu verdâtre, puce.	blanc légèrement rongeâtre.	153, 1
2	gris puce, vert de pré, vert de gris, vert sombre.	vert de pré vif.	70, 5
3	puce , vert sombre , vert bleuâtre , bleu clair , bleu foncé.	bleu céleste.	3 ₇ , 7 5
4	du bleu violacé au pourpre, à l'écarlate, à l'orangé.	rouge.	54, 50
5	lie de vin , rouge , rouge un peu orangé , orangé jaune.	orangé rongeåtre.	51,50
6	vert, vert azuré, rouge bleuâtre, rouge vif.	ronge légèrement bleuâtre.	82, 9
7	indigo violacé, pourpre, rouge, rouge orangé, carmélite.	rouge.	54, 15
9	vert sombre, vert, vert d'eau, bleu, indigo.	vert d'eau.	41,7
10	bleu, indigo violacé, pourpre sombre, lie de vin.	pourpre pensée.	28, 15
12	vert asuré, bleu, bleu mélé d'indigo, indigo pur, indigo sombre.	bleu mêlé d'indigo.	37,7
23	omngé rougeatre, orangé jaune, jaune pâle.	jaune mêlé d'orangé.	22,0
24	pace rouguitre, orangé rougeitre, orangé jaunitre, jaune.	orangé.	·22, I
15	puce, violet, violet rougeatre, orangé rougeatre, carmélite.	violet rongeåtre.	27,0
0	vert sombre, vert bleuåtre, vert blanchåtre målé de rose, rose, rose rougeâtre.	vert mêlé de rose.	114,82

ARCHERCHES

A la seule inspection de ce tableau, on voit que les varistions des teintes, dans les différens azimuts, ont été bien plus sensibles dans ces lames que dans les précédentes; c'està-dire, qu'elles ont passé par une série plus nombreuse de teintes. On voit de plus, que les épaisseurs correspondantes aux mêmes teintes sont plus grandes que dans les expériences précédentes: c'est ce que le calcul va confirmer.

Pour cela, nous déterminerons le facteur constant au moyen des cinq lames suivantes, dont les teintes sont décidées et faciles à reconnaître.

Numéros des lames.	Leur couleur dans l'azimut de 45°.	Leur mesure au sphéromètre.	Lour mesure suivant la table de Newton, estimée d'après leur teinte.
2	vert du 3° ordre.	70, 50	16, 25
3	bleu du 2º ordre.	37, 75	9
4	rouge du 2 ^e ordre.	5 4 , 50	11,83
6	rouge du 3° ordre.	82,90	18,71
7	rouge du 2° ordre.	54, 15	11,83
	sommes	299, 80	67,62

d'où l'on tire la valeur du bleu du 2^e ordre, égale à $\frac{9 \cdot 299,80}{67,62}$ ou $39^p,9$ du sphéromètre. En effet, des mesures très-exactes faites par M. Cauchoix sur des lames qui réfléchissaient cette couleur, a précisément donné 40^p du sphéromètre. Nous

adopterons cette valeur, qui s'accorde avec l'ensemble des cinq lames que nous allons comparer. En calculant ainsi toutes nos lames, nous aurons les résultats suivans.

Numéros des lames.	Leur couleur extraordinaire dans l'azimnt de 45°.	Leur mesure au sphéromètre.	réduite à l'échelle	Leur mesure évaluée, suivant la table de Newton, d'après leur teinte observée.
Ţ	blanc légèrement rougeâtre	153, 1	34, 45	35 supposé entre le rouge du 5° ordre et le bleu verdâtre du 6°.
2	vert de pré.	70, 5	15, 9	16, 25 supposé le vert du 3e ordre.
3	bleu cóleste.	37, 75	8, 49	8,6 supposé intermédiaire en- tre le bleu et l'indigo.
4	rouge.	5 4, 50	12, 26	12, 25 supposé intermédiaire en- tre le rouge et l'écar- late du 2° ordre.
5	orangé rougeâtre.	51,50	ær, 5g	11,46 supposé intermédiaire en- tre le rouge et l'orangé du 2° ordre.
6	rouge légèrement bleuâtre.	82, 9	18, 65	18,7 rouge du 3 ^e ordre, qui est toujours un peu bleuâtre, suivaut le té- moignage de Newton.
7	rouge.	54, 15	12, 18	12,25 rouge du 2e ordre.
9 .	vert d'eau.	41,7	9, 38	9, 35 supposé intermédiaire eu- tre le bleu et le vert du 2° ordre.
10	pourpre pensée.	28, 15	6, 33	6,5 supposé intermédiaire en- tre le rouge du 1 ^{er} or- dre`et le violet du 2°.
12	blen mêlé d'indigo.	37, 70	8, 48	8,6 supposé intermédiaire en- tre l'indigo et le bleu.
x3	jaune orangé.	22	4, 95	5, 16 supposé exactement l'o- rangé du 1er ordre.
14	orangé.	22, 1	4, 97	5, 16 supposé l'orangé du 1 ^{er} ordre.
15	violet rougeatre.	27,0	6, 07	6,5 supposé intermédiaire en- tre le rouge du 1 ^{er} or- dre et le violet du 2°.
o	vert mêlé de rose.	114, 82	25, 84	26 rouge du 4° ordre confi- nant au vert jaunâtre.

En voyant ces résultats si bien d'accord entre eux et avec 1811.

la table de Newton, mais différens des autres dans la valeur absolue du facteur constant, j'ai soupçonné que la différence pouvoit tenir à une inégalité de pesanteur spécifique qui serait appréciable par la balance. J'ai donc pesé spécifiquement avec beaucoup de soin neuf de ces lames prises ensemble, et je les ai comparées aux onze premières que j'avais observées, et pour lesquelles le bleu du 2^e ordre était représenté par 36°,5 du sphéromètre. L'expérience a été faite avec des balances très-sensibles, et à la température de 20° du thermomètre centésimal. En voici les résultats.

Neuf grandes lames du cristal où le bleu du 2e ordre est représenté par 40 pèsent ensemble dans l'air.... 3e,8835. Elles perdent dans l'eau distillée..... 1e,6800 ce qui donne leur pesanteur spécifique = $\frac{3e,8835}{1e,6800}$ = 2,3116

Ainsi ces deux pesanteurs spécifiques sont sensiblement égales entre elles, car la différence - que nous trouvons entre leurs évaluations, est une quantité dont on ne peut pas répondre dans les manipulations diverses que les pesées exigent. Par conséquent si l'inégalité d'action de ces deux cristaux sur la lumière dépend d'une dissemblance entre leurs états d'agrégation, comme il est naturel de le présu-

mer, et comme leur différence de dureté et d'élasticité l'indique, cette dissemblance n'influe sur les pesanteurs spécifiques que d'une quantité que l'on ne peut apprécier avec les balances les plus exactes. Les belles expériences de M. Thenard sur la décomposition du gaz ammoniac par les métaux, offrent un exemple semblable de phénomènes chimiques très-importans produits par de simples changemens d'état d'agrégation; et qu'y a-t-il de plus analogue, je dirais presque de plus identique, que l'affinité chimique est l'action des corps sur la lumière?

D'après cela on doit s'attendre que si l'état d'agrégation du cristal redevient le même, son action pour polariser la lumière redeviendra la même aussi. C'est en effet ce qui a lieu comme je l'ai éprouvé sur le même cristal dont je viens de parler. Après en avoir extrait un assez grand nombre de lames il a commencé à prendre plus de régularité, et en même temps il a pris aussi plus d'élasticité, de dureté, de consistance. Lorsqu'il a été ainsi ramené à un état tel qu'il n'y avait plus sur chaque lame qu'un seul systême de cristal-lisation uniforme, et que j'ai pu croire qu'il s'était rapproché de la pureté et de la régularité la plus parfaite, j'en ai de nouveau extrait sept lames dont j'ai observé par réflexion les couleurs extraordinaires, et dont j'ai mesuré les épaisseurs au sphéromètre, comme on le voit ici.

recherches

4e Expérience.

Numéros des lames.	Variations de leurs teintes réfléchies extraordinairement, lorsque l'axe tourne de l'azimut 90° à l'azimut o.	Couleur réfléchie extraordinairement dans l'azimut de 45°.	Epaisseur des lames mesurées au sphéromètre.
1	du rouge brun à l'orangé et au pâle jaune.	orangé.	20,8
2	de l'orangé au jaune orangé et au jaune pâle.	jaune.	18, 9
. 3	du vert au bleu céleste, à l'indigo.	bleu.	33, 8
4	orangé faible, jaune citron, jaune verdâtre, vert, vert foucé.	jaune verdåtre.	40, 1
5	bleu indigo, violet:	indigo.	29, 75
. 6	orange faible, jaune, jaune verdâtre, vert, vert blenâtre.	jaune légèrement verdâtre.	39, 5
7	rouge, jaune d'or, vert.	orangé.	44, 2

Pour déterminer les coëfficiens constans relativement à ces lames, j'emploierai les cinq dernières, les deux autres ayant trop peu d'épaisseur pour introduire leur influence dans cette détermination. Nous aurons ainsi:

Numéros des lames.	Leur couleur extraordinaire dans l'azimut de 45°.	Leur mesure au sphéromètre.	Leur mesure suivant la table de Newton, estimée d'après leur teinte.
3.	bleu.	33, 8	9 supposé le bleu pur du 2º ordre.
4	jaune verdåt re .	40, 1	10, 2 supposé le jaune du 2 ordre mêlé d'une très-petite quantité de vert.
5	indigo.	29, 75	8,2 supposé l'indigo pur-
6	jaune verdåtre.	39, 5	10,2 supposé comme le n° 4.
7	orangé.	44, 2	11,1 supposé l'orangé du 2 ^e ordre.
	sommes	187, 35	48, 7

ce qui donne proportionnellement le bleu du 2° ordre = $\frac{9 \cdot 187,35}{48,7} = 34^{\circ},6$ du sphéromètre; résultat très-rapproché de ce que nous avons trouvé dans les autres cristaux purs de la variété trapézienne, mais très-différent de ce que nous avons trouvé tout-à-l'heure par une autre portion même du cristal, dans laquelle l'état d'agrégation était différent. Pour voir comment ce résultat accordera les mesures d'épaisseur et les couleurs : calculons toute l'expérience dans cette supposition; nous aurons ainsi:

Numéros des lames.	Leur couleur extraordinaire dans l'azimut de 45°.	Leur épaisseur mesurée au sphéromètre.	Leur épaisseur à l'echelle de Newton.	Leur épaisseur suivant la table de Newton , évaluée d'après leur teinte.
1	orangé.	20, 8	5, 3	5,11 supposé exactement l'o- raugé du 1 ^{er} ordre.
2	janne.	18, 9	4, 9	4,6 supposé exactement le jaune du 1 ^{er} ordre.
3	bleu.	33, 8	8, 8	9,0 supposé exactement le bleu du 2º ordre.
4	jaune verdåtre.	40, I •	10, 4	10, 2 supposé le jaune du 2° ordre mêlé d'un peu de vert
5	indigo.	29, 7,5	7, 73	8, 19 supp. l'indigo du 2º ord.
6	jaune verdåtre.	39, 5	10, 2	10, 2 supposé comme le 11º 4.
7	oraugė.	44, 2	11,48	11, 11 supposé exactement l'o- rangé du 2º ordre.

On voit que les écarts entre l'observation et le calcul ne vont jamais qu'à une très-petite fraction de teinte; c'est-àdire qu'il suffirait de supposer que les couleurs de ces lames, au lieu de coïncider exactement avec les termes de la table

de Newton, ce qui en effet ne pourrait arriver que par le hasard le plus improbable, se rapprochent extrêmement peu de la teinte voisine au-dessus ou au-dessous de celle à laquelle nous les rapportons; l'on sent en effet que l'œil ne peut juger ainsi que les termes les plus tranchés, et par conséquent ne saurait apprécier avec exactitude les petits changemens de teinte qu'il faudrait cependant évaluer pour placer les lames par interpolation dans la table, au rang précis qui leur convient. Il faut de plus accorder quelque chose aux erreurs des mesures d'épaisseur, en raison des petites quantités à mesurer, et des stries presque imperceptibles qui hérissent toujours la surface des lames de quelques inégalités insensibles à la vue, mais appréciables par le sphéromètre, et mieux encore par l'action qu'elles exercent sur la teinte que les lames polarisent extraordinairement.

Si l'on ajoute les épaisseurs des lames n° 1 et 2, évaluées d'après leur teinte, on aura 5,11+4,6=9,71: cela répond exactement au vert du 2° ordre. En effet, ces deux lames proviennent de la résolution d'une seule qui réfléchissait un vert passant au bleu, quand on tournait l'axe vers l'azimut 0; et descendant au jaune, quand on le tournait vers l'azimut 90°, ce qui convient parfaitement au vert lavé et imparfait du 2° ordre.

Je terminerai enfin l'exposé de ces épreuves par l'expérience suivante, qui a été faite sur vingt-trois lames tirées d'un cristal très-limpide dont les lames étaient régulièrement cristallisées.

5e Expérience.

Numéros des lames.	Variations de leur coulenr réfléchie extraordinairement, lorsque l'axe tourne de l'azimut 90° à l'azimut o.	Couleur réfléchie extraordinairement dans l'azimut de 45°.	Epaisseur des lames , mesurée au sphéromètre.
0	du rouge faible au bleu verdâtre.	du rouge faible au bleu verdâtre.	160, 2
1	vert, vert rougeâtre, rose, rose pâle, rose jaunâtre.	rose.	77, 33
2	carmélite, orangé rougeatre, orangé.	orangé rougeatre.	24, 5
3	vert bleuatre, gris de lin, pourpre.	gris de lin.	56, 83
4	blen, violet rougeàtre, rouge jannaètre, rouge orangé.	rouge un peu jannâtre.	51,4
5	bleu, violet pourpre, rouge, rouge orange.	rouge pourpré.	53
6	janne verdatre, vert jannatre, vert fouce.	vert jaunatre.	41
7	jaune sombre, jaune, jaune verdâtre, vert clair.	jaune verdâtre.	41
8	du bleu verdâtre au rouge.	rouge.	107, 7
9	orangé jaune , jaune blanchâtre.	janue.	19, 36
10	vert, vert bleuatre, bleu, indigo violacé.	bleu.	61,7
11	jaune påle, gris blanchåtre, blanc.	gris blanchåtre.	18, 1
12	bleu verdåtre, indigo, indigo sombre.	indigo.	33, 8
13	indigo violacé, pourpre pensée, pourpre sombre.	violet pourpré.	27, 2
14	vert jaunâtre, vert, bleu.	vert.	38, 6
15	vert vif, vert bleuatre, bleu, violet pourpre.	bleu.	58,5
16	violet pourpré, rouge brun, rouge orangé ou carmélite.	rouge brun.	24,6 (*)
17	indigo pourpre , pourpre rougeatre , rouge jaunatre.	rouge pourpré.	53 .
18	vert un peu jaunatre, vert, vert bleuatre.	vert.	39, 67
19	brun rougeatre, rouge orangé, orangé.	rouge orangé.	22, 5
20	orangé, jaune pâle, jaune blanchâtre.	jaune påle.	19, 7
21	blauc sensiblement.	blanc.	13, 5
22	blane sensiblement.	blanc.	14, 8

Pour calculer le facteur constant relativement à toutes ces

^(*) Ce rouge-brun est, comme on le verra tout-à-l'heure, le rouge du 1^{er} ordre légèmement mêlé de violet du 2^e ordre : son complément, vu par transmission à 45°, est un blanc légèrement bleuâtre.

RECHERCHES

lames, je n'emploierai que les six désignées dans le tableau suivant.

Numéros des lames.	Leur couleur dans l'azimut de 45°.	Epaisseur suivant le sphéromètre.	Epaisseur suivant la table de Newton, d'après Lalande.
1	rose superbe.	77, 3	18,7 supposé le rouge du 3 ^e ordre.
4	rouge.	51,4	11,8 supposé le rouge du 2 ^e ordre.
16	rouge-brun.	24, 6	5, 8 supposé le rouge du 1 ^{er} ordre.
12	indigo.	33, 8	8, 2 supposé l'indigo du 2º ordre.
17	pourpre rougeâtre.	53, o	13, 5 supposé le pourpre du 2° ordre.
6	vert jaunätre.	41,0	10,0 supposé entre le jaune et le v <i>e</i> rt du 2 ^e ordre.
7	jaune verdåtre.	41, 0	10, 1 supposé un peu plus jaune.
	sommes	322, 1	78, I

ce qui donne le bleu du 2^e ordre égal à $\frac{9 \cdot 322, 1}{78, 1}$ ou 37^{r} , 1 du sphéromètre : nous emploierons seulement 37, pour ne pas compliquer le calcul au-delà de l'exactitude que nos expériences comportent, et nous calculerons toutes nos lames avec cette donnée.

~					
Numéros des lames.	Leur couleur extraordinaire.	Leur épaisseur d'après le sphéromètre.	Leur épaisseur réduite à l'échelle de Newton.	,	épaisseur suivant la table de Newton, conclue sur teinte extraordinaire.
o	du rouge faible au bleu verdâtre.	160, 2	38, 9	39, 3	supposé un tiers de l'in- térvalle entre le bleu verdàtre et le rouge du 6° ordre.
1	rose.	77, 33	18, 7	18,7	supposé le rouge du 3° ordre.
2	orangé rougeatre.	24, 5	5, 96	5,45	supposé entre le rouge et l'orangé du 1 ^{er} ordre.
3	gris de lin.	56, 83	13, 8	13,87	supposé entre l'indigo et le pourpre du 3° ordre.
4	rouge un peu jannätre.	51, 4	12, 5	12,6	supposé l'écarlate du 2 ^e ordre.
5	rouge pourpre.	53	12, 89	13, o	supposé entre l'écarlate du 2° ordre et le pour- pre du 3°.
6	vert jaunåtre.	41	9, 98	10,0	supposé entre le jaune et le vert du 2° ordre.
7	jaune verdåtre.	41	9, 98	10, 1	supposé un peu plus près du jaune.
8	rouge.	107, 7	26, 2	26	supposé le rouge du 4° ordre.
9	jaune.	19, 36	4, 71	4,6	supposé le jaune du 1 ^{er} ordre.
10	bleu.	61,7	15, 0	15, T	supposé le bleu du 3° ordre.
• "	gris blanchåtre.	18, 1	4, 4	4,4	supposé un peu au-dessus du jaune du 1 ^{er} ordre.
12	indigo.	33, 8	8, 2	8,2	supposé l'indigo du 2° ordre.
13	violet pourpré.	27, 2	6, 6	6, 4	supposé entre le rouge du 1 ^{er} ordre et le vio- let du 2°.
24	vert.	38, 6	9, 39	9, 35	entre le bleu et le vert du 2°.
15	bleu.	58, 5	14, 24	14, 25	supposé l'indigo du 3° ordre.
16	rouge bran légère- ment pourpré.	24, 6	5, 98	5, 8	supposé le rouge du 1 ^{er} ordre.
17	rouge pourpré.	53	12, 89	13,0	supposé entre l'écarlate du 2 ^e ordre et le pourpre du 3 ^e .
18	vert.	39, 67	9, 65	9, 7	supposé le vert du 2° ordre.
19	rouge orangé.	22, 5	5, 4	5, 45	supposé eutre le rouge et l'orangé du 1 ^{er} ordre.
20	jaune påle.	19, 7	4, 78	4, 6	supposé le jaune du 1er ordre.
21	blanc sensiblement. blanc sensiblement.	13, 5 14, 8	3, 28 3, 60	3, 4 3, 4	serait le blanc du 1 ^{er} ordre. serait le blanc du 1 ^{er} ordre.

On remarquera que, d'après le sphéromètre, le nº 21 est au-dessus du blanc du premier ordre en tirant vers le bleu, et qu'au contraire le nº 22 est au-dessous du même blanc en tirant vers le jaune pâle. Ce résultat est exactement confirmé par l'expérience quand on observe les couleurs par transmission sous l'incidence perpendiculaire et dans l'azimut de 45°; car alors la lame nº 21" donne un rayon ordinaire dont la couleur est un orangé un peu rougestre, et le nº 22 donne un rayon extraordinaire d'un blen violacé extrêmement faible en intensité. Cela doit être en effet d'après l'ordre dans lequel se succèdent les anneaux colorés réfléchis et transmis. Le blanc parfait du ner ordre a pour complément le noir absolu. Avec une épaisseur moindre le blanc réfléchi n'est pas entièrement complet; la couleur qui lui manque est le rouge, puis Porangé, etc. Au contraire, lorsque l'épaisseur excède celle du blanc parfait, les couleurs opposées dans le spectre, viennent à manquer successivement, d'abord le violet, si faible, qu'à peine on peut l'apercevoir, puis le bleu, etc. Le rayon ordinaire étant complémentaire de celui que les lames réfléchissent extraordinairement, doit suivre dans tous les ordres les mêmes périodes que les anneaux transmis.

J'ose croire que les épreuves précédentes, faites sur plus de quatre-vingts lames tirées de cristaux différens, sont assez nombreuses et assez variées pour établir d'une manière incontestable la proposition suivante: Si l'on fait tomber un rayon de lumière blanche sur des lames minces de chaux sulfatée bien pure, de manière qu'il forme un angle de 35° environ avec leur surface, et que l'axe de ces lames forme un angle de 45° avec le plan de réstexion, les couleurs

réfléchies extraordinairement varieront avec l'épaisseur des lames exactement suivant les mêmes lois que Newton a observées dans la réflexion ordinaire produite par les lames minces des corps non cristallisés; en sorte que l'on pourra prévoir d'avance la couleur du rayon extraordinaire réfléchi par un système de lames minces de chaux sulfatée, dans les circonstances que nous avons décrites, par la seule connaissance de leur épaisseur, en se servant de la table donnée par Newton, et rapportée plus haut, page 56.

J'ai de plus observé que la même loi se soutient également pour les lames de cristal de roche taillées parallèlement à l'axe. J'ai reconnu ce résultat par la comparaison de six lames dont les épaisseurs et les teintes étaient telles qu'on le voit dans le tableau suivant.

Numéros des lames.	Leur couleur réfléchie extraordinairement dans l'azimut de 45°.	Leur épaisseur mesurée au sphéromètre.
1	bleu verdåtre.	120 ^p , 8
2	rouge.	106,0
3	vert bleuåtre.	61,5
4	bleu.	35,8
5	pourpre.	54,5
6	jaune verdåtre.	40,2

Je n'avais d'abord observé que les deux premières, qui avaient été travaillées avant les autres. En cherchant d'après la table de Newton à établir une proportionnalité entre leurs épaisseurs et leurs teintes, j'avais vu qu'il fallait supposer que la première réfléchissait le bleu verdâtre du 5° ordre, et la seconde le rouge du 4°. Cette supposition me donnait 36°, 4 du sphéromètre pour l'épaisseur de la lame qui polarisait extraordinairement le bleu du second ordre: c'est exactement la même valeur que nous avons trouvée dans le premier cristal de chaux sulfatée que nous avons observé. Avec ce nombre je calculai d'avance, en parties du sphéromètre, les épaisseurs que les autres lames devaient avoir d'après leurs teintes observées par réflexion dans l'azimut de 45°; et ces épaisseurs, mesurées ensuite par M. Cauchoix sans qu'il eût eonnaissance de mon calcul, s'y sont trouvées exactement conformes, comme il en a lui-même été témoin.

Cependant, comme les lames n° 1 et 2 appartiennent à des ordres de couleur où l'épaisseur est considérable, et par conséquent dans lesquels les variations des teintes sont moins sensibles, il m'a paru préférable de calculer le facteur constant par l'ensemble des autres lames; et j'ai trouvé que l'on satisferait mieux à cet ensemble en supposant le bleu du 2° ordre représenté par 35°,7 du sphéromètre, au lieu de 36°,4 qu'avaient donné les premières évaluations. It en résulte une différence de 0°,7 sur l'épaisseur de la lame qui réfléchirait extraordinairement le bleu du 2° ordre, et ces 0°,7 répondent à un millième et demi de millimètre. Avec le facteur moyen 35,7, on forme le tableau suivant.

Numéros des lames.	Leur couleur réfléchie extraordin. dans l'azimut de 45°.	Leur épaisseur au sphéromètre.	Leur épaisseur réduite à l'échelle de Newton-	Leur épaisseur suivant la table de Newton, conclue de leur teinté.
ı	120, 8	bleu verdåtre.	30, 4	29, 66 supposé le bleu verdâtre du 5 ^e ordre.
2	106	rouge.	26, 7	26 supposé le rouge du 4 ^e ordre.
3	61, 5	vert bleuåtre.	15, 5	15,67 supposé entre le blen et le vert du 3° ordre.
4	35, 8	bleu.	9	9 bleu du 2º ordre.
5	54, 5	pourpre.	13, 74	13;5 supposé le pourpre du 2 ^e ordre.
6	40, 2	jaune verdâtre.	10, 1	10 supposé entre le jaune et le vert du 2° ordre.

Ces résultats s'accordent aussi bien qu'on peut le desirer, vu l'extrême difficulté que l'on éprouve pour amincir ces lames et pour y trouver des parties dont l'épaisseur et par conséquent la couleur soient constantes. Les quatre dernières du tableau précédent, celles qui sont les plus minces, ont été tirées d'une même lame dont l'épaisseur était inégale, et qui réfléchissait par conséquent des couleurs diverses dans ses diverses parties. Mais comme ces teintes étaient disposées par bandes parallèles, on a profité de cette circonstance pour les couper et les séparer. Il est remarquable que le coëfficient constant soit aussi exactement le même pour les lames minces de chaux sulfatée et pour celles de cristal de roche taillées parallèlement à l'axe.

Les lames de mica, placées dans les mêmes circonstances

que les précédentes, réfléchissent de même des couleurs extraordinaires qui changent de teinte quand on tourne les lames dans leur plan; mais la réflexion qui s'opère sur la surface du mica est tellement faible et irrégulière que l'on ne peut déterminer les teintes des lames avec assez d'exactitude pour pouvoir les comparer d'une manière rigoureuse: c'est donc par la transmission seule que l'on peut juger de leur action sur la lumière. Je n'ai pas encore étudié les couleurs réfléchies par les lames minces des autres substances cristallisées, ainsi je ne puis rien prononcer sur la manière dont elles exercent la polarisation partielle, ni dire si elles suivent les mêmes lois ou des lois différentes de celles que nous venons de découvrir : c'est une question bien importante, et je m'en occupe présentement. Mais avant de la généraliser ainsi, j'ai voulu connaître à fond tout ce qui pouvait concerner la chaux sulfatée, afin qu'elle me servît de guide pour l'étude des autres corps. Il me reste maintenant à faire connaître la liaison qui existe entre les couleurs réfléchies extraordinairement par les lames minces de chaux sulfatée et de cristal de roche, et les couleurs que les mêmes lames polarisent extraordinairement par réfraction sous l'incidence perpendiculaire: pour cela je m'appuierai sur les faits suivans, que j'ai constatés sur un très-grand nombre de lames minces de ces deux substances.

Reprenons l'appareil décrit au commencement de ce Mémoire pour observer la couleur des rayons polarisés qui ont traversé une lame mince de chaux sulfatée. Plaçons d'abord la lame sous l'incidence perpendiculaire pour laquelle nous avons déterminé complètement les lois de tous les phénomênes, et amenons son axe dans l'azimut de 45°;

c'est, comme on l'a vu, la position dans laquelle la séparation des rayons extraordinaire et ordinaire est la plus complète. Les choses étant ainsi disposées, si nous inclinons l'axe de la lame de manière à le rapprocher du rayon incident, sans qu'il sorte de l'azimut de 45°, le plan d'incidence coïncidera avec cet axe, et les couleurs du rayon extraordinaire remonteront dans l'ordre des anneaux comme si la lame devenait plus mince : ceci est analogue avec l'expérience rapportée page 63, et l'explication en est la même.

Au contraire plaçons l'axe dans une position perpendiculaire à la précédente, et inclinons de plus en plus la lame dans le même plan de réflexion que précédemment: nous verrons les couleurs du rayon extraordinaire descendre dans l'ordre des anneaux, comme si la lame devenait plus épaisse.

On voit donc que l'axe de la lame et la ligne qui lui est perpendiculaire semblent agir également et avec la même force pour faire monter ou descendre les couleurs: d'où l'on peut prévoir que si le plan d'incidence du rayon est intermédiaire entre ces deux lignes, l'influence qui tend à faire descendre les couleurs sera égale à celle qui tend à les faire monter, et par conséquent elles ne varieront point du tout. C'est en effet ce que l'expérience confirme dans tous les azimuts où l'on veut l'éprouver: il suffit de placer l'axe de manière qu'il fasse un angle de 45° avec le plan de réfraction, et l'inclinaison ne changera pas les couleurs d'une manière appréciable, au moins pour nos sens.

Par conséquent, et ceci est un cas particulier de la loi précédente, si l'on place l'axe de la lame dans l'azimut de 45°, et qu'on incline la lame de manière que le plan d'inci-

dence et de réfraction devienne le méridien même, les couleurs propres au rayon extraordinaire ne changeront point, elles seront les mêmes que sous l'incidence perpendiculaire. Or, quand on est ainsi arrivé à l'inclinaison d'environ 35°, sous laquelle la polarisation par réflexion s'opère d'une manière complète, on trouve que la teinte du rayon réfléchi extraordinairement, est précisément la même que celle du rayon transmis. Telle est précisément la position où j'ai dit qu'il fallait placer les lames minces pour déterminer par réflexion la teinte sur laquelle elles exercent la polarisation extraordinaire; seulement la réflexion permet de déterminer comparativement ces teintes avec plus de précision. La même loi a lieu également pour les lames minces de cristal de roche taillées parallèlement à l'axe, et l'on peut ainsi en tirer les mêmes conclusions pour la détermination des couleurs.

Mais elle n'a pas lieu pour le mica. Les variations des couleurs, quand l'inclinaison change, s'y font d'une autre manière; ce qui semblerait indiquer, ou que l'axe du mica n'est pas dans le plan de ses lames, ou que quelque autre phénomène se combine avec l'action qu'il devrait exercer. Il faut donc, pour le mica, comparer directement les épaisseurs avec les couleurs réfractées extraordinairement sous l'incidence perpendiculaire. Alors on voit qu'elles suivent encore les rapports établis par Newton (*).

^(*) Il m'a par fois semblé apercevoir quelques variations analogues, mais incomparablement plus faibles, dans les teintes de certaines lames de chaux sulfatée; mais ordinairement cela venant de ce qu'en présentant la lame au rayon polarisé, sous l'incidence perpendiculaire, je

Nous sommes ainsi parvenus à démontrer dans tous ses points la règle que j'ai donnée à la fin de la première section de ce Mémoire, pour déterminer les couleurs du rayon extraordinaire d'après la seule mesure des épaisseurs; et l'on voit que cette règle, fondée sur les phénomènes, s'accorde parfaitement avec eux.

Je dois revenir maintenant sur quelques particularités que présentent les couleurs de différens ordres relativement à l'intensité du rayon ordinaire; car ces particularités, très-

n'avais pas placé son axe dans l'azimut de 45°; car hors de cet azimut, comme on le verra dans la section suivante, le changement d'inclinaison fait changer les teintes du rayon extraordinaire. D'autres fois, lorsque cet effet avait lieu, je trouvais que la lame n'était pas parfaitement plane, ou n'était pas parfaitement homogène; car alors, sous l'incidence perpendiculaire, en faisant varier le point d'incidence, la teinte extraordinaire éprouvait quelque légère variation, qui la faisait incliner vers la teinte suivante, comme, par exemple, du bleu au bleu verdâtre, on du vert au vert jaunâtre; mais ces changemens, qui ne comprennent jamais l'intervalle d'une teinte entière dans la table de Newton, ne m'ont paru devoir être regardés que comme des anomalies accidentelles et légères qui ne devaient pas faire méconnaître la loi générale : et l'on sera peut-être étonné qu'il ne s'en rencontre pas de plus étendues et de plus fréquentes, si l'on songe de quelle excessivement petite quantité il suffit de changer l'épaisseur ou la constitution de ces lames, pour les faire varier d'une teinte dans l'ordre des anneaux. Au reste, dans ces cas mêmes, si on ne voulait pas conclure la teinte du rayon extraordinaire par la réflexion, on pourrait l'observer directement par transmission comme pour le mica, et l'on trouverait alors que la règle est exacte; car, en opérant avec soin, toutes les erreurs des observations cumulées ne porteront jamais l'erreur à l'intervalle qui sépare deux teinte sconsécutives.

singulières et même en apparence bizarres, s'accordent parfaitement avec notre théorie. Lorsque l'on compare entre elles un grand nombre de lames d'épaisseurs diverses, on s'aperçoit bientôt que, dans la position où la séparation des deux rayons ordinaire et extraordinaire est la plus complète, ce qui répond à $\alpha = 0$, et $i = 45^{\circ}$, l'intensité du rayon ordinaire varie d'une lame à une autre tout autant que sa couleur. La raison de ces variétés est évidente d'après ce qu'on vient d'établir. Si le rayon extraordinaire répond à la lumière des anneaux réfléchis, le rayon ordinaire, qui en est complémentaire, répond précisément à la lumière des anneaux transmis, d'après les propres termes de Newton dans la seconde partie du second livre de l'Optique. Or, le rapport d'intensité des anneaux transmis et réfléchis à une même épaisseur est très-inégal; cette inégalité se fait moins sentir dans les derniers ordres d'anneaux, où les deux teintes convergent également vers le blanc composé qu'elles atteignent dans l'infini, mais dans les couleurs des premiers ordres, où les limites ne sont pas les mêmes, les intensités sont très-différentes. Ainsi, par exemple, le blanc réfléchi du premier ordre étant opposé au noir, il en résulte qu'une lame mince de chaux sulfatée qui réfléchirait extraordinairement le blanc parfait du 1er ordre donnerait un rayon ordinaire tout-à-fait nul, dans la position où la séparation des deux teintes est la plus complète. Ce serait le hasard seul, et un hasard bien extraordinaire, qui ferait tomber exactement sur cette limite: mais on a vu dans les expériences rapportées ci-dessus, que l'on peut en approcher assez pour n'avoir plus que des rayons ordinaires extrêmement faibles, dont la teinte est bleue ou

rouge jaunâtre, suivant que l'épaisseur de la lame observée est plus grande ou moindre que celle qui donnerait le blanc parfait.

Cette correspondance du rayon extraordinaire avec les anneaux réfléchis et du rayon ordinaire avec les anneaux transmis est trop importante, pour ne pas chercher à l'établir d'une manière rigoureuse, et par toutes les preuves que l'expérience peut fournir.

On pourrait se demander, par exemple, si les expériences l'établissent nécessairement, et si en accordant quelque chose à leurs écarts inévitables on ne pourrait pas rapporter également le rayon extraordinaire aux anneaux transmis, plutôt qu'aux anneaux réfléchis; car ces deux séries d'anneaux, quoique partant de termes différens, suivent à-peuprès la même marche dans la succession de leurs teintes; c'est une question que je vais examiner.

Pour le faire d'une manière claire et simple, il faut se rappeler la correspondance de ces anneaux pour les mêmes épaisseurs, telle qu'elle a été donnée par Newton dans son Optique. Elle se trouve exprimée, fig. 2, dans les deux lignes AB, CD, dont la première appartient aux anneaux réfléchis, la seconde aux anneaux transmis, et les intervalles de ces lignes indiquent les épaisseurs correspondantes. (Cette figure se trouve à la suite du second livre de l'Optique).

Nous allons comparer à ces deux séries le rayon ordinaire et le rayon extraordinaire donnés par les lames minces de chaux sulfatée quand on les présente perpendiculairement au rayon polarisé, et que leur axe est tourné dans l'azimut de 45°, où la séparation des deux teintes est la plus complète.

Prenons pour exemple les quatre lames no 16, 5, 1 et 8

de la dernière expérience, dans laquelle le bleu du 2° ordre était représenté par 37° du sphéromètre. Ces quatre lames donnaient pour le rayon extraordinaire diverses espèces de rouge. En les observant par transmission, j'ai déterminé pareillement pour chacune d'elles les teintes du rayon ordinaire; ces teintes se trouvent telles qu'on le voit dans le tableau suivant.

Numéros des lames.	Lenr épaisseur en parties de la table de Newton.	Teinte du rayon extraordinaire observé par transmission sous l'incidence perpeudiculaire.	Teinte du rayon ordinaire observé par transmission sous l'incidence perpendiculaire.
16	5, 8	rouge brun du 1 ^{er} ordre.	blanc bleuåtre.
5	13,0	rouge pourpré du 2° ordre.	vert.
1	18, 7	rouge du 3 ^e ordre.	vert.
8	26	rouge du 4° ordre.	vert bleuâire.

J'ai pris pour la mesure des épaisseurs les nombres calculés d'après la table. Il est visible en effet que les mesures réelles ne diffèrent de ces évaluations que de quantités fort petites, et qui oscillent tantôt en plus, tantôt en moins. La question que nous examinons n'est pas de savoir si les rapports des épaisseurs et des couleurs s'accordent avec ceux de la table de Newton, ceci doit être regardé comme prouve par les nombreuses comparaisons que nous avons faites; mais il s'agit de savoir si, en supposant cet accord exact, il exige nécessairement que le rayon extraordinaire soit analogue aux anneaux réfléchis, et si l'on ne pourrait pas trouver le même accord entre les couleurs du rayon extraordinaire et les teintes des anneaux transmis. Pour éprouver cette dernière supposition dans ses conséquences, admettons-la un moment comme vraie: regardons ces quatre teintes du rayon extraordinaire comme répondant aux anneaux rouges transmis; ce seront nécessairement les quatre premiers ordres: alors les rayons ordinaires deviendront par hypothèse analogues aux anneaux réfléchis dans les mêmes épaisseurs, puisque la somme des uns et des autres doit toujours former le blanc.

Or, en considérant, dans la figure donnée par Newton, les trois derniers ordres de rouge transmis, on voit bien qu'en effet ils ont pour complément des verts, comme nous trouvons aussi que les donnent les trois dernières lames; mais le premier rouge transmis a pour complément le vert du 2° ordre, et non pas un blanc légèrement bleuâtre comme nous le trouvons pour la lame n° 16.

Au contraire l'ordre se rétablit, si l'on suppose que les rayons extraordinaires répondent aux anneaux réfléchis; car alors le violet du 2^e ordre, qui est un violet sombre, a pour complément, dans les anneaux transmis, le blanc, ou, pour parler à la rigueur, une teinte approchante du blanc. Ainsi, en allant de ce violet vers le rouge du 1^{er} ordre, on doit trouver un rouge brun assez sombre, et l'anneau blanc transmis étant privé d'une partie de ses rayons rouges, doit passer au blanc bleuâtre; d'où l'on voit pourquoi, dans les anneaux réfléchis, le complément du rouge du 1^{er} ordre est un blanc bleuâtre, et pourquoi lui seul, parmi les rayons de différens ordres, jouit de cette propriété.

Les rapports d'épaisseurs de ces quatre ordres de rouge différent aussi extrêmement des valeurs qu'ils devraient avoir si le rayon extraordinaire appartenait aux anneaux transmis; en effet les quatre ordres d'anneaux rouges transmis ont pour complément, d'après la figure, les verts des 2^e, 3^e, 4^e ordres, et le bleu verdâtre du 5^e. Or, on peut aisément déterminer les épaisseurs auxquelles ces verts répondent, en consultant la table de Newton sur les épaisseurs correspondantes aux anneaux réfléchis. Ces épaisseurs seront donc par hypothèse celles de nos quatre lames qui réfractent extraordinairement le rouge, et l'on aura ainsi pour leur mesure:

Numéros des lames.	Leur teinte.	Leur épaisseur eu parties de la table de Newton , suivant l'hypothèse.	Leur épaisseur en prenant la première d'entre elles pour unité.
16	rouge du 1 ^{er} ordre.	9, 7	I
5	rouge du 2° ordre.	16, 25	1,67
x	rouge du 3° ordre.	22, 75	2, 345
8	rouge du 4 ^e ordre.	29, 67	3, 05

Les rapports contenus dans la dernière colonne vont nous servir pour éprouver par l'expérience l'hypothèse que nous examinons: car, puisque nous avons trouvé le rouge du 1^{er} ordre représenté par 24^p,6 du sphéromètre, nous devrions proportionnellement avoir pour les autres ordres les valeurs suivantes, que j'ai mises en opposition avec celles que l'expérience nous a données.

Numeros des lames.	Leur couleur.	Leur épaisseur observée au sphéromètre.	Leur épaisseur calculée d'après l'hypothèse que le rayon extraordinaire soit analogue aux anneaux transmis.	Excès de l'observation.
16	Rouge du 1 ^{er} ordre.	24P, 6	24P, 6 obser vée .	o
5	Rouge du 2 ^e ordre.	53, o	41,08 calculée.	+ 11P, 92
1	Rouge du 3° ordre.	77,33	57,69 calculée.	19P, 64
8	Rouge du 4 ^e ordre.	107,7	90, 5 calculée.	17P, 2

Ainsi, pour que l'hypothèse en question fût exacte, il faudrait admettre dans les mesures des lames des erreurs énormes, et qui s'éleveraient jusqu'à vingt parties du sphéromètre: or, cela est tout-à-fait impossible. Nous avons vu d'ailleurs que l'épaisseur 41^p ne répond jamais à un rouge, mais au vert jaunâtre du 2e ordre; de même l'épaisseur 57 ne répond jamais à un rouge, mais au bleu ou au vert du 3e ordre; et enfin l'épaisseur 90e ne répond pas non plus à un rouge, mais au vert du quatrième anneau. Donc, par l'impossibilité d'admettre d'aussi grandes erreurs dans nos mesures, autant que par l'opposition constante que nous trouvons entre l'hypothèse que nous examinons et les couleurs observées, nous devons conclure que cette hypothèse est fausse; et qu'ainsi, non-seulement les observations s'accordent en supposant le rayon extraordinaire analogue aux anneaux réfléchis, mais encore que cette supposition est la seule qui puisse les représenter. Toutes les épreuves semblables que l'on voudra tenter d'après les nombres contenus dans les tableaux précédens, conduiront toujours au même résultat.

Cette analogie une fois prouvée, nous pouvons, d'après la table de Newton, calculer les limites extrêmes de la polarisation extraordinaire depuis l'épaisseur à laquelle elle commence à s'exercer sur quelques-unes des molécules lumineuses, jusqu'à celle où, devenue complète, elle agit sur tous les ordres de ces molécules de manière à en former un blanc composé: par exemple, pour le premier cristal qui a servi à nos expériences, et relativement auquel le bleu du 2^e ordre était représenté par 36^e,5 du sphéromètre, les limites de la polarisation partielle, exprimées en millimètres, seront:

Epaisseur à laquelle la polarisation our, oi 1777 commencement du noir, partielle n'existe pas encore..... dans la table de Newton.

Polarisation totale, blanc du 1er ordre..om, 031144.

Ces limites varieront d'un cristal à un autre selon la valeur du facteur constant qui sert à les ramener à la table de Newton. C'est sans doute un phénomène très-digne de remarque, qu'une lame d'une épaisseur égale à omm, 031154 puisse polariser complètement toutes les molécules de la lumière dans une certaine position déterminée, tandis qu'une lame de même nature, mais plus épaisse, n'exerce plus cette action que sur une certaine classe de ces molécules. Rien ne montre mieux qu'il existe un rapport intime entre la cause de la réfraction extraordinaire et celle des anneaux colorés; et l'on voit aussi, par ce rapprochement, que

l'on ne peut pas dire de ce genre d'action, non plus que de la réflexion ordinaire, qu'elle s'affaiblit à mesure que les lames deviennent plus minces, puisqu'au contraire elle devient plus grande, à certaines épaisseurs plus petites.

La fragilité des lames minces de chaux sulfatée ne m'a pas permis de les atténuer assez pour observer le violet du 1er ordre, par lequel la polarisation commence; cette teinte doit toujours être la plus difficile à découvrir, par sa faiblesse et par sa position à l'origine des anneaux. Newton n'avait fait que la soupçonner lorsqu'il étudia les anneaux colorés formés entre deux objectifs; il ne réussit à la voir nettement que sur les bulles d'eau. Si je n'ai pas pu arriver jusqu'à ce terme sous l'incidence perpendiculaire, du moins cette teinte est la seule, sous cette incidence, qui manque à mes observations, car j'ai amené souvent des lames jusqu'au bleu du 1er ordre qui précède le blanc et qui suit le violet dont je viens de parler. J'avais espéré pouvoir atteindre un plus grand degré de ténuité en amincissant des lames de chaux sulfatée, par leur dissolution lente dans une grande quantité d'eau; en effet, par cette action, qui les rendait plus minces, leurs couleurs extraordinaires ont remonté dans la série des anneaux. J'ai obtenu ainsi des bleus du 1er ordre très-intenses; mais alors la fragilité des lames était telle, que l'on pouvait à peine les toucher, et elles se séparaient entre les doigts comme de la poussière; leur épaisseur devait être alors d'environ omm, oi. Il n'en n'est pas ainsi du mica: on l'amène assez facilement jusqu'à rendre son action polarisante sensiblement nulle sous l'incidence perpendiculaire; mais il est probable que son axe de réfraction n'est pas dans le plan de ses lames, ce qui

rend sa force répulsive moindre, et permet d'atteindre plutôt les limites d'épaisseur où elle cesse d'être sensible.

D'après les expériences de Newton sur les lames minces d'eau et de verre, la chaux sulfatée, en vertu de son pouvoir réfringent ordinaire, cesserait déja de réfléchir des couleurs distinctes par la réflexion ordinaire, lorsque son épaisseur serait de 50 millionièmes de pouce anglais ou de millimètre. Suivant les mesures que je viens de rapporter, les couleurs réfléchies en vertu de la polarisation extraordinaire, commenceraient dans le cristal que nous avons considéré, à une épaisseur de -293 de millimètre, ou environ 120 millionièmes de pouce anglais. Si ces limites étaient brusques et tranchées on pourrait croire que ces deux sortes de couleurs forment deux séries distinctes et tout-à-fait indépendantes l'une de l'autre; mais si, comme l'a dit Newton, et comme on le conçoit facilement, on ne doit voir dans ces limites que les termes où la dégradation est telle, que les couleurs commencent à être inappréciables pour nos sens, on sera plutôt porté à croire que ces deux ordres de phénomènes se succèdent l'un à l'autre, ou peut être même s'accompagnent dans leurs points extrêmes; la régularité avec laquelle ils suivent les mêmes lois dans les changemens d'épaisseur, semble confirmer ce rapprochement, et il en résulte une analogie nouvelle et bien remarquable entre la force encore inconnue qui produit la réflexion, et la force égalément inconnue qui produit la polarisation de la lumière.

L'appareil que j'ai décrit au commencement de cette section pour analyser la lumière résléchie par les lames minces des corps cristallisés, et en séparer la lumière extraordinaire, cet appareil, dis-je, peut servir également pour observer la couleur propre des corps naturels; car, sur ces corps, comme sur les lames cristallisées, il se fait toujours deux réflexions. La première a lieu hors du corps avant que la lumière ait atteint sa première surface; cette réflexion agit indistinctement sur toutes les molécules lumineuses, et produit ainsi un rayon blanc si la lumière incidente est blanche. Le reste de cette lumière, qui a échappé à la première réflexion, pénètre dans l'intérieur du corps; une partie se combine avec sa substance, l'autre est réfléchie dans tous les sens, brisée et dispersée par les molécules du corps; elle acquiert, en tout ou en partie, une polarisation confuse, et devient analogue aux rayons naturellement émanés des corps lumineux. C'est cette lumière, et elle seule, qui se trouve colorée de ce que nous appelons la couleur propre du corps ; on ne peut l'apprécier isolément et dans toute sa pureté que lorsqu'on la sépare de la lumière blanche réfléchie par la première surface : c'est à quoi l'on parvient au moyen de notre appareil, en faisant tomber sur la surface du corps un rayon blanc, sous l'inclinaison convenable pour que la lumière blanche qui subit la première réflexion partielle soit entièrement polarisée. Alors, en recevant toute la lumière réfléchie sur un verre noir, placé de manière à transmettre la lumière qui a pris la polarisation ordinaire, celle qui s'est réfléchie hors du corps passe librement, ainsi qu'une portion de la lumière propre du corps: mais comme une partie de cette dernière se trouve à l'état de polarisation extraordinaire relativement au plan de réflexion, elle éprouve sur le verre noir la réflexion partielle, et on l'obtient ainsi pure et sans mélange d'aucune autre couleur.

Par exemple, en observant de cette manière la couleur propre du fer spéculaire, et la comparant à celles des lames minces de chaux sulfatée, on reconnaît que cette couleur est le bleu du premier ordre; de même on voit que le blanc de l'argent est celui du premier ordre, comme Newton l'avait soupçonné. Car ce blanc réfléchi par nos lames a une vivacité, un éclat qui ne peut se comparer qu'au blanc de l'argent décapé dans l'acide sulfurique; la couleur de l'or confine à l'orangé du 1er ou du 2e ordre; mais il est plus probable que sa teinte appartient au 2e ordre, à cause des variations de couleur qu'il peut si aisément subir, ce qui n'aurait pas lieu s'il était du 1er ordre, où les changemens distincts de teinte sont bien moins nombreux : et c'est probablement pour des raisons semblables que Newton l'avait jugé du 2º ordre. Quant au cuivre rouge, sa couleur est évidemment au-dessous de l'or, et elle me semble se rapporter entre le rouge et l'orangé du 2e ordre; car audessus de ce terme, on ne trouve pas dans les deux premiers ordres de teintes qui ressemblent à la sienne, lorsqu'on l'observe pure par le procédé que nous avons décrit: de-là il paraîtrait que les grosseurs des particules de ces métaux, dans l'état métallique, sont dans l'ordre suivant, fer, argent, or, cuivre, en sorte que le fer aurait les plus petites molécules, et le cuivre les plus grosses.

SECTION III.

Des teintes que donnent les lames minces cristallisées, sous des incidences quelconques: lois de ces phénomènes.

Dans la section précédente nous avons vu que les couleurs réfléchies par les lames minces de chaux sulfatée, de mica, de cristal de roche parallèle à l'axe, changent quand on tourne ces lames dans leur plan. Nous avons indiqué le rapport qui existe entre ces variations et les changemens d'inclinaison de l'axe à l'égard du rayon incident: or, les couleurs ainsi réfléchies par les lames, provenant de la polarisation extraordinaire, on conçoit que si l'on suivait par-dessous la lame la partie de la lumière extraordinaire qui échappe à la réflexion partielle, on y découvrirait les mêmes variations de teinte à mesure que l'inclinaison change: c'est en effet ce que l'on observe quand on étudie les teintes du rayon extraordinaire par transmission, sous des inclinaisons diverses de la lame, et dans des positions diverses de l'axe, relativement au rayon incident.

Ces variations de teintes, lorsqu'on n'en connaît pas la loi, semblent tout-à-fait bizarres. Selon que l'on incline la lame dans un sens ou dans un autre, selon que l'on tourne plus ou moins son axe, même en ne changeant point la position du cristal qui sert pour analyser la lumière, on voit les teintes du rayon extraordinaire se succéder les unes aux autres, et souvent devenir nulles, sans qu'il semble y avoir de rapport évident entre les variations et les positions de l'axe, relativement au plan de polarisation du rayon

incident. Mais toutes ces bizarreries ne sont qu'apparentes, elles prennent au contraire tous les caractères de la régularité la plus parfaite, lorsqu'on les étudie méthodiquement d'après les lois que nous allons exposer.

Avant tout, il faut ici, comme dans l'incidence perpendiculaire, distinguer essentiellement l'intensité du rayon extraordinaire, et sa couleur; l'intensité est soumise à une loi indépendante des teintes, et les changemens des teintes suivent une loi indépendante de l'intensité. C'est seulement après avoir étudié séparément ces deux classes de phénomènes, qu'on peut les réunir dans une même formule trèssimple, et être assuré que cette formule satisfait à tous les cas.

L'appareil que j'ai employé pour observer ces phénomènes est représenté dans la figure 1re. OM est un rayon de lumière blanche, polarisé par réflexion sur la surface OH d'un verre noir : ce rayon se trouve ainsi polarisé ordinairement dans le sens du plan de réflexion MON, que, pour fixer les idées, je supposerai être le plan du méridien, et je regarderai la ligne OM comme l'axe de la terre. La lumière réfléchie traverse le tuyau d'une lunette fixe OM dont on a ôté les verres. Cette lunette est celle d'un cercle répétiteur dont le limbe est disposé verticalement et parallèlement au plan de réflexion MOH. L'extrémité supérieure du tuyau OM est garnie d'un tambour circulaire TT qui tourne à frottement autour de l'axe OM, et dont la circonférence est divisée en seize parties dont chacune correspond à un angle de 22º 30': aux deux extrémités opposées TT d'un même diamètre sont deux branches de cuivre TX parallèles à l'axe, entre

lesquelles est un anneau de cuivre aa qui peut tourner librement autour d'un axe XX perpendiculaire à la direction des deux branches TX. La circonférence de l'anneau aa est également divisée en seize parties égales: enfin, sur cet anneau on en place un autre concentrique avec lui, et qui peut tourner dans son plan; c'est sur ce dernier que l'on fixe la lame dont on veut observer les teintes par transmission. Il est évident que cette disposition permet de mettre la lame dans toutes les positions possibles relativement au rayon polarisé OM; car d'abord le plan d'incidence de ce rayon sur la surface de la lame, sera toujours perpendiculaire au plan des anneaux a a. En tournant le tambour TT autour du rayon on amènera l'incidence dans tous les plans horaires possibles. Pour chacune de ces positions on pourra donner à la lame L toutes les inclinaisons relativement au rayon OM, en faisant tourner l'anneau qui la porte autour de la ligne XX; et enfin on pourra aussi mettre l'axe de double réfraction dans toutes les positions possibles relativement au rayon polarisé et au plan d'incidence, en faisant tourner la lame dans son plan, ou plutôt l'anneau qui la porte, sur l'anneau concentrique aa. Les divisions marquées sur ces anneaux et sur la circonférence du tambour TT, indiqueront à chaque opération les positions de la lame dans son plan et la direction du plan d'incidence : quant aux inclinaisons des anneaux sur le rayon polarisé, on pourrait les mesurer également au moyen d'une division circulaire placée dans un plan perpendiculaire à l'axe de rotation XX; mais jusqu'à présent, j'ai mieux aimé me passer de cette addition difficile à construire: pour cela je commence par faire tourner le tambour de manière que le plan des anneaux soit perpendiculaire au plan du limbe du cercle, et par conséquent perpendiculaire au plan de réflexion du rayon sur le verre noir; puis je rends le tuyau OM vertical en appliquant perpendiculairement un niveau sur son extrémité supérieure, et je lis la division correspondante du limbe; je rends alors le plan des anneaux horizontal par le même procédé, et je marque un trait sur leur essieu pour fixer cette position, ce sera l'incidence perpendiculaire: pour avoir d'autres inclinaisons, j'incline la lame d'une certaine quantité, que je marque de même par un trait, je la fixe dans cette inclinaison, et ensuite je fais descendre le tuyau sur le limbe du cercle jusqu'à ce que le plan des anneaux devienne de nouveau horizontal. L'arc parcouru par le vernier sur le limbe mesure la quantité dont la lame s'est inclinée.

Je marque ainsi un certain nombre d'inclinaisons auxquelles je ramène toutes les expériences: il n'est pas besoin d'en avoir un grand nombre pour opérer sur les lames de chaux sulfatée, les variations de leurs teintes étant peu considérables, mais rien n'empêche de les multiplier indéfiniment.

Je passe maintenant à la description des expériences qu'on peut faire avec cet appareil, et d'après la distinction que j'ai établie au commencement de ce paragraphe; je considérerai d'abord les variations d'intensité, j'examinerai ensuite les changemens de couleur.

La loi fondamentale des intensités est la suivante : Si l'on part d'une position quelconque de la lame dans laquelle l'intensité du rayon extraordinaire soit nulle, et si, sans changer l'inclinaison de la lame, on la fait tourner autour

du rayon polarisé, de manière que le plan d'incidence de ce rayon, sur sa surface, décrive ainsi un angle a compris entre o et 90°, le rayon extraordinaire reparaîtra; mais il redeviendra nul de nouveau, si, sans changer l'inclinaison ni l'azimut du plan d'incidence autour du rayon polarisé, on tourine l'axe de la lame dans son plan, de manière qu'il décrive sur ce plan un angle — a égal et contraire à celui qu'avait décrit le plan d'incidence..

Par exemple, entre les vingt-trois lames de chaux sulfatée employées dans la dernière expérience de la section précédente, je choisis la lame n° 5, dont l'épaisseur, réduite à la table de Newton, est 13, je la place sur son anneau, et je la présente au rayon polarisé sous l'incidence perpendiculaire; j'analyse la lumière transmise au moyen d'un rhomboïde de cristal d'Islande dont la section principale est invariablement fixée dans le plan du méridien. J'obtiens ainsi un rayon extraordinaire pourpre rougeâtre et un rayon ordinaire vert jaunâtre. Cette observation faite, je ramène l'axe de la lame dans le méridien, et le rayon extraordinaire disparaît.

Le plan d'incidence restant toujours dans le méridien, j'incline la lame sur le rayon polarisé: l'intensité du rayon extraordinaire reste constamment nulle.

Je fixe la lame dans une quelconque de ces inclinaisons, et je tourne le tambour de 22°, 30' autour du rayon polarisé, alors le rayon extraordinaire reparaît; il est pourpre, et le rayon ordinaire est blanc verdâtre.

Je laisse ce nouveau plan d'incidence tel qu'il est, et je ne touche plus au tambour; mais je fais tourner la lame dans son plan de manière que son axe décrive sur ce plan un

1811.

angle de 22°, 30' en sens contraire du mouvement de rotation imprimé au plan d'incidence; le rayon extraordinaire devient nul de nouveau.

Si, à partir de cette nouvelle position, je recommence à faire tourner le plan d'incidence, il faudra, pour faire disparaître le rayon extraordinaire, tourner la lame dans son plan, en sens contraire, de la même quantité.

Ce qu'il y a de très-singulier relativement à ces deux mouvemens, c'est qu'il se compensent exactement, quoiqu'ils se fassent dans des plans inclinés l'un à l'autre d'un angle quelconque; car le mouvement de rotation du tambour fait tourner la lame autour du gayon polarisé comme axe, et amène seulement le plan d'incidence dans des cercles horaires différens, au lieu que le mouvement de la lame dans son plan la fait tourner autour de la normale à sa surface.

Au lieu de faire tourner l'axe de la lame sur son plan d'une quantité égale à — α , on pourrait la faire tourner de — $(\alpha + 90^{\circ})$, — $(\alpha + 180^{\circ})$, — $(\alpha + 270^{\circ})$; le rayon extraordinaire disparaîtra toujours.

J'ai dit que le rayon extraordinaire est constamment nul, sous toutes les inclinaisons, lorsque l'axe des lames et le plan d'incidence sont tous deux dans le méridien. D'après cela on connaîtra toujours une des positions où le rayon extraordinaire sera nul pour une inclinaison quelconque donnée; ensuite, avec la règle précédente, on déterminera pour cette même inclinaison toutes les positions de l'axe qui rendront le rayon extraordinaire nul lorsque le plan d'incidence sera donné. Ainsi, par la combinaison de ces deux règles on trouvera toutes les positions possibles de la

lame dans lesquelles ce phénomène a lieu; c'est le point de départ: et il nous restera maintenant peu de chose à faire pour réduire ces résultats en formules.

En effet, la dernière règle, relativement aux intensités, est la suivante: si l'on part d'une position quelconque de la lame dans laquelle le rayon extraordinaire soit nul, et si, sans changer l'inclinaison de la lame, ni la direction du plan d'incidence dans l'espace, on fait tourner la lame sur son plan, l'intensité du rayon extraordinaire croîtra depuis o jusqu'à 45°, et décroîtra depuis 45° jusqu'à 90°, par les mêmes périodes suivant lesquelles elle aura augmenté. Nous faisons abstraction ici des changemens de couleurs; nous les considérerons ensuite. De plus nous supposons que le cristal qui sert à analyser la lumière transmise est dans une position fixe, et que sa section principale est dirigée dans le plan du méridien, qui est le plan primitif de polarisation du rayon.

Pour réduire ces résultats en formules, soit, fig. 3, PQ le plan de la lame mince, OC le rayon incident qui forme un angle θ avec la normale CZ. Soit OCM le plan de polarisation du rayon que, pour fixer les idées, nous supposons être le méridien, et soit CM l'intersection de ce plan avec la lame mince. Représentons le plan d'incidence par OCR: ce plan passera aussi par le rayon polarisé, et coupera la lame mince suivant une ligne droite CR; enfin menons dans le plan de la lame l'axe de cristallisation ACA'. Ces constructions faites, il est facile d'exprimer analytiquement les relations trouvées par l'expérience entre les mouvemens de l'axe sur le plan de la lame, et celui de la lame elle-même autour du rayon polarisé.

Il faut rapporter tous ces mouvemens à un plan fixe: nous choisirons pour cela le plan du méridien OCM; et son intersection CM avec le plan de la lame sera la ligne à partir de laquelle nous compterons les angles sur cette dernière; nous nommerons i l'angle ACM formé par l'axe ACA' de la lame avec la ligne CM; nous appellerons i' l'angle RCM que la trace CR du plan d'incidence forme avec cette même droite CM; alors l'angle ACR sera égal à i'—i: désignons par A l'angle dièdre formé par le plan d'incidence OCR avec le plan du méridien; cet angle sera l'angle horaire du plan d'incidence, si nous regardons le rayon OC comme l'axe du monde; or, l'incidence du rayon OC sur la lame étant supposée connue, et représentée par 0, aussi bien que l'angle MCR, que nous avons nommé i', l'angle dièdre A est complètement déterminé, et l'on a,

$$\tan A = \frac{\tan i'}{\cos \theta}.$$

Cela posé, si l'on représente, comme dans la première section, par E' l'espèce de teinte sur laquelle agit la lame mince, par O' la teinte complémentaire, et par F. F. les intensités des deux rayons ordinaire et extraordinaire, on aura ces intensités dans toutes les positions possibles de la lame, au moyen des formules suivantes:

$$F_{\bullet} = O' + E' \cos^2 2 [i' - i - A] \qquad F_{\bullet} = E \sin^2 2 [i' - i - A]$$

$$\tan \beta i' = \tan \beta \cos \theta,$$

qui renferment toutes les règles que nous avons données

relativement aux intensités. L'intensité des rayons extraordinaires deviendra nulle quand on aura

 $\sin^2 (i' - i - A) = 0$, ce qui donne les quatre racines

$$i=i'-A$$
 $i=i'-A+90^{\circ}$ $i=i'-A+270$.

Alors l'intensité du rayon ordinaire sera $F_o = O' + E'$, c'està-dire qu'elle contiendra toute la lumière incidente : de plus on voit que F_o croîtra depuis i=i'-A jusqu'à $i=i'-A+45^o$, et qu'au-delà de cette limite il décroîtra par les mêmes périodes, conformément aux observations. Lorsque le rayon polarisé tombe perpendiculairement sur la lame, θ est nul, ce qui donne i'=A, et alors les valeurs de F_o et de F_o redeviennent conformes à celles que nous avons données dans la première section pour les incidences perpendiculaires.

Dans tout ceci nous faisons abstraction de la réflexion partielle qu'éprouve le rayon polarisé en rencontrant la lame mince : cependant, à parler à la rigueur, cette réflexion fait varier les intensités absolues des rayons O' et E', et les fait varier inégalement, selon les inclinaisons de la lame et la direction du plan d'incidence relativement au rayon polarisé. Ainsi, par exemple, lorsque la lame forme un angle de 35° environ avec le rayon polarisé, comme sous cette inclinaison elle polarise complètement la lumière par réflexion, il s'ensuit que si on place le plan d'incidence dans l'angle horaire de 90°, elle recevra le rayon polarisé, dans une position telle, qu'elle ne pourra réfléchir aucune portion de la lumière blanche sur sa première surface, ni aucune des molécules de la teinte O' sur sa seconde surface;

au lieu que la teinte E', ayant changé de polarisation par l'action de la lame, subira une réflexion partielle dont l'intensité variera selon la position de l'axe de la lame par rapport au plan d'incidence, cette intensité étant nulle quand l'angle de l'axe avec le plan d'incidence sera o ou 90°, et atteignant son maximum au milieu de ces limites. Ces circonstances affectant inégalement les deux teintes O' et E', altéreront nécessairement la couleur du rayon transmis, de telle sorte que dans certaines positions, dans celles dont nous venons de parler, par exemple, on pourra, à la vue simple, s'apercevoir de cette coloration, sans analyser la lumière transmise, par le seul fait de l'affaiblissement d'une des deux teintes. Mais ces phénomènes, qui sont peu sensibles sous les incidences éloignées de celle de la polarisation complète, parce que la proportion de la réflexion sur les deux teintes est plus égale, compliqueraient trop nos. formules pour que nous ayons dû chercher à les y faire entrer; notre objet n'étant pas ici de mesurer les intensités avec la dernière rigueur, mais seulement de réduire les lois de leurs variations à un énoncé simple qui permette d'embrasser les phénomènes : et ensin on rendra ces expressions tout-à-fait rigoureuses, si l'on veut appeler O' et E' les intensités des deux teintes ordinaires et extraordinaires qui traversent effectivement la lame mince dans chacune de sespositions.

Il nous reste maintenant à considérer les variations des teintes. La loi générale de ces variations est celle que nous avons reconnue dans la seconde section de ce Mémoire. L'inclinaison du rayon polarisé sur la lame étant donnée, ainsi que la direction du plan d'incidence dans l'espace,

si l'on fait tourner la lame dans son plan, lorsque l'axe s'approchera du plan d'incidence, les couleurs du rayon extraordinaire s'élèveront dans l'ordre des anneaux, comme si la lame devenait plus mince; et au contraire, lorsque l'axe s'éloignera de ce plan, les couleurs du rayon extraordinaire descendront dans l'ordre des anneaux, comme si la lame devenait plus épaisse. Enfin, les couleurs redeviendront les mêmes que sous l'incidence perpendiculaire, toutes les fois que l'axe fera avec le plan de réflexion un angle de 45°.

D'après cela, j'ai trouvé qu'en nommant E la teinte du rayon extraordinaire observée sous l'incidence perpendiculaire, et exprimée en parties de la table de Newton, les autres teintes, que je désignerai par E', oscillaient autour de celle-là; de manière que pour une même inclinaison et pour une même lame, on pouvait les représenter par la formule

$$E' = E + A \cdot \cos 2(i' - i) + B \cdot \cos^2 2(i' - i),$$

i' — i étant, d'après nos définitions précédentes, l'angle que l'axe de la lame forme sur le plan de cette lame avec la trace du plan d'incidence.

Les coëfficiens A et B sont constans pour une même inclinaison; ils varient quand l'inclinaison change : l'analogie de ces phénomènes avec ceux des anneaux colorés doit nous porter à supposer qu'ils suivent des lois analogues dans leurs changemens d'inclinaison. Newton, dans le second livre de l'Optique, a donné pour cet objet une règle approchée qu'il a déduite des expériences. Ayant observé les points successifs des lames d'eau et d'air inégalement

épaisses sur lesquelles passait une même couleur dans les changemens d'inclinaison, il avait trouvé qu'à mesure que l'inclinaison augmente, la même couleur répond à une plus grande épaisseur, d'où il suit que la même épaisseur répondoit à une couleur plus élevée dans l'ordre des anneaux, précisément comme si la lame fût devenue plus mince : la loi approchée qu'il donne de ce déplacement étant réduite en formule, et appliquée aux lames uniformément épaisses, fournit l'expression suivante

$$E' = E - 2 E \sin^2 \frac{1}{2} u$$

u étant un angle auxiliaire tel, qu'on ait

$$\sin u = N \sin \theta$$
.

N est un coëfficient constant. Sous l'incidence perpendiculaire $\theta = 0$, E' = E: E est donc la teinte propre à l'épaisseur de la lame sous cette incidence, on peut l'évaluer en nombre d'après la table de Newton, qui donne le rapport des épaisseurs et des couleurs. Supposons que sa valeur soit 13^{p} , 5, qui répond au pourpre du 3^{e} ordre : alors, pour une autre inclinaison θ , il faudra calculer l'angle u; et ensuite le produit $2 \text{ E sin}^{2} \frac{1}{2} u$, ou $27 \text{ sin}^{2} \frac{1}{2} u^{2}$, indiquera la quantité dont la teinte E aura monté dans l'ordre des anneaux : en la retranchant de E, on aura E', et la table de Newton indiquera la teinte correspondante.

En appliquant cette formule à nos lames, on peut la simplifier par une considération qui sera confirmée par la suite des expériences: c'est que le coëfficient N sera une fraction, du moins pour les lames minces de chaux sulfatée, les seules que nous considérerons d'abord. Cette circonstance permet d'exprimer sin ½ u en série convergente

ordonnée suivant les puissances ascendantes de sin θ ; car l'équation qui détermine sin u, donne

$$\cos u = \mathbf{1} - \frac{1}{2} \mathbf{N}^2 \sin^2 \theta - \frac{1}{6} \mathbf{N}^4 \sin^4 \theta,$$

$$\sin^2 \frac{1}{2} u = \frac{1}{4} \mathbf{N}^2 \sin^2 \theta + \frac{1}{16} \mathbf{N}^4 \sin^4 \theta.$$

Le terme $\frac{N^4}{16} \sin^4 \theta$ ne sera jamais qu'une petite fraction de teinte, même quand on aurait $\theta = 90^\circ$; et les expériences de ce genre ne sont pas susceptibles d'un pareil degré d'exactitude. Il nous suffira donc de nous borner au premier terme pour représenter les variations des épaisseurs avec l'incidence, et alors cette loi du quarré du sinus étant appliquée à l'expression de E', qui convient aux lames cristallisées, donnera les expressions

$$E' = E + E [A, \cos 2(i' - i) + B, \cos^2 2(i' - i)] \sin^2 \theta.$$

A, et B, étant deux coëfficiens constans qu'il faudra déterminer par l'expérience. La teinte E' étant ainsi connue pour chaque position assignée de la lame, la teinte ordinaire O' le sera aussi, puisqu'elle est complémentaire de E'; et ensuite on aura les intensités des deux rayons ordinaire et extraordinaire par les formules

$$F_0 = O' + E' \cos^2 2 (i' - i - A)$$
 $F_0 = E' \sin^2 2 [i' - i - A]$
tang $i' = \tan A \cos \theta$.

Pour comparer ces formules à l'expérience, je choisirai d'abord les quatre lames n° 16,5, 1,8, de la dernière expérience de la section précédente. Voici les épaisseurs de ces lames rapportées à la table de Newton, et les teintes des 1811.

rayons ordinaire et extraordinaire observées sous l'incidence perpendiculaire, l'axe formant un angle de 45° avec le plan de polarisation du rayon : cette position de l'axe est, comme nous avons vu, celle où la séparation des deux lames est la plus complète sous l'incidence perpendiculaire.

Numéros des lames.	Leur épaisseur réduite à l'échelle de Newton.	Teinte du rayon erdinaire sous l'incidence perpendiculaire; dans l'animut de 45°.	Tointe du reyon extraordinaire sons l'incidence perpendiculaire dans l'animut de 45°.
16	5, 98	Blanc bloudtre.	Rouge bran légèrement pourpré, du 1 ^{er} ordre.
5	. 23	Vert jaunstre.	Rouge pourpré du 2° ozdre.
	18, 7	Vert.	Rose du 3° ordre.
	_ 26	Vert.	Rouge du 4° ordre.

Ce sont les rouges des quatre premiers ordres. J'ai trouvé par observation qu'on représentait les teintes de ces lames d'une manière très-approchée sous toutes les inclinaisons possibles, en donnant aux coëfficiens A, et B, de nos formules les valeurs suivantes.

$$A = -0.195$$
 $B = +0.065$.

Je vais donc, pour abréger, employer tout de suite ces valeurs, et en rapportant les expériences, je mettrai à côté de la teinte extraordinaire observée, celle qui sera donnée par le calcul d'après nos formules. De cette manière on pourra voir d'un coup-d'œil jusqu'à quel point celles-ci approchent des observations. Je n'ai pas besoin de rapporter les expériences faites sous l'incidence perpendiculaire; j'ai prouvé plus haut qu'elles sont bien représentées par les formules; et comme les variations extrêmes ne s'étendent jamais qu'à un très-petit nombre de teintes autour de la teinte fondamentale, et que les variations s'opèrent graduellement, je passe tout de suite à de grandes incidences, pour lesquelles il suffira de vérifier l'accord de l'expérience et du calcul. Je choisirai pour cela les valeurs $\theta = 52^{\circ}$ 45', $\theta = 75^{\circ}$ 37' 20". Je commence par calculer les valeurs de la teinte extraordinaire E' au moyen de la formule

$$\mathbf{E}' = \mathbf{E} + \mathbf{E} \left[\mathbf{A} \cos 2 \left(i' - i \right) + \mathbf{B} \cos^2 2 \left(i' - i \right) \right] \sin^2 \theta,$$

dans laquelle on n'a point égard aux intensités, qui sont, comme je l'ai annoncé, déterminées par une autre loi indépendante des teintes. On se rappelle que θ est l'angle d'incidence du rayon sur la lame; et (i'-i) est l'angle formé par l'axe de cette lame avec la trace du plan d'incidence sur sa surface. Relativement à la lame n° 5, l'épaisseur primitive E=5.98; et en calculant E' pour diverses valeurs de l'angle i'-i; et relativement à nos deux inclinaisons, j'obtiens les valeurs suivantes des teintes.

16.

Valeurs de	•	Valeur de E' pour l'incidence
i'-i.	θ = 52° 45′.	$\theta = 75^{\circ} \ 37' \ 20''.$
•	5,48 entre le rouge et l'orangé du 1 ^{er} ordre.	5, 26 orangé du 1 ^{er} ordre.
22° 30′	5,58 rouge orangé du 1 ^{er} ordre.	5, 38 entre l'orangé et le rouge du 1 ^{er} ordre.
45	5, 98 rouge un peu pourpré.	5,98 rouge un peu pourpré, rouge du 1°° ordre mêle de violet du 2°.
67 30	6,63 pourpre du 2° ordre, entre le rouge du 1° ordre et le violet du 2°.	6, 96 violet du 2 ^e ordre.
90	6, 99 violet d u 2 ^e ordre.	7,45 entre l'indigo et le violet du 2 ^e ordre.

Introduisons maintenant ces valeurs de E' dans la formule. des intensités, qui est

$$F_{\bullet} = O' + E' \cos^2 2 [i' - i - A]$$
 $F_{\bullet} = E' \sin^2 2 [i' - i - A],$

et comparons les résultats à l'expérience. Je ferai cette comparaison dans trois positions différentes du plan d'incidence sur les lames, en faisant successivement l'angle dièdre de ce plan avec le méridien égal à 0, à 45° et à 90°.

		<u>_</u>			
Angle d'incidence du	Angle diédre formé par le plan d'incidence	Angle compris		Couleur et intensité du	
rayon polarise aur la lame,	avec le plan de	son overtile	do rayon ordinaire,	rayon extraordinaire,	rayon extraordinaire,
94	pularanion du	trace de plan d'incidence	observée.	observée.	calculée.
0.	A.	i' i.	F	F _b , .	F.
5a" 451	0	0	Blanc : maximum.	0	0
		22° 30'	Blanc bleustre.	Rouge orange, bran.	Rouge orangé.
1		45	Blanc verdåtre : minim.	Rouge no pen pourpre	Rouge un peu pourpré: maximum.
		67 30	Blanc sensiblement.	Violet légerement rou-	
		07 30	Diane sensiblement.	geåtre, pent-être vio- let pur.	her roads
		go ~	Blane : maximum.	0	. 0
	45°	0	Bleu: minimum.	Orange fonce : maxim.	Entre l'orangé et le rouge : maximum.
		aa 3o	Blanc blenåtre.	Orangé rougeâtre.	Rouge orangé.
M I		45	Bleuc : maximum.	0	0
•		67 30	Blanc sensiblement.	Violet rongeåtre.	Entre le rouge du ser
			Ps1 13- 1	371-1-4	ord, et le violet du 2°. Violet : maximum.
		go	Blanc verdêtre : minim.	Violet pur : maximum,	Violet . maximum.
[]	90°	0_	Blanc : maximum	0	B
1		22 3o	Blanc bleustre.	Orangé rougestre. Rouge pourpré un peu	Rouge orangé.
		4.3		brun : maximum.	maximam.
i i		67 30	Blanc sensiblement.	Violet tres-sombre.	Violet nu peu ronge.
		90	Blane: maximum.	0	0
75" 37 20"	0	0	Blane: maximum.	0	
		22 30	Blea.	Orange legerement ron-	Entre l'orangé et le rouge du rer ordre.
		45	Blanc verdätre: minum.	Orange pourpre brun :	. 2
ŀ		67 30	Blanc sensiblement.	Violet tirent un pen vers l'indigo.	Violet.
		ეი	Blanc : maximum.	0	0
	45°	0	Bleu: minimum.	Orangé plus janne que dans l'incidence pré- cédente : maximum.	Orangé du 1er ordre: maximum.
		22 30	Blanc blenåtre.	Orangé brun.	Entre l'orangé et le rouge du r ^{er} ordre.
R		45	Blanc : maximum.	0	0
		67 30	Blane verditre.	Violet rougeatre.	Violet un pen ronge.
		90	Vert jaunätre : mmm.	Indigo : maximum.	Entre le violet et l'indi- go du 2º ord.: maxim.
	go°	0	Blanc maximum.	0	0
		22 30	Blanc blenåtre.	Orangé brun.	Entre l'orangé et le rouge du 1 ^{èr} ordre.
		45	Blanc bleuåtre : mmim.	Rouge pourpré brun .	
		67 30	Blanc blenåtre.	Violet.	Vlolet.
		90	Blanc : maximum.	0	0
		<u> </u>	1	<u> </u>	



En comparant les deux dernières colonnes, on voit que les résultats du calcul et ceux de l'expérience marchent toujours d'accord, relativement aux teintes du rayon extraordinaire et aux maxima et minima de son intensité. Si les teintes observées et les teintes calculées diffèrent quelquesois entre elles, ce n'est tout au plus que du quart de l'intervalle qui sépare deux teintes consécutives de ces ordres dans la table de Newton : cette petite différence doit être attribuée en grande partie à l'impossibilité de fixer précisément la nature de ces teintes par l'observation, et en partie aussi à ce que les coëfficiens A et B employés dans le calcul ne sont pas précisément ceux que l'on déduirait de la lame nº 16, mais résultent d'une moyenne entre les quatre lames nº 16, 5, 1, 8. Nous allons maintenant éprouver les mêmes formules sur la lame nº 5 : relativement à celle-ci, on à E = 12,89, et les valeurs des teintes E', calculées par les formules, sont telles que les expriment le tableau suivant.

Valeurs de i' — i.	Valeurs de E' pour l'incidence $ heta = 52^{\circ} 45'$.	Valeur de E' pour l'incidence $\theta = 75^{\circ} 37'$ 20".
o	11,82 rouge du 2° ordre.	11,4 entre l'orangé et le rouge du 2° ordre.
22° 30′	12,13 rouge.	11,7 rouge un peu orange.
45	12,89 rouge pourpre.	12,89 rouge pourpre.
67 30	14,29 indigo du 3º ordre.	15, 08 bleu du 3° ordre.
90	15, 04 bleu du 3 ^e ordre.	16, 17 vert du 3° ordre.

On a ensuite pour les intensités combinées avec les teintes les valeurs suivantes.

Incidence sur la lame. 0.	Angle horsing du plan d'incidence. A.	Angle de l'axe avec la trace du plan d'incidence.	Couleur et intensité du rayon ordinaire, observée. F _o .		Conleur et intensité du rayon extraordinaire, calculée. F.
52° 45'	O	22° 30' 45' 67 30	Blanc: maximum. Blanc verdåtre. Vert jaunåtre: minim. Blanc sensiblement. Blanc: maximum.	o Rouge. Rougepourpre:maxim. Indigo. o	Rouge. Rouge pourpre:maxim. Indigo.
	4 5°	22 30 45 67 30	Vert bleuåtre : minim. Blanc bleuåtre. Blanc : maximum. Blanc sensiblement. Blanc : minimum.	Rouge un peu orangé: maximum. Rouge. o Indigo. Bleu: maximum.	Rouge: maximum. Rouge. o Indigo. Bleu: maximum.
	go°	22 30 45 67 30 90	Blanc: maximum. Blanc verdåtre. Vert légèrement jaunà- tre: minimum. Indigo. Blanc: maximum.	o Rouge. Rouge pourpre:maxim. Indigo. o	o Rouge. Rouge pourpre:maxim. Indigo. o
75° 37' 20"	0	0 22 30 45 67 30	Blanc: maximum. Vert. Vert: minimum. Blanc sensiblement. Blanc: maximum.	o Rouge orangé. Rouge pourpre:maxim. Bleu très - légèrement verdâtre. O	o Rouge un peu orangé. Rouge pourpre:maxim. Bleu.
	45°	0 22 30 45 67 30	Bleu: minimum. Blanc bleuâtre. Blanc: maximum. Blanc rougeâtre. Rouge: minimum.	Orangé rongeatre : maximum. Rouge un peu orangé. o Bleu très - légèrement verdâtre. Vert : maximum.	Entre l'orangé et le rou- ge du 2° ord. : maxim. Ronge un pen orangé. O Bleu du 3° ordre. Vert du 3° ord. : maxim.
	90°	0 22 30 45 67 30 90	Blane: maximum. Vert. Vert: minimum. Blane sensiblement. Blane: maximum.		o Ronge un peu orange. Ronge pourpre:maxim. Bleu.

La loi de ces résultats et l'accord de l'expérience avec le calcul, relativement aux périodes des intensités des teintes, est évidente : on voit que, lorsqu'on fait changer l'angle dièdre A, formé par le plan d'incidence sur la lame, et le plan de polarisation du rayon, l'incidence restant la même, les phénomènes sont absolument les mêmes lorsque A = 0, et lorsque A = 90°; on voit de plus que la série des différentes teintes, qui convient à l'incidence θ , ne se développe dans toute son étendue que dans la position A=45°, parce que, lorsque A = 0 ou 90°, les teintes extrêmes sont masquées par la loi des intensités qui les fait disparaître, enrendant leur intensité nulle; et cette disparition confirme ce que nous avons dit précédemment, sur l'espèce d'indépendance qui existe, dans ce genre d'action, entre la loi des intensités et celle du changement des teintes.

Ces remarques nous permettront d'abréger les tableaux relatifs aux expériences suivantes; car il est visible qu'il suffira de donner la comparaison de l'expérience avec les formules dans la seule position de A = 45°, puisque si l'accord a lieu dans cette position, le même accord aura également lieu dans toutes les autres. D'après cela, voici les calculs relatifs à la lame n° 1: celle-ci est un rouge du 3° ordre, dont l'épaisseur, réduite à la table de Newton, est 18,7, on a donc E = 18,7: avec ce nombre on trouve pour les teintes E', d'après la formule, les valeurs suivantes.

Valeurs de i' — i.	yaleurs de E' pour l'incidence θ == 52° 45'.	Valeurs de E' pour l'incidence de 75° 37′ 20″.
li i	17, 16 jaune du 3° ordre confinant au vert. 17, 46 jaune.	16, 46 vert jaunâtre du 3° ordre. 16, 83 entre le vert et le jaune du 3° ordre.
1 1	17,7 rouge. 20,7 rouge bleuâtre. 21,78 vert bleuâtre mêlé au rouge bleuâtre.	17,7 rouge. 21,78 vert bleuâtre un peu mêlé au rouge bleuâtre. 23,26 vert jaunâtre du 4° ordre.

Avec ces valeurs, voici les valeurs des intensités F. et F. dans les deux incidences et pour la valeur $A=45^{\circ}$.

Incidence sur la lame. 6.	Angle de l'axe avec la truce du plan d'incidence. i' — i.	Couleur et intensité du rsyon ordinaire observée. F _o ,		Couleur et intensité du rayon extraordinaire calculée. F.:
52° 45'	o 22° 30' 45 67 30 90	Vert blanchåtre. Blanc: maxim. Blanc un peu ver- dåtre.	o Rouge bleuåtre. Blanc où domine un	Jaune du 3° ordre con- finant au vert : maxim. Jauns confinant au rouge. o Rouge bleuâtre. Vert bleuâtre mêlé de rouge bleuâtre : maxi- mum.
75° 37′ 20″	0 22° 30' 45 67 30	Bleu violacé: minimum. Blanc bleuâtre. Blanc: maxim. Rouge.	Vert jaunåtre presque blanc : maximum. Jaune. O Vert bleuåtre. Vert : maximum.	Vert jannâtre du 3° ordre : maximum. Entre le jaune et le vert du 3° ordre. O Vert bleuâtre du 4° or- dre un peu mêlé de rouge bleuâtre. Vert jaunâtre du 4° or- dre : maximum.

Je dois faire une remarque relativement à l'espèce de teinte particulière au jaune du 3e ordre; et cette remarque je la tire des propres expressions de Newton, page 263 de la traduction française de l'Optique. Après avoir décrit les teintes des anneaux les plus élevés, il arrive au vert du 3º ordre; et il ajoute: « Après suit le jaune, dont une partie « du côté du vert est distincte et bonne; mais l'autre partie « du côté du rouge, qui vient immédiatement après, fait « un jaune qui, aussi bien que ce rouge, est mêlé avec le « violet et le bleu du quatrième anneau; d'où résultent « différens degrés d'un rouge tirant extrêmement sur le « pourpre ». Ceci est parsaitement d'accord avec les deux premières valeurs de F., observées et rapportées dans ce tableau. La première, qui paraissait véritablement jaune, répondait, par le calcul, à une valeur 17,16, un peu audessus du jaune en tirant du côté du vert; car le milieu du jaune du 3e ordre a pour valeur dans la table 17,5 : au contraire, la teinte suivante de F, a paru d'un rouge jaunâtre, parce que le calcul la faisait égale à 17,5, c'est-à-dire, au milieu du jaune du 3e ordre, qui tire déja sur le rouge suivant les termes de Newton.

Passons maintenant à la lame n° 7, pour laquelle E=26,2; c'est le rouge du 4° ordre. Avec cette valeur on obtient d'abord celles de E'.

Valeurs de i' i.	Valeurs calcúlées de E' pour l'incidence θ = '52° 45'.	Valeurs calculées de E' pour l'incidence $\theta = 75^\circ 37'$ 20".
0	rouge du 4° ordre.	23, 12 vert jaunâtre du 4 ^e ordre.
22° 30′	24,45 entre le vert jaunâtre et le rouge du 4º ordre,	23,6 vert jaunâtre descendant vers le rouge du 4° ordre.
45 67 30	26, 2 ronge du 4° ordre.	26, 2 rouge du 4° ordre.
67 30	29 bleu verdåtre du 5° ordre remon-	30, 39 entre le bleu verdâtre et le rouge pâle du 4° ord. plus près du 1°.
90	30, 5 entre le blen verdâtre et le rouge pâle du 5° ord. plus près du 1° r	32,44 entre le bleu verd. et le rouge pâle du 4° ordre plus près du dernier

Aveces valeurs on peut calculer F. et F. pour les comparer à l'expérience. Nous supposerons, comme tout-à-l'heure, $A=45^{\circ}$, et nous aurons

Incidence sur la lame. 0.	Angle de l'axe avec la trace du plan d'incidence. L' - L.			Couleur et intensité du rayou extraordinaire calculée. F _e .
52° 45'	0	Bleu verdåtre: mi- nimum.	Ronge jaunâtre pres- que blanc: maximum.	
	22° 30′		Rouge jaunâtre.	Entre le vert jaunâtre et le rouge du 4 ^e ordre.
ì	45	Blanc : maximum.	o ´	0
	67 30	Blanc sensiblem.	Bleu verdåtre.	Bleu verdåtre du 5° or- dre remontant un peu vers le rouge du 4° ordre.
	90	Rouge : minim.	Blen verdåtse où le blanc domine:maxim.	Entre le bleu verdâtre et le rouge pâle du 5° ordre, plus près du 1 ^{er} : maximum.
75° 37′ 20″	o	Rouge pourpre: minimum.	Vert : maximum.	Vert jaunâtre dn 4 ^e or- dre : maximum.
	22° 30′	Blanc bleuåtre.	Blauc rougeâtre.	Vert jauuâtre descen- dant vers le rouge du 4 ^e ordre.
il .	45	Blanc: maxim.	0	o
	67 30	Blanc rougeâtre.	Vert bleuåtre.	Entre le bleu verdâtre et le rouge pâle du 4 ^e ordre, plus près du 1 ^{er} .
	90	Blanc violacé : minimum.	Vert blanchåtre pres- que blanc : maxim.	Eutre le bleu verdâtre et le rouge pâle du 4° ordre, plus près du dernier: maxim

Ici la comparaison exacte des teintes devient très difficile, parce qu'elles sont moins tranchées, et parce qu'elles approchent plus du blanc, étant composées des couleurs simples d'un plus grand nombre d'anneaux. Mais outre que cette, expérience sert toujours à confirmer la loi exprimée par nos formules, elle aura encore une autre application dans la suite de ce Mémoire, pour prouver matériellement le peu d'étendue qu'embrassent les variations des, teintes; remarque qui nous sera fort utile par ses conséquences.

On voit par les comparaisons précédentes que les mêmes valeurs des coëfficiens A, et B, de nos formules satisfont d'une manière très-approchée aux variations des teintes dans les rouges des quatre premiers ordres d'anneaux. Mais les mêmes coëfficiens s'appliqueraient-ils encore aux teintes dans lesquelles dominent les rayons les plus réfrangibles du spectre : les rayons bleus, par exemple? Pour le savoir, j'ai fait les expériences suivantes.

Lame no 10 bleu du 3e ordre. Epaisseur 15, 1 réduite à l'échelle de Newton; on place le plan d'incidence dans l'angle horaire A = 45°.

Incidence sur la lame. θ.	Angle de l'axe avec la trace du plan d'incidence.		rayon extraordinaire	Valeurs des teintes ex- trêmes , suivant la table de Newton , estimée.	
75° 37' 20"	22° 30'	minimum. Blanc sensiblem. Blanc : maxim. Blanc rougeatre.		13 supposé intermé- disire entre l'écar- late et le pour- pre. 17, 1 supposé le jaune du 3° ord. dans la partie qui est dis- tincte et qui con- fine au vert.	
Autre expérience sur la lame n° 15, pour laquelle E = 14,24. C'est l'indigo du 3° ordre, voisin du bleu précédent.					
75° 37' 20"	0 22° 30' 45 67 30 90	Blanc verdåtre. Blanc : maxim. Ronge.	Rouge : maximum. Rouge violacé. O Vert. Vert jaunâtre : maxim.	16, 5	

Ces deux lames sont d'accord entre elles : elles s'accordent aussi avec nos formules dans tout ce qui concerne les variations d'intensité, et les rapports de la force répulsive avec les changemens des teintes; mais relativement aux valeurs absolues des teintes, elles oscillent dans d'autres limites. Les couleurs du rayon extraordinaire semblent monter et descendre à-peu-près également dans l'ordre des anneaux au-dessus et au-dessous de la teinte fondamentale, au lieu que dans les lames rouges la couleur du rayon extraordinaire montait moins qu'elle ne descendait. L'étendue des

changemens des teintes paraît aussi moins grande pour les lames bleues que pour les rouges. Si nous voulons calculer pour les deux lames précédentes les coëfficiens constans A, et B, qui déterminent cette étendue dans nos formules, nous trouverons

$$A_{i} = -0.1428$$
 $B_{i} = 0.00959$,

c'est-à-dire que l'inégalité des oscillations au-dessus et audessous de la teinte fondamentale est presque insensible. En calculant E, par ces formules pour nos deux lames et pour les deux incidences, nous aurons les résultats suivans.

Numéros des lames.	Valeurs de i' — i.	Valeurs de E' pour l'incidence $\theta == 52^{\circ} 45'$.	Valeurs de E' pour l'incidence $\theta = 75^{\circ} 37' 20''$.
10	22° 30' 45	bleuåtre.	13,21 rouge pourpre. 13,7 pourpre violacé. 15,1 bleu du 3° ordre. 16,53 vert jaunàtre. 17,25 jaune un peu verdàtre.
15	22° 30' 45	13, 04 rouge pourpre. 13, 38 pourpre. 14, 24 indigo du 3° ordre. 15, 18 bleu. 15, 61 vert bleuåtre.	12, 46 rouge. 12, 90 rouge pourpre. 14. 24 indig du 3* ordre. 15, 59 vert bleuâtre. 16, 28 vert.

Avec ces valeurs nous allons calculer les intensités et les teintes par nos formules générales, ce qu'il suffira de faire pour la position dans laquelle A = 45°. Voici d'abord les résultats pour la lame n° 10.

Incidence sur la lame.	Angle de l'axe avec la trace du plan d'incidence. i' i.	l sisi da aman	Couleur et intensité du rayou extraordinaire observée. F _c .			
52° 45'	0 . 22° 30' 45 67 30	minimum. Blanc légèrement jaunêtre. Blanc: maximum. Rouge.	maximum, Indigo. o	Pourpre très - chargé d'indigo : maximum. Indigo. o Vert très - légèrement bleuàtre. Vert jaunàtre : maxim.		
75° 37' 20"	0 22 30 45 67 30	•	mun.	Rouge pourpre : maxi- mum. Pourpre violacé. O Vert jaunâtre. Jaune très-légèrement verdâtre : maximum.		
de calcul et	On ne peut pas voir un accord plus satisfaisant que celui du calcul et de l'expérience relativement à cette lame. Voici mainte- nant la lame n° 15.					
52° 45'	22° 30' 45 67 30	Vert jaunâtre : minimum. Blanc verdâtre. Blanc : maximum. Blanc rougeâtre. Pourpre : minim.	Rouge pourpre : maxi- mum. Pourpre violacé. o Vert bleuâtre. Vert clair : maximum.	Rouge pourpre : maxi- mum. Pourpre. O : Bleu. Vert bleustre : maxim.		
75° 37' 20"	0 22 30 45 67 30 90	Blanc verdåtre. Blanc: maximum. Rouge.	Rouge : maximum. Pourpre. O Vert. Vert jannåtre : maxim.	Rouge : maximum. Rouge pourpre. O Vert bleuâtre. Vert : maximum.		

Relativement à cette seconde lame les périodes des intensités sont très-bien observées, mais les variations des

teintes les plus basses sont en erreur de la moitié de l'intervalle d'une teinte; car la couleur du rayon extraordinaire, observée, descend au vert jaunâtre et au jaune verdâtre, quand la couleur indiquée par le calcul ne descend qu'au verd bleuâtre et au vert. Pour savoir à quoi répond cette erreur, il n'y a qu'à considérer que, dans la table de Newton, le vert du 3e ordre, tel que celui dont il s'agit ici, est représenté par le nombre 16,25, tandis que le jaune du même ordre est représenté par 17,5; la moyenne de ces deux nombres peut donc être regardée comme à-peuprès correspondante au jaune verdâtre qui se trouvera ainsi représenté par 16,87, dont la distance au vert est égale à 16,87 — 16,25, ou o^p,62. Si l'on voulait attribuer cet écart à une erreur dans la mesure de l'épaisseur de la lame, il n'y aurait qu'à la multiplier par 4, ce qui donnerait 2º, 48 pour l'erreur de la mesure en parties du sphéromètre; c'est environ cinq millièmes de millimètre, et alors la lame, au lieu d'ètre un indigo du 3e ordre, confinerait au bleu du même ordre, c'est-à-dire, à la teinte immédiatement inférieure. Mais cette erreur, toute petite qu'elle peut paraître, est cependant inadmissible, car elle ferait trop descendre la couleur supérieure quand i'-i est nul, puisqu'elle l'amènerait à l'indigo violacé, tandis qu'elle est un rouge pourpre, à la vérité très-mêlé de violet. Mais comme il n'est pas bien certain non plus que les autres teintes descendent jusqu'à 16,87, comme nous le supposons, la correction 0,62 que nous en avons déduite est peut-être aussi un peu trop forte; et en effet, en la réduisant à o^p, 4, je trouve que l'écart du calcul et de l'expérience deviendra tout-à-fait insensible, car alors, en ajoutant o^p, 4 aux nombres relatifs à la lame nº 15, le tableau de ses teintes deviendra

Valours de i' — i.	Valeurs de E' pour l'incidence $\theta == 52^{\circ} 45'$.	Valeurs de E' pour l'incidence $\theta = 75^{\circ} 37'$ 20".	
o 22 ⁰ 30' 45 67 30 90	13, 44 ronge très-pourpré. 13, 58 pourpre violacé. 14, 64 indigo mélé de bleu. 15, 58 bleu mélé de vert. 16, 01 vert.	12,86 rouge un peu pourpré. 13,30 pourpre un peu rouge. 14,64 indigo mélé de bleu. 15,99 vert. 16,68 vert jauuâtre.	

Et alors les valeurs comparées des intensités et des teintes observées et calculées deviennent telles qu'on les voit ici.

Incidence sur la lame. 0.	Angle de l'axe avec la trace du plan d'incidence.		rayon extraordinaire,	Couleur et intensité du rayon extraordinaire, calculées. F _c .
52° 45'	45	minimum. Blanc verdâtre. Blanc: maximum. Blauc rougeâtre.		maximum. Pourpre violacé. o Bleu mêlé de vert.
75° 37' 20"		Blanc verdåtre. Blanc: maximum. Rouge.	Vert.	Rouge un peu pour- pré: maximum. Pourpre un peu rouge. o Vert. Vert jaunâtre : maxim.

La correction que nous venons de faire montre combien les erreurs comportées par les observations sont petites, et elles prouvent aussi que les formules qui représentent ces observations dans tous leurs détails, doivent être, sinon

rigoureuses (car celles de Newton mêmes ne peuvent pas être regardées comme telles), du moins extrêmement approchées. Au reste je n'avais pas d'autre but ici que d'éta-· blir cette vérité, car il serait très-possible que le petit écart que nous venons d'apercevoir, tînt à quelque différence extrêmement légère dans la constitution des lames que nous avons comparées: en effet, nous avons déja vu qu'une inégalité dans la dureté, dans l'élasticité, influe sur la nature des teintes. Dans une classe de faits encore si nouvelle, et qui n'a de rapports qu'avec les phénomènes encore peu connus des anneaux colorés, on ne peut être trop réservé dans les explications. Ce que les expériences me paraissent établir avec certitude, c'est que les intensités des rayons ordinaire et extraordinaire suivent exactement les périodes que nous avons assignées, et que Tes variations des teintes, à mesure que l'inclinaison change, peuvent être représentées, pour chaque lame, d'une manière extrêmement approchée par notre formule, déduite de celle de Newton sur les anneaux colorés, en déterminant séparément, par l'observation, les coëfficiens A et B, relatifs à la lame que l'on considère. La différence qui se trouve à cet égard entre les lames de différentes teintes, peut venir de l'inégalité qui existe entre l'étendue des auneaux colorés formés par les diverses couleurs simples. Car Newton a observé que, dans les anneaux, le rouge est plus dilaté que le violet, au contraire de ce qui a lieu dans la séparation des couleurs dans le prisme; d'où il résultait qu'en faisant varier la succession des rayons incidens d'une manière uniforme, Newton trouvait que les contractions et les dilatations d'un même anneau, formé par une couleur homogène, étaient plus promptes et plus

grandes dans le rouge, plus lentes et moindres dans le violet, et intermédiaires dans les couleurs intermédiaires. Ce pourrait être en vertu de cette propriété que, dans les teintes composées de nos lames, celles où le bleu, l'indigo, le violet dominent, varient moins que celles où domine le rouge, pour un changement égal d'inclinaison.

Le peu d'étendue qu'embrassent les variations des teintes, même dans les plus grands changemens d'inclinaison, est encore un fait très-digne de remarque, parce qu'il nous servira tout-à-l'heure, sinon pour remonter à la cause physique de ces phénomènes, du moins pour en exclure une à laquelle on pourrait être tenté de les attribuer. C'est pourquoi je rapporterai encore ici deux observations faites sur des lames qui exerçaient la polarisation sur le blanc du 1er ordre; elles nous serviront à confirmer cette propriété.

J'ai pris la lame n° 7 du petit cristal de la variété trapézienne, pour lequel le bleu du 2° ordre est représenté par 33°, 8. Son épaisseur, réduite à la table de Newton, est 6, 8. Je l'ai divisée en deux autres lames, que je désignerai par les n° 1 et 2. Elles polarisaient extraordinairement toutes deux une teinte extrêmement approchée du blanc du 1° ordre; mais l'une était, par son épaisseur, au-dessus de ce blanc, et l'autre au-dessous. C'est ce que montre l'observation des rayons extraordinaires sous l'incidence perpendiculaire: la voici relativement à ces deux lames dans la position où la séparation des deux teintes est la plus complète; c'est-à-dire en mettant leur axe dans l'azimut de 45°, et plaçant la section principale du rhomboïde dans l'azimut o.

Numéros des lames.		Couleur du rayon extraordinaire sous l'incidence perpendiculaire dans l'azi- mut de 45°.
1	Rouge jaunâtre sombre. Violet extrêmement sombre.	Blanc sensiblement. Blanc sensiblement.

Remarquons d'abord que la lame no 7, dont l'épaisseur est 6,8, a pu ainsi se résoudre en deux lames blanches. Car le blanc du premier ordre appartient à l'épaisseur 3,4, dont le double 6,8 égale l'épaisseur totale de la lame no 7.

Mais en observant les teintes des rayons ordinaires, on voit qu'aucune de ces deux lames ne donne le blanc parfait du 1^{er} ordre. En effet, la première, n° 1, est plus mince que l'épaisseur qui convient à ce blanc, puisqu'elle donne un rayon ordinaire rouge jaunâtre; et au contraire la lame n° 2 excède cette épaisseur, en tirant vers le jaune du 1^{er} ordre, puisqu'elle donne un rayon ordinaire violet. De plus l'une et l'autre sont extrêmement voisines du blanc du 1^{er} ordre, car les rayons ordinaires sont d'une faiblesse excessive.

Maintenant, si nous inclinons les lames, nous allons augmenter ou diminuer l'intensité de la force répulsive: nous pourrons donc faire passer chacune d'elles au-dessus du blanc et au-dessous, suivant les positions où nous vou-drons la placer. C'est en effet ce que l'expérience confirme, comme on le voit dans le tableau suivant pour la position du plan d'incidence A=45°.

Numeros de la lame.	Incidence sur la lame. 0.	Angle de l'axe avec la trace du plan d'incidence.	Couleur da rayon ordi- naire, observée. F _o .	Couleur et intensité du rayon extraordinaire, observées.
Ι	52° 45'	22° 30′ 45 67 30 90	Rouge jaunâtre, moins sombre que sous l'inci- dence perpendiculaire. Blanc légèrem. rougeâtre. Blanc. Blanc légèrement violacé. Violet bleuâtre extrème- ment faible.	maximum. Blanc légèrem. bleuâtre. O Blanc sensiblement.
•	75° 37' 20"	45	Rouge jaunâtre, plus clair que dans l'incidence per- pendiculaire. Blanc sensiblement. Blanc. Blanc rougeatre. Violet presque ampercep- tible.	maximum. Blanc un peu mêlé de blen. o Blanc très - légèrement bleuâtre.
2	52° 45'	0 22 30 45 67 30 90	Rouge jaunâtre très-sombre Blanc sensiblement. Blanc : maximum. Blanc un peu violacé. Bleu très-beau.	Blanc sensiblement. Blanc sensiblement. O Blanc sensiblement. Blanc très-légèrement jau- nâtre.

On n'a pas pu observer la seconde lame sous l'incidence de 75° à cause de sa petitesse. Mais ce qui précède suffit pour reconnaître dans les teintes extrêmes le jeu des forces répulsives et les variations de leur énergie avec le changement d'inclinaison. En effet, en considérant d'abord la lame n° 1, qui était déja plus faible que le blanc du 1^{er} ordre, sous l'incidence perpendiculaire, nous voyons que lorsqu'on l'a inclinée sur le rayon polarisé, en plaçant son axe dans le plan même d'incidence, sa force répulsive a diminué; ce-

qui devait être, puisque l'angle du rayon avec l'axe de cristallisation était moindre; et cette diminution s'est manifestée principalement sur la teinte du rayon ordinaire qui répond à l'anneau transmis, car cet anneau s'est approché davantage du rouge jaunâtre, qui est en effet la teinte limite où il doit tendre, puisqu'il y arrive lorsque la lame polarise extraordinairement le bleu et le violet du 1^{er} ordre.

Au contraire, quand l'axe de cette lame a fait un angle de 90° avec le plan de réflexion, sa force répulsive s'est trouvée augmentée, comme cela devait être, et alors elle a excédé l'épaisseur qui convient au blanc du 1^{er} ordre, ce qui a donné lieu à un rayon ordinaire violacé d'une faiblesse extrême sous les deux incidences $\theta = 52^{\circ} 45'$ et $\theta = 75^{\circ} 37'.20'$.

Les mêmes accroissemens et les mêmes diminutions se sont fait sentir sur la lame no 2, mais avec cette différence, que celle-ci ayant déja dépassé le blanc du premier ordre sous l'incidence perpendiculaire, elle s'en est rapprochée lorsqu'on l'a inclinée sur le rayon incident et qu'on a placé son axe dans le plan même d'incidence. Car alors sa force répulsive a dû diminuer; elle a même assez diminué pour que cette lame passât de l'autre côté du blanc du 1er ordre en allant vers le bleu; car le rayon ordinaire, au lieu d'être bleu violacé comme il l'était sous l'incidence perpendiculaire, est devenu rouge jaunâtre extrêmement sombre, circonstance qui tenait au peu de distance où le rayon extraordinaire se trouvait alors d'être égal au blanc du 1er ordre. Au contraire, en plaçant l'axe perpendiculairement au plan d'incidence, la force répulsive a augmenté, et la lame qui se trouvait déja au-delà, mais très-près du blanc du 1er ordre, sous l'incidence perpendiculaire, s'en est encore éloignée

davantage dans ce sens, de manière que le rayon ordinaire est devenu bleu céleste, et d'un bleu très-sensible et très-beau.

Cette expérience complète les précédentes, en achevant de montrer que, dans toutes les épaisseurs possibles des lames de chaux sulfatée, l'étendue des variations des teintes produite par les changemens d'inclinaison est toujours fort petite; et de plus, qu'en l'exprimant en nombres, comme on peut le faire au moyen de la table de Newton, elle devient plus grande à mesure que la teinte fondamentale elle-même répond à une épaisseur plus grande dans l'ordre des anneaux : ce qui ne veut pas dire que les variations des teintes distinctes finissent par être de plus en plus nombreuses à mesure que l'épaisseur augmente, puisqu'au contraire les mêmes variations numériques ont d'autant moins d'influence, qu'elles s'ajoutent à des teintes déja plus éloignées des premiers ordres, mais ce qui suffit pour justifier la supposition que nous avons introduite dans la formule des teintes, en faisant l'étendue numérique des variations proportionnelle à l'épaisseur, comme Newton l'a fait, d'après l'expérience, dans les anneaux colorés.

Je n'ai jusqu'ici considéré que les lames minces de chaux sulfatée, qui, ainsi qu'on l'a vu plus haut, contiennent naturellement dans leur plan l'axe de double réfraction. Je me suis assuré que les lames minces de cristal de roche, taillées parallèlement à l'axe, suivent également les mêmes périodes dans les changemens d'intensité du rayon extraordinaire; et, quant au changement des teintes, les lois générales sont aussi les mêmes, seulement l'étendue absolue des variations des teintes est plus grande. Je n'ai pas encore déterminé

cette étendue sur un assez grand nombre de ces lames pour l'exprimer ici d'une manière numérique : mais ce qui précède suffit pour montrer que les mêmes formules que nous avons vérifiées relativement aux lames de chaux sulfatée, s'appliquent aussi, sous toutes les inclinaisons, aux lames de cristal de roche taillées parallèlement à l'axe; et d'après diverses expériences que j'ai faites sur ce genre de phénomènes, il me paraît devoir en être de même d'un grand nombre de corps cristallisés.

Quant au mica, j'ai déja dit qu'il suit d'autres lois, et d'après les phénomènes qu'il présente, je suis porté à croire que l'axe de réfraction n'est pas dans le plan de ses lames: mais ceci n'est qu'une présomption que j'aurai bientôt l'occasion de vérifier.

Si les expériences que nous venons d'exposer ne nous font pas encore remonter jusqu'à la cause physique de la polarisation que la lumière éprouve en traversant les corps cristallisés, elles nous découvrent du moins l'analogie la plus intime entre le mode successif par lequel ce phénomène s'opère, et la formation également successive des anneaux colorés. Les rapports qui lient ces deux classes de faits sont tellement nombreux, qu'on doit être porté à penser qu'ils dépendent d'une même cause, modifiée dans les corps cristallisés par la position de leur axe de cristallisation.

Sans oser former même des conjectures sur la nature de cette cause, je crois devoir aller au-devant d'une explication que l'on pourrait tenter de donner des phénomènes que nous avons décrits. En les voyant si bien en rapport avec les anneaux colorés, on pourrait s'imaginer qu'ils sont accidentellement produits par des réflexions partielles que

la lumière éprouverait entre les interstices des corps lamelleux, tels que le mica et la chaux sulfatée, réflexions qui produiraient des anneaux colorés sur les couches d'air ou de vide interposées entre les lames de cristal; il est vrai qu'il faudrait encore expliquer par quelle action particulière un des deux anneaux seulement, l'anneau réfléchi, est ramené par la polarisation extraordinaire, tandis que l'anneau transmis passe librement sans perdre sa polarisation primitive, si même il n'est polarisé de nouveau dans le sens de cette polarisation, comme je serais plus porté à le penser. Mais, sans entrer dans le détail des conséquences de cette hypothèse, il est facile de voir qu'elle n'est pas soutenable, car il faudrait alors supposer des fissures lamelleuses régulières et planes dans tous les sens possibles des corps cristallisés les plus purs, tels que le cristal de roche, par exemple; il faudrait, dis-je, en supposer de parallèles à l'axe, puisque nous avons vu que les lames de cristal de roche, taillées dans ce sens, suivent les mêmes lois que les lames minces de chaux sulfatée; et il faudrait aussi en supposer qui fussent perpendiculaires à l'axe, car j'ai trouvé, par des expériences que je n'ai pas encore publiées, que la polarisation extraordinaire se fait, dans ce sens, exactement par les mêmes périodes et suivant les mêmes lois, avec les seules modifications qui résultent de la position de l'axe et de la constitution élémentaire d'un cristal. Enfin, si les couleurs des rayons extraordinaires étaient produites par de pareilles réflexions sur des couches d'air ou de vide, il faudrait qu'en changeant les inclinaisons des lames sur le rayon incident, ces anneaux changeassent aussi selon les mêmes lois, et dans une étendue égale ou à-peu-près pareille à ce qui arrive aux lames d'air comprises entre deux

1811. 19

surfaces de verre. Car la réfraction extraordinaire qui agirait sur les molécules lumineuses, différant très-peu de la réfraction ordinaire, ne pourrait que changer un peu l'inclinaison du rayon sur les couches d'air interposées, et ce serait en cela seulement qu'elle influerait sur les variations que les couleurs éprouveraient par le changement d'incidence. Or, on a vu que, dans tous les ordres d'anneaux, la variation des teintes d'une même lame de chaux sulfatée est extrêmement petite, même pour les plus grands changemens d'inclinaison, au lieu que, d'après les expériences de Newton sur les lames d'air, la même couleur passait d'une épaisseur donnée à une épaisseur douze fois aussi grande quand les inclinaisons du rayon sur la lame d'air variaient de o à 90°. Cette étendue est près de cent fois aussi grande que celles que nous venons de trouver dans les expériences sur les lames de chaux sulfatée, et par cette raison, comme par beaucoup d'autres, que l'on pourrait aisément déduire, l'hypothèse qui tendrait à faire regarder la polarisation partielle comme un phénomène accidentel, est inadmissible.

Au contraire, tout se simplifie, tout s'accorde en regardant la polarisation partielle comme le mode particulier et progressif par lequel s'opère enfin la polarisation complète dans les corps cristallisés, deués de la double réfraction, que nous avons examinés. Ce même mode et ces mêmes propriétés se retrouvent encore dans beaucoup d'autres substances. Je les ai observés dans la baryte sulfatée, le coryndon, l'adulaire ou feld-spath, la topaze, et la strontiane sulfatée. Le sens dans lequel on détache les lames n'est astreint à aucune condition. La baryte sulfatée, par exemple, aussi bien que le cristal de roche, produit ce phénomène dans des plans parallèles à son axe, et dans des plans qui lui sont perpendiculaires. Mais l'état plus ou moins grand de ténuité qu'il faut donner aux lames pour les amener à produire la polarisation partielle, dépend de l'action plus ou moins intense du cristal sur la lumière, et de la position de son axe relativement au plan des lames. Toutes choses égales d'ailleurs, la ténuité deviendra moindre, soit par la nature des substances, soit par la position de leur axe à l'égard du rayon incident. Ce résultat explique pourquoi l'on obtient la polarisation partielle, même avec de très-gros morceaux de cristal de roche, lorsqu'on les taille perpendiculairement à leur axe, comme M. Rochon l'a remarqué; tandis que pour observer le même effet dans des lames parallèles à l'axe, il faut que leur épaisseur n'excède pas quarante-cinq centièmes de millimètre, comme on le voit par les expériences que j'ai rapportées. Lorsque le plan des lames est perpendiculaire à l'axe, et qu'on présente leur surface perpendiculairement au rayon polarisé, leur force répulsive serait rigoureusement nulle, si l'axe de réfraction était mathématiquement rectiligne. Mais comme une pareille régularité n'existe jamais dans la nature, les petites déviations que cet axe éprouve dans la succession des molécules, peuvent donner naissance à des forces répulsives qui seront en général dirigées dans des plans très-différens, et qui, n'étant pas assez fortes pour produire la polarisation définitive sur les derniers ordres d'anneaux, du moins sous l'incidence perpendiculaire, peuvent produire même dans ce sens la polarisation partielle. De plus un corps cristallisé, doué de la double réfraction, peut toujours être considéré comme composé d'une infinité de petites aiguilles cristallisées, et assemblées en faisceau autour de cet axe. Il se pourrait que la lumière éprouvât la polarisation totale ou partielle en passant entre

ces aiguilles, précisément comme nous avons vu qu'elle l'acquiert en passant entre les plans des lames qui composent la chaux sulfatée, lorsqu'on la taille perpendiculairement à son axe, et qu'on la présente perpendiculairement au rayon polarisé. Or qu'il existe de semblables causes dans les cristaux, c'est ce que je conclus des expériences que je viens de rapporter sur la chaux sulfatée, et aussi d'autres expériences que j'ai faites et non publiées sur des lames de cristal de roche très-pur, taillées perpendiculairement à l'axe. On conçoit que ces causes, et d'autres semblables, peuvent produire des polarisations partielles même lorsque l'axe de réfraction de la lame est perpendiculaire à sa surface, et parallèle au rayon incident. Mais pour faire disparaître ces couleurs lorsque la lame est épaisse, il suffit de l'incliner suffisamment sur le rayon, parce qu'alors la force principale de polarisation, croissant avec rapidité, produit bientôt la polarisation totale, ou, plus exactement, fait descendre les couleurs dans des ordres d'anneaux tels, que les petites variations des forces répulsives n'y produisent plus de changemens appréciables. C'est ainsi que, lorsque des lames diaphanes non cristallisées deviennent assez épaisses pour réfléchir le mélange des couleurs de tous les anneaux, une petite variation dans leur épaisseur ne produit plus aucune altération sensible dans leurs teintes. Mais si les choses se passent réellement comme nous venons de le dire, on doit observer, dans le progrès même de la polarisation principale, l'ordre successif des anneaux, lorsque cette polarisation parcourt tous ses degrés de développement, comme cela arrive quand on observe des lames perpendiculaires à l'axe de réfraction, et qu'on les incline graduellement sur le rayon polarisé. Or, c'est précisément ainsi que

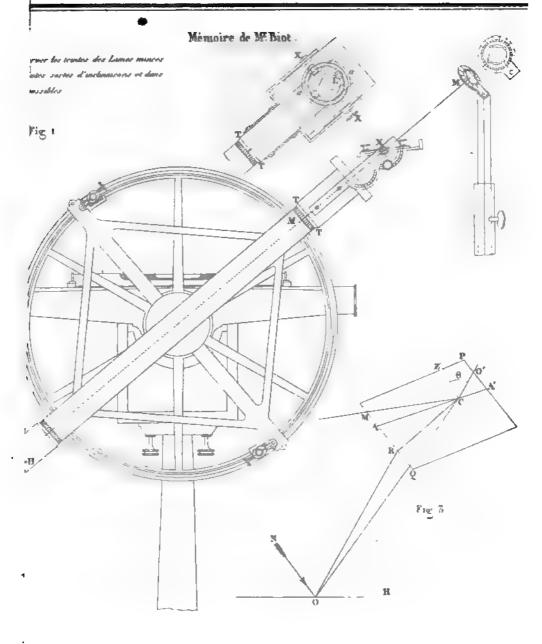
les phénomènes se passent, comme je le montrerai dans un autre Mémoire, où je donnerai les véritables lois de la polarisation successive dans les divers sens des cristaux que nous avons examinés. Pour me borner ici aux conséquences immédiates des expériences que j'ai décrites, nous venons de voir comment des lames très-minces arrivent, par l'augmentation d'inclinaison et de force répulsive, à la polarisation complète; les mêmes considérations expliquent également pourquoi la même augmentation de force répulsive amène à la polarisation partielle des lames de mica, ou de cristal de roche taillé perpendiculairement à l'axe, et trop minces pour polariser même le violet du premier ordre quand leur plan est perpendiculaire au rayon incident; et enfin, elle explique aussi comment des lames trop épaisses pour produire la polarisation partielle, peuvent y être ramenées en inclinant leurs surfaces sur le rayon polarisé incident, et plaçant leur axe de réfraction dans la direction du plan d'incidence; de sorte que ces résultats, en apparence bizarres et contradictoires, se trouvent dépendre ainsi du même principe et être assujétis aux mêmes lois.

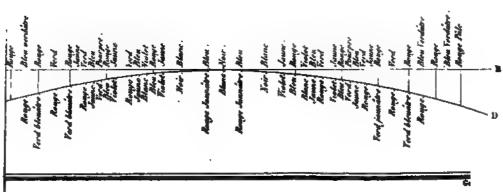
Dans le Mémoire que je viens de soumettre à la Classe, j'ai déterminé la direction de l'axe de double réfraction pour les cristaux de chaux sulfatée. J'ai prouvé que les axes de polarisation partielle des lames de cette substance étaient situés dans leur plan et parallèles à la direction que l'axe de réfraction complète a dans le cristal entier. J'ai renfermé dans deux formules très-simples toutes les variétés de couleur que ces lames présentent, lorsqu'on les fait traverser perpendiculairement par des rayons polarisés, et qu'on analyse la lumière transmise au moyen de la ré-

flexion sur une glace, ou en se servant d'un corps cristallisé. J'ai montré que toutes les variétés de ces phénomènes dépendaient, pour chaque lame, des combinaisons de deux teintes, qui se mélangent en des proportions diverses, et qui répondent aux deux couleurs qu'une même lame mince d'air réfléchit ou transmet. J'ai fixé la position de la lame dans laquelle la séparation des teintes est la plus complète, celle par conséquent qui forme l'élément principal de ces phénomènes. Pour déterminer cette teinte fondamentale, j'ai analysé la lumière que ces lames polarisent par la réflexion. J'en ai séparé l'espèce de teinte sur laquelle elles exerçaient la polarisation partielle extraordinaire. En comparant ces teintes aux épaisseurs des lames mesurées avec une précision extrême, j'ai reconnu qu'elles étaient proportionnelles: celles des lames minces d'air ou de verre, qui produisent la réflexion partielle sur des teintes semblables; ce qui permet de prédire d'avance la couleur sur laquelle agit chaque lame de chaux sulfatée, d'après la seule connais. sance de son épaisseur, en se servant de la table donnée par Newton, et rapportée plus haut, page 56. J'ai étudié les variations que ces teintes réfléchies éprouvent lorsqu'on fait tourner les lames dans leur plan : j'ai trouvé qu'elles conservent encore dans ces variations de teintes les rapports que leur épaisseur leur assigne, c'est-à-dire, que leurs couleurs montent ensemble, dans l'ordre des anneaux, lorsqu'on tourne l'axe de manière à diminuer la force répulsive, comme si la lame devenait plus mince; et que réciproquement, en tournant l'axe de manière à augmenter la force répulsive, les couleurs descendent comme si la lame devenait plus épaisse. Ces lois des rayons réfléchis étant connues, je les ai transportées aux rayons transmis sous l'inci-

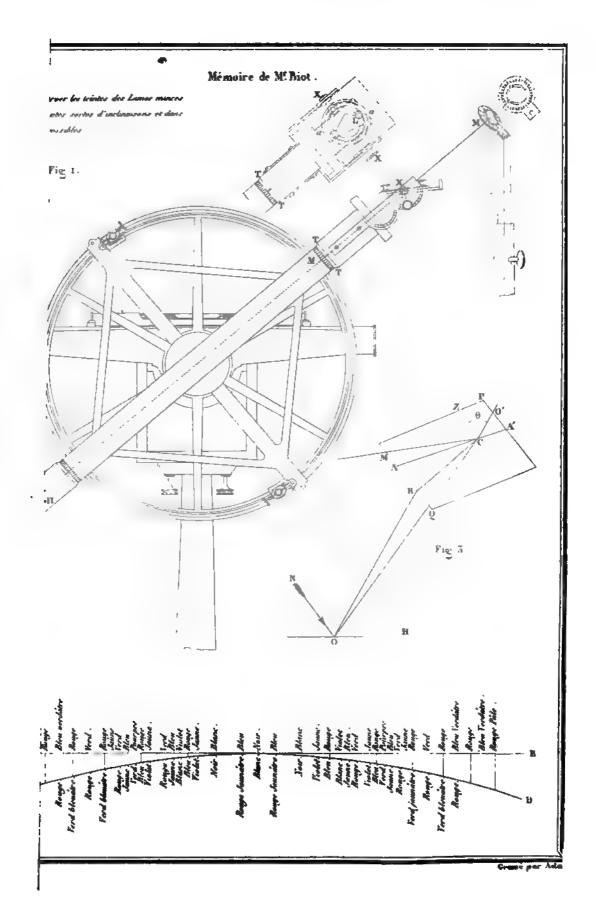
dence perpendiculaire, en prouvant, par une expérience rigoureuse et très-générale, que les couleurs de ces rayons doivent être les mêmes dans l'azimut de 45°; de sorte que la détermination de tous ces phénomènes ne dépend plus que de la connaissance de l'épaisseur de la lame en millièmes de millimètre. J'ai prouvé ensuite que les couleurs transmises par les lames de cristal de roche, taillées parallèlement à l'axe, suivent absolument les mêmes lois que les lames minces de chaux sulfatée; de sorte qu'on peut leur appliquer les mêmes formules; ce qui porte à croire, par analogie, qu'il en sera de même dans beaucoup d'autres corps cristallisés lorsqu'ils seront taillés dans ce même sens. J'ai observé que le mica suivait aussi les mêmes lois sous l'incidence perpendiculaire, et qu'il y avait des rapports analogues entre les épaisseurs de ses lames et leurs couleurs; mais avec cette modification, que les couleurs qu'il polarise extraordinairement, ne varient pas de la même manière avec l'incidence, de sorte qu'il faut les observer directement par transmission pour les comparer aux épaisseurs correspondantes. De-là, passant à la considération des changemens de teintes et d'intensité qu'éprouvent les rayons ordinaires et extraordinaires lorsqu'on incline les lames sur le rayon incident, j'ai déduit de l'expérience les lois très-simples auxquelles ces variations sont assujéties relativement aux lames parallèles à l'axe. J'ai tiré des observations de Newton les lois suivant lesquelles les teintes devaient changer avec l'incidence, en supposant que ces changemens fussent analogues à ceux des anneaux colorés produits par les lames minces non cristallisées, et l'expérience a confirmé ce rapprochement. Et comme nos formules relatives aux rayons inclinés renferment particulièrement le cas des incidences perpendiculaires, il s'ensuit qu'elles expriment

sous une forme simple, et cependant complète, toutes les variations possibles d'intensité et de teinte que peuvent éprouver des lames de chaux sulfatée ou de cristal de roche, taillées perpendiculairement à l'axe, lorsqu'on les présente dans une position 'quelconque à un rayon polarisé, et qu'on apalyse la lumière transmise avec un cristal, ou en se servant de la réflexion sur une glace. De ces phénomènes ainsi rassemblés sous un même point de vue, il résulte évidemment que la polarisation de la lumière, dans les corps que nous avons examinés, suit précisément les mêmes lois, les mêmes périodes que la réflexion ordinaire dans les lames minces des corps non-cristallisés, avec la seule différence des épaisseurs; en sorte que ces deux classes de phénomènes se succèdent l'une à l'autre, dans le même ordre de teintes et par des épaisseurs proportionnelles, la polarisation nulle répondant au cas ou il ne se fait encore aucune réflexion, et la polarisation complète répondant au cas où la réflexion s'opère sur l'ensemble des couleurs de divers' ordres dont le mélange forme un blanc composé : ce qui établit une analogie nouvelle et bien remarquable entre les forces encore inconnues qui produisent la réflexion ordinaire, et celles également inconnues qui produisent la polarisation dans les corps cristallisés.



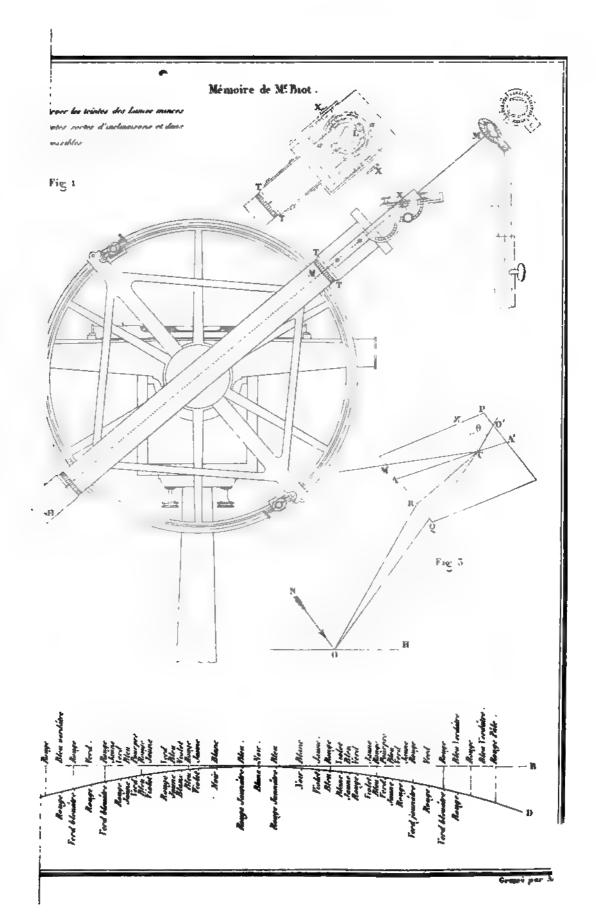


sous une forme simple, et cependant complète, toutes les variations possibles d'intensité et de teinte que peuvent éprouver des lames de chaux sulfatée ou de cristal de roche, taillées perpendiculairement à l'axe, lorsqu'on les présente dans une position quelconque à un rayon polarisé, et qu'on apalyse la lumière transmise avec un cristal, ou en se servant de la réflexion sur une glace. De ces phénomènes ainsi rassemblés sous un même point de vue, il résulte évidemment que la polarisation de la lumière, dans les corps que nous avons examinés, suit précisément les mêmes lois, les mêmes périodes que la réflexion ordinaire dans les lames minces des corps non-cristallisés, avec la seule différence des épaisseurs; en sorte que ces deux classes de phénomènes se succèdent l'une à l'autre, dans le même ordre de teintes et par des épaisseurs proportionnelles, la polarisation nulle répondant au cas ou il ne se fait encore aucune réflexion, et la polarisation complète répondant au cas où la réflexion s'opère sur l'ensemble des couleurs de divers ordres dont le mélange forme un blanc composé : ce qui établit une analogie nouvelle et bien remarquable entre les forces encore inconnues qui produisent la réflexion ordinaire, et celles également inconnues qui produisent la polarisation dans les corps cristallisés.

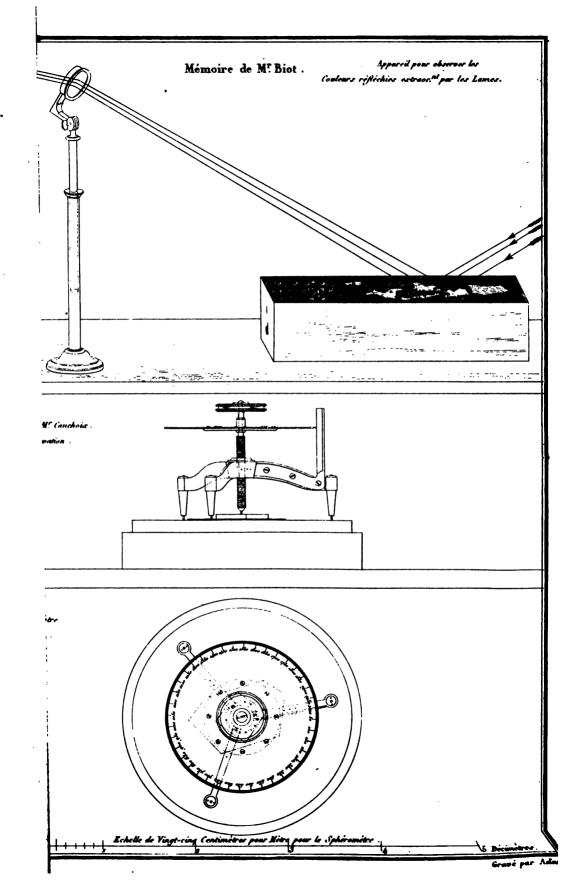


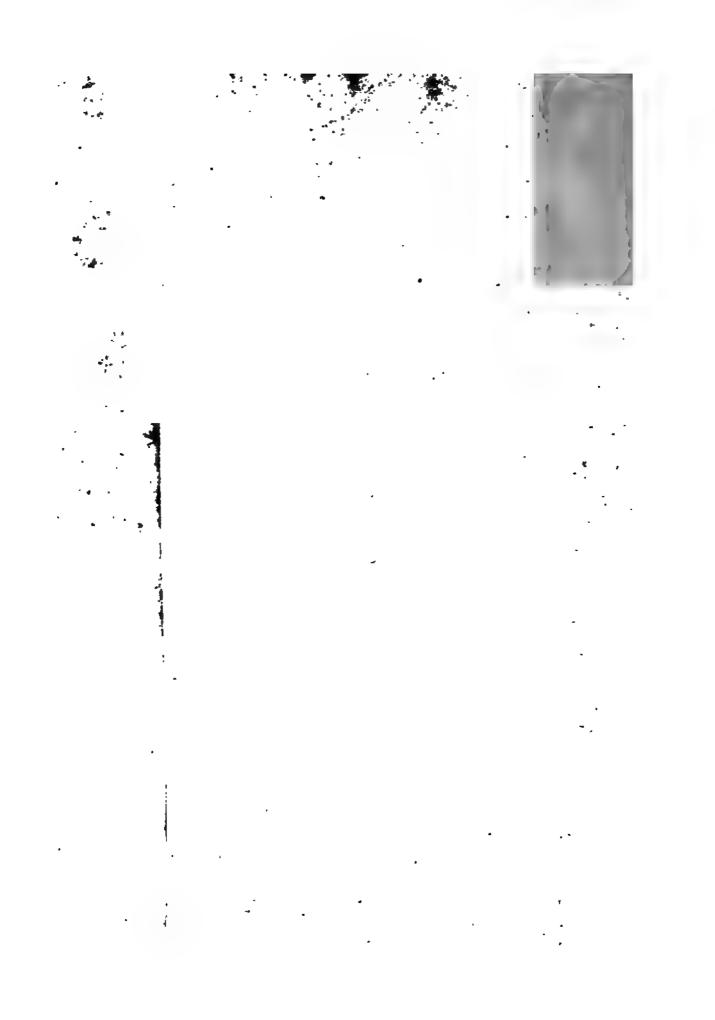
sous une forme simple, et cependant complète, toutes les variations possibles d'intensité et de teinte que peuvent éprouver des lames de chaux sulfatée ou de cristal de roche, taillées perpendiculairement à l'axe, lorsqu'on les présente dans une position quelconque à un rayon polarisé, et qu'on analyse la lumière transmise avec un cristal, ou en se servant de la réflexion sur une glace. De ces phénomènes ainsi rassemblés sous un même point de vue, il résulte évidemment que la polarisation de la lumière, dans les corps que nous avons examinés, suit précisément les mêmes lois, les mêmes périodes que la réflexion ordinaire dans les lames minces des corps non-cristallisés, avec la seule différence des épaisseurs; en sorte que ces deux classes de phénomènes se succèdent l'une à l'autre, dans le même ordre de teintes et par des épaisseurs proportionnelles, la polarisation nulle répondant au cas ou il ne se fait encore aucune réflexion, et la polarisation complète répondant au cas où la réflexion s'opère sur l'ensemble des couleurs de divers ordres dont le mélange forme un blanc composé : ce qui établit une analogie nouvelle et bien remarquable entre les forces encore inconnues qui produisent la réflexion ordinaire, et celles également inconnues qui produisent la polarisation dans les corps cristallisés.

7195)









MÉMOIRE

SUR UN NOUVEAU GENRE D'OSCILLATION

QUE LES MOLÉCULES DE LA LUMIÈRE ÉPROUVENT EN TRAVERSANT CERTAINS CRISTAUX.

Lu à l'Institut le 30 novembre 1812.

Le travail que je vais avoir l'honneur de soumettre à la Classe, a pour objet de déterminer, par des expériences exactes et nombreuses, le mode suivant lequel la polarisation de la lumière s'opère dans un grand nombre de cristaux doués de la double réfraction. J'espère montrer que ce phénomène s'exécute par une succession d'oscillations que les molécules lumineuses éprouvent autour de leur centre de gravité, en vertu de forces attractives et répulsives qui agissent sur elles. Je déduirai de l'expérience la durée de ces oscillations, leur vîtesse, et la loi des forces qui les produisent; ce qui donnera une relation entre la grandeur des particules lumineuses et l'intensité des forces qui les sollicitent, de même que la vîtesse des vibrations d'un pendule donne une relation entre sa longueur et la force de la gravité. Je ferai voir, par l'expérience, comment on peut, à volonté, accélérer ces oscillations ou lés ralentir, ou même les rendre nulles, ou les faire marcher en sens opposé. Parvenu à cette cause générale, j'en déduirai les lois des phénomènes que présentent les cristaux

1812. 20

auxquels elle s'applique lorsqu'on les réduit en lames minces ou épaisses, et qu'on les présente à un rayon polarisé; et enfin, comparant ces conséquences de la théorie avec l'expérience, on verra à quoi tient la singulière analogie de ces phénomènes avec les anneaux colorés, d'où provient la succession des teintes que les cristaux de cette nature polarisent quand ils sont réduits en lames minces; enfin on en verra sortir un grand nombre d'autres résultats d'expérience que j'ai observés et mesurés avec le plus grand soin.

Les faits sur lesquels j'appuierai cette théorie sont de deux sortes. Les uns se trouvent consignés dans deux Mémoires que j'ai eu l'honneur de présenter à la Classe au commencement de cet été; je me bornerai à les rappeler succinctement. Les autres sont des phénomènes nouveaux qui font suite à ceux-là, et qui les complètent. Je les exposerai avec un peu plus de détail, et ce sera l'objet du premier Mémoire que je vais lire aujourd'hui.

Dans le Mémoire que j'ai eu l'honneur de lire à la Classe le 1^{er} juin de cette année, j'ai donné des formules au moyen desquelles on peut prévoir tous les phénomènes de la polarisation de la lumière pour des lames de chaux sulfatée ou de cristal de roche, taillées parallèlement à l'axe de double réfraction, quelque soit l'angle et la direction sous lesquels ces lames se présentent aux rayons lumineux. Quoique ces formules ne fussent alors que la représentation empirique des faits et leur expression abrégée, cependant la manière dont je les avais formées, et pour ainsi dire moulées sur l'expérience, ne me laissait pas douter qu'elles n'en renfermassent les véritables lois; et cela paraîtra encore bien mieux au-

jourd'hui, que je puis les tirer directement de la considération des forces mêmes qui agissent dans ces circonstances sur les molécules de la lumière. De plus, en mesurant avec beaucoup de précision les épaisseurs d'un grand nombre de lames minces de chaux sulfatée et de cristal de roche, j'avais trouvé que, pour chaque cristal, et sous l'incidence perpendiculaire, les variations de teinte du rayon extraordinaire se faisaient précisément suivant les mêmes lois et les mêmes périodes que les variations de couleur du rayon réfléchi dans les anneaux colorés; en sorte que ces deux classes de phénomènes, si différens au premier coupd'œil, se suivent et se correspondent par des épaisseurs proportionnelles: et comme Newton a donné une table des épaisseurs diverses qui réfléchissent les teintes composées des anneaux, depuis les premières traces du violet le plus sombre jusqu'à la blancheur presque parfaite, je fis voir qu'à l'aide de cette table, et de l'analogie que j'avais remarquée, on pouvait prédire très-exactement, dans chaque cristal, la nature des teintes extraordinaires pour des lames d'une épaisseur connue. Les expériences que je vais rapporter tout - à - l'heure, non - seulement confirment cette analogie, mais en feront connaître la cause, et nous expliqueront même les petites inégalités que j'ai reconnues à cet égard entre les divers cristaux d'une même substance qui exigent quelquefois des épaisseurs assez différentes pour faire paraître la même teinte, quoique la proportionnalité des épaisseurs et des teintes se conserve dans chacun d'eux, et que la pesanteur spécifique n'indique aucune différence appréciable dan densité.

Enfin j'indiquai la dépendance qui existait entre les changemens des teintes d'une même lame sous des incidences diverses, et les variations d'intensité de la force répulsive qui produit la double réfraction. Je fis voir qu'en abaissant l'axe de la lame sur les rayons incidens, ce qui diminue la force répulsive, la teinte du rayon extraordinaire montait dans l'ordre des anneaux colorés comme si la lame fût devenue plus mince; et réciproquement, que si l'on eloignait l'axe du rayon incident, la teinte changeait comme si la lame fût devenue plus épaisse. On verra tout-à-l'heure la cause de ces changemens.

Dans un second Mémoire que je lus à la Classe le 15 juin, j'annonçai que j'avais trouvé dans la polarisation de la lumière par ces lames, une loi analogue à la conservation des forces vives dans la mécanique. Elle consiste en ce que si l'on prend plusieurs d'entre elles extraites des corps cristallisés que nous avons désignés, et qu'on les superpose dans un ordre quelconque, avec la seule condition de rendre leurs axes parallèles, la teinte du rayon qu'elles polarisent est constante, quel que soit l'ordre dans lequel les lames sont superposées, et soit que l'on combine ensemble des lames tirées d'une même espèce de cristal, ou de cristaux de nature diverse. Dans tous les cas l'action du systême, pour polariser la lumière, est constante, et la teinte du rayon extraordinaire est celle que la somme des epaisseurs doit produire, en les supposant ramenées à l'échelle de Newton. Je spécifiai que cette constance n'avait lieu que dans le cas du parallélisme des axes, et j'ajoutai dès-lors que, dans le où les lames se croisaient à angles

droits, leur action paraissait être celle qui convenait à la différence des épaisseurs; mais je n'indiquai ce résultat que comme une observation que je me proposais de vérifier avec un appareil exact. Je l'ai fait cet été; et l'expérience, en confirmant mon premier aperçu, m'a conduit de recherche en recherche à la cause générale de toute cette classe de phénomènes: c'est ce que je vais exposer.

Pour plus de clarté rappelons d'abord en peu de mots ce que l'on entend par un rayon polarisé. D'après les belles expériences de Malus, on appelle ainsi un rayon dont toutes les molécules sont tellement disposées, qu'elles se comportent toutes absolument de la même manière, quand on les fait tomber perpendiculairement sur la face naturelle d'un rhomboïde de spath d'Islande, dont la section principale est située dans une certaine direction. Alors le rayon, s'il est polarisé, ne se divise pas en deux faisceaux : au lieu qu'un rayon naturel, directement émané d'un corps lumineux, s'il est placé dans les mêmes circonstances, subit la double réfraction. En outre, si l'on reçoit le rayon polarisé sur une glace polie et non étamée, qui fasse avec sa direction un angle de 35° 45', c'est encore une découverte de Malus, que la quantité de lumière réfléchie n'est pas la même dans toutes les positions de la glace autour du rayon; et si on fait tourner celui-ci sur lui-même, la glace restant fixe, on trouvera deux positions diamétralement opposées dans lesquelles aucune molécule de lumière n'est réfléchie. Cela n'arriverait point avec un rayon naturel; la quantité de lumière réfléchie par la glace, sous ce même angle, serait la même dans toutes les positions autour du rayon,

et la rotation de celui-ci sur lui-même n'y apporterait aucun changement.

On est donc forcé de reconnaître, par ces phénomènes, que le rayon polarisé a des caractères qui le distinguent essentiellement de la lumière directe, et ces caractères consistent en ce que, dans les circonstances que nous venons de décrire, ses molécules échappent à la double réfraction ou à la réflexion toutes ensemble et à-la-fois; au lieu que, dans un rayon de lumière directe, une partie des molécules serait doublement réfractée, ou bien une partie serait réfléchie, et l'autre transmise. Ce qui se présente de plus simple, c'est de considérer les molécules du rayon polarisé, comme étant toutes disposées dans des situations pareilles les unes aux autres: par conséquent, si l'on rapporte chacune d'elles à trois axes rectangulaires, pris dans son intérieur, dont l'un soit dirigé dans le sens de la translation du rayon, et les deux autres menés à des points correspondants des molécules, ces axes, dans les molécules du rayon polarisé, se trouveront tous parallèles entre eux.

A la vérité il est d'autres circonstances où les molécules du rayon polarisé se séparent les unes des autres, soit pour se réfracter, soit pour se réfléchir partiellement, ce qui semble, au premier abord, être en contradiction avec le parallélisme supposé de leurs axes; mais j'espère montrer, dans un autre Mémoire, que cette séparation tient à une propriété des accès de facile réflexion et de facile transmission, à laquelle on n'avait pas fait attention jusqu'à présent, et qui explique non-seulement



les phénomènes dont il s'agit, mais un assez grand nombre d'autres qui ont lieu dans la simple réflexion de la lumière par les corps.

Nous venons de définir les caractères d'un rayon polarisé: mais par quels moyens met-on un rayon dans cet état, et imprime-t-on à ses molécules cette modification particulière? On peut y parvenir de bien des manières. D'abord, tous les rayons qui ont traversé des cristaux doués de la double réfraction, et qui s'y sont trouvés réfractés ordinairement ou extraordinairement, jouissent de ces propriétés. On les observe encore dans les rayons réfléchis par une glace polie sous l'incidence de 35° 45', à compter de la surface réfléchissante. Soit que l'on adopte l'un de ces procédés ou l'autre, les rayons ainsi modifiés jouiront des propriétés indiquées plus haut; et on pourra s'en assurer aisément en leur faisant traverser perpendiculairement un rhomboïde de spath d'Islande, ou en les recevant sur une glace polie, placée sous l'inclinaison que nous avons fixée d'après les expériences de Malus.

Dans chaque cas, la direction qu'il faut donner au rhomboïde ou à la glace, pour que le rayon polarisé échappe à la double réfraction ou à la réflexion, cette direction, disje, a un rapport fixe et connu avec la position du corps qui a imprimé la polarisation au rayon. Par exemple, si le rayon a été polarisé par réflexion sur une glace horizontale, le sens dans lequel il faut placer une seconde glace, pour qu'il échappe complètement à la force réfléchissante, est déterminé, et il n'y a que deux positions uniques où cet effet ait lieu. De même, si le rayon a été polarisé par un cristal, et qu'on veuille l'analyser par l'action d'un autre cristal, ou par la réflexion sur une glace, la position de ce cristal ou de cette glace dépendront de la position du premier cristal, et de l'espèce de réflexion ordinaire ou extraordinaire que le rayon y aura subie.

Pour fixer les idées, supposons que le rayon polarisé soit vertical, et qu'il ait été produit par la réflexion sur une glace polie, inclinée à l'horizon vers le sud, en sorte que le plan de réflexion soit dirigé suivant le méridien; supposons que l'on analyse ce rayon avec un rhomboïde de spath d'Islande, perpendiculaire à-sa direction: on verra qu'il passe sans se diviser lorsque la petite diagonale du rhomboïde est parallèle ou perpendiculaire au plan du méridien. Mais dans toutes les autres positions le rayon se divisera. Si, au lieu d'employer un cristal, on analyse le rayon par réflexion sur une glace, il faudra, pour qu'il échappe à la force réfléchissante, que le plan de réflexion de cette glace soit dirigé dans le plan d'est et ouest, ce qui donne deux positions opposées dans lesquelles le phénomène a lieu.

Ainsi, les caractères qui distinguent un pareil rayon se manifestent dans le plan du méridien, et dans le plan d'est et ouest qui lui est perpendiculaire. Pour exprimer cette circonstance nous dirons, d'après Malus, qu'un pareil rayon est polarisé ordinairement dans le plan du méridien.

Des trois axes rectangulaires auxquels nous rapporterons ses molécules, le premier, toujours dirigé dans le sens de la translation du rayon, sera par conséquent vertical: mais comme nous pouvons choisir à volonté les directions des deux

autres, nous prendrons l'un dans le plan du méridien, et nous le nommerons l'axe de polarisation du rayon; le troisième, perpendiculaire aux deux autres, sera dirigé dans le plan d'est et ouest. Cela posé, puisque le rayon est polarisé, les axes de polarisation de ses molécules seront dirigés dans toutes vers les mêmes points physiques. Si toutes ces molécules viennent à changer de plan de polarisation, par l'action de quelque cause extérieure, ou, si une partie se sépare des autres, leur axe de polarisation se déplacera avec elles, et nous jugerons par son déplacement des mouvemens qu'elles auront exécutés. Par exemple, si l'on fait tomber ce rayon sur une lame mince de chaux sulfatée, taillée parallèlement à l'axe de cristallisation, dont l'épaisseur soit moindre que omm, 45, et plus grande que omm, 003, on s'aperçoit aisément que l'interposition de cette lame a changé en partie la polarisation du rayon: car, si on l'analyse après sa transmission, avec un rhomboïde de spath d'Islande dont la section principale soit dirigée dans le plan du méridien, on voit qu'en général il se divise en deux faisceaux, excepté dans deux positions rectangulaires de la lame, et, de plus, les deux faisceaux ont des couleurs différentes, comme M. Arrago l'a le premier observé. Ces couleurs, dans les lames d'épaisseurs diverses, suivent l'ordre reconnu par Newton dans les successions des anneaux réfléchis ou transmis par des lames minces d'air, d'eau, ou de verre; et dans ces deux genres de phénomènes les mêmes teintes sont données sous l'incidence perpendiculaire par des épaisseurs proportionnelles, ce qui permet de les prévoir d'après une table insérée par Newton dans son Optique. Les deux teintes obtenues de

cette manière approchent de plus en plus de la blancheur, à mesure que l'épaisseur des lames augmente; et enfin elles deviennent constamment blanches lorsque l'épaisseur appoint à-peu-près o ,45. Les mêmes phénomènes a blatement dans un grand nombre de corps cristallisés, doués de la double réfraction, lorsqu'on les divise en lames parallèles à leur axe. Mais les limites où les couleurs des deux faisceaux commencent et finissent, sont différentes pour chacun d'eux.

En appliquant ici les lois trouvées par Malus pour la polarisation de la lumière dans la chaux carbonatée rhomboïdale, on devrait croire que, dans ces circonstances, le rayon polarisé perd toute sa polarisation primitive par l'influence de la lame interposée, et qu'il se polarise de nouveau relativement à la section principale de cette lame, en se partageant en deux faisceaux, l'un ordinaire, l'autre extraordinaire, c'est-à-dire, dont les axes de polarisation se trouvent parallèles ou perpendiculaires à la section principale de la lame; mais la chose ne se passe pas ainsi, du moins dans les cristaux que je viens de désigner. Chaque lame, selon son épaisseur, n'agit que sur une espèce particulière de teinte, sur l'ordre d'anneaux qui lui appartient, et elle la polarise, non pas dans le sens de son axe, mais suivant une direction qui fait un angle double avec le plan de la polarisation primitive. Si l'on nomme E la teinte polarisée par la lame, O la teinte qu'elle ne dévie point, et que l'on désigne par i l'angle formé par l'axe de la lame avec le plan de la polarisation primitive que nous supposons être le méridien, les molécules lumineuses qui composent la teinte O conserveront leur axe de polarisation dans le plan

du méridien, et les molécules qui composent la teinte E tourneront le leur suivant une ligne droite qui fera l'angle 2 i avec ce même plan. Tel est le résultat général des expériences que j'ai rapportées dans mon premier Mémoire, et telle est aussi la signification des formules par lesquelles je les ai représentées. Cette polarisation, qui se fait toute entière hors de l'axe de la substance cristallisée, est un phénomène tout-à-fait nouveau. On verra plus loin quelle en est la cause.

Pour la découvrir, je rappellerai d'abord une observation que j'ai consignée dans mon premier Mémoire. Prenons une lame mince de chaux sulfatée ou de cristal de roche, taillée parallèlement à l'axe de la double réfraction, exposons-là perpendiculairement au rayon polarisé de manière que son axe fasse un angle de 45° avec le plan de polarisation, qui sera, par exemple, le méridien, et supposons que l'on analyse la lumière transmise, en se servant pour cela d'un rhomboïde de spath d'Islande, dont la section principale soit ainsi dans le méridien : alors on verra deux images à travers le rhomboïde, l'une ordinaire, l'autre extraordinaire; elles seront de couleurs différentes, si l'épaisseur de la lame est comprise entre les limites que j'ai fixées. Cette position de son axe est celle où la séparation des deux teintes est la plus complète. Supposons maintenant que, sans changer d'azimut, on incline la lame sur le rayon polarisé, de manière que le plan d'incidence du rayon sur sa surface coïncide avec son axe: alors les couleurs du rayon extraordinaire monteront dans l'ordre des anneaux, comme si la lame devenait plus mince, ce qui est bien facile à concevoir; car, en

abaissant l'axe sur le rayon incident, vous diminuez l'angle qu'il forme avec lui, et par conséquent avec le rayon réfracté; vous diminuez donc aussi la force qui produit la double réfraction de la lame, d'après la belle théorie de M. la Place, car elle est proportionnelle au carré du sinus de cet angle. L'action de la lame devenant plus faible, il est tout simple qu'elle produise le même effet qu'une lame plus mince. Mais voici qui semble moins facile à expliquer. Au lieu de mettre l'axe de la lame dans le plan d'incidence, et de l'incliner sur le rayon polarisé, placez-y la ligne qui lui est perpendiculaire, et inclinez-la de même à son tour; vous verrez alors les couleurs du rayon extraordinaire descendre dans l'ordre des anneaux, comme si la lame devenait plus épaisse. Cependant, par cette disposition, l'axe de la lame est resté perpendiculaire sur la direction de rayon incident et du rayon réfracté; par conséquent, la force que cet axe exerce sur les molécules lumineuses de. vrait rester constante; du moins il est sûr qu'elle ne peut devenir plus grande que sous l'incidence perpendiculaire; cependant nous voyons que l'action de la lame s'exerce sur un ordre d'anneaux plus approchant de la polarisation totale: et cela n'a pas lieu seulement dans l'azimut de 45°; je n'ai choisi celui-ci pour exemple que parce que la séparation des teintes y est plus considérable, et l'effet plus sensible. Mais dans tout autre azimut que l'on veuille placer le plan d'incidence, et quelque direction que l'on veuille donner à la lame sur son plan, on trouvera toujours que si l'axe est dans le plan d'incidence, et qu'on l'incline sur le rayon, l'action de la lame varie comme si elle devenait plus mince; et au contraire, si on place dans la

même circonstance la ligne qui lui est perpendiculaire, elle agit comme si elle devenait plus épaisse. Entre ces deux positions extrêmes la teinte varie en plus ou en moins, selon que l'on incline davantage l'une ou l'autre ligne sur le rayon polarisé. En rapportant ces phénomènes dans mon premier Mémoire, je disais que dans les lames de chaux sulfatée, et dans celles de cristal de roche, taillées parallèlement à l'axe de la double réfraction, cet axe, et la ligne qui lui est perpendiculaire, semblaient agir également, et avec la même force, pour faire monter ou descendre les couleurs dans l'ordre des anneaux. Je n'examine point ici comment cette double influence s'exerce, ni quelles sont les forces qui semblent émaner de ces deux lignes. Je ne prétends pas même affirmer ici qu'il émane réellement des forces de la seconde comme de la première. Nous ne pourrons le savoir qu'après avoir mesuré d'une manière précise les variations que les phénomènes éprouvent dans ces deux sens sous les incidences diverses. Mais en attendant, puisque nous voyons l'action de la plaque augmenter quand on incline sur le rayon la ligne perpendiculaire à l'axe, nous ne pouvons rien faire de plus général que d'admettre une action quelconque dépendante de cette ligne, et de chercher à tirer des phénomènes même la loi et l'intensité suivant laquelle elle s'exerce. Dès-à-présent, pour plus de clarté, je désignerai sous le nom de premier axe, celui que les physiciens ont jusqu'ici considéré, et je donnerai à l'autre le nom de second axe.

Avant d'exposer les phénomènes nouveaux auxquels m'a conduit la connaissance de ces axes, je vais indiquer les propriétés caractéristiques dont ils jouissent dans plusieurs

substances, car ils n'existent pas seulement dans la chaux sulfatée: je les ai également reconnus dans le cristal de roche, le mica, l'adullaire ou feldspath, la baryte sulfatée, le béril, la strontiane sulfatée, la topase et l'eau glacée, seules substances que j'ai pu essayer jusqu'ici; et je n'ai pas même eu besoin, pour cela, de réduire ces dernières en lames minces, car je puis démontrer aussi l'existence de cette propriété dans les morceaux les plus épais, et prouver ainsi qu'elle est permanente dans chacun de ces cristaux. Il n'est pas non plus nécessaire que les surfaces des morceaux que l'on éprouve soient parallèles, car on peut également développer cette propriété dans des prismes, comme on le verra plus bas.

Dans la chaux sulfatée et le cristal de roche, taillés parallèlement à l'axe de cristallisation, l'influence des deux axes sur les couleurs paraît varier dans la même proportion par le changement d'incidence. En effet, si l'on prend pour plan d'incidence celui de la polarisation primitive, et qu'on place les deux axes de la lame à 45° de part et d'autre de ce plan, par conséquent sous la même inclinaison, on pourra incliner la lame tant que l'on voudra sur le rayon incident, la teinte du faisceau qu'elle polarise ne changera pas, et sera la même que sous l'incidence perpendiculaire. Cela arrivera également dans tout autre plan d'incidence, pourvu que les deux axes de la lame fassent des angles égaux avec ce plan; car c'est une loi générale pour toutes ces substances que chaque lame polarise toujours la même teinte lorsque les inclinaisons de ses axes sur le rayon réfracté sont constantes, et qu'on fait seulement tourner le rayon sur lui-même.

L'égalité dont nous venons de parler n'a pas lieu dans

les lames de mica. Si l'on place ces lames dans la même position que les précédentes, de sorte que chacun des deux axes situés dans leur plan fasse un angle de 45° avec le plan de polarisation primitive, on trouve qu'en partant de l'incidence perpendiculaire, les teintes du faisceau polarisé changent à mesure que la lame s'incline sur le rayon incident, et par conséquent sur le rayon réfracté. La même chose arrive lorsque l'on met le plan d'incidence dans tout autre azimut, les deux axes situés dans le plan de la lame formant avec lui deux angles égaux. Dans tous ces cas les couleurs changent comme si la lame devenait plus épaisse.

Mais il se produit en même temps un autre phénomène. Si le plan d'incidence est celui de la polarisation primitive, l'intensité du rayon extraordinaire s'affaiblit progressivement à mesure que la lame s'incline, et cependant sa teinte ne laisse pas de baisser dans l'ordre des anneaux comme si la lame acquérait plus d'épaisseur. Il y a donc ici un nouveau genre d'action que l'inclinaison développe, et qui, s'exerçant à partir du plan d'incidence, enlève au rayon extraordinaire une partie des molécules qui devaient le composer. Cette action émane d'un axe perpendiculaire au plan des lames de mica, et elle leur est tellement inhérente, qu'il y a des lames dans lesquelles elle existe seule; les autres étant détruites par les irrégularités de la cristallisation.

Nous devrons donc en général rapporter les phénomènes du mica à trois lignes ou axes, dont deux sont situés dans le plan des lames et le troisième perpendiculaire; sauf à déterminer par l'expérience les forces qui émanent de ces lignes.

Les conséquences de cet arrangement se présentent d'elles-

mêmes, si l'on place le premier axe des lames de mica dans le plan d'incidence, et qu'on l'incline sur le rayon incident, son action diminuera, et en vertu de cette cause, si elle existait seule, la force de polarisation devrait s'affaiblir comme si la lame devenait plus mince, ainsi que cela arrive dans le cristal de roche et la chaux sulfatée. Mais l'augmentation d'intensité causée par l'influence croissante de l'axe perpendiculaire au plan des lames, qui conspire alors avec le premier axe, est plus que suffisante pour compenser cette diminution, et en conséquence la teinte du faisceau polarisé par la lame, descend constamment dans l'ordre des anneaux, comme si elle devenait plus épaisse. Mais aussi qu'arrive-t-il si l'on fait tourner la lame sur son plan d'un angle droit, ce qui amène le second axe dans le plan d'incidence? C'est qu'alors, en inclinant la lame, l'action croissante de l'axe perpendiculaire à leur plan se développant par l'inclinaison balance de plus en plus l'action du premier axe auquel elle est devenu le contraire, de sorte que les teintes du rayon polarisé, au lieu de descendre, remontent dans l'ordre des anneaux comme si la lame devenait plus mince. Enfin, il arrive un terme auquel les actions réunies du second et du troisième axes font exactement équilibre à l'action du premier, de sorte que, sous cette incidence, la lame ne polarise plus aucune molécule de lumière, et le rayon extraordinaire s'évanouit. Mais au-delà de cette limite, qui est la même pour toutes les lames de mica de même nature, minces ou épaisses, l'axe perpendiculaire étant devenu le plus fort, on voit le rayon extraordinaire reparaître et redescendre de nouveau dans l'ordre des anneaux, suivant les mêmes périodes qu'il avait d'abord parcourues en sens contraire; c'est-à-dire que si sa teinte était primitivement le rouge brun du premier ordre, sous l'incidence perpendiculaire, en commencant d'incliner la lame, cette teinte monte d'abord à l'orangé du premier ordre, puis au jaune pâle, au blanc du premier ordre, et enfin au bleu, au violet et aunoir, suivant la table des épaisseurs données par Newton, dans l'Optique; après quoi elle reviendra du noir au violet, puis au bleu, au blanc du premier ordre, au jaune pâle, à l'orangé, au rouge, ce qui était sa teinte primitive, et ainsi de suite, en descendant toujours dans l'ordre des anneaux. On voit bien que, sans l'intervention de ce troisième axe, qui n'agissait point sous l'incidence perpendiculaire, il ne serait pas possible que la teinte fût la même sous cette incidence et sous une autre incidence plus oblique, lorsque le premier axe reste toujours perpendiculaire au rayon réfracté, tandis que le second s'incline sur lui. Mais au moyen de l'action simultanée des trois axes, on conçoit aisément ces effets, on se rend raison de leurs bizarreries apparentes, on peut même les prévoir avec une telle certitude, qu'étant donnée une seule des incidences à laquelle on a observé une des teintes de la table de Newton, par exemple, l'incidence à laquelle le rayon extraordinaire devient nul, on prédit exactement tous les autres degrés d'incidence, depuis oo jusqu'à 900 auxquels on devra observer toutes les autres teintes mesurées par Newton, lesquelles sont au nombre de trente-trois pour chaque lame. Lorsque l'on opère sur des lames dans lesquelles les axes parallèles à la surface n'existent point, ou ont perdu leur influence par la manière dont les molécules se sont arrangées, on conçoit que les phénomènes doivent être différens, parce qu'alors 1812. 22

le troisième axe perpendiculaire au plan des lames est le seul qui les produise. Alors la lame n'exerce aucune polarisation sous l'incidence perpendiculaire, parce que l'influence de cet axe y est nulle, puisqu'il fait un angle nul avec le rayon réfracté. Mais à mesure qu'on l'incline dans une direction quelconque sur le rayon incident, il commence à agir, favorisé par l'inclinaison. Aussi à partir d'une certaine limite, les couleurs commencent à descendre dans l'ordre des anneaux, suivant des périodes calculables, comme si la lame devenait plus épaisse; et elles continuent toujours à descendre, sans éprouver ces alternatives ou inversions de marche que l'on observait dans le cas précédent, lorsque l'action du troisième axe perpendiculaire aux lames pouvait être combattue et contrebalancée par l'action des axes situés dans leur plan. Les lames de mica où l'axe perpendiculaire agit seul, se conduisent à cet égard absolument comme les lames de cristal de roche taillées perpendiculairement à l'axe de cristallisation; mais dans les unes comme dans les autres, les molécules lumineuses qui perdent leur polarisation primitive, ne tournent point leurs axes de polarisation suivant la section principale de la lame inclinée. On verra plus loin quelle est cette direction dans les diverses circonstances, et quelles sont les causes qui la modifient.

L'influence inégale de l'inclinaison sur les deux axes du mica situés dans le plan de ses lames, est la cause pour laquelle les lames de cette substance recevant un rayon naturel sous l'angle qui produit, par réflexion, la polarisation complète, et dans l'azimut de 45°, ne polarisent pas la même teinte qu'elles polarisent par transmission sous l'incidence perpendiculaire; au lieu que ces deux teintes sont absolument

identiques dans les lames de chaux sulfatée et de cristal de roche taillées parallèlement à l'axe de cristallisation, parce que, dans l'azimut de 45°, l'influence des deux axes situés dans le plan de ces lames varie en proportion semblable par l'inclinaison. Toutes ces circonstances compliquées, qui se laissent ainsi prévoir par le seul raisonnement, d'après la considération de l'action multiple des axes et de leur inégale énergie, confirment d'une manière assez frappante l'existence de ces axes, ou du moins celle des forces qui émanent de leurs directions, seule chose que je prétends établir.

Mais, pour rendre la chose encore plus palpable, je m'en vais montrer comment on peut à cet égard imiter la nature, comment on peut rendre les variations des teintes très-considérables, et même aussi considérables que l'on voudra dans toutes les substances de ce genre, quoiqu'elles puissent y être naturellement fort petites; ce qui nous donnera le moyen de produire avec des lames cristallisées, de nature très-différente, les mêmes successions de couleurs qu'avec le mica. Pour y parvenir, il faut superposer à angles droits deux lames de ces substances, dont les épaisseurs e é soient très-peu différentes l'une de l'autre; car la teinte sur laquelle agit un pareil systême, est celle qui convient à la différence e' - e des épaisseurs; tandis que la variation des teintes par le changement d'inclinaison dépend de leur somme. Comme ce résultat est très-important par les conséquences que j'en tire, je vais rapporter les expériences que j'ai faites pour le constater avec la plus grande rigueur.

Dans ces expériences, il est indispensable de connaître avec exactitude l'azimut dans lequel on dirige les axes des lames; il faut de plus pouvoir les disposer à volonté dans tel ou tel azimut : à cet effet j'emploie l'appareil que j'ai décrit dans mon premier Mémoire; il remplit ces conditions d'une manière très-simple et très-commode; et comme il est adapté au tuyau de la lunette d'un cercle répétiteur, il donne la facilité de déterminer, au moyen d'un niveau, l'inclinaison des lames sur le rayon polarisé.

Je place sur cet appareil deux des lames de chaux sulfatée que j'ai employées dans la cinquième série d'expériences rapportée dans mon premier Mémoire, page 89. Ce sont les n° 14 et 15. Je les dispose de manière que leurs axes se trouvent à angles droits, et je les présente d'abord au rayon polarisé de manière qu'il leur soit perpendiculaire.

La lame nº 14 polarise un vert bleuâtre intermé-	
diaire entre le bleu et le vert du second ordre, son	
épaisseur est	9,35
Différence	4,00

Suivant la table donnée par Newton, et rapportée page 56 de mon premier Mémoire, cette différence répond un peu au-dessus de l'orangé du premier ordre, entre l'orangé et le jaune pâle, mais beaucoup plus près du premier, car l'orangé du premier ordre est représenté par 5^p, 16, et le jaune par 4^p, 6. En effet, le système de nos deux lames exposé perpendiculairement au rayon blanc polarisé, polarise un orangé légèrement jaunâtre, et n'agit que sur cette espèce de teinte dans tous les azimuts,

précisément de la même manière, et suivant les mêmes lois que si les deux lames étaient réduites à une seule qui agirait sur cette même teinte.

Mais comment savoir si cet orangé est réellement celui du premier ordre, ou un autre orangé? car bien que toutes les teintes des anneaux soient composées, il en est qui se ressemblent assez dans les différens ordres pour que l'œil les confonde aisément. Afin de résoudre cette question, nous allons incliner le système de nos lames sur le rayon polarisé en dirigeant un de leurs axes dans l'azimut du plan d'incidence; et, par les variations de leur teinte, nous jugerons avec certitude de l'ordre d'anneaux qu'elles polarisent sous l'incidence perpendiculaire, car la succession des nuances est très-différente dans les différens ordres d'anneaux. Il faut faire cette expérience dans l'azimut de 45°, où les variations de teintes sont les plus étendues, comme je l'ai fait voir dans mon premier Mémoire. En voici les résultats observés sous deux incidences différentes; la première d'environ 45° à partir de la perpendiculaire, la seconde de 52º 45'. Je n'ai point cherché à mettre de la rigueur dans les évaluations de ces incidences; il suffit à notre objet que l'une fût plus grande que l'autre. La lumière transmise est analysée au moyen d'un rhomboïde de spath d'Islande, dont la section principale est fixée dans le plan de polarisation primitive du rayon incident, comme je l'ai expliqué dans mon premier Mémoire. Le résultat est le même quand on analyse la lumière par la réflexion d'une glace.

Assimut du plan d'inci- dence du rayon sur la lame.	Incidence du rayon sur la lame : ap- prochée.	avec la trace du	r _o . Rayon ordinaire ob-	F _e . Rayon extraordinaire observé à travers le rhomboïde.
45*	45°	o 22° 30' 45 77 30 90	minimum. Blanc sensiblement. Blanc. Blanc sensiblement.	Blanc sensiblement jau- nåtre : maximum. Jaune. O Rouge brun. Violet rougeåtre : maxi- mum.
,	52° 45'	o 22 [°] 30' 45 77 30	sombre : minimum. Bleuc violacé. Blanc.	Blauc sensiblement : maximum. Jaune. o Pourpre sombre et vio- lacé. Bleu : maximum.

D'après ce tableau, on voit d'abord que les intensités des deux rayons ordinaire et extraordinaire ont varié par les mêmes périodes et suivant les mêmes lois que pour une seule lame. On remarque ensuite que les teintes parcourues par le rayon extraordinaire sont celles qui précèdent ou qui suivent l'orangé du premier ordre dans le premier et le second ordre d'anneaux. Ainsi, la teinte orangée, polarisée par le systême des deux lames, sous l'incidence perpendiculaire, était bien réellement l'orangé du premier ordre, comme la différence de leurs épaisseurs l'annonçait. En troisième lieu, lorsque l'axe de la lame nº 15, la plus forte des deux, s'est abaissé sur le rayon polarisé, la teinte du rayon extraordinaire a monté dans l'ordre des anneaux comme si le systême des deux lames fût devenu plus mince, et au contraire, lorsque le même axe s'est trouvé perpen-

diculaire au plan de réflexion, les teintes de ce rayon ont descendu dans l'ordre des anneaux comme si le systême des deux lames fût devenu plus épais. Ce phénomène est facile à concevoir d'après l'action opposée des deux axes. Lorsque le premier axe de la lame nº 15, se trouve dans le plan d'incidence, le second axe de la lame nº 14, s'y trouve aussi; par cette disposition l'action polarisante de la première lame s'affaiblit, celle de la seconde augmente, et comme la première est la plus forte, leur différence diminue, ce qui produit le même effet que si le systême des deux lames croisées devenait plus mince. Au contraire, lorsque le second axe de la lame no 15 se trouve dans le plan d'incidence, le premier axe de la lame no 14 s'y trouve aussi; par cette disposition, l'action de la première lame augmente comme si elle devenait plus épaisse; celle de la seconde diminue comme si elle devenait plus mince; l'excès de la première sur la seconde se trouve donc augmenté, et le systême des deux lames croisées agit comme une lame plus épaisse. Enfin, ces augmentations et ces diminutions opposées, conspirant toujours pour augmenter ou diminuer, dans le même sens, l'action du systême, les variations des teintes doivent être plus étendues qu'elles ne le seraient naturellement pour une seule lame qui aurait polarisé la même teinte sous l'incidence perpendiculaire, et c'est aussi ce que l'expérience confirme. En effet, d'après les formules rapportées dans mon premier Mémoire, on voit qu'une lame qui polarise l'orangé du premier ordre sous l'incidence perpendiculaire, ne peut, même lorsqu'on la place sous les plus grandes incidences, monter que jusqu'au jaune pâle, et descendre jusqu'au rouge brun du premier ordre, tandis

que le système des lames croisées, exposé au rayon incident sous des incidences beaucoup moindres, a monté jusqu'au blanc parfait du premier ordre, et est descendu jusqu'au bleu du second (*).

Après avoir complètement détaillé cette expérience, je rapporterai plus brièvement celles que j'ai faites de la même manière sur des lames prises dans des ordres d'anneaux différens.

Je la croise à angles droits par la lame nº 6, qui, sous l'incidence perpendiculaire, polarise le vert jaunâtre du troisième ordre : son épaisseur est 10

E' = E + E [A cos 2 (i'-i) + B cos 2 (i'-i)] sin 3 ;
où l'on a
$$A = -0, 195; B = +0, 065;$$

les teintes extrêmes répondent au cas où l'on a i'-i=0, $i'-i=90^{\circ}$, et $\theta=90^{\circ}$, ce qui donne

$$E' = E - E \cdot 0, 13;$$
 et $E' = E + E \cdot 0, 26.$

En faisant ici E = 4,9, qui est l'épaisseur de la lame qui polariserait la même teinte que notre système, on trouvera

$$E' = 4,263$$
; et $E' = 6,174$.

^(*) Pour calculer ces limites, il faut employer l'expression générale des teintes rapportée dans la page 123 de mon premier Mémoire, laquelle est

Cette différence répond un peu au-dessus du blanc du premier ordre, en tirant un peu vers le blanc bleuâtre, car le blanc pur est représenté dans la table par 3,4, et le bleu par 1,55. En effet, le rayon extraordinaire est blanc, et dans l'azimut de 45°, où il est séparé du rayon ordinaire, celui-ci ne renferme plus qu'un violet sombre presque imperceptible. Cette expérience met à une épreuve bien délicate les mesures données par le sphéromètre; car si, au lieu d'avoir 3 pour différence des épaisseurs de nos deux lames, nous avions 3,4, nous tomberions exactement sur le blanc, conformément à l'expérience. La petite différence 0,4 répond à 1,6 du sphéromètre, c'est-à-dire, à un peu moins de 4 de millimètre. Telle est donc au plus la somme des erreurs que j'ai pu commettre en mesurant les deux lames, en les superposant à angles droits, enfin dans tout le détail des opérations.

De nos deux lames, celle qui est numérotée 5 est la plus forte. Je place son premier axe dans l'azimut de 45°, et je l'incline sur le rayon polarisé; par ce moyen le n° 5 s'affaiblit, et le n° 6 augmente. Par conséquent leur différence diminue; aussi les couleurs montent-elles dans l'ordre des anneaux, comme si le système devenait plus mince. Le rayon extraordinaire arrive au bleu du premier ordre, au violet et même au noir; alors il est nul, et le rayon ordinaire est blanc.

Au contraire, je place le second axe du nº 5 dans l'azimut de 45°, et je l'incline à son tour sur le rayon polarisé; alors ce nº 5 augmente, et le nº 6 diminue; par conséquent leur différence augmente. Aussi les couleurs du rayon extraordinaire descendent-elles dans l'ordre des

anneaux, comme si le système devenait plus épais. Il arrive ainsi jusqu'à l'orangé et au rouge brun du premier ordre, tandis que le rayon ordinaire devient violet, bleu, et enfin presque blanc.

Dans la même série d'expériences de laquelle j'ai extrait ces lames, j'en avais une n° 7 que le sphéromètre avait indiquée comme presque exactement égale au n° 6 dont nous venons de faire usage: je fus curieux de les combiner. D'après les mesures rapportées dans mon premier Mémoire: les épaisseurs de ces deux lames étaient

Numéros des lames.	Epsisseur réduite à l'échelle de Newton.	. Teinte que la lame polarise.
6	10P, 1 Difference 0, 1	Jaune verdåtre du 2° ordre. Vert jaunätre du 2° ordre.

La différence o^p, i est presque insensible; et, à ce degré de petitesse, elle tombe dans les limites des erreurs dont les mesures sont susceptibles. Ici l'observation des teintes devient plus minutieusement exacte que le sphéromètre même; car elle montre qu'il existe une petite inégalité entre ces lames, puisque la première donne un peu plus de jaune, la seconde un peu plus de vert. En effet, en croisant ces deux lames à angle droit, le rayon extraordinaire se trouve presque insensible; cependant on y découvre une faible lueur violacée, ce qui est en effet la première espèce de rayon qui commence l'ordre des anneaux.

Je mets le premier axe du n° 6 dans l'azimut de 45°, et je l'incline sur le rayon polarisé; par ce moyen le n° 6 diminue, et le n° 7 augmente: leur différence augmente donc aussi. En effet, le rayon extraordinaire descend dans l'ordre des anneaux; il passe au bleu du premier ordre, et de-là presque au blanc; tandis que le rayon ordinaire, qui était blanc d'abord, passe au jaune et à l'orangé.

Au contraire, je mets le premier axe du n° 7 dans l'azimut de 45°, et je l'incline sur le rayon polarisé; alors 7 s'affaiblit, et 6 augmente; leur différence, qui était originairement fort petite, devient donc nulle, et ensuite négative. Aussi le rayon extraordinaire, qui d'abord était violet, s'affaiblit encore de plus en plus, devient enfin nul, quand les actions des deux lames sont égales, et ensuite reparaissant de nouveau quand la lame n° 6 est devenue prépondérante, parcourt de nouveau les mêmes anneaux dans un ordre contraire en descendant du violet au bleu, et enfin au blanc du premier ordre, tandis que le rayon ordinaire, qui d'abord était blanc, perd successivement ces rayons.

Ici la variation des teintes indiquait encore une légère différence dans les épaisseurs des deux lames, différence qui, malgré sa petitesse, n'avait pas échappé au sphéromètre. Pour combiner ainsi des lames parfaitement égales, j'en ai enlevé une avec un grand soin d'un cristal bien pur, elle polarisait le pourpre rouge, intermédiaire entre le second ordre et le troisième. J'ai cassé cette lame en deux par ses joints naturels, et j'ai placé les deux fragmens sur l'appareil en les croisant à angles droits. Pour faire cette opération avec exactitude, je commence par fixer invariablement le cristal qui sert à analyser la lumière, de manière qu'il ne divise

point le rayon polarisé; ensuite je place le premier fragment sar l'appareil, ce qui donne en général deux images, et jele tourne jusqu'à ce qu'il n'en donne plus qu'une seule. Alors son premier ou son second axe se trouve dans le plan de polarisation du rayon. Comme je connais la position de ces! axes dans chaque lame, je sais toujours quel est celui des deux qui s'y trouve placé : au besoin on reconnaîtrait l'imi et l'autre par le sens dans lequel ils font changer les teintes lorsqu'on les incline. Je suppose, par exemple, que j'aie aincidisposé le premier axe: alors je fais tourner d'un angle droit l'anneau métallique qui porte la lame, ce qui est facile, parceque cet anneau est divisé. Je place ensuite la seconde lame de la même manière, en dirigeant son premier axe dans le plande polarisation de rayon, et l'amenant tout-à-fait dans cette! position par la condition qu'elle ne divise point la lumière. Cela fait, les axes de mes deux lames se trouvent disposés, à angles droits; alors, si l'on a bien opéré, on peut tourner le système dans tous les azimuts, en maintenant toujours l'incidence perpendiculaire; il ne donne pas le moindre signe de polarisation : c'est ce que j'ai éprouvé sur les deux fragmens dont je viens de parler, et sur beaucoup d'autres. Même, quand les lames sont très-minces, on peut incliner considérablement les axes de l'une ou de l'autre dans tel azimut que l'on voudra, sans que le système produise aucune polarisation. sensible; néanmoins, si on place l'un des axes dans l'azimut de 45°, ce qui est la position la plus inégale où on puisse les mettre, et si on l'incline ensuite beaucoup sur le rayon incident, on finit par apercevoir un rayon extraordinaire qui peu-à-peu descend dans l'ordre des anneaux à mesure que l'inclinaison augmente, précisément comme si le systême des

deux lames croisées devenait plus épais, c'est-à-dire que d'abord ce rayon est d'un violet très faible, puis bleu, blanc, jaune, etc. Quand les lames sont assez minces pour donner par elles-mêmes des faisceaux colorés, ce rayon n'est sensible que dans les plus grandes inclinaisons de l'axe que l'on a ainsi abaissé; c'est pour cela qu'il est le plus sensible lorsque cet axe est dans le plan d'incidence même; mais si on remonte celui-ci, en tournant la lame dans son plan, sans changer l'inclinaison, le rayon extraordinaire remonte peu-à-peu dans l'ordre des anneaux comme il avait d'abord descendu; il devient nul quand l'axe est suffisamment remonté, et ne redevient plus visible ensuite, que lorsqu'en continuant de tourner le système, on a fait descendre au même point l'axe correspondant de l'autre lame : après quoi, en abaissant cet axe comme on avait fait l'autre, le rayon extraordinaire reparaît de nouveau comme auparavant. Ainsi, dans cette expérience, on peut faire tour-à-tour dominer tel ou tel axe, et telle ou telle lame, l'antérieure ou la postérieure, uniquement par le changement d'inclinaison. On verra plus loin, par la théorie, la raison de tous ces phénomènes, et nous parviendrons même ainsi, pour chaque système de lames, à prédire, par le calcul, l'incidence sous laquelle la polarisation doit commencer à se manifester.

Pour faire ces expériences avec exactitude, il faut employer un rayon bien exactement polarisé; il faut de plus que le rhomboïde qui sert pour analyser la lumière soit bien fixé dans une position telle, que le rayon extraordinaire direct y soit tout-à-fait nul; car sans cela on attribuerait à l'interposition de la lame ce qui viendrait de la seule action du rhomboïde: enfin, il faut employer une lumière qui ne soit pas trop vive; car si l'on employait, par exemple, un rayon solaire, alors, outre la lumière directement réfléchie par la surface polarisante, il s'en trouverait aussi une quantité très-sensible qui serait réfléchie irrégulièrement, et c'est même par cette lumière dispersée que tous les corps les plus polis deviennent visibles dans la chambre obscure: or cette lumière n'étant point polarisée comme l'autre, donnerait des images blanches en traversant les lames, ce qui troublerait toute l'exactitude des observations.

Enfin, j'ai voulu voir si les mêmes propriétés se soutiendraient dans tous les ordres d'anneaux : j'ai donc pris dans la même série une lame n° o, plus épaisse que les précédentes, car elle atteint presque la limite de la polarisation complète; la teinte qu'elle polarise se trouve intermédiaire entre le bleu verdâtre et le rouge pâle du sixième ordre; son épaisseur, réduite à la table de Newton, est de.. 30,3

Cette différence répond au bleu verdâtre du cinquième ordre : en effet, le rayon extraordinaire, observé sous l'incidence perpendiculaire, est bleu verdâtre; le rayon ordinaire est rouge pâle : mais l'un et l'autre sont incomparablement plus colorés qu'auparavant, parce qu'ils sont montés d'un rang tout entier dans l'ordre des anneaux.

Je mets le premier axe du n° o dans l'azimut de 45°, et je l'incline sur le rayon polarisé. Alors le second axe du n° 6 se trouve incliné sur ce même rayon; par conséquent

l'action du n° o diminue, celle du n° 6 augmente; leur différence devient donc moindre. Aussi le rayon extraordinaire monte-t-il au bleu verdâtre plus décidé, et de-là au rouge et au rouge jaunâtre; ce qui est l'ordre des anneaux quand les lames deviennent plus minces. La lame n° o toute seule, placée dans les mêmes circonstances, n'aurait monté d'ellemême que jusqu'au bleu verdâtre plus décidé: il faut l'influence opposée de la lame n° 6 pour la faire monter au rouge et au rouge jaunâtre; tout cela est conforme à nos précédens résultats.

Ces expériences me paraissent établir avec certitude la propriété que j'ai annoncée, savoir : si l'on croise deux lames de chaux sulfatée de manière que leurs axes de même nom soient rectangulaires, et si on les présente sous l'incidence perpendiculaire à un rayon polarisé, elles agiront sur lui comme ferait une seule lame égale, à la différence de leurs épaisseurs : si on les incline sur le rayon, elles conserveront aussi les mêmes périodes qu'une semblable lame dans leurs changemens d'intensité; mais les variations de leurs teintes seront plus étendues. On observe la même chose avec les lames de mica ou de cristal de roche taillées parallèlement à l'axe.

Ce resultat nous conduit à une conséquence bien remarquable qui pourra lui servir d'épreuve. Puisque la loi précédente nous paraît subsister dans tous les ordres d'anneaux, elle doit s'étendre aussi aux lames épaisses, et même d'une épaisseur quelconque; car en quoi ces épaisseurs diffèrentelles, sinon en ce qu'elles correspondent à des anneaux plus composés? ainsi, en croisant de pareilles lames à angles droits, elles doivent donner également des anneaux colorés,

si la différence de leur épaisseur est plus petite que l'épaisseur qui donne des rayons blancs. C'est en effet ce qui a lieu; et cette expérience, à laquelle j'ai été directement conduit par les résultats précédens, m'a servi à les confirmer et à les étendre.

J'ai ainsi superposé à angles droits des lames épaisses de chaux sulfatée, de mica, de cristal de roche, de feldspath, de strontiane sulfatée, de sulfate de baryte, taillées paraldèlement à l'axe de cristallisation; j'ai exposé le systême de ces lames à un rayon polarisé, et en analysant la lumière transmise au moyen d'un rhomboïde de spath d'Islande, ou par la réflexion sur une glace, j'ai toujours trouvé que lorsque la différence des épaisseurs était fort petite, dans les limites où se produit la polarisation partielle, le rayon transmis se divisait dans le rhomboïde en deux faisceaux colorés, de même que dans des lames minces qui auraient été égales à la différence des épaisseurs. Si l'on incline ces systèmes sur le rayon polarisé, les deux faisceaux suivent les mêmes périodes d'intensité que pour une seule lame mince; mais les variations des teintes sont beaucoup plus étendues, et dépendent de la somme des épaisseurs.

Bien plus, il n'est pas besoin pour cela que les deux lames superposées soient de même nature; on peut combiner un cristal de roche avec une plaque de chaux sulfatée, ou avec un morceau de sulfate de baryte, pourvu que la différence des épaisseurs soit comprises dans les limites convenables: en ayant égard à la différence d'intensité qui peut exister entre les actions des différens cristaux, le phénomène a toujours lieu également. Je l'ai développé de cette manière dans des morceaux bien purs, de plus de quatre centimètres d'épais-

seur qui seuls ne donnaient que des images parfaitement blanches, et égales en intensité; mais combinés à angles droits, ils faisaient paraître à volonté toutes les teintes dans le rayon extraordinaire. Ces teintes, comparées dans leur succession et leurs changemens avec les anneaux formés sur les corps minces, ont toujours confirmé le résultat que j'avais · établi dans mon premier Mémoire, savoir que la partie du rayon incident qui perd sa polarisation primitive, suit l'ordre des anneaux réfléchis, tandis que la partie du même rayon qui la conserve, suit les périodes d'intensité et de teinte des anneaux transmis: mais ici ce résultat se trouve établi pour des plaques d'une épaisseur quelconque, au lieu que mes premières expériences n'en démontraient matériellement l'existence que pour des lames d'une épaisseur limitée, et nécessairement fort petite. Pour indiquer ici une analogie qui me servira d'autorité aussi bien que d'exemple, c'est ainsi que Newton, dans son Optique, a commencé par fonder la théorie des accès sur les réflexions et les transmissions de la lumière à travers les lames minces, et l'a ensuite confirmée en l'appliquant à des plaques épaisses d'un quart de pouce et davantage, dans lesquelles il trouva le moyen de rendre les différences des anneaux sensibles, et de la grandeur indiquée par le calcul, quoique les molécules lumineuses en traversant ces plaques éprouvassent leurs accès alternatifs plusieurs centaines de fois, et même plusieurs milliers de fois.

J'ai profité de ces résultats pour faire une expérience qui présentât tout le développement successif des teintes du rayon extraordinaire dans les lames de chaux sulfatée, où ses variations sont extrêmement bornées quand on les emploie dans

l'état naturel. Pour cela, j'ai tiré d'un cristal bien pur une plaque qui avait six millimètres d'épaisseur, je l'ai présentée perpendiculairement devant le rayon polarisé, non pas pour voir si elle donnerait des couleurs, puisque son épaisseur excédait de beaucoup la limite à laquelle ce phénomène est sensible, mais afin de voir par la régularité des faisceaux blancs polarisés par les différens points de cette lame, qu'elle était cristallisée régulièrement. M'étant assuré de cette condition indispensable, j'ai fendu cette plaque en deux parties, non pas égales, ce qui n'eût pu arriver que par un hasard tout-à-fait improbable, mais à-peu-près égales: l'une avait pour épaisseur 1330 parties du sphéromètre, et l'autre 1257; la différence est 73 parties. J'ai d'abord placé la première de ces lames sur l'appareil; et, la présentant perpendiculairement au rayon polarisé, je l'ai tournée sur son plan jusqu'à ce qu'elle n'altérât plus la polarisation primitive de ce rayon, ce dont je m'apercevais au moyen d'un rhomboïde de spath d'Islande, dont j'avais préalablement fixé la section principale dans le plan de polarisation. Quand cette condition s'est trouvée remplie, j'ai placé la seconde plaque sur la première, en tournant son axe dans une direction perpendiculaire, ce dont je m'assurais encore par la condition que le rayon incident conservât encore sa polarisation après avoir traversé le système des deux plaques. Cela fait, j'ai fixé les deux plaques l'une à l'autre, et j'ai serré les vis qui les attachaient sur l'appareil. Alors, en inclinant le système sur le rayon incident, et dans le plan de polarisation, le rayon extraordinaire a de même été nul dans le rhomboïde sous toutes les incidences, et la même chose est encore arrivée quand j'ai tourné le systême d'un

angle droit sur son plan; mais en mettant l'axe d'une des deux lames dans l'azimut de 45°, ce qui plaçait l'axe de l'autre lame dans le même azimut de l'autre côté du plan de polarisation, j'ai eu dans le rhomboïde deux images colorées dont les teintes étaient:

Rayon ordinaire.

Rayon extraordinaire.

Vert.

Rouge jaunâtre.

Les plaques restant ainsi fixées sur l'anneau avec leurs axes dans l'azimut de 45°, si on les incline ensemble dans le plan de polarisation primitive, les deux teintes ne varient pas sensiblement; mais si on écarte tant soit peu les axes de l'azimut de 45°, on a des variations de couleur très-fortes, ce qui est tout simple, puisque les lames sont fort épaisses. Je remets le premier axe de la plaque la plus mince dans le plan primitif de polarisation; je replace cette lame sous l'incidence perpendiculaire, les couleurs deviennent nulles, comme cela doit être. Alors je tourne le tambour de 45°, les teintes se reproduisent comme auparavant. Fixant le tambour dans cet azimut, et le systême sur l'anneau, je l'incline sur le rayon polarisé de manière que le plan d'incidence reste toujours dans le même azimut de 45° : alors les couleurs du rayon extraordinaire descendent dans l'ordre des anneaux comme si le systême devenait plus épais; ce qui doit être, puisque en inclinant le premier axe de la plaque la plus mince, on affaiblit son action, tandis qu'au contraire on augmente celle de la lame la plus forte, dont on abaisse en même temps le second axe; d'où il suit que l'action du systême augmente. Au contraire, en plaçant le premier axe de

la lame la plus forte dans le même azimut de 45°, et l'inclinant de plus en plus sur le rayon polarisé, la différence des deux lames diminue d'abord par l'accroissement d'inclinaison, et les couleurs montent dans l'ordre des anneaux, comme si le systême devenait plus mince. On arrive ainsi à un terme auquel les actions des deux lames deviennent égales ; alors le systême ne polarise plus aucune portion de lumière: au-delà de ce terme, la plaque la plus forte s'affaiblissant toujours par l'accroissement d'inclinaison, tandis que l'autre augmente sans cesse, celle-ci finit par l'emporter sur elle, et les couleurs redescendent de nouveau dans l'ordre des anneaux, comme si le systême devenait de plus en plus épais. On voit dans le tableau suivant la succession de ces phénomènes avec les incidences du rayon sur les lames, mesurées d'espace en espace pour un assez grand nombre de teintes. Pour mieux saisir la relation de ces teintes successives avec les variations d'épaisseur, il faut les comparer à la table de Newton, où elles sont accompagnées des couleurs correspondantes. Voyez mon premier Mémoire, page 56.

Correspondance des anneaux réfléchis et transmis observée avec les lames épaisses de chaux sulfatée croisées à angles droits.

1^{re} Série. L'axe de la lame la plus faible est dirigé dans l'azimut de 45°, et on l'incline dans cet azimut sur le rayon polarisé (*).

Incidence comptée de la perpendiculaire.	Teinte du rayon or- dinaire ; auneau transmis.	Teinte du rayon ex- traordinaire; anneau réfléchi.	Désignation de l'an- neau correspondant de Newton.
o* a' o"	Vert très-beau. Vert vif. Vert blanchâtre.	Rouge jaunátre. Rouge. Rouge bleuátre.	Fin du 3° ordre.
15 39 40 ar 23 30	Rouge jaunâtre. Rouge Rouge bleuâtre. Bleu verdâtre.	Vert bleuktre. Vert. Vert jaunktre. Rouge.	→ 4 ^e or dre .
25 15 50 28 46 20	Rouge. Blen verdåtre.	Bleu verdåtre. Rouge.	5 ^e ordre.
32 23 30 35 40 30	Rouge. Bleu verdåtre.	Bleu verdåtre. Rouge påle.	6° ordre.
38 27 24 42 44 30	Blanc rougeâtre. Bleu verdâtre.	Blen verdåtre. Blanc rougeåtre.	7° ordre.

Tous les passages du bleu verdâtre au rouge, et du rouge au bleu verdâtre dans les quatre derniers anneaux, se font en passant par un blanc imparfait; mais cette blancheur est sur-tout sensible dans le passage de la teinte verte à la

^(*) Le rhomboide qui sert pour analyser la lumière a sa section principale fixée invariablement dans l'azimut o, c'est-à-dire, dans le primitif plan de polarisation.

teinte rouge de chaque série, le mélange en est plus parfait; et ainsi cette qualité alterne d'un anneau à l'autre, entre l'anneau réfléchi et l'anneau transmis. Ici nous apercevons les nuances intermédiaires, parce que nous ralentissons à volonté la succession des teintes, et que nous les observons isolément. Newton n'avait pas ces avantages en observant les anneaux colorés; aussi n'a-t-il pas fait mention de ces passages progressifs dont l'intermédiaire est la blancheur, mais une blancheur imparfaite, parce que les diverses couleurs nécessaires pour produire le blanc n'arrivent pas tout-à-fait au même instant dans chacune des deux images.

2^è Série. L'axe de la lame la plus forte est dirigé dans l'azimut de 45°, et on l'incline dans cet azimut sur le rayon polarisé.

	_				
tée	de la	comp- per- aire.		Teinte du rayon extraor- dinaire ; anneau ré- fléchi.	
o°	o'	o"	Vert. Violacé.	Rouge jaunätre. Jaune.	
12	26	20	Rouge pourpre.	Vert (le plus vif des verts).	Troisième anneau.
15	54	10	Rouge jaunâtre. Jaune.	Bleu. Indigo.	
- 0		3 -	· · · · · J = = = = = · · ·	Pourpre. Ecarlate. Rouge éclatant.	\
18	14	3о	Bleu verdåtre. Bleu.	Orangé brillant. Jaune (le plus beau des jaunes).	
			Violet rougeâtre et som- bre.	Vert blanchâtre et bla- fard.	Second anneau.
2.5	8	10	Jaune påle presque blanc Blanc légèrement ver-	Violet bleuatre très-	
26	15	10		Orangé.	
29	.29	35 .	Bleu un peu blanchâtre. Noir ou presque noir, il reste un peu de bleu.	Blanc.	Premier anneau.
ı			Blanc presque parfait.		<i>)</i>

pen	de la	comp- a per- laire.	Teintes du rayon ordi- naire ; anneau trans- mis.	Teintes du rayon extraor- dinaire ; anneau ré- fléchi.	Désignation de l'an- neau correspond, de la table de Newton
33	51	0	Blanc. Blanc légèrement ver-	Noir ou presque noir (*). Bleu.	,
35	9	5 0	Noir ou presque noir, il reste un peu de bleu.	1 -)	Répétition du pre- mier sunçau.
l		1	Bleu. Blanc bleuåtre.	Jaune påle. Orangé.	
38	6		Blanc légèrem. verdâtre.	Rouge.	
•	-		Blanc légèrement ver- dâtre.	Violet blenåtre et très-	
l			Jaune verdåtre.	Indigo sombre.	A
39.	39	5o	Orange.	Bleu céleste.	1
			Rouge pourpre sombre.	Vert blanchåtre et bla- fard.	Second anneau.
		1	Bleu.	Jaune (le plus beau des jaunes).	
į		- 1		Orangė.	•
43	9			Rouge eclatant.	/
	-	1	Janne verdåtre.	Pourpre.	. 1
1		•		Indigo.	
			Rouge jaunatre.	Bleu.	İ
45	16			Vert (le plus vif des verts).	Troisième anneau.
			10000 10000011	Jaune.	
47	55	0	Vert vif.	Rouge.	
		ļ	Vert blauchâtre.	Rouge blenatre.	
			Rouge jaunatre.	Vert bleuåtre.	i
5 0	22	20		Vert. Vert jaunåtre.	Quatrième anneau.
52	54		Rouge bleuåtre. Bleu verdåtre.	Rouge.)
54	42	- 1		Bleu verdåtre.	
58	21	20	1	Rouge.	Cinquième anneau.
	54			Blen verdåtre.	
63	0	30		Rouge.	Sixième anneau.
65	56		Blanc rougeatre.	Bleu verdåtre.	
68	41			Blanc rougeatre.	Septième anneau.

An-delà de ce terme les couleurs sont insensibles, et c'est aussi à ce point que finit la table de Newton.

^(*) li est digne de remarque que le violet qui devrait faire partie de la dernière teinte du premier anneau réfléchi semble y manquer, ce qui fait que cet anneau se termine par une teinte verdâtre. On serait tenter d'attribuer ce phénomène à une absorption opérée par la lame. Il est en effet asses naturel que les lames de chaux sulfatée absorbent les rayons violets en plus grande abondance que les autres, puisqu'elles paraissent jaunâtres par transmission; et cet effet, insensible sur les lames minces peut et doit le devenir sur les lames épaisses; mais alors pourquoi le bleu violacé reparalt-il au commencement de la série suivante, où il est même plus intense qu'on ne s'attendrait à le voir? Ne serait-ce pas plutôt un résultat produit par le prisme de spath calcaire, qui sert pour analyser les rayons émergens? ce prisme dispersant plus les rayons violets que les autres, les réfractant davantage dans ses dega réfractions, ne peut-il pas les faire passer d'un sens dans l'autre avant leur tour?

J'ai trouvé en général dans les lames isolées, que lorsqu'on a placé ainsi leur axe dans un azimut A, sous une inclinaison quelconque, il faut, pour faire évanouir le rayon extraordinaire, faire tourner la lame dans son plan de l'angle A ou 90° + A, 180° + A, 270° + A. Cela se vérifie également sur le système des deux lames croisées que nous employons ici. Je l'ai vérifié non-seulement pour l'azimut $A = 45^{\circ}$, mais pour tout autre, plus grand ou moindre, et cela a lieu de même avant et après que le rayon extraordinaire a passé par le zéro des teintes. Ainsi, la loi des intensités subsiste encore, et telle que je l'ai exposée pour les lames minces, dans mon premier Mémoire, page 112. De-là résulte cette conséquence singulière : ayant placé le plan d'incidence dans un certain azimut, et la lame ou le systême des deux lames sous une certaine inclinaison, si on le tourne dans son plan jusqu'à ce que le rayon qu'il polarise s'évanouisse, on peut ensuite incliner, tant que l'on voudra, le système des deux lames, ce rayon ne reparaîtra jamais. Ce résultat, que j'ai soigneusement vérifié par l'expérience, tient à la manière dont les molécules lumineuses détournent leur axe de polarisation lorsqu'elles entrent obliquement dans une lame cristallisée ou non cristallisée, et je le considérerai ailleurs.

De plus, l'expérience montre que les teintes dépendent seulement de l'inclinaison θ , et de l'angle γ , que l'un des axes de la lame, le premier, par exemple, forme dans le plan de sa surface avec la trace du plan d'incidence. L'azimut A, dans lequel le plan d'incidence se trouve par rapport au plan de polarisation primitif, n'a aucune influence sur ce phénomène, non plus que sous l'incidence perpendicu-

laire l'azimut dans lequel on plaçait l'axe n'influait nullement sur l'espèce de teinte que chaque laine polarisait. On verra plus loin que cette indépendance remarquable est parfaitement conforme à la théorie. Une conséquence de cette loi c'est que, lorsqu'on a atteint dans l'azimut de 45° l'incidence sous laquelle la teinte du rayon extraordinaire est nulle, si l'on fixe cette inclinaison et la position de la lame sur son anneau, afin que son premier axe reste toujours dans le plan d'incidence, on peut faire tourner le tambour dans tous les azimuts, la teinte extraordinaire ne changera pas; c'est-àdire qu'elle demeurera nulle, comme dans l'azimut pris pour point de départ : cela est conforme à l'observation, comme je m'en suis assuré.

En général, relativement à la direction de la polarisation des molécules lumineuses, les phénomènes des plaques croisées et rectangulaires suivent, sous toutes les incidences absolument les mêmes lois que dans les lames minces: comme j'ai exposé ces dernières par observation dans mon premier Mémoire, je vais seulement ici les rappeler, et en montrer l'application.

Soit CP, fig. 1, la trace du plan d'incidence sur la lame. Plaçons-y son premier axe. Les formules trouvées dans mon premier Mémoire donnent la règle suivante pour trouver le sens de la polarisation. Prenez l'azimut A du plan d'incidence; portez-le dans le plan de la lame, à partir de la trace CP du plan d'incidence. Soit ACP cet azimut ainsi couché, CA sera la direction de la polarisation dans la lame. L'axe CP y laissera une partie des molécules lumineuses, et polarisera le reste dans la direction CP, telle, que l'angle PCP égale l'angle ACP. Lorsque les 1812.

molécules lumineuses sortiront de la plaque, l'azimut oblique ACP se transformera de nouveau en azimut droit, et replacera la ligne CA dans le méridien; ce sera-là le sens de la polarisation ordinaire. L'angle oblique PCP égal à A, se transformera de même en un azimut égal à A compté autour du plan de réfraction, et contiendra le rayon qui prend la polarisation extraordinaire; par conséquent il en résultera l'azimut 2 A à partir du plan du méridien.

Si l'on vérifie cette disposition par l'expérience dans les plaques croisées, précisément comme je l'ai fait pour les lames minces, dans mon premier Mémoire, on trouvera qu'elle a encore lieu. Pour m'en assurer d'une manière nouvelle et différente de celle que j'avais alors employée, j'ai pris une pile de glaces qui, présentée obliquement aux rayons directs, les polarisait entièrement par réfraction : en présentant cette pile au faisceau émergent de manière que sa force réfléchissante fût dirigée dans le méridien suivant CM, j'excluais par les réflexions successives toutes les molécules dont le rayon CM était composé, et je ne voyais plus qu'un faisceau de la couleur CN. Au contraire, si je dirigeais les glaces le long de CN, j'excluais toutes les molécules de CN, et je ne voyais que la couleur CM. Donc, dans le premier cas les molécules de CM avaient leur axe de polarisation tourné dans le sens CM, puisque les glaces les réfléchissaient toutes; et au contraire, les molécules de CN étaient dirigées dans un autre sens, puisque une partie d'entre elles se transmettait : de plus, ce sens était dirigé suivant CN, puisque en mettant les glaces dans cette direction, toutes les molécules de CN se réfléchissaient. J'ai vérifié ce résultat avec la pile de glaces sous toutes les incidences, et

je l'ai toujours trouvé très-exact; c'est-à-dire qu'avant comme après avoir passé par le zéro des teintes, lorsque le premier axe est dirigé dans le plan de réflexion, en couchant les glaces dans le sens du méridien, on fait disparaître tout le rayon ordinaire; et au contraire, on fait disparaître le rayon extraordinaire en les couchant dans l'azimut 2i. En plaçant les glaces entre ces deux positions, on a du blanc, parce que les deux teintes ordinaire et extraordinaire sont polarisées par la pile en égale quantité.

Ces effets des lames croisées ont lieu de même quand on les place à distance les unes des autres. J'ai placé les deux précédentes à une distance de trois ou quatre centimètres, les résultats ont été les mêmes que lorsqu'elles se touchaient.

J'ai voulu savoir si le zéro des teintes se trouvait toujours sous la même incidence, quelle que fût l'épaisseur des lames, ou s'il dépendait de cette épaisseur; pour cela j'ai pris les mêmes lames dont je viens de parler, et je les ai remises sur l'appareil, de manière que l'axe de la plus forte se trouvât dans l'azimut de 45°, le plan d'incidence étant aussi dans cet azimut. Alors j'ai observé l'incidence qui donnait le zéro des teintes; elle était peu différente de 34°. J'ai découpé d'un morceau de cristal dont j'avais tiré ces deux lames, une autre lame très-mince mais très-irrégulière en épaisseur, et je l'ai ajoutée à la plus forte des deux lames précédentes: alors, pour arriver au zéro des teintes, il a fallu incliner beaucoup plus qu'auparavant, et le zéro n'est pas arrivé, à beaucoup près, au même instant pour toutes les teintes dont le système était bariolé.

Cependant lorsqu'on prend des lames naturelles, je suis assez porté à croire que le zéro arrive sous la même inci-

dence, quelle que soit l'épaisseur, parce qu'en amincissant les lames, on diminue les deux axes dans le même rapport.

C'est en effet ce que l'expérience m'a confirmé pour le mica, sur lequel seul on peut faire ce genre d'expérience. J'ai pris une lame mince qui donnait:

Rayon ordinaire.	Rayon extraordinaire.	C1
Jaune påle.	Blanc très-bleuatre.	Couleurs du 1er ordre.

J'ai placé le premier axe de cette lame dans le méridien, et sous l'incidence perpendiculaire, ensuite j'ai tourné le tambour dans l'azimut de 45°, puis j'ai incliné la lame sur le rayon polarisé; les teintes ont d'abord baissé dans l'ordre des anneaux, comme si le système était devenu plus mince: je suis arrivé ainsi au zéro des teintes, après quoi elles ont redescendu de nouveau.

J'ai observé l'incidence qui répondait au zéro des teintes, elle était peu différente de 36°, à partir de la perpendiculaire. J'ai ajouté, par-dessus la première lame, une autre qui en avait été d'abord extraite, et qui donnait seule

Rayon ordinaire.	Rayon extraordinaire.
Bleu sombre, mais intense.	Blanc légèrement jaunâtre.

Je l'ai posée sur la précédente, en faisant coïncider les axes; l'ensemble a donné:

Rayon ordinaire.	Rayon extraordinaire.	Couleurs du 1er ordre,
Blanc bleuâtre.	Orangé rougeâtre.	mais plus basses.

Cependant le zéro des teintes s'est retrouvé à la même inci-

dence rigoureusement. Puis sur ces deux lames j'en ai placé une troisième, qui seule donnait:

Rayon ordinaire.

Rayon extraordinaire.

Jaune rougeatre.

Blanc sensiblement.

L'ensemble des lames a donné:

Rayon ordinaire.

Rayon extraordinaire.

Couleurs du 2^e ordre, comme les valeurs des teintes le promettaient.

Cependant, en inclinant le système, le zéro des teintes s'est encore retrouvé rigoureusement au même point. Toutes ces lames de mica étaient tirées d'un seul morceau.

Il paraît donc par-là que, quand on pose les unes sur les autres des lames de même nature, le zéro des teintes se retrouve toujours à la même inclinaison. On verra que c'est-là un résultat de la théorie.

J'ai ajouté encore une lame qui donnait seule :

Rayon ordinaire.

Rayon extraordinaire.

Violacé faible.

Blanc presque exactement.

Je l'ai posée sur les trois précédentes, axe pour axe, et l'ensemble a donné dans l'azimut de 45°:

Rayon ordinaire.

Rayon extraordinaire.

Couleurs du 2^e ordre confinant au 3^e.

Cependant, lorsque j'ai incliné le systême, le zéro des teintes s'est trouvé rigoureusement à la même inclinaison.

Ces expériences, en prouvant la constance du zéro des

dans le mica, confirment le rapport que j'ai trouvé, dans mon premier Mémoire, entre les épaisseurs des lames et les couleurs du rayon extraordinaire observé sous l'incidence perpendiculaire. En effet, nos quatre lames oscillent autour du blanc du premier ordre, qui, dans la table de Newton, est représenté par 3,4. Désignons par x_1, x_2, x_4 , les quantités qu'il faut ajouter à ce blanc pour avoir leur véritable seinte, aqua autons sur les valeurs de ces quatre quantités les indications suivantes.

Numéros des	Expression analytique	Teintes observing		Capitanian deite Additi	
lames.	des teintes,			L	
	3,4 +;= ₁₀	Jaune pâle.	Blanc très bleui-	Pone la teinte extraordinaire cet fint éc-délisée de MCLG ainsi x, doit être négatif et	
2	3,4 + x,	Bleu sombre.	Blanc légérement	ainsi z. doit être negatif el itre-cemelle. Done la teinte axtraordinaire est un peu an dessous de blanc, mais bien peu ; ainsi	
3 .	3,6 + #3	Janue rougeâtre.	Blanc sensiblem.	x, doit être positif et très- faible. Done la teinte antraordinaire est un peu au-dessus du blanc; sinsi x, est négatif.	
	$3,4+x_4$	Violace très-faible	Blanc presque exactement.	Donc la teinte extraordinaire est presque du blanc, et x ₄ est positif, mais trèsfaible.	

Maintenant, d'après l'observation, les sommes de ces lames ont donné les teintes suivantes:

Numéros des lames su- perposées.	Teintes observées.		Evaluation de la teinte d'après l'observation et suivant la table
	Rayon ordinaire.	Rayon extraordinaire.	de Newton.
1.2.	Blanc bleuâtre.	Orangé rougeâtre.	5,4 Intermédiaire entre l'orangé et le rouge du 1 ^{er} ordre.
1.2.3.	Orangé.	Bleu superbe.	8, 2 Indigo du 2 ^e ordre.
1.2.3.4.	Vert.	Orangé très-rouge.	11,7 Intermédiaire entre l'orangé du 2 ^º ordre et le rouge, mais plus près du rouge.

En admettant les valeurs des teintes observées, on aura les équations de condition suivantes.

$$6,8 + x_1 + x_2 = 5,4.$$

$$10,2 + x_1 + x_2 + x_3 = 8,2.$$

$$13,6 + x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 11,7.$$

Retranchant les deux dernières

l'une de l'autre, on en tire ... 3,4+ x_4 =3,5 d'où x_4 =+0,1.

Retranchant la première de la

seconde.....3, $4+x_3=2,8$ $x_1=-0,6$.

x, devant être positif et très-faible, je le sup-

pose comme $x_4 \dots x_2 = +0,1$.

Ces valeurs des corrections satisfont aux conditions générales que nous leur avons reconnues; elles donnent alors pour les valeurs des teintes des lames.

1 re lame	$\dots 3, 4 + x_1 = 1, q.$
2 ^e	
3°	$\dots 3, 4 + x_3 = 2, 8.$
4e	

Les plus fortes corrections portent, comme en voit dir la première lame et la troisième, comme l'indiquaient la observations. Or, nous avons un moyen de les vérifier; c'est de calculer la couleur que doit donner l'ensemble de ces deux lames, et de voir ai l'expérience y est conforme. Cette couleur est exprimée par $6,8+x_1+x_2=4,7$, qui répond exactement au jaune pâle du premier ordre. En effet, en superposant ces deux lames on a eu

Rayon ordinaire

Rayon extraordinaire

Blan

Janne påle.

précisément comme le calcul l'indiquait : on voit donc qu'est partant de la loi que j'ai observée relativement aux lames auperposées, on confirme l'analogie de ces teintes avec celles des anneaux, et le rapport de l'épaisseur avec la teinte extraordinaire, indépendamment des mesures prises au sphéromètre; mais il fallait que la loi fût d'abord bien établis avec le sphéromètre, avant que l'on pût en espérer cetté confirmation.

Il est important de remarquer que toutes ces lames de mica ont été tirées d'une seule et même bande, qui donnait par-tout la même teinte avant d'être découpée. Desirant pousser plus loin la constance du zéro des teintes, j'ai pris une lame de même nature que les précédentes, et tirée de la même pièce qu'elles; elle donnait

Rayon ordinaire.

Rayon extreordinaire.

C'était celui du 2º ordre.

Rouge.

En la plaçant dans les mêmes positions que les précédentes, le zéro des teintes s'est trouvé rigoureusement au même point : j'ai alors placé sur elle-même une autre lame qui seule donnait

Rayon ordinaire.

Rayon extraordinaire.

C'était celui du 2^e ordre.

Pourpre.

L'ensemble a donné

Rayon ordinaire.

Rayon extraordinaire.

C'était celui du 3^e ordre.

Rouge.

Cependant le zéro des teintes s'est retrouvé rigoureusement au même point de la division qui mesure les incidences. Pour faire ces expériences avec la dernière exactitude, je place toujours la première lame sur l'anneau, et je ne fais que poser ou plutôt glisser les autres dessus, en les tournant de manière que leurs axes soient parallèles, ce qui se fait suivant le procédé expliqué plus haut. On voit aussi que cette expérience s'accorde encore parfaitement avec la somme des teintes: car la première lame, donnant le rouge du deuxième ordre, a son épaisseur représentée par 11,83; la seconde, étant un pourpre du second ordre, a son épaisseur un peu moindre que $7\frac{1}{3}$, qui représente le violet du deuxième ordre; supposez-la 6,8, vous aurez pour la somme 18,63, qui est précisément le rouge du troisième ordre.

On voit que, par ce genre de combinaison, le mica, qui d'abord semblait offrir le plus d'irrégularité dans les teintes, est maintenant la substance la plus propre à confirmer le rapport des épaisseurs avec les teintes, et des teintes avec les anneaux.

Le phénomène des couleurs développées dans les lames 1812. 26

épaisses par l'opposition de leurs axes est d'une très-grande importance pour la théorie, parce qu'il montre que les modifications éprouvées par les molécules lumineuses dans les lames minces de la nature de celles que nous examinons, se continuent et se poursuivent à toutes les épaisseurs; en conséquence, je crois devoir ajouter quelques détails sur ce sujet.

Je ferai remarquer d'abord en quoi ces phénomènes different de ceux que M. Arago a observés le premier sur une plaque de cristal de roche taillée perpendiculairement ou presque perpendiculairement à l'axe de cristallisation, résultat que M. Rochon a depuis étendu à toutes les épaisseurs des lames taillées de cette manière : dans ce cas, les teintes sont produites dans une seule lame par l'accroissement progressif de la force répulsive de l'axe, laquelle, d'abord nulle sous l'incidence perpendiculaire, en supposant l'axe mathématiquement rectiligne, se développe graduellement par l'inclinaison. Quant à un autre effet du même genre que M: Arago a également observé à travers des plaques épaisses de flintglass, on en voit aisément la raison par ce qui précède; car, puisque les lames superposées à angles droits détruisent réciproquement leurs influences, de même, et cela sera prouvé plus loin par la théorie et l'expérience, les lames superposées suivant des angles obliques modifient mutuellement les résultats qu'elles auraient donnés isolément. Si donc les molécules d'un corps sont disposées confusément dans tous les sens, la différence de leurs actions, qui seule reste dans le résultat définitif, sera ou nulle ou fort petite; et dans l'un et l'autre cas, le corps ne changera point la polarisation primitive des molécules qui le traversent sous l'incidence perpendiculaire: car, pour que ce changement ne

s'opère pas, il n'est point nécessaire que la somme des actions de la lame soit tout-à-fait nulle, il suffit qu'elle soit moindre que ne serait celle d'une lame cristallisée dont l'épaisseur serait au-dessous de la limite à laquelle la polarisation commence à se produire. Ce ne sont point là les circonstances qui ont lieu dans les lames épaisses et croisées à angles droits. Il s'agit de toutes les lames, les plus régulièrement cristallisées, par exemple de morceaux de chaux sulfatée ou de cristal de roche parfaitement limpides, épais de quatre ou cinq centimètres, qui, présentés à un rayon polarisé, exercent la polarisation totale, de sorte que la lumière transmise, étant ensuite analysée par un rhomboïde de spath d'Islande, se résout en deux faisceaux blancs. Ce sont ces lames qui, croisses avec une autre lame de même nature et d'épaisseur égale, et placées en contact ou à distance, agissent sur la lumière polarisée comme ferait une seule lame égale à leur différence, de sorte que la seconde plaque détruit en partie ou en totalité les modifications que la première avait imprimées aux molécules de la lumière: ce qui prouve évidemment que ces modifications, quelles qu'elles fussent, s'étaient continuées dans toute l'épaisseur de la première lame, suivant les mêmes lois par lesquelles elles se seraient produites si la lumière eût traversé successivement un grand nombre de lames très-minces égales en somme à l'épaisseur totale de la plaque employée dans l'expérience.

J'ai dit que quand on veut croiser des plaques épaisses de nature diverse, il faut, pour obtenir des couleurs dans le rayon que leur système polarise, avoir égard à la différence d'intensité qui existe entre les actions des substances dont

elles sont formées. Je vais en donner des exemples. Je tiens de la complaisance de M. Rochon une plaque de cristal de roche parfaitement limpide, et de plus d'un centimètre et demi d'épaisseur; elle est taillée parallèlement à l'axe de la cristallisation. Je la lui avais fait demander pour y rendre sensibles les phénomènes du croisement des lames, n'ayant eu l'occasion de les appliquer jusqu'alors qu'à des lames de cristal de roche épaisses d'un ou deux millimètres; mais puisque les phénomènes avaient lieu jusqu'à cette épaisseur, qui excède déja beaucoup les limites où l'on peut obtenir des couleurs avec des lames simples, il était naturel de penser qu'ils se produissient également à toute épaisseur: néanmoins on pouvait souhaiter de s'en assurer. Lorsque je reçus cette plaque, je n'en wais pas d'autre de même substance et de même épaisseur à croiser avec elle; mais j'avais reconnu dans mon premier Mémoire que les expériences faites sur les lames très-minces me donnaient pour l'action du cristal de roche une valeur exactement ou à très-peu de chose près égale à celle de la chaux sulfatée : je pris donc un cristal de chaux sulfatée parfaitement transparent et limpide; et enlevant successivement ses couches avec soin, je l'amenai peu-à-peu jusqu'à être presque égal en épaisseur à la plaque de cristal de roche. Pendant le progrès de l'opération, je croisais de temps en temps les deux plaques, et je les présentais au rayon polarisé; mais tant que la différence de leurs épaisseurs excéda les limites de la polarisation partielle, je m'attendais bien qu'elles ne donneraient pas de couleur; et en effet, elles n'en donnèrent pas. Enfin, lorsque la différence des épaisseurs commença à devenir assez petite, je commençai à voir les premières traces de la coloration

des deux rayons, celui que la lame polarisait étant bleu verdâtre, l'autre blanc rougeâtre; ce qui est en effet le commencement des anneaux colorés en partant du blanc composé. Ce phénomène n'eut pas d'abord lieu sous l'incidence perpendiculaire; mais il devint sensible sous des incidences obliques, en inclinant le premier axe de la plaque de chaux sulfatée sur le rayon incident, de manière à diminuer son action: alors, en enlevant une nouvelle couche très-mince de cette plaque, les couleurs se manifestèrent même sous l'incidence perpendiculaire, quoique chacune des deux plaques croisées, observées à part, n'en donnât pas la moindre trace, et fût même bien loin d'en donner. Depuis mon arrivée à Paris, je me suis procuré un grand nombre d'aiguilles de cristal de roche, que j'ai combinées les unes avec les autres sans les tailler, avec la seule attention de ne les croiser qu'avec des aiguilles ou des plaques d'épaisseur peu différente de la leur; je n'en ai pas trouvé une seule qui ne produisît le phénomène quand on l'exposait ainsi à un rayon polarisé.

J'ai étudié de la même manière les plaques épaisses de mica, en les croisant avec des lames de chaux sulfatée et de cristal de roche d'une épaisseur convenable. Il est bien rare de rencontrer de pareilles plaques de mica qui conservent leur transparence et la régularité de leur cristallisation; mais j'ai eu cet avantage, grace à la complaisante générosité de M. de Drée, qui, possédant une des plus belles collections de minéralogie qui existent, ne veut en être le maître que pour en faire part à tous ceux auxquels elle peut être utile. On a bien voulu me confier, en son nom, un superbe cristal de mica hexaèdre, l'un des plus beaux, peut-être même le plus beau qui existe; car, ayant plus de deux millimètres

d'épaisseur, il est encore très-transparent, et conserve toutes les formes de la cristallisation. On conçoit qu'avec cette épaisseur il ne donne pas d'images colorées quand on l'expose seul à un rayon polarisé, quoiqu'il agisse sur la lumière comme un cristal et avec la même régularité; mais il en produit lorsqu'après avoir reconnu ses sections principales, on le croise avec une lame de chaux sulfatée ou de cristal de roche d'une épaisseur convenablement déterminée.

J'ai fait également, dans le cabinet de M. de Drée, l'expérience du croisement des lames sur deux belles aiguilles de béril parfaitement limpides, et qui, essayées séparément, ne donnaient que des images blanches lorsqu'on les exposait au rayon polarisé: en les croisant, elles donnèrent tout de suite les plus vives couleurs.

J'avais déja étudié dans cette vue les propriétés des plaques épaisses de glace. On sait que les molécules de l'eau, en se gelant, prennent une disposition particulière les unes par rapport aux autres, car le volume de l'eau se dilate dans l'acte de la congélation; mais comme ce liquide, exposé librement à l'atmosphère, est toujours plus ou moins agité, et que l'air qui s'y développe, lorsqu'il se gèle, augmente encore cette agitation, on peut présumer que la glace doit ordinairement avoir une cristallisation un peu confuse, et conséquemment, d'après nos expériences, on doit prévoir que son action totale pour polariser la lumière sera peu considérable. Pour vérifier cette conséquence, j'ai pris d'abord une petite plaque de glace mince et bien transparente; je l'ai pressée quelques minutes entre deux lames de verre un peu chaudes et disposées parallèlement, de manière à y produire, en la fondant, deux surfaces planes à-peu-près parallèles; après quoi je l'exposai au rayon polarisé sous l'incidence perpendiculaire: bientôt, en la faisant tourner sur son plan, ou plutôt en tournant l'anneau métallique qui la portait, je trouvai deux positions rectangulaires où elle ne polarisait aucune portion de la lumière incidente. C'était donc là les directions des sections principales résultantes de toutes les actions des molécules de la plaque. En tournant ces sections dans l'azimut de 45°, qui est celui où la séparation des teintes est la plus sensible, je vis qu'elle polarisait un faisceau bleu que je reconnus pour être le bleu du troisième ordre, bien entendu qu'il ne s'agit pas ici d'un bleu pur, mais d'une couleur composée où le bleu domine; car c'est toujours ainsi qu'il faut concevoir les couleurs des anneaux.

Ayant fait cette observation, je voulus reconnaître l'influence des deux axes; je plaçai l'un d'eux dans l'azimut de 45°, et l'inclinant, les couleurs montèrent dans l'ordre des anneaux comme si la lame fût devenue plus mince : c'était donc le premier axe.

Cela fait, je plaçai l'autre axe dans le plan d'incidence à son tour, et l'inclinant sur le rayon incident, les couleurs baissèrent dans l'ordre des anneaux comme si la lame fût devenue plus épaisse: l'influence de ce second axe était donc opposée à celle du premier, puisqu'en l'affaiblissant, l'action totale de la lame sur la lumière augmentait.

Je remis la lame sous l'incidence perpendiculaire, et la laissai quelque temps dans cette position; à mesure qu'elle se fondait, les teintes montaient dans l'ordre des anneaux. J'ai vu ainsi le rayon polarisé par cette lame passer au rouge du deuxième ordre, puis à l'orangé, au jaune, au vert, et ainsi de suite dans l'ordre des anneaux jusqu'au blanc du

premier ordre; après quoi, continuant toujours, il arriva au bleu, au violet, au violet sombre, et enfin disparut.

Mais avant cette époque, j'avais eu soin d'y vérisier la loi des teintes, qui s'y maintient comme dans les autres lames, c'est-à-dire que si l'on fixe l'inclinaison de la lame sur le rayon polarisé, ainsi que la position de son axe sur sa surface par rapport au plan d'incidence, on peut tourner la lame autour du rayon, ou faire tourner le rayon sur luimême, sans que la couleur du rayon que la lame polarise éprouve aucune variation. Ceci suppose que la section principale du rhomboïde, qui sert pour analyser la lumière, a été primitivement fixée dans l'un des azimuts o° ou 90°.

Je pris ensuite un autre morceau de glace épais; quoique transparent, il renfermait de longues aiguilles d'air : j'aplatis de même ce morceau entre deux lames de verre chaudes placées perpendiculairement à ces aiguilles; j'eus ainsi une plaque de glace dont les surfaces étaient à-peuprès parallèles, et qui avait plus de deux centimètres d'épaisseur. Cette plaque, étant exposée au rayon polarisé sous l'incidence perpendiculaire, exerçait la polarisation totale, car la lumière transmise se résolvait en deux images blanches, dont l'une s'évanouissait dans deux positions rectangulaires de la plaque : je plaçai un de ces axes dans l'azimut de 45°, et je l'inclinai sur le rayon polarisé, les deux images restèrent blanches : plaçant ainsi l'autre axe à son tour et l'inclinant, les images restèrent blanches pendant quelque temps, après quoi le faisceau polarisé par la plaque commença à se colorer et à monter dans l'ordre des anneaux, comme si la lame fût devenue plus mince, et il continua de monter ainsi, en augmentant l'inclinaison, depuis le septième ordre des anneaux jusqu'au premier, après quoi il s'évanouit.

L'épaisseur de la plaque ne permit pas de l'incliner davantage pour voir si le faisceau reparaîtrait comme dans le mica et les lames croisées. Cela était extrêmement probable, néanmoins ce qui précède suffit pour montrer que les phénomènes de la polarisation se rapportaient dans cette plaque à l'influence de deux axes rectangulaires, comme dans les autres lames dont j'ai rapporté les observations. Mais l'action de ces axes était très-faible; car lorsque la plaque avait encore plus d'un centimètre et demi d'épaisseur, et ne donnait point de couleurs sous l'incidence perpendiculaire, une lame de chaux sulfatée d'une épaisseur moindre qu'un millimètre suffisait pour lui en faire produire lorsqu'on les croisait l'une sur l'autre, soit en contact, soit à distance, en disposant leurs premiers axes à angles droits.

M. Arago avait déja remarqué que la glace donne des couleurs comme les lames de mica et de chaux sulfatée, c'est donc à lui qu'il faut rapporter cette première observation; mais c'était un motif pour moi d'essayer si les influences des deux axes seraient sensibles dans la glace, et si le croisement des plaques y développerait des couleurs. Tel est l'objet des expériences que je viens d'exposer.

Comme dans toutes ces expériences les surfaces des lames étaient parallèles entre elles, j'ai voulu savoir si les mêmes propriétés se maintiendraient encore quand la lumière traverserait des prismes dans lesquels les molécules se partageraient certainement en deux faisceaux séparés et distincts, en vertu de la double réfraction. Pour cela fai fait tailler une plaque épaisse de cristal de roche parallèlement à l'axe de cristallisation, puis de cette lame j'ai fait extraire deux prismes de manière que leurs angles réfringens fussent

égaux, et que chacun d'eux contint l'axe de cristallisation dans une de ses faces, mais avec cette dissérence que l'un avait ses arêtes parallèles à cet axe, et l'autre les avait perpendiculaires. En superposant ces deux prismes de manière que leurs angles réfringens fussent tournés du même côté, il est facile de voir qu'ils devaient se correspondre point pour point avec des épaisseurs égales, mais avec des axes croisés à angles droits. Aussi le système de ces prismes ainsi disposés, étant présenté au rayon polarisé, produisit le phénomène de la polarisation partielle; et lorsque j'analysai la lumière transmise, elle se résolut en deux images colorées et complémentaires; ou plutôt, comme la réfraction des deux prismes s'exerçait inégalement sur les diverses molécules lumineuses, il arrivait que ces rayons dispersés s'étendaient et se superposaient en partie, ce qui produisait sur toute l'étendue de l'image une succession de bandes colorées séparées par des intervalles qui devenaient à volonté blancs, colorés ou noirs, selon l'inclinaison que j'avais fait prendre au prisme par rapport au rayon incident; cependant les contours de l'image restaient toujours très-bien terminés. Les angles de ces prismes étaient d'environ 15°; ce qui donnait 30° pour l'angle réfringent de leur somme. Chacun d'eux, pris à part, réfractait doublement la lumière naturelle sans aucune coloration; mais lorsqu'ils étaient superposés, la séparation des images n'était plus sensible à la vue simple à cause de l'opposition de leurs axes. Je me propose d'étudier ces phénomènes dans des prismes d'un plus grand angle pour tâcher d'obtenir les rayons émergens séparés, et savoir comment la coloration s'opère dans chaque faisceau séparément : par la même raison, je me propose d'étendre, autant qu'il me sera possible, mes expériences sur les plaques épaisses; mais dès à présent cette expérience suffit pour prouver que le phénomène des couleurs rendu sensible par le croisement des axes ne tient pas nécessairement au parallélisme des deux surfaces de chaque plaque, ni à l'union des deux faisceaux dans leur intérieur, puisque dans le cas de nos deux prismes, dont chacun, pris à part, réfractait doublement la lumière, les faisceaux, en tombant sur le second prisme, étaient nécessairement distincts et séparés; d'où l'on voit que la modification, quelle qu'elle soit, qui produit les teintes du faisceau que chaque lame polarise, selon son épaisseur, est une propriété permanente et durable qui se continue à travers toute l'épaisseur des corps qui en sont doués.

Je partirai donc de ce fait, et de cet autre non moins certain qui se trouve également établi dans mon premier Mémoire; savoir, que les lames parallèles à l'axe des cristaux ci-dessus désignés polarisent les rayons lumineux sur lesquels elles agissent, non pas suivant leur axe de cristallisation, mais suivant une ligne qui fait un angle double avec le plan de la polarisation primitive. En combinant ces deux faits par une marche analogue à celle que Newton a suivie pour les accès de réflexion et de transmission, je vais en tirer une propriété générale de laquelle on verra découler ensuîte, par des raisonnemens mathématiques, tous les phénomènes dont nous venons de rendre compte, toutes les formules qui les représentent, telles que je les avais consignées d'après la seule observation dans mon premier Mémoire, et ensin un grand nombre d'autres résultats que l'on n'avait point encore aperçus, ou que l'on n'avait pas encore rattachés aux premiers. Ce sera l'objet de la seconde partie de ce Mémoire.

SECONDE PARTIE.

Lu à l'Institut le 7 décembre 1812.

Dans la première partie du travail que j'ai eu dernièrement l'honneur de lire à la Classe, j'ai exposé les faits simples et généraux qui doivent servir de base à la théorie que je vais essayer d'établir. Le premier de ces faits consiste dans la direction que les lames de chaux sulfatée, de mica, de cristal de roche taillées parallèlement à l'axe de cristallisation impriment aux axes de polarisation des molécules lumineuses, lorsqu'on les expose perpendiculairement à un rayon polarisé. J'ai établi, par un grand nombre d'expériences, que la polarisation opérée par ces lames ne se fait pas parallèlement à leur axe, mais suivant une ligne droite qui fait un angle double avec le plan de polarisation primitive. Le second fait sur lequel je m'appuierai est le rapport constant, la proportionnalité qui existe entre les épaisseurs des lames qui polarisent telle ou telle teinte, et les épaisseurs des corps qui réfléchissent cette même teinte dans les anneaux colorés, lorsque la lumière incidente est blanche. Après avoir prouvé cette proportionnalité par des mesures précises, pour les lames minces, j'ai montré par les phénomènes des lames croisées épaisses, que la même propriété s'étend et se continue à toute distance à travers l'épaisseur des corps. Voilà les faits qui vont me servir de base. Je ne me propose point de chercher une hypothèse qui les explique, je ne veux que les composer ensemble, et les réduire par des considérations mathématiques

en un seul fait général qui en sera l'expression abrégée, et duquel on pourra tirer ensuite, par le calcul, non-seulement les faits que je viens de rappeler, mais encore tous les phénomènes composés qui peuvent résulter de leur combinaison.

Considérons d'abord ce qui arrive lorsqu'un rayon blanc polarisé traverse une lame de chaux sulfatée, ou de cristal de roche à surfaces parallèles, et qui contient dans son plan l'axe de cristallisation. Ces substances jouissant de la double réfraction, le rayon, lorsqu'il aura pénétré dans leur intérieur, se partagera en deux faisceaux qui suivront en général des directions différentes. Si l'incidence est perpendiculaire, ces deux faisceaux se confondront, et cela aura lieu ainsi, soit que les forces qui produisent la double réfraction dans les corps émanent d'un seul ou de plusieurs axes situés dans le plan des lames : alors donc le mouvement de translation des deux faisceaux ne différera que par la vîtesse; or, toutes les expériences faites sur les corps cristallisés prouvent que cette inégalité des vîtesses est toujours fort petite. Par exemple, d'après une observation faite par Malus sur la double réfraction d'une aiguille de cristal de roche, observation rapportée dans son ouvrage, la plus grande vîtesse de la lumière dans cette substance serait 1,558176, et la plus petite 1,548435; de sorte que leur dissérence serait de 0,000741, par conséquent fort petite. Il en doit être également ainsi de la chaux sulfatée. En effet, par les expériences rapportées dans mon premier Mémoire, j'ai trouvé que ces deux substances, lorsqu'elles sont bien pures, exercent, à trèspeu de chose près, sinon exactement, la même action pour polariser la lumière; d'où l'on doit conclure que leurs forces pour produire la double réfraction doivent être également

très-peu-différentes; et les expériences sur les plaques épaisses que j'ai dernièrement rapportées, ont parfaitement confirmé ce résultat. On peut également présumer que cette force est très-peu énergique dans le mica, du moins, si l'on en juge par les variations de ses teintes, et par la comparaison de son action avec celle des autres substances que je viens de désigner; car je trouve par expérience que plus la force de cristallisation est faible, plus les épaisseurs nécessaires pour produire une même teinte sont considérables dans les lames parallèles à l'axe de cristallisation. Or, des différences de vîtesse pareilles à celles que nous venons de considérer, ne peuvent pas, comme on le verra par la suite, produire une différence sensible de teinte, sous l'incidence perpendiculaire, dans des lames assez minces pour produire par ellesmêmes des images colorées, c'est-à-dire comprises, pour la chaux sulfatée, par exemple, et le cristal de roche, entre une épaisseur de 110 et 45 de millimètre, du moins pour des lames taillées parallèlement à l'axe de cristallisation; et j'ajouterai que j'ai confirmé ce résultat par des expériences directes faites sur des fames croisées épaisses de près d'un centimètre, dans lesquelles je crois avoir rendu sensible l'inégalité des vîtesses en les exposant sous diverses incidences à un rayon polarisé: mais cette différence même à de pareilles épaisseurs a produit des effets encore extrêmement faibles; car, si j'ai pu les apercevoir, c'est en appliquant à la succession des teintes observées sous diverses incidences, les lois générales que j'ai découvertes pour ce genre de phénomènes, et en cherchant les légères modifications que les grandes épaisseurs pouvaient manifester sur les mesures des inclinaisons auxquelles telle ou telle teinte

s'observait. Ainsi donc, puisque cette inégalité des vîtesses n'a que des effets absolument insensibles dans les lames minces qui produisent naturellement ces images colorées, je n'y aurai point égard dans un premier exposé de la théorie qu'elle compliquerait inutilement; et je considérerai les molécules lumineuses de même nature qui traversent de pareilles lames sous l'incidence perpendiculaire, comme ayant toutes d'égales vîtesses, ou, ce qui revient au même, je considérerai les deux faisceaux dont les directions coïncident, comme ne faisant qu'un faisceau unique. Quand nous aurons considéré ce cas simple, nous examinerons les petites modifications que l'inégalité de vîtesse des deux faisceaux exige pour étendre la théorie aux grandes épaisseurs.

Pour procéder méthodiquement dans cette recherche, il faut d'abord nous débarrasser de la complication qu'entraîne la composition des rayons hétérogènes qui forment les diverses teintes que nos lames polarisent : or, nous pouvons aisément le faire, car nous avons prouvé que dans chaque cristal bien pur et homogène, ces teintes varient avec l'épaisseur, précisément comme dans les anneaux, et cela avec une telle rigueur que l'on peut, dans un même cristal, aller jusqu'à prévoir l'épaisseur d'après la teinte, et réciproquement. L'analogie se soutient même dans les variations que ces teintes subissent par les changemens d'inclinaison; car elles suivent encore en cela l'ordre des anneaux avec une telle fidélité et une sensibilité si grande, que leur accord pourrait servir à confirmer, j'oserais presque dire à perfectionner les résultats des expériences de Newton. Or, cette table des épaisseurs qui nous a été si utile, et qui, d'après les résultats que j'ai rapportés, se trouve maintenant comparée à plus de cinq cents expériences sur nos lames, cette table n'est elle-même que le résultat des expériences que Newton avait d'abord faites sur les anneaux formés par une lumière simple; car bien qu'il ait seulement indiqué les principes sur lesquels elle est fondée, et qu'il n'ait donné aucun détail sur la manière dont il a pu parvenir à en calculer les nombres, jusqu'à y comprendre des dixièmes et des vingtièmes de millionièmes de pouce, on peut bien croire que Newton, s'étant donné la peine d'y joindre des fractions si petites, avait procédé à sa construction par des méthodes exactes, et non par des évaluations arbitraires. J'ai cherché à recomposer cette table, et j'ai réussi à le faire, ou, pour mieux dire, à vérisser par des calculs exacts que les nombres assignés par Newton avec tant de précision pour les épaisseurs des lames minces d'air qui réstéchissent telle ou telle teinte composée, répondaient en effet à la nature des rayons qui composaient cette teinte, et aux proportions suivant lesquelles ils s'y trouvaient mélangés. Pour trouver ces proportions, il faut non-seulement partir des lois reconnues par Newton sur la progression des épaisseurs qui réfléchissent ou qui transmettent une même lumière homogène, il faut encore avoir égard à l'intensité variable de la lumière réfléchie dans la largeur d'un même anneau formé par cette lumière simple; car la réflexion n'est pas invariablement bornée aux épaisseurs 1, 3, 5, 7...., ni la transmission aux épaisseurs intermédiaires 0, 2, 4, 6....; mais la réflexion et la transmission s'opèrent aussi avant et après ces limites avec une intensité continuellement décroissante; de sorte que près de l'épaisseur 3, par exemple, il y a déja une partie de la lumière

qui est transmise, tandis que la plus forte portion est réfléchie, et ainsi de suite, par une dégradation continuelle. Or, s'il faut avoir égard à toutes ces choses pour construire la table de Newton, il en résulte réciproquement que la table, étant donnée dans toutes ses parties, suppose les élémens simples qui lui servent de base; et ainsi, puisque nous voyons cette table si rigoureusement d'accord avec les teintes de nos lames jusque dans leurs plus petites variations, nous sommes en droit de conclure que ces teintes sont composées de la même manière que la table l'indique, ou, en d'autres termes, les teintes des lames étant d'accord avec les lois des anneaux composés lorsqu'on les éclaire avec une lumière blanche, seraient également d'accord avec les anneaux simples si on les exposait à une lumière homogène.

D'après cela, nous pouvons assigner ce qui arriverait, par exemple, si, après avoir polarisé un rayon violet homogène, pris à la dernière extrémité du spectre, on lui faisait traverser perpendiculairement une de nos lames de chaux sulfatée; il ne faut pour cela que suivre les lois des anneaux violets. Si l'on désigne par 2e' l'épaisseur moyenne à laquelle le violet extrême commence d'être polarisé par la lame pour la première fois, il continuera à être polarisé ainsi aux épaisseurs 2e'; 6e'; 10e'; 14e'...... (4n-2)e', suivant la progression des nombres impairs; et au contraire, il conservera sa polarisation primitive aux épaisseurs intermédiaires 0; 4e'; 8e'; 12e'...... (4n-4)e', suivant la progression des nombres pairs; et cela sans fin et sans bornes, puisque nous avons prouvé par l'expérience que les mêmes accès se perpétuent à travers des masses épaisses

de quatre centimètres et davantage, dans lesquelles, à en juger d'après l'épaisseur primitive e', ces alternatives ont dû s'accomplir plusieurs centaines de fois, et plusieurs milliers de fois.

Or, quand les molécules lumineuses sont polarisées par les lames, nous avons vu qu'elles ne tournent pas leur axe de polarisation suivant l'un ou l'autre axe de ces lames, mais suivant une direction qui forme un angle double avec le plan de la polarisation primitive; c'est-à-dire, par exemple, que si ce plan est le méridien, et que le premier axe des lames fasse avec lui un angle i, l'axe de polarisation des molécules qui ont éprouvé l'action de la lame se trouvera à leur sortie dirigé dans un azimut égal à 2i, ou du moins elles se comporteront ainsi dans les réfractions et les réflexions qu'on voudra leur faire subir. Quand pau contraire, elles sortent parallèlement à leur polarisation primitive, leur azimut est zéro. Ainsi, en suivant successivement par la pensée la marche d'une même molécule de lumière, à travers une plaque d'une épaisseur quelconque, on voit qu'à l'épaisseur zéro, à son entrée dans la plaque, son axe de polarisation est d'abord tourné dans l'azimut oo: puis à l'épaisseur 2e', il est tourné dans l'azimut 2i; à l'épaisseur 4e', dans l'azimut o; à l'épaisseur 6e', dans l'azimut 2i; et ainsi de suite à travers toute l'épaisseur du corps.

Il faut de plus concevoir, conformément aux variations des teintes, que les molécules violettes, par exemple, ne sont pas toutes subitement polarisées aux épaisseurs fixes 2e'; 6e'; 10e'....; mais que ce sont là les épaisseurs moyennes où leur tendance à la polarisation est la plus forte dans chacune de ces alternatives; en sorte que la pre-

mière polarisation commence à l'épaisseur e', et finit à l'épaisseur 3e'; la seconde commence à l'épaisseur 5e', et se continue jusqu'à l'épaisseur 7e', et ainsi de suite jusqu'à la n^e alternative qui commencera à l'épaisseur $e_n = (4n - 3)e'$; et qui finira à l'épaisseur $E_n = (4n - 1)e'$, comme cela a lieu dans les anneaux colorés.

Il faudra même concevoir que ces accès, car qu'on me permette de les nommer ainsi, sans y attacher pour le moment aucune idée de réalité; que ces accès, dis-je, n'ont pas d'abord toute leur intensité quand ils commencent, et ne l'ont plus quand ils finissent; mais que, semblables à tous les autres mouvemens produits par des causes périodiques, ils ont une intensité d'abord nulle, puis progressivement croissante jusqu'à un maximum, et ensuite progressivement décroissante jusqu'à zéro. Il en sera de même des accès intermédiaires dans lesquels la molécule a repris sa polarisation primitive; on ne doit pas les concevoir comme ayant lieu subitement aux époques o; 4e'; 8e', mais progressivement avant et après ces époques, dans les limites + e' et - e' : de sorte que les accès qui ramènent la molécule à sa polarisation primitive commencent quand ceux qui l'en écartent viennent de se terminer, et finissent quand l'accès suivant va commencer à l'en écarter de nouveau.

Cette variation d'intensité, qui d'ailleurs est parfaitement conforme à toutes les idées physiques et mécaniques, a également lieu dans les accès de facile transmission et de facile réflexion, ainsi que j'espère le prouver par l'expérience dans un autre mémoire, où l'on verra que cette considération explique un grand nombre de phénomènes dans lesquels la lumière se réfléchit ou se réfracte, ou se

transmet partiellement, quoiqu'elle ne semblât pas devoir se séparer d'après la théorie des accès.

Quant à cette théorie elle-même, que Newton a établie avec tant de soin dans son Optique, je me suis convaincu, par un examen attentif, qu'elle n'est réellement que l'expression des phénomènes concentrée en un seul résultat unique, et ramenée à une seule propriété des molécules lumineuses; savoir, que ces molécules, en traversant les surfaces réfringentes, acquièrent une certaine constitution ou disposition transitoire qui, dans la suite de leur marche, revient à intervalles égaux. En quoi consiste cette disposition, c'est ce que Newton n'a jamais prétendu expliquer; il a seulement présenté cette propriété comme un fait : il a déterminé par expérience les variations de longueur que les accès éprouvent par les changemens d'incidence; ensuite il a montré comment, au moyen de ces inégalités, on pouvait encore rendre la succession des accès sensible, non plus seulement à travers des corps minees, mais à travers des plaques d'une épaisseur quelconque. Il a ainsi formé sur de pareilles plaques des anneaux colorés d'une nouvelle espece, dont le premier ne répondait plus à un seul accès, mais au 82386e accès, le second au 82385e, et ainsi de suite en diminuant toujours d'une unité. Ces anneaux projetés sur un carton blanc placé à six pieds de distance de la plaque sur laquelle ils étaient formés, se sont trouvés exactement égaux en grandeur à ceux qui devaient résulter, par le calcul, de la théorie des accès; et leur grandeur pour différentes plaques s'est trouvée réciproque à la racine quarrée des épaisseurs de ces plaques, conformément à la même théorie. Les physiciens qui ont paru considérer l'idée des

accès comme une hypothèse ingénieuse, me semblent n'avoir pas fait assez d'attention à ces admirables expériences : il est vrai que le calcul en est assez difficile, sur-tout avec l'espèce de synthèse dont Newton fait ordinairement usage, et lui-même, après avoir exposé les plus simples de ces phénomènes, et les avoir calculés comme nous venons de le dire, ajoute qu'il en a observé d'autres analogues sur les plaques inégalement épaisses, et qu'ils lui ont paru toujours d'accord avec la théorie; mais que les calculs par lesquels ils s'en déduisent sont trop divers et trop embarrassés pour trouver place dans son ouvrage. Aujourd'hui que l'analyse mathématique est beaucoup plus simple, on peut ramener ces calculs à des formules faciles à résoudre, même dans les cas les plus généraux : c'est ce que j'ai fait; et ces formules, en éclairant la marche du calcul, n'ont fait que rendre plus sensible l'accord des phénomènes avec la théorie de Newton. Newton n'a considéré que la périodicité des accès et les variations de leur longueur, il m'a semblé que l'examen minutieux des faits exigeait qu'on y joignît la considération de leur intensité, et qu'on la supposât variable dans les diverses périodes d'étendue d'un même accès. De cette manière on embrasse plusieurs phénomènes qui ne semblaient pas d'abord rentrer dans cette théorie. En général, lorsqu'une même propriété physique tirée de l'expérience représente un très-grand nombre de phénomènes, un résultat nouveau qui d'aband ne s'y trouverait pas compris, ne doit pas être considéré comme la détruisant, car les faits ne sauraient être contraires aux tets : c'est seulement un motif pour chercher à ramener les nouveaux résultats aux précédens, ou pour étendre ces derniers si leur réunion avec les

autres est impossible. Ainsi, les recherches des physiciens sur les anneaux colorés pourront faire découvrir encore beaucoup de phénomènes inconnus à Newton; elles pourront même conduire un jour jusqu'à la connaissance de leur cause, mais elles ne porteront aucune atteinte à l'existence même des accès et à leur périodicité : or, ce sont là les seules propriétés qui aient servi de base à Newton pour construire la table des épaisseurs qui réfléchissent ou transmettent les diverses teintes des anneaux composés, et par conséquent les conséquences que je déduis de la comparaison de cette table avec les phénomènes des lames cristallisées ne peuvent pas non plus être détruites par des considérations nouvelles, tant que je me borne à rapprocher ces deux classes de faits par les lois de périodicité qui leur sont communes, sans prétendre en conclure aucune relation entre les causes différentes ou semblables par lesquelles ils sont produits.

Les modifications que nous venons de décrire relativement à une seule espèce de molécules lumineuses, se produiront également dans chaque espèce de ces particules avec les différences qui leur sont propres; c'est-à-dire que les mêmes modifications exigeront pour chacune d'elles des épaisseurs différentes; mais les limites où s'arrêteront leurs axes de polarisation seront les mêmes, d'après l'expérience, pour les molécules de toutes les couleurs: or, quelle que soit la cause physique qui amène ainsi tour-à tour les axes des molécules dans l'azimut o et ainsi l'azimut 2i, l'effet qui en résulte ne peut pas être appère autrement qu'un mouvement oscillatoire dont les limites sont o et 2i; par conséquent la première chose que nous ayons à faire, c'est de déterminer

avec exactitude les lois de ce mouvement, après quoi nous verrons s'il est possible de remonter jusqu'à la loi de la force qui le produit.

Les deux lignes de repos sur lesquelles les molécules s'arrêtent font toujours des angles égaux avec le premier axe des lames, quel que soit l'azimut où celui-ci est placé: c'est donc à partir de cet axe qu'émanent les forces qui produisent le mouvement d'oscillation; mais en étudiant les modifications que les phénomènes éprouvent sous des incidences obliques, nous avons vu que le second axe des lames influe aussi en sens contraire sur la rotation des molècules lumineuses. Nous devons donc concevoir que la force, quelle qu'elle soit, qui fait osciller les molécules, est la différence des actions que les deux axes exercent pour produire cet effet en sens opposé; et la manière la plus générale de la représenter, est de la supposer égale à une fonction quelconque de l'angle que l'un des axes de la lame, le premier, par exemple, forme à chaque instant avec l'axe de polarisation des molécules lumineuses. Si l'on écrit les équations du mouvement de rotation d'une de ces molécules dans les circonstances que nous venons de déterminer, et si l'on introduit dans le calcul la condition que les phénomènes soient symétriques autour du premier axe des lames; conformément à l'observation, on trouve que les limites de chaque oscillation seront toujours dans les azimuts o et 2i, quelle que soit la forme de la fonction qui exprime la force, et quelle que soit l'intensité de cette force, de sorte que ces limites seront communes aux molécules lumineuses de toutes les couleurs, conformément aux observations.

Pour démontrer cette proposition, considérons un rayon

polarisé vertical, qui tombe perpendiculairement au point C, fig. 2, sur une lame de chaux sulfatée; prenons dans le plan de la lame deux axes rectangulaires de coordonnées CZ, CX, dont le premier CZ soit dirigé suivant la direction primitive de l'axe de polarisation des molécules lumineuses. Soit F'CF le premier axe de la lame formant un angle ZCF ou i avec le plan primitif de polarisation, et menons aussi le second axe f'cf qui lui sera perpendiculaire. Lorsque les molécules lumineuses auront pénétré dans l'intérieur de la lame à une certaine profondeur, elles se mettront à osciller autour du premier axe CF. Considérons d'abord celles qui produisent la sensation d'une seule couleur simple, par exemple, les molécules violettes; supposons qu'à un certain instant t leur axe de polarisation soit dirigé suivant CP, et fasse avec leur direction primitive un angle ZCP égal à x. Cela posé, évaluons les actions des deux axes de la lame sur les molécules, et exprimons-les de la manière la plus générale.

Pour cet effet, menons la ligne CR perpendiculaire à l'axe de polarisation des molécules lumineuses. La résultante des forces qui font tourner ces molécules autour de leur centre de gravité, peut à volonté être considérée comme attirant l'axe de polarisation CP vers le premier axe CF de la lame, ou comme repoussant le second axe CR des molécules lumineuses de manière à le rendre perpendiculaire sur CF: ces deux manières sont absolument indifférentes pour la représentation des phénomènes, et peuvent être également bien employées. La seconde est plus conforme à l'idée que l'on se fait des forces qui produisent la double réfraction, forces qui, dans le mouvement du rayon,

agissent comme répulsives; mais la première est plus simple à énoncer, parce qu'elle rapporte immédiatement les phénomènes au mouvement de l'axe de polarisation P'CP, et c'est pourquoi nous en ferons usage.

Dans la position des molécules et de la lame que nous venons de supposer, l'axe de polarisation CP fait avec le premier axe CF un angle PCF égal à i-x. Représentons par φ (i-x) la force émanée de CF qui tend à faire venir l'axe CP sur sa direction, et par conséquent à augmenter l'angle x; le signe φ indiquant une fonction de forme quelconque. Nous voyons par les phénomènes que cette force agit exactement de la même manière de part et d'autre de l'axe CF, puisque les demi-amplitudes des oscillations sont exactement les mêmes de part et d'autre de cet axe, et qu'elles sont aussi les mêmes lorsque l'azimut de la lame est +i ou -i; par conséquent la fonction φ devra être telle qu'elle ne change pas de valeur absolue, mais seulement de signe, quand la quantité qu'elle renferme passe du positif au négatif, c'est-à-dire qu'on aura en général:

$$\phi\left(\epsilon\right)=-\phi\left(-\epsilon\right).$$

Nous mettons le signe —, parce que d'un côté de l'axe CF de la lame la force attractive tend à augmenter l'angle x, et que de l'autre elle tend à le diminuer.

Considérons maintenant l'action du second axe Cf de la lame: celle-ci, étant opposée à la précédente, tendra à repousser les molécules lumineuses, et à les empêcher d'avancer vers l'axe CF: la manière la plus simple de représenter cet effet, c'est de concevoir les forces qui émanent de Cf comme tendant à repousser le second axe CR des molécules

1812.

lumineuses, avec une force qui dépend de l'angle fCR, et que l'on peut par conséquent représenter par φ , (fCR) ou φ , (i-x); φ , pouvant être en général une fonction distincte de φ . De plus, il faudra également concevoir que cette force s'exerce de la même manière et avec une égale intensité de part et d'autre de l'axe Cf, à cela près que sa direction absolue change, ainsi que son action pour augmenter ou diminuer l'angle x. On aura donc encore ici:

$$\varphi_{\iota}(\epsilon) = -\varphi_{\iota}(\epsilon).$$

Alors, si l'on représente par t le temps, dont nous prendrons la différentielle seconde pour constante, la force accélératrice $\frac{d^2x}{dt^2}$ qui tendra à chaque instant à faire tourner la molécule autour de son centre de gravité, de manière à augmenter l'angle x, sera la différence des deux précédentes, ou $\varphi(i-x)-\varphi(i-x)$; ce qui donnera l'équation:

$$\frac{d^{n}x}{dt^{n}} = \varphi(i-x) - \varphi_{i}(i-x),$$

d'où l'on tire en intégrant

$$\frac{dx^{2}}{dt^{2}} = 2 \int \varphi(i-x) dx - \int \varphi_{i}(i-x) dx + \text{const.}$$
soit
$$\int \varphi(\varepsilon) d\varepsilon = \psi \varepsilon, \quad \int \varphi_{i}(\varepsilon) = \psi_{i}\varepsilon,$$

on aura
$$\frac{d^2x}{dt^2} = 2\psi(i-x) - 2\psi(i-x) + \text{const.}$$

Or, on a vu que les fonctions φ et φ , sont assujéties aux conditions de symétrie,

$$\varphi\left(\epsilon\right)=-\varphi\left(-\epsilon\right)$$
 $\varphi_{\epsilon}\left(\epsilon\right)=-\varphi_{\epsilon}\left(-\epsilon\right),$

par conséquent, si l'on multiplie par d_{5} , et qu'on intègre

$$\int \varphi \, \epsilon \, d\epsilon = \int -d\epsilon \cdot \varphi \, (-\epsilon); \quad \int \varphi_{i}(\epsilon) \, d\epsilon = \int -d\epsilon \, \varphi_{i}(-\epsilon)$$

ou, d'après notre notation:

$$\psi \epsilon = \psi (-\epsilon)$$
 $\psi_{,\epsilon} = \psi_{,\epsilon} (-\epsilon).$

Nous devons déterminer la constante de notre intégrale de manière que l'axe de polarisation des molécules lumineuses se trouve primitivement dirigé suivant CZ, ce qui exige qu'à l'origine du mouvement on ait en même temps

$$\frac{dx}{dt} = 0 \qquad x = 0.$$

Ces conditions iutroduites dans notre intégrale donnent

$$o = 2 \psi i - 2 \psi, i + const.$$

Par conséquent, en prenant la valeur de la constante, et la substituant dans l'intégrale

$$\frac{dx^{2}}{dt^{2}}=2\left[\psi\left(i-x\right)-\psi\left(i\right)\right]-2\left[\psi_{i}\left(i-x\right)-\psi_{i}\left(i\right)\right],$$

la valeur de la vîtesse devient alors constamment nulle, quel que soit le temps, lorsque x est nul; ce qui montre que l'azimut x = 0 de la polarisation primitive est une des limites des oscillations; mais de plus cette vîtesse devient encore nulle quand x = 2i, puisque l'on a alors

$$\frac{d^{2}x}{dt}=2\left[\psi\left(-i\right)-\psi\left(i\right)\right]-2\left[\psi_{i}\left(-i\right)-\psi_{i}\left(i\right)\right];$$

équation dont le second membre devient identiquement nul en vertu des conditions de symétrie auxquelles les fonctions ψ et ψ , sont assujéties : ainsi, quelle que soit la nature des forces exercées par les deux axes de la lame, et quelle que soit leur intensité, les limites des oscillations des molécules lumineuses seront toujours les azimuts o et 2i, et ces limites, indépendantes de l'intensité des forces, seront par conséquent les mêmes pour les molécules de toutes les couleurs : ce qui est conforme aux observations.

L'action du cristal sur les molécules lumineuses pourrait encore être représentée d'une autre manière, en attribuant aux deux pôles de la molécule les attractions et les répulsions que nous avons supposé émaner des deux axes; pour cela il faudrait regarder l'axe PCP des molécules lumineuses comme attiré par CF et repoussé par Cf avec des forces dépendantes de l'angle i - x, et dont l'expression la plus générale serait $\varphi(i - x)$ et $\varphi(i - x)$: en effet on aurait encore comme tout-à-l'heure

$$\frac{d^3x}{dt^2} = \varphi(i-x) - \varphi_i(i-x)$$

Généralement toutes les suppositions qu'on pourra faire sur les directions des forces seront également admissibles, lorsqu'elles se réduiront à produire une résultante attractive qui sera fonction de l'angle (i-x), et qui tendra à faire osciller l'axe de polarisation des molécules lumineuses autour du premier axe CF des lames cristallisées : par conséquent tout ce que les phénomènes indiquent de certain, c'est l'existence d'une pareille force, de quelque manière qu'elle résulte de l'attraction des molécules lumineuses pour les molécules du cristal; et aussi, tout ce que nous nous proposons d'établir dans ces calculs, c'est l'existence de cette résultante, et la loi de son action.

Maintenant, quelle sera la vîtesse de rotation des molécules dans chacun des points de leur oscillation? quelle sera la durée des oscillations, et quel sera le rapport de cette durée avec leur amplitude? La résolution de ces questions est nécessaire pour connaître les lois du mouvement des molécules d'une manière complète; mais on ne peut y parvenir qu'en déterminant la nature de la force qui produit ces mouvemens; et, par une circonstance assez remarquable, cette nature, ou plutôt la fonction qui l'exprime, peut se tirer des observations.

Pour concevoir comment cela se peut faire, il faut d'abord examiner comment les oscillations des molécules de diverses couleurs se mêlent dans l'intérieur du cristal; c'est-à-dire qu'en partant des lois que nous avons reconnues pour les oscillations des molécules d'une seule couleur, il faut en déduire la composition des teintes qui a lieu dans les deux images lorsque la lumière incidente est blanche. Or, c'est ce que la théorie des oscillations permet de faire avec la plus grande facilité, non pas d'une manière vague et hypothétique, mais avec une telle rigueur, que l'on peut assigner pour chaque épaisseur l'espèce de la teinte, et sa composition en rayons simples, pour toute la série des anneaux.

C'est une observation générale, que toutes les forces connues qui agissent sur la lumière pour la réfracter, ou la réfléchir, agissent sur les molécules de nature diverse avec une intensité inégale. L'action de ces forces est toujours plus grande sur les rayons violets que sur les rayons rouges, et elle diminue d'une de ces limites à l'autre en même temps que la réfrangibilité. Je me suis assuré par des expériences directes que cela a lieu également pour les forces qui produisent la double réfraction, même dans les corps où ce phénomène est le plus intense; par exemple, dans la chaux carbonatée. Nous pouvons donc prévoir qu'il en sera encore ainsi pour les forces qui produisent les oscillations de la lumière, puisque nous avons prouvé que ces forces, par les variations que l'inclinaison leur fait subir, sont tout-à-fait analogues à celles qui produisent la double réfraction; et ce résultat deviendra encore bien plus évident par les expériences détaillées que j'exposerai à la suite de ces recherches, et desquelles il résulte que les intensités de ces actions sont proportionnelles au carré du sinus de l'angle formé par les axes des lames avec les rayons réfractés, ce qui est précisément la loi des forces qui produisent la double réfraction. Enfin, à défaut de toutes ces analogies, l'observation directe conduirait encore aux mêmes conséquences; car puisque les couleurs composées que les lames polarisent s'accordent constamment et dans la plus grande rigueur avec les successions des teintes consignées dans la table des épaisseurs de Newton, il faut bien que les intensités des actions exercées sur les molécules de même couleur soient proportionnelles entre elles dans les deux phénomènes, et qu'ainsi les accès de transmission et de réflexion des molécules de nature diverse aient entre eux précisément les mêmes rapports que les épaisseurs qu'elles traversent pendant une de leurs oscillations.

Cela posé, lorsqu'un rayon blanc polarisé tombe sur une de nos lames, on peut lui appliquer rigoureusement la construction géométrique par laquelle Newton a représenté dans son Optique le progrès des molécules lumineuses, et leur mélange à travers les diverses épaisseurs d'un même



corps; il faut seulement dans cette construction regarder la longueur des accès comme représentant l'épaisseur que la lumière traverse dans nos lames pendant la durée d'une oscillation. Ainsi, dans les phénomènes de la réflexion, les molécules pénètrent ensemble jusqu'à une petite profondeur sans éprouver aucune tendance à se réfléchir, et si l'épaisseur du corps est moindre que cette profondeur, elles se transmettent librement : de même, dans les phénomènes de la polarisation, toutes les molécules pénètrent ensemble jusqu'à une petite profondeur sans éprouver aucun dérangement dans leurs axes de polarisation, et si l'épaisseur des lames est moindre que cette limite, elles conservent toutes leur polarisation primitive. Dans la réflexion, ce premier intervalle est égal à la moitié de la longueur d'un accès. Dans les phenomènes de la polarisation, ce sera la moitié de l'épaisseur que la lumière traverse pendant la durée d'une oscillation entière. Dans la réflexion, au-delà de cette limite, les molécules violettes commencent à se réfléchir; puis ensuite les violettes et les bleues; puis les violettes, les bleues et les vertes; et ainsi de suite, jusqu'aux rouges, qui se réfléchissent les dernières, mais cependant à très-peu de distance des autres. Alors le rayon réfléchi devient successivement violet, bleu, et presque tout de suite blanc, par le concours de la réflexion de toutes les couleurs. De même dans nos lames le premier rayon qu'elles polarisent est violet; puis à une épaisseur un peu plus grande, ce violet se mêle à l'indigo et forme un bleu, lequel se change presque aussitôt en blanc par le mélange de toutes les autres couleurs : dest le blanc que Newton a nommé du premier ordre; et de mêmo que dans les anneaux il arrive une épais-

seur où le blanc est le plus abondant qu'il est possible, en sorte que la lumière transmise est nulle ou presque nulle, de même dans nos lames il y a une certaine épaisseur à laquelle le rayon blanc qu'elles polarisent contient toute ou presque toute la lumière incidente, de sorte qu'il n'y a aucune ou presque aucune portion de cette lumière qui conserve sa polarisation primitive. Dans la réflexion, lorsque l'épaisseur devient un peu plus grande, les diverses couleurs qui composaient le blanc du premier ordre s'en séparent tour-à-tour dans l'ordre suivant lequel elles y étaient entrées; c'est à dire, les derniers rayons violets d'abord, parce que leurs accès sont les plus courts; puis les violets et les bleus; puis les bleus, les verts et enfin les rouges; ce qui change successivement ce blanc en jaune pâle, en orangé, en orangé rougeatre, et en un rouge qui se terminerait enfin par la privation absolue de lumière, c'est-à-dire par le noir, si, presque à la même épaisseur ne commençait le second accès des rayons violets, ce qui fait suivre immédiatement ce rouge sombre par un pourpre très-faible, auquel succède de nouveau un violet, un bleu, un vert, et toutes les couleurs du second anneau, lesquelles dominent tour-à-tour dans le mélange, et y sont plus séparées que dans le premier anneau, parce que la différence d'étendue de leurs accès a eu plus d'espace pour s'y manifester : de même et absolument de même, dans nos lames les épaisseurs qui répondent aux oscillations des diverses molécules étant inégales aussi bien que leurs vîtesses, et cette inégalité étant proportionnelle à la longueur de leurs accès, on conçoit que de pareilles modifications de teintes doivent s'y reproduire, et elles s'y reproduisent en effet avec la plus grande grande fidélité; c'est-à-dire qu'après

l'épaisseur où les molécules lumineuses se trouvent toutes ensemble dans leur première oscillation, il arrive que les molécules violettes se séparent des autres, les devancent, et commencent une seconde oscillation qui les ramène vers la polarisation primitive, lorsque les molécules bleues, les orangées et les rouges n'ont pas encore tout-à-fait terminé leur première oscillation. Alors, si on coupe la lame à cette épaisseur, on trouve que le faisceau polarisé par elle est un blanc légèrement jaunâtre; puis, à une épaisseur un peu plus grande, ce jaune se change en orangé, il a alors perdu des molécules violettes, bleues et vertes, qui sont déja dans leur seconde oscillation; bientôt après il ne conserve plus qu'un petit nombre de rayons d'un rouge sombre : toutes les autres molécules sont déja entrées dans leur seconde oscillation, et par conséquent la portion de lumière qui, en traversant le rhomboïde, se dirige vers la polarisation primitive, forme l'espèce de teinte qui résulte du mélange de toutes les couleurs privé d'un petit nombre de rayons rouges, c'est-à-dire un blanc bleuâtre; au-delà de ce terme une portion des premières molécules violettes commence déja sa troisième oscillation quand les dernières molécules rouges n'ont pas encore fini la première. Alors la teinte que la lame polarise à cette épaisseur, est un pourpre extrêmement faible et sombre qui bientôt passe au bleu, au vert, et à toutes les couleurs du second anneau. En poursuivant toujours, par la pensée, cette suite de mouvemens oscillatoires dont les vitesses sont inégales pour les molécules lumineuses de différentes espèces, on conçoit que les diverses couleurs, qui chacune occupent une certaine étendue dans le spectre, doivent se mêler de plus en plus dans 1812. 30

leurs limites aux deux extrémités de l'oscillation, et y produire enfin deux images blanches, comme cela arrive dans les anneaux réfléchis et transmis, en vertu de l'inégale longueur des accès, lorsque l'épaisseur du corps est devenue assez considérable pour que les anneaux de toutes les couleurs et de différens ordres se mêlent dans le faisceau réfléchi et dans le faisceau transmis. Cette parfaite identité dans la succession des teintes, dans leurs mélanges progressifs, dans les périodes de leurs intensités, enfin dans les plus petites circonstances des changemens de leurs nuances, suffirait pour montrer l'accord qui existe entre les lois de périodicité qui lient ces deux classes de phénomènes, quand même les mesures des épaisseurs prises de part et d'autre avec un soin extrême et scrupuleusement comparées n'auraient pas déja établi d'une manière rigoureuse et directe l'existence de ces rapports.

On voit par ce que je viens de dire comment les teintes polarisées par les lames à leurs épaisseurs successives dépendent des temps des oscillations. De plus, nous avons reconnu que l'amplitude des oscillations est la même pour toutes les molécules lumineuses et égale à 2i, c'est-à-dire au double de l'angle formé par le premier axe des lames avec le plan de polarisation primitif. Or, en faisant varier cet angle depuis o jusqu'á 360°, on trouve par expérience que la teinte polarisée par une même lame est rigoureusement constante. Par conséquent les temps des oscillations doivent aussi être parfaitement égaux dans tous les cas, puisque l'espèce de teinte que la lame polarise dépend uniquement de cette durée : ainsi la force qui produit les oscillations est telle, que leur durée est absolument indépendante de leur

amplitude; cette indépendance offre une condition à laquelle les forces dont il s'agit doivent satisfaire, et leur détermination d'après cette condition est un véritable problème de tautochronisme.

Reprenons donc l'équation différentielle

$$\frac{d^{i}x}{dt^{i}} = \varphi(i-x) - \varphi(i-x),$$

et faisons pour plus de simplicité v = (i - x); comme les fonctions φ et φ ne contiennent que cette quantité, nous pour rons faire $\varphi(i-x)-\varphi_i(i-x)=F(i-x)=F\nu$, et notre équation différentielle deviendra en y substituant ces valeurs $\frac{d^2v}{dr^2} = -\mathbf{F}(v)$. La première intégrale de cette équation devra être prise de manière que la vîțesse $\frac{d x}{d t}$ ou $-\frac{dv}{dt}$ soit nulle quand x est nulle; c'est-à-dire quand v = +i: ensuite, pour avoir le temps T d'une oscillation entière qui s'exécute dans l'arc 2i, il faudra prendre la valeur de t dans la seconde intégrale depuis x = 0 jusqu'à x = 2i; c'est-à-dire depuis v = +i jusqu'à v = -i; la première de ces limites répond au commencement de l'oscillation; la seconde à la fin; et la valeur moyenne v = 0répondrait exactement au milieu du temps T; car le mouvement de la molécule lumineuse est symétrique dans les deux moitiés de l'oscillation. En effet, si l'on suppose v=i-xdans l'expression générale trouvée plus haut pour $\frac{dx^3}{dt^2}$, on trouve:

$$\frac{dx^{2}}{dt} = 2 \left[\psi \left(v \right) - \psi \left(i \right) \right] - 2 \left[\psi_{i} \left(v \right) - \psi_{i} \left(i \right) \right],$$
30.

que ces exposans sont rangés par ordre de grandeur, et que α est le plus petit d'entre eux. D'après cela, notre équation différentielle deviendra:

$$\frac{d^2v}{dt^2} = -av^{\alpha} - bv^{\beta} - cv^{\gamma}.....$$

multipliant une fois par dt et intégrant :

$$\frac{dv^{\prime}}{dt^{\prime}} = -\frac{2av^{\alpha+1}}{\alpha+1} - \frac{2bv^{6+1}}{6+1} - \frac{2cv^{\gamma+1}}{\gamma+1} + \cdots + const.$$

La constante doit être déterminée de manière que la vîtesse $\frac{d x}{d t}$ ou $\frac{d v}{d t}$ soit nulle quand x = 0, ce qui donne v = i, on a donc

$$o = -\frac{2a i^{\alpha+1}}{\alpha+1} - \frac{2b i^{6+1}}{6+1} - \frac{2c i^{\gamma+1}}{\gamma+1} - \dots + const.$$

Et par conséquent :

$$\frac{d v^{3}}{d t^{2}} = \frac{2 a \left(i^{\alpha+1} - v^{\alpha+1}\right)}{\alpha + 1} + \frac{2 b}{6 + 1} \left(i^{6+1} - v^{6+1}\right) + \frac{2 c}{\gamma + 1} \left(i^{\gamma+1} - v^{\gamma+1}\right) \dots$$

Faisons maintenant v = iv', ce qui donne dv = idv', et $dv' = i^2 dv'^2$, notre équation divisée par i^2 deviendra

$$\frac{dv'^{2}}{dt} = \frac{2ai^{\frac{\alpha-1}{2}}}{\alpha+1} \left(1-v'^{\frac{\alpha+1}{2}}\right) + \frac{2bi^{\frac{\alpha-1}{2}}}{6+1} \left(1-v'^{\frac{\alpha+1}{2}}\right) + \frac{2ci^{\frac{\alpha-1}{2}}}{\gamma+1} \left(1-v'^{\frac{\gamma+1}{2}}\right)$$

d'où l'on tire

$$dt = dv' \left[\frac{2ai^{\alpha-1}}{\alpha+1} \left(1 - v_{i}^{\alpha+1} \right) + \frac{2bi^{6-1}}{6+1} \left(1 - v_{i}^{6+1} \right) + \frac{2ci^{\gamma-1}}{\gamma+1} \left(1 - v_{i}^{\gamma+1} \right) \dots \right]^{\frac{1}{2}}$$

Reprenons notre équation différentielle en ν , en y faisant $\alpha = 1$, et $b c \dots$ nuls. elle deviendra

$$\frac{d^2v}{dt^2} = -av,$$

dont l'intégrale est

$$v = m \cos [t \sqrt{a} + n],$$

m et n étant deux constantes arbitraires. D'abord on en déterminera une par la condition que $\frac{dv}{dt}$ doit être nul quand t = 0, ce qui donne m sin. n = 0, et partant n = 0; car, si on faisait m nul, il n'y aurait pas d'oscillation du tout. On a donc ainsi d'abord, en mettant pour v sa valeur i = x,

$$x = i - m \cos t \sqrt{a}$$

de plus, quand t = 0, il faut que l'arc x soit nul, ce qui donne m = i. On a donc définitivement

$$x = i - i \cos t \sqrt{a}$$
, ou bien $x = 2i \sin^2 \frac{1}{2} t \sqrt{a}$.

De là il résulte que le temps d'une oscillation entière dans l'arc 2 i est donné par l'équation

$$t \sqrt{a} = \pi$$
, d'où $t = \frac{\pi}{\sqrt{a}}$,

π étant la demi-circonférence dont le rayon égale l'unité.

La force accélératrice qui tend à faire tourner les molécules lumineuses, est proportionnelle à i-x, c'est-à-dire, à l'angle que leur axe de polarisation forme à chaque instant avec le premier axe de la lame. On peut donc assimiler ces phénomènes à ceux que produirait la torsion d'un fil vertical

9,8088. Désignons de même par φ la force accélératrice qui sollicite l'aiguille dans l'arc i-x, nous aurons,

$$\varphi = p \cdot \frac{a(i-x)}{g},$$

et le coëfficient de p dans le second membre étant évalué en nombres, donnera à chaque instant le rapport de la force φ à la pesanteur p.

La force φ étant variable avec l'arc x, évaluons-la pour un instant déterminé, par exemple, pour l'instant où la rotation de la molécule commence; nous aurons alors x = 0, puisque l'arc x est compté à partir du commencement de l'oscillation, et la valeur de φ pour ce cas sera

$$\varphi = \frac{pai}{g}.$$

Cette expression est encore variable avec l'arc i, et lui est proportionnelle. Mais la plus grande valeur de i que nous ayons besoin de considérer, c'est celle qui répond à l'angle droit; car alors l'étendue entière des oscillations s'exécutant dans l'arc 2 i, on voit que les axes de rotation des particules décrivent une demi-circonférence; ce qui, à cause de la forme symétrique des molécules lumineuses, ramène les mêmes phénomènes que si elles n'avaient pas été déviées de leur polarisation primitive. Au-delà de ce terme, et pour de plus grandes valeurs de i, la même raison de symétrie ramène également les mêmes phénomènes qui avaient lieu dans la première moitié de la circonférence. Nommons donc r le rayon de la molécule lumineuse, c'est-à-dire, la distance de son centre de rotation à l'extrémité de son axe de polarisation; et désignant comme ci-dessus par π la demi-circonférence

pour unité de temps la seconde sexagésimale, mesurée par une oscillation de λ, on a

$$g=\frac{\pi^2\lambda}{\Gamma^{1/2}}$$

 π étant, comme précédemment, le rapport abstrait de la circonférence au diamètre, en éliminant g au moyen de cette expression, la valeur de φ devient

$$\varphi = \frac{p \cdot \pi \cdot \mathbf{1}^{"2} \cdot r}{2 \cdot \mathbf{T}^{2} \cdot \lambda}.$$

Ces oscillations des particules lumineuses sont si rapides, que le temps T est absolument inappréciable pour nos sens, mais nous pouvons le calculer d'après les observations. Si l'on représente par e' la plus petite épaisseur, à laquelle la force polarisante de la lame commence à être sensible : il résulte de l'expérience, comme on le verra toutà l'heure, que le temps employé par la lumière pour traverser cet espace, est égal à la moitié du temps d'une oscillation complète, lorsque la force polarisante de la lame a pris tout son accroissement. Nommons R le rayon moyen de l'orbe terrestre. La lumière parcourt cet espace en 8' 13" ou 493"; par conséquent le temps qu'elle mettrait dans le vide pour parcourir l'espace e', serait proportionnellement $\frac{e' \cdot 493"}{R}$. Mais dans l'intérieur d'un corps réfringent, sa vîtesse est plus considérable, suivant la proportion du sinus d'incidence au sinus de réfraction; nommant donc m ce rapport pour l'espèce de lame que nous considérons, le temps du trajet dans l'espace e' sera moindre dans le même rapport; nous aurons $\frac{e' \cdot 493''}{m B}$ pour le nombre de secondes que la

Ici R et r ne sont plus que des nombres abstraits de mètres. On voit que le rapport absolu de la force φ à la pesanteur p dépend de la grandeur du rayon r de la molécule lumineuse, et lui est proportionnel; de sorte que, plus on supposera pour φ une valeur faible, plus il faudra que le rayon r des molécules soit petit, pour qu'elles fassent leurs oscillations dans le temps assigné. Supposons par exemple $\varphi = 100000000$, c'est-àdire que la force φ soit cent millions de fois aussi intense que la pesanteur. Alors $\frac{\varphi}{p}$ étant connu et égal à 100000000, on en tirera

$$\frac{R^2r}{0,00003854} = 100000000$$
 ou $r = \frac{3854}{R^2}$;

c'est-à-dire que, dans cette supposition, le rayon des molécules lumineuses serait égal à trois mille huit cent cinquante-quatre mètres divisés par le carré de la distance de la terre au soleil exprimée en mètres; et d'après ce que nous avons remarqué tout-à-l'heure, si l'on voulait supposer la force plus faible, les dimensions des particules lumineuses diminueraient proportionnellement. Ce résultat nous donne une prodigieuse idée de la ténuité de la lumière; mais aussi, quelle ténuité ne doit-elle pas avoir pour se transmettre librement à travers des corps aussi denses que le verre, et pour produire tous les autres phénomènes de ce genre que nous observons!

Le calcul que nous venons de faire nous a donné l'expression de la force attractive exercée à l'extrémité de l'axe de la molécule lumineuse, quand cet axe fait un angle droit avec l'axe du cristal. Cette force attractive varie proportionnellement à l'arc i-x, et elle devient nulle quand cet arc

247

SUR LA POLARISATION DE LA LUMIÈRE. fonction du temps T de l'oscillation, et cette valeur est

$$Va = \frac{\pi}{T};$$

ainsi, en éliminant a, nous aurons

$$\nu = \frac{\pi^2 r}{2 \mathrm{T}}$$

Comparons cette vîtesse à la vîtesse de translation de la lumière dans le cristal. Pour cela, nommons, comme cidessus, R le rayon de l'orbe terrestre que la lumière traverse en 493". La vîtesse de la lumière dans le vide sera $\frac{R}{403}$ ", et dans le cristal elle sera $\frac{m R}{403}$, en désignant par m le rapport du sinus d'incidence au sinus de réfraction. Ainsi, en nommant V cette vîtesse de translation, nous aurons

$$\frac{v}{V} = \frac{\pi^3 r \cdot 493''}{2 \text{ T } m \text{ R}},$$

où l'on voit qu'en effet le second membre exprime bien un nombre abstrait. Or, nous avons plus haut exprimé le temps T en fonction de l'épaisseur e' que la lumière traverse pendant le temps d'une demi-oscillation, et nous avons trouvé

$$T = \frac{2e' \cdot 493''}{m R};$$

substituant donc pour T cette valeur, R disparaît, et il reste

$$\frac{v}{V} = \frac{\pi^*}{4} \cdot \frac{r}{e'}$$

On voit que dans ces expressions m-n est proportionnelle à la différence des actions des deux axes, et peut servir à la représenter.

Nous avons trouvé plus haut que le temps d'une oscillation entière dans l'arc 2i était égal à $\frac{\pi}{\sqrt{a}}$, et puisque nous avons a = m - n, en nommant m et n les énergies respectives des deux axes de la lame, nous aurons aussi :

$$T = \frac{\pi}{\sqrt{m-n}}$$

Cette expression nous montre que les oscillations seront plus rapides à mesure que les axes seront plus différens en intensité, et réciproquement qu'elles se ralentiront quand la différence des intensités deviendra moindre. Cela explique l'inégalité que l'on observe sous ce rapport entre les cristaux de nature diverse, et même entre différens morceaux de cristaux de même nature qui exigent des épaisseurs différentes pour polariser la même teinte dans l'azimut a i. Car ces épaisseurs sont plus grandes à mesure qu'il se fait moins d'oscillations, pendant que la lumière parcourt le même espace dans le cristal; et quoique la vîtesse de la lumière ne soit pas la même dans les cristaux de nature différente, cependant on ne peut pas attribuer le phénomène dont nous parlons à cette inégalité, puisqu'elle est certainement bien petite dans des cristaux de même nature, lorsque la pesanteur spécifique n'y fait apercevoir aucune inégalité appréciable, tandis que néanmoins les épaisseurs de ces cristaux qui polarisent la même teinte, diffèrent souvent de plus d'un dixième de leurs valeurs totales. Il est bien plus naturel de croire que l'existence des forces qui pola-1812.

citent les molécules lumineuses. Dans la réfraction ordinaire la direction de ces forces est connue; on sait qu'elles se réduisent à une attraction perpendiculaire à la surface des corps, et qui, semblable aux affinités chimiques, n'est sensible qu'à des distances très-petites. Mais dans le nouveau genre de phénomènes que nous entreprenons ici de considérer, nous ne savons pas par quelles périodes s'exercent les forces qui font osciller les molécules lumineuses; nous ignorons si l'étendue des oscillations est toujours la même, ou si elles n'ont pas une amplitude d'abord très-petite, et ensuite successivement croissante, jusqu'à une certaine profondeur après laquelle elle devient constante. Il paraît même qu'il faut avoir égard aux actions de ce genre, exercées sur les molécules lumineuses par les forces réfringentes ordinaires qui ont heu près de la première surface du cristal; car, quoique ces forces ne s'étendent pas jusqu'à la profondeur à laquelle l'effet de la cristallisation commence à devenir sensible, cependant je me suis assuré par des expériences directes qu'elles modifient la lamière d'une manière analogue à ce que ferait un cristal; c'est à dire, par exemple, qu'un rayon polarisé, en tombant obliquement sur la surface d'un morceau de verre quelosnque, et s'y réfractant, épocave dans la direction de ses axes des déviations analogues à celles qu'un cristal produirait ; et quoique j'aie recommu la nécessité de donner à ces expériences, pour les rendre calculables, plus de précision que je n'ai pu encore le faire, cependant j'ai constaté avec certitude l'existence des actions dont je viens de parler, et par conséquent il sera nécessaire de les bien connaître avant d'aller plus loin dans cette théorie, puisque ce sont elles qui commencent à agir sur les rayons.

a donné à Newton le rapport de longueur des accès pour les molécules lumineuses de diverses couleurs, nous donnera également les profondeurs diverses auxquelles ces molécules commencent leurs oscillations.

Nous avons vu plus haut, qu'en nommant m le rapport de réfraction dans le cristal, et R la distance de la terre au soleil, la lumière traverse l'espace e' dans un temps exprimé par $\frac{e'}{mR}$; de sorte qu'en nommant T le temps d'une oscillation entière, on a

$$T = \frac{e' \cdot . 986'}{m R}.$$

Or, nous avons trouvé aussi $T = \frac{\pi}{\sqrt{a}}$, par conséquent $a = \frac{\pi}{T^2}$ on a donc aussi

$$a = \frac{\pi^2 m^2 R^2}{e'^2 \cdot (986'')^2},$$

de sorte que l'intensité de l'action des forces polarisantes sur les molécules lumineuses de nature diverse, dépend de la valeur du coëfficient $\frac{m}{e'}$, et en raison de son carré.

Ce coëfficient est le quotient du rapport de réfraction qui convient à chaque molécule lumineuse, et de l'épaisseur à laquelle sa polarisation commence. Or, puisque les couleurs des rayons extraordinaires s'accordent parfaitement avec les couleurs des anneaux, il faut bien que les épaisseurs e' soient aussi proportionnelles entre elles dans les deux genres de phénomènes, et c'est ce que l'expérience confirme. Soit é, l'épaisseur primitive pour les premières molécules violettes qui confinent au noir; a l'épaisseur correspondante dans les

de là on tire

$$a = a \cdot 2,5854,$$

c'est-à-dire, que l'intensité de la force répulsive qui s'exerce sur les dernières molécules violettes est deux fois et demie aussi forte que celle qui s'exerce sur les dernières molécules rouges, à distances égales de leurs centres; ce qui, relativement à l'ordre d'intensité, s'accorde avec tous les résultats physiques que l'on a pu observer sur les molécules diverses.

Maintenant, si l'on nomme T et 0 les temps des oscillations correspondans à ces deux espèces de molécules, on aura

$$T = \frac{\pi}{\sqrt{a}}; \ \theta = \frac{\pi}{\sqrt{a}},$$

par conséquent

$$T = 0 \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}};$$

QT.

$$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} = \frac{1}{\sqrt{2,5854}} = 0,62192;$$

par conséquent

$$T = 1.0,62192,$$

c'est-à-dire, que le temps des oscillations des dernières molécules violettes est moindre que le temps des oscillations des dernières molécules rouges; les premières oscillent plus rapidement que les autres dans le rapport de 62 à 100.

Il est vrai que les molécules violettes se transportent aussi plus rapidement que les autres; et si l'excès de leur accélération de vitesse compensait la rapidité de leurs oscillations, il serait possible qu'elles n'eussent pas fait plus d'oscillations que d'autres, en traversant la même épaisseur; mais il n'en est pas ainsi; car d'après ce que nous avons trouvé plus haut par l'expérience, les épaisseurs é traversées dans une demi-oscillation par les molécules violettes, sont moindres que les épaisseurs é également parcourues dans une demi-oscillation par les molécules rouges; et dans cette évaluation, qui est purement expérimentale, la vitesse de translation et celle de circulation entrent toutes deux, et ont leur plein et entier effet.

Ce que nous venons de démontrer en comparant les molécules de lumière rouge aux molécules de lumière violette, a lieu proportionnellement pour toutes les autres espèces de molécules comprises entre ces deux-là, en employant les nombres qui leur conviennent. Ainsi, nous pourrons appliquer à nos lames la construction donnée par Newton dans la 4e partie du 2e livre de l'Optique; car cette construction n'est autre chose que celle des formules rapportées page 25, et appliquées à chaque espèce de molécules. Ainsi, ayant construit cette figure, que nous avons ici rapportée fig. 3, si l'on veut savoir quelle espèce de couleur composera le rayon extraordinaire pour une épaisseur donnée, on mènera une ligne A'H' parallèle à la ligne AH, à une distance HH qui exprime cette épaisseur; les couleurs sur lesquelles passera cette ligne dans les espaces qui conviennent aux anneaux réfléchis, seront précisément les couleurs du rayon extraordinaire que montrera la lame sous l'incidence perpendiculaire; ou, ce qui revient au même, on se servira de la table que Newton a déduite de ces mêmes formules, et que j'ai rapportées dans mon premier Mémoire, page 56.

Ainsi, en partant des considérations que je viens d'exposer, on pourra calculer d'avance pour chaque épaisseur de nos lames l'espèce de teinte qu'elles doivent polariser sous l'incidence perpendiculaire, et on connaîtra ces teintes en les rapportant à la table de Newton. De plus, les limites des oscillations des molécules lumineuses étant zéro et 2i, le rayon incident polarisé se divisera dans l'intérieur des lames en deux faisceaux colorés dont les axes de polarisation seront tournés dans chacun de ces azimuts. Supposant l'incidence perpendiculaire, et les deux surfaces de lame parallèles, les deux faisceaux ne se sépareront point en la traversant : par conséquent, si on les observe à l'œil nu, ils se confondront en un seul rayon blanc; mais si on les fait passer perpendiculairement à travers un rhomboïde de chaux carbonatée, dont la section principale fasse un angle a avec le plan de polarisation primitive, ils se sépareront en deux faisceaux, dont les intensités suivront les lois observées par Malus pour les rhomboïdes de chaux carbonatée, c'est-à-dire, qu'en nommant E la teinte polarisée par la lame dans l'azimut 2i, et désignant par O la teinte complémentaire qui a repris sa polarisation primitive, les rayons ordinaires, extraordinaires, F. F., auront pour valeur

$$F_o = O \cos^2 \alpha + E \cos^2 (2i - \alpha)$$

 $F_o = O \sin^2 \alpha + E \sin^2 (2i - \alpha)$.

Ces expressions représenteront les phénomènes qui auront lieu si on analyse le rayon transmis en le faisant réfléchir sur une seconde glace. Ce sont précisément les mêmes que j'avais trouvées dans mon premier Mémoire par la seule comparaison empirique des observations.

Ainsi la théorie que je viens d'exposer reproduit fidèlement et avec exactitude les deux lois générales qui lui servent de base, celle des teintes et celle de la direction de la polarisation. Il est même aisé de se convaincre qu'elle n'est autre chose que l'expression abrégée et simplifiée de ces deux lois qui renferment tous les phénomènes que peuvent présenter les lames observées par transmission sous l'incidence perpendiculaire. Je vais maintenant montrer que la même théorie reproduit avec une égale exactitude tous les autres phénomènes de la réflexion et de la réfraction sous toutes les incidences quelconques, soit que le lumière incidente traverse une ou plusieurs lames, soit que les axes des lames se trouvent superposés parallèlement ou croisés sous un angle quelconque. Ce sera l'objet de la troisième partie de mon travail.

TROISIÈME PARTIE,

Lue à l'Institut en janvier 1813.

Les recherches que j'ai eu jusqu'à présent l'honneur de lire à la Classe, ont eu pour objet de constater par expérience le mouvement oscillatoire que prennent les molécules de la lumière, lorsqu'on leur fait traverser certaines substances cristallisées. J'ai déduit de l'observation les lois générales de ce mouvement pour l'incidence perpendiculaire, et j'ai fait voir ensuite qu'elles reproduisaient fidèlement les phénomènes qui leur avaient servi de base. Pour éprouver maintenant cette théorie d'une manière plus générale, il faut en faire sortir d'autres phénomènes indépendans de ceux qui ont servi à l'établir. Il faut en déduire toutes les conséquences qu'elle comporte, et voir si l'expérience les réalise; c'est ce que j'ai fait en détail pour les diverses substances auxquelles ma théorie s'applique. Mais je me bornerai en ce moment à considérer les effets qui ont lieu lorsque la lumière traverse successivement plusieurs lames de ces substances, ou qu'elle se réfléchit à la seconde surface d'une d'entre elles sous l'incidence perpendiculaire.

Lorsqu'un rayon de lumière traverse perpendiculairement une lame de chaux sulfatée ou de cristal de roche taillée parallèlement à l'axe, nous avons vu que les molécules lumineuses pénètrent d'abord jusqu'à une petite profondeur sans éprouver de déviation sensible dans leurs axes de polarisation; mais arrivées à cette profondeur, qui est différente pour chacune d'elle selon leur couleur et leur réfrangibilité, elles se mettent à osciller autour de l'axe de la lame avec des vitesses différentes dans des amplitudes égales, et ces oscillations se continuent ensuite à travers toute l'épaisseur du corps cristallisé. De là nous avons déduit par des raisonnemens mathématiques les modifications que les rayons polarisés éprouvent en traversant ces lames, c'est-à-dire, leur partage en deux faisceaux de polarisation diverse, les couleurs de ces faisceaux, et le sens de leur polarisation.

Maintenant, lorsque les particules lumineuses arrivent à la seconde surface des lames, à la surface par laquelle elles doivent sortir, elles se trouvent en général dans des périodes différentes de leurs oscillations, les unes au commencement, d'autres au milieu, d'autres à la fin. Pour prévoir l'effet qu'elles devront éprouver en arrivant à une seconde lame, il faut premièrement déterminer l'état où

elles sont quand elles sortent ainsi de la première; quel est le sort de ces molécules lorsque le corps cesse d'agir sur elles comme cristal. S'arrêtent-elles sur le point de repos près duquel elles se trouvent, ou continueront-elles à achever leur oscillation commencée? Pour décider cette question par la théorie, il faudrait savoir comment les forces qui produisent ces phénomènes décroissent près des surfaces des corps, et c'est ce que nous ignorons. Il faut donc sur ce point consulter l'expérience. Or, d'après les proportions rigoureuses qu'elle nous déconvre entre les teintes des faisceaux polarisés et celles des anneaux réfléchis ou transmis, on voit qu'une partie des molécules lumineuses qui se trouve vers les limites de chaque oscillation, se polarise dans can sens et le reste dans l'autre; de même qu'une partie de la lumière est réfléchie et l'autre transmise vers les limites de chaque anneau; et ainsi, le sens de la polarisation pour chaque molécule est déterminé par la tendance qu'elle avait à l'instant de sa sortie du corps.

Il est impossible de dire rigoureusement en quoi consiste cette tendance, tant que nous ne savons pas comment, et par quelles causes, l'action du corps varie près de sa surface; mais les effets qu'elle produit sont incontestables : ils se manifestent sur-tout quand les molécules lumineuses sortent d'une lame pour entrer dans une autre. C'est ce que nous allons développer.

Lorsqu'on place l'une sur l'autre, à distance, plusieurs lames dont les surfaces et les axes sout parallèles, l'action totale de ce système sur la lumière est exactement la même que celle d'une seule lame dont l'épaisseur et la nature seraient les mêmes que celles des lames superposées. Pour

vérifier ce fait d'une manière rigoureuse, il faut prendre une lame de chaux sulfatée bien pure, la fendre avec adresse environ jusqu'à la moitié de sa longueur, la diviser ainsi en deux ou plusieurs lames plus minces, et introduire entre les morceaux une petite bande de papier noir. Cette bande, quoique mince par rapport aux mesures ordinaires, sera encore trèsépaisse comparativement à l'étendue des oscillations; car dans la chaux sulfatée, lorsque leur étendue est arrivée à l'uniformité, elle ne surpasse pas omm,023 pour les molécules violettes de l'extrémité du spectre. Maintenant, lorsqu'on expose une lame ainsi découpée à un rayon polarisé sous l'incidence perpendiculaire, on peut la tourner dans tous les azimuts, si on analyse la lumière émergente avec un rhomboïde de spath d'Islande, les deux faisceaux dans lesquels le rayon se divisera, seront absolument de même teinte dans la partie de la lame qui est découpée, et dans celle qui ne l'est pas. Or, les teintes des faisceaux dépendent absolument du nombre d'oscillations que les particules lumineuses font à travers la substance des lames; et comme dans le cas présent elles partent également du même état, c'est-à-dire, de la polarisation commune qu'elles avaient dans le rayon incident, il s'ensuit que les teintes des faisceaux émergens étant les mêmes, les nombres d'oscillations sont les mêmes aussi. Pour comprendre la conséquence de ceci, soit AB, fig. 4, la surface de sortie du premier corps, et ab la distance à cette surface à laquelle s'est terminée la dernière oscillation que la molécule y a faite en éprouvant l'action toute entière du corps. Supposons que la distance Bb soit ¿. Si le corps se fût continué, la molécule aurait terminé son oscillation à une distance de AB exprimée par 2 e'-e, e' étant l'épaisseur totale qu'elle

traverse pour une oscillation. Maintenant si A'B' représente la surface d'une autre lame placée à distance, il faudra, d'après la loi que nous avons observée, que la molécule lumineuse, en entrant dans cette surface, y continue son oscillation, et arrive enfin au repos à une distance de A'B' égale à 2e'—e, comme si le corps n'eût pas été interrompu, et cela doit se répéter autant de fois qu'on voudra.

Voilà ce que l'expérience prouve; car si cela n'avait pas lien, et si les molécules, en entrant dans la seconde lame, ne commençaient leur oscillation qu'à la profondeur é, comme dans la première, alors, dans le passage d'une lame à une autre, il y aurait des molécules qui perdraient précisément une demi-oscillation, et d'autres plus, d'autres moins. Or, pour peu qu'on multipliat les intervalles des lames, cela suffirait pour séparer les molécules d'une manière notable; car, d'après la table de Newton, si le bles! du second ordre est représenté par le nombre q, la valeur de e' pour les premières molécules violettes est 1 - : d'où il suit que par une section faite dans une pareille lame, le nombre o se réduirait à 7 ; pour la partie découpée, tandis qu'il répondrait encore à 9 pour l'autre. Or, 7 5 est extrêmement près du violet du second ordre; par conséquent l'on apercevrait une différence de teinte sensible entre les deux parties de la lame, ce qui est contraire à l'observation. La différence serait encore plus grande, si l'on formait dans la lame plusieurs sections au lieu d'une, et la teinte devrait en être changée de manière à devenir tout autre. Puis donc que rien de tout cela n'arrive, il faut que la compensation des mouvemens ait lieu suivant la loi que nous venons d'exposer, et que toutes les causes qui avaient

retardé ou accéléré les mouvemens de la molécule lumineuse à sa sortie de la première lame, changent de sens lorsqu'elle arrive à la seconde, c'est-à-dire, que ce qui avait été un principe de retard, le devienne d'accélération, et réciproquement.

Parmi les nombreuses épreuves que j'ai faites pour constater ce principe, j'en rapporterai une très-frappante. J'avais pris une lame de chaux sulfatée bien pure, qui par réfraction polarisait le verd du troisième ordre, lequel, dans la table de Newton, répond à l'épaisseur 16,25. J'ai réussi à fendre cette lame en quatre autres que je n'ai pas d'abord enlevées, et qui même n'étaient séparées de la lame totale que dans une moitié de sa longueur. Ce système, exposé perpendiculairement à un rayon polarisé, a donné précisément les mêmes teintes dans la partie découpée et dans celle qui ne l'était pas. Or, en enlevant successivement les quatre lames partielles, j'ai trouvé que la première, considérée isolément, polarisait un jaune du premier ordre légèrement orangé: l'ensemble des trois autres donnait un rouge orangé du second ordre. La seconde lame, enlevée à son tour, polarisait le jaune-pâle du premier ordre : l'ensemble des deux dernières donnait un violet du second ordre extrêmement faible d'intesité, et enfin chacune de celles-ci prise à part polarisait le blanc du premier ordre. En assignant à chacune de ces lames les valeurs qui leur correspondent dans la table de Newton, j'ai trouvé

Ces valeurs satisfont également aux teintes que les lames ont présentées dans leurs combinaisons successives, car la somme des trois dernières donne 11,4 intermédiaire entre l'orangé du second ordre et le rouge. Enfin, la somme des deux dernières donne 7, et répond à un violet extrêmement faible et presque nul, qui se trouve en effet dans le passage du premier au second anneau. Mais maintenant la lame totale étant ainsi résolue en quatre autres du premier ordre, c'est-à-dire, dans chacune desquelles les molécules lumineuses ne font qu'une oscillation ou un peu plus d'inc oscillation entière, on voit que la moindre perte d'épaisseur dans la manière dont les oscillations se renouent d'une lame à une autre, deviendrait extrêmement sensible; car si cette perte répondait par exemple à une demi-oscillation, comme cela a lieu à l'entrée de la lumière dans la première surface, la somme des quatre lames se serait trouvée diminués de 5, ;, ce qui l'aurait réduite à 11, 25; et alors, au lieu de polariser le verd vif du troisième ordre, elle aurait polarisé le rouge éclatant du second. Puis donc que rien de tout cela n'arrive, il faut en conclure que les oscillations se renouent d'une lame à une autre, quand leurs axes sont parallèles, comme s'il n'y avait pas entre elles de séparation.

Cette compensation peut encore se prouver d'une autre manière. Si l'on superpose un nombre quelconque de lames dont les axes soient parallèles, et qu'on les mêle comme on voudra dans un ordre arbitraire, la teinte des faisceaux qu'elles donnent ne change point. J'avais déja décrit cette observation. Or, selon qu'on met en avant une lame plus épaisse ou plus mince, les diverses molécules lumineuses se trouvent plus ou moins près de leur dernière oscillation

à l'instant où l'action du corps sur elles commence à n'être plus constante. Il faut donc qu'elles conservent, en arrivant sur la seconde lame, des traces de ces états divers, et de même en passant de la seconde à la troisième; et ainsi de suite, puisqu'après les avoir traversées toutes, elles se retrouvent constamment dans les mêmes dispositions.

On voit par ces exemples que les molécules lumineuses qui ont traversé de pareilles lames, ont acquis des dispositions qu'elles conservent et transportent avec elles à toutes distances quand elles en sont sorties. Ainsi les molécules qui se trouvaient au commencement d'une oscillation, quand l'influence du corps sur elles a commencé à devenir variable, conservent une modification ou disposition telle, qu'elles pénètrent dans le second milieu plus avant que d'autres avant de parvenir au repos, et ainsi de suite. Chacune de ces molécules, selon la période des accès où elle se trouve à l'instant de sa sortie du premier corps, porte avec elle des dispositions qui en dépendent dans le second.

De quelle nature sont ces modifications? Tiennent-elles seulement à la direction différente dans laquelle les molécules lumineuses tournent leurs axes aux divers périodes de leurs oscillations, différence qui modifierait ensuite l'action que la seconde lame exercerait sur elle? ou bien tiendraient-elles à quelque propriété physique que ces molécules acquerraient dans l'intérieur des lames, et qui aurait des intensités différentes dans les différens périodes d'une même oscillation? Ce sont des questions que je ne cherche point ici à résoudre; il me suffit d'avoir constaté par l'expérience que ces affections singulières existent et conservent leur influence après que la lumière est sortie des corps

qui les produisaient. On voit d'ailleurs qu'il ne serait pas juste de vouloir tirer ces phénomènes de la théorie que j'ai exposée, puisque cette théorie ne s'applique qu'aux cas où l'action des lames sur la lumière est complète, et qu'ici au contraire il s'agit de déterminer ce qui arrive quand cette action devient variable près de la surface des corps.

En comparant les lois des teintes avec celle des anneaux, nous avons trouvé que les molécules primitivement polarisées par la réflexion ne commençaient à osciller dans la première lame qu'après avoir traversé une certaine épaisseur e'. Cette épaisseur est très-considérable relativement à la distance à laquelle agissent les forces réfringentes ordinaires, et ces dernières se sont déja compensées bien avant que la molécule arrive à l'épaisseur é; ceci est conforme avec les indications de plusieurs autres phénomènes où l'on peut comparer les deux genres de réfraction. Mais on peut aussi prouver d'une manière frappante que la même chose a encore lieu à la surface de sortie, et que quand les molécules lumineuses s'y trouvent, elles sont tout-à-fait hors de l'action des forces qui produisent la réfraction extraordinaire dans l'intérieur du cristal. Elles en sont, dis-je, aussi éloignées que si elles en étaient à 100 mètres de distance. Pour prouver cette vérité, j'ai disposé un rayon polarisé SL, fig. 5, de manière qu'il tombât perpendiculairement sur une lame L de chaux sulfatée, et je me suis assuré que cette condition était remplie en dirigeant la lame de manière que le rayon réfléchi LR tombat sur la surface même, ou tout près de la surface AB, qui avait produit la polarisation. Dans ce cas, il s'opère deux réflexions sur la lame, l'une à sa première surface, l'autre à la seconde. La première ne donne qu'un rayon

blanc, cela est un fait bien sûr, et il est reconnu qu'à cette distance les forces polarisantes du cristal n'ont pas d'action sensible. La portion de lumière qui a échappé à cette première réflexion se divise en deux genres de polarisation en traversant la lame; et quoique les deux faisceaux qui composent cette lumière ne se séparent point sous l'incidence perpendiculaire, ils sont cenendant réfléchis chacun avec le genre de polarisation qu'ils ont acquise selon les lois de la double réfraction; par conséquent le faisceau réfracté ordinairement se réfléchit ordinairement, et viça versa. Mais dans cette réflexion, il se passe un autre phénomène; lorsqu'on analyse par un cristal la lumière réfléchie, on trouve qu'elle se divise en deux conleurs, précisément comme si elle avait traversé deux lames parallèles ágales en épaisseur à la lame L. Cela me peut pas se reconnaître sur le faisceau ordinaire, qui reprend sa polarisation primitive, parce que ce faisceau reste mêlé avec la lumière blanche réfléchie par la promière surface, laquelle reste aussi à l'état ordinaire; mais on s'en aperçoit sur la teinte du faisceau extraordinaire, qui se trouve ainsi tout-à-fait séparé de l'autre lorsque l'axe de la lame est tourné dans l'azimut de 45°; c'est-à-dire, forme un angle de 45° avec le plan de polarisation primitive du rayon incident. Alors en voit que ce faisceau réfléchi diffère de la tointe du faisceau que la dame polarise par transmission, at an rapportant ces deux teintes à la table de Newton, on voit que la première répond toujours à une épaisseur double de l'autre; c'est-àdire, double de l'épaisseur de la lame soumise à l'expérience.

Par exemple, j'ai pris la lame ut 9 de l'expérience rapportée page 89 de mon premier Mémoire : cette lame,

faisceau réfléchi qui perdait sa polarisation primitive; l'autre faisceau, qui la conservait, se mêlait à la lumière blanche réfléchie par la première surface de la lame, et y produisait seulement une légère coloration. Je ne pouvais donc juger des teintes qu'isolément; et quoique l'ensemble des expériences montrât avec évidence que le faisceau-extraordinaire réfléchi répondait à une épaisseur double, on aurait pu toujours élever des doutes sur la parfaite comparaison des teintes, et supposer que le faisceau réfléchi pouvait différer plus ou moins de cette loi. Pour éloigner tout soupçon, j'ai placé derrière la lame, et parallèlement à sa surface, une glace étamée GG qui en était éloignée d'un décimètre : cette glace recevait donc aussi les rayons transmis sous l'incidence perpendiculaire, et elle les renvoyait avec leur polarisation primitive, comme on peut aisément le vérifier par l'expérience, le tain ne faisant qu'augmenter l'intensité de la réflexion. En plaçant mon œil tout près de la lame de verre horizontale AB qui produisait par sa réflexion le rayon polarisé, je pouvais voir à-la-fois et à côté les unes des autres, 1º l'image blanche réfléchie directement par la glace étamée; 2º l'image réfléchie directement par la seconde surface de la lame de chaux sulfatée; 3º l'image de la lumière qui avait traversé une seule fois la lame, et que la glace étamée renvoyait à mon œil; 4º enfin, la lumière qui, après avoir traversé une première fois la lame et avoir été réfléchie par la glace, traversait encore la lame de nouveau. Or, en analysant cette dernière portion de la lumière qui avait traversé deux fois la lame cristallisée, on y découvrait un rayon extraordinaire précisément de même teinte que celui qui était renvoyé par la seconde surface de la lame elle-même; par exemple, avec la dernière

lame des expériences précédentes, les deux faisceaux étaient également d'un rouge rose sans que l'on pût apercevoir la plus légère différence entre eux; mais de plus, comme les points où ces rayons divers rencontraient la lame n'était pas rigoureusement les mêmes, il arrivait que dans le rayon réfléchi du dehors, on pouvait voir aussi le rayon ordinaire qui était vert, au lieu que dans la lumière réfléchie par la seconde surface de la lame, ce faisceau se confondait avec la lumière blanche que la première surface réfléchissait; ainsi, dans cette expérience, comme dans les précédentes, on voit que la lumière réfléchie par la seconde surface d'une lame de chaux sulfatée est modifiée précisément de la même manière que celle qui traverse deux fois la lame après en être sortie : or, cette lumière est réfléchie par l'action des forces répulsives ordinaires de la face d'émergence, par conséquent ces forces n'agissent qu'après que celles qui produisent la polarisation dans le cristal ont cessé d'être sensibles.

En admettant ce résultat, qui recevra encore d'autres confirmations plus frappantes par les phénomènes de la réflexion sous les incidences obliques, on voit que le doublement des teintes réfléchies sous l'incidence perpendiculaire est un résultat nécessaire de la théorie des oscillations. De plus, puisque la seconde surface ne fait que renvoyer les molécules lumineuses sans changer la direction de leurs axes, on voit que la polarisation du faisceau réfléchi doit être dirigé exactement dans le même sens que celle du faisceau transmis, c'est-à-dire, dans l'azimut 2i, si l'on désigne par i l'angle formé par le plan de polarisation primitive des molécules incidentes avec l'axe de la lame cristallisée; et

par conséquent, lorsqu'on voudra analyser cette lumière réfléchie en se servant d'un prisme de cristal d'Islande, ou de la réflexion sur une glace, on voit que pour que la séparation des teintes des deux faisceaux soit complète, il faudra placer l'axe de la lame de manière que l'on ait $i = 45^{\circ}$: tous ces résultats sont exactement conformes aux observations.

D'après ce que nous venons de voir, lorsque plusieurs lames sont superposées de manière que leurs axes soient parallèles, leurs actions sur la lumière s'ajoutent; elles se retranchent, au contraîre, lorsque les axes sont rectangulaires. Ce fait n'est pas moins constant que le précédent. Je l'ai établi de même, au commencement de ces recherches, par un grand nombre d'expériences, et j'ai prouvé qu'il s'étend à des plaques d'une épaisseur quelconque, ce qui nous a fourni le moyen d'y rendre sensibles les oscillations des molécules lumineuses, et les couleurs résultantes de ces oscillations. Généralement, soit E l'épaisseur de la première lame, E' celle de la seconde; si elles sont de même nature, et cristallisées de la même manière, la teinte de la polarisation définitive est celle que produirait l'épaisseur E' --- E: si les lames ne sont pas de même nature, ou si elles sont inégalement cristallisées, il faut avoir égard à l'intensité de leurs actions. On doit donc regarder ce fait comme une condition qui établit la manière dont les oscillations doivent se lier dans le passage d'une lame à l'autre, lorsque les axes sont croisés à angles droits; et ceci nous offre encore une confirmation de ce que nous avions trouvé plus haut, sayoir, que les molécules lumineuses, après être sorties de la première lame, conservent des traces des actions qu'elles y ont subies, et se trouvent par-là différemment disposées à obéir

à l'action de la seconde lame, quand elles commencent à y pénétrer.

Ces effets résultant de la variation des forces près des surfaces des corps, nous sommes obligés de les tirer immédiatement de l'expérience; mais quant au sens de la polarisation définitive, comme il dépend de l'action totale des lames, on peut dans tous les cas le déduire immédiatement de la théorie, et l'expérience s'y trouve exactement conforme. Ainsi, lorsque plusieurs lames sont superposées de manière que leurs axes soient parallèles, si on les expose perpendiculairement à un rayon polarisé, on trouve que le sens de la polarisation définitive du rayon émergent sera le même que s'il n'eût traversé qu'une seule de ces lames, ce qui au reste semble presque évident de soi-même; mais ce qui l'est moins, et ce qui est également indiqué par la théorie comme par l'expérience, c'est que le sens de la polarisation définitive est encore le même pour une seule lame que pour deux systèmes de lames superposées à angles droits, avec cette seule différence que, dans ce dernier cas, les molécules lumineuses se trouvent diamétralement retournées, de façon que leurs axes ont décrit une demi-circonférence; ce qui, à cause de leur symétrie, ne change nullement les influences qu'elles éprouvent de la part des cristaux qu'elles peuvent ensuite traverser.

La démonstration de cette propriété est facile par la théorie; car soit ACA', fig. 6, l'axe de la première lame ou du premier système de lames formant un angle ACZ = i avec la direction primitive CZ de la polarisation; une partie des molécules incidentes conservera ses axes dans la direction CZ ou dans l'azimut zéro, et le reste tournera les siens dans

l'azimut 2i, sur la direction de la ligne CR. Cela posé, si BCB' représente l'axe de la seconde lame, elle formera avec CR un angle RCB = 90 - i; ainsi celles des molécules lumineuses qu'elle enlevera à la direction CR seront amenées de l'autre côté de CB, et tournées dans une direction telle, que leurs axes forment avec CB un angle égal à 90 - i; or CB fait avec CZ un angle égal à $90^{\circ} + i$; ainsi la direction des axes de ces molécules fera avec CZ un angle égal à la somme des précédens, c'est-à-dire à 90 + i + 90 - i ou 180°; elles se trouveront donc retournées sur la ligne CZ. On démontrera de même que les molécules lumineuses qui seront tirées par la seconde lame hors de la direction CZ, seront amenées par elle dans la direction CR', c'est-à-dire sur le prolongement de la première polarisation, ce qui est précisément la propriété que nous avons énoncée, et que l'expérience confirme.

De plus, si les plaques ainsi croisées sont également épaisses, il est facile de démontrer que les molécules lumineuses, après les avoir traversées toutes deux, auront toutes complètement repris leur polarisation primitive: car si nous considérons d'abord le faisceau qui, ayant traversé la première plaque, a repris sa polarisation suivant CZ, les molécules qui le composent auront fait dans cette plaque un nombre pair d'oscillations. Par conséquent, en traversant la seconde plaque, qui est supposée d'une épaisseur parfaitement égale à la première, elles y feront encore un nombre pair d'oscillations, et le même nombre pair que dans la première lame, puisque la durée des oscillations ne dépend point de leur amplitude. Ainsi, lorsque ces molécules auront traversé la seconde plaque, elles auront toutes replacé de

nouveau leurs axes suivant la direction de la polarisation primitive CZ. Considérons maintenant l'autre faisceau, qui, après avoir traversé la première plaque, a perdu sa polarisation primitive, et a tourné ses axes dans l'azimut CR. Les molécules qui le composent ont fait dans la première plaque un nombre impair d'oscillations; par conséquent elles en feront encore un nombre impair, et le même nombre impair dans la seconde, qui est supposée d'une épaisseur parfaitement égale. Or, chaque oscillation impaire amène leurs axes sur la direction CZ', diamétralement opposée à la direction CZ de la polarisation primitive; par conséquent, en définitif, les axes des molécules que nous considérons se trouveront aussi retournées point pour point sur la ligne CZ, ce qui ne changera en rien les propriétés qu'elles montreront quand on leur fera traverser un cristal d'Islande; d'où l'on voit qu'en vertu de l'action successive des deux plaques égales et ainsi disposées, toute la lumière incidente, après les avoir traversées, aura complètement repris sa polarisation primitive, quel que soit l'azimut où l'on tourne simultanément les axes des deux plaques, pourvu que leurs surfaces restent toujours perpendiculaires au rayon incident; résultat en apparence fort extraordinaire, et qui pourtant n'est qu'une conséquence très-simple de la théorie.

Si les deux plaques ainsi croisées à angles droits ont des épaisseurs inégales e e', on prouvera de la même manière que la teinte polarisée par leur système doit être celle que polariserait une seule plaque égale en épaisseur à leur différence; car si la plaque antérieure est e, et la postérieure e', celle-ci sera plus forte que l'autre ou plus faible : si elle est plus forte, on pourra la décomposer par la pensée en deux,

l'une de l'épaisseur e, qui détruira l'effet de la première; l'autre de l'épaisseur e' — e, qui agira ensuite comme elle aurait fait sur un rayon polarisé qui lui serait parvenu directement. Si au contraire e' est plus mince que e, il suffira de remarquer que la teinte produite par le système de deux plaques croisées est la même, quelle que soit celle des deux plaques qui reçoive la première le rayon. Ainsi, en retournant le système des deux plaques proposées, la teinte ne changera pas; mais alors on pourra lui appliquer la démonstration précédente, et par conséquent la teinte qu'il polarisera sera encore celle qui convient à la différence des épaisseurs.

Généralement, lorsqu'on place différentes lames les unes sur les autres, de manière que leurs axes soient tournés dans d'autres directions que le parallélisme ou la perpendicularité, les teintes polarisées par leur systême sont trèsvariables, même sous l'incidence perpendiculaire : cependant ces variations sont assujéties à des lois constantes que l'on découvrirait si l'on pouvait savoir par la théorie la manière dont les oscillations doivent se rejoindre, et, pour ainsi dire, se renouer d'une lame à l'autre; mais si cela n'est pas possible, du moins quant à présent, on peut toujours déterminer, dans tous les cas, les directions dans lesquelles les polarisations des faisceaux émergens pourront être dirigées; et de cette manière, tous les phénomènes qui devront être produits par un pareil systême de lames se trouveront exprimés en formules générales dans lesquelles il ne restera plus à déterminer que quelques coëfficiens.

Prenons d'abord, par exemple, le cas où l'on superposerait deux lames en croisant leurs axes de manière qu'ils forment entre eux un angle constant a: soit, comme précédemment, i l'azimut de l'axe de la première lame, i' l'azimut de l'axe de la seconde, on aura par supposition

$$i'-i=a$$
.

Maintenant la première lame laisse une partie de la lumière qui la traverse dans la direction de sa polarisation primitive, c'est-à-dire dans l'azimut zéro; et elle polarise le reste dans l'azimut 2i. Ces deux faisceaux, que nous pouvons séparer par la pensée, tombant ensuite sur la seconde lame, y éprouvent des effets analogues : une partie de la lumière qui était restée dans l'azimut zéro, y restera encore; une autre partie sera amenée par l'action de la seconde lame dans l'azimut 2i', le reste de la lumière a été polarisé par la première lame dans l'azimut 2i, une portion y restera encore; mais une autre partie sera polarisée de nouveau par la seconde lame. Pour savoir dans quel sens s'opérera cette polarisation, il faut connaître l'angle que la précédente fait avec l'axe de la seconde lame. Or celui-ci est placé dans l'azimut i'., la première polarisation avait lieu dans l'azimut 2i; par conséquent elle forme avec l'axe de la seconde lame un angle égal à i' - 2 i : sa nouvelle direction l'amènera de l'autre côté de cet axe à la même distance, c'est-à-dire dans l'azimut i' + i' - 2i ou 2(i' - i); il pourra donc y avoir en tout, et il y aura en général quatre directions de polarisation, dans les azimuts o, 2i, 2i', 2(i'-i). Si l'on analyse la lumière émergente avec un rhomboïde de spath calcaire dont la section principale soit dirigée dans l'azimut o, chacun de ces faisceaux donnera deux portions de lumière ordinaire et extraordinaire, de sorte qu'en représentant leurs intensités par des coëfficiens indéterminés A A, A, A,

on aura, d'après la loi de la double réfraction du spath d'Islande, ces deux valeurs pour les intensités des deux rayons ordinaire et extraordinaire:

Nous faisons ici abstraction de la lumière blanche perdue par la réflexion; elle ne nous intéresse point dans cette recherche: Substituant au lieu de i'-i sa valeur constante a, il vient

F. =
$$A + A_1 \cos^2 2i + A_2 \cos^2 2i' + A_3 \cos^2 2a$$
,
F. = $A_1 \sin^2 2i + A_2 \sin^2 2a$;

à quoi il faut toujours joindre

$$i'-i=a$$
.

Maintenant, pour déterminer les coëfficiens A A, A, A, mettons dans l'azimut o l'axe de la lame antérieure, de celle qui est traversée la première par le rayon polarisé, alors l'action de cette lame sur le rayon ne changera absolument rien à la polarisation primitive; par conséquent les termes dus à cette action disparaîtront d'eux-mêmes de la formule, et il ne restera que les termes dus à l'influence de la seconde lame considérée à part. Or, ces termes sont connus, d'après notre théorie, et d'après les expériences contenues dans mon premier Mémoire. Faisons donc i=0, nous aurons alors i'=a, et en substituant ces valeurs, il viendra

$$F_0 = A + A_1 + (A_1 + A_3) \cos^2 2\alpha; \quad F_0 = (A_1 + A_3) \sin^2 2\alpha.$$

Or, d'après notre théorie, en nommant O, le faisceau que

Ceci n'aurait plus lieu si on tournait le rhomboïde, et les couleurs changeraient; mais ce n'est pas là le cas que nous considérons.

Ainsi donc, en nommant O le faisceau polarisé ordinairement par la première lame, et E' le faisceau polarisé par la seconde lame, on doit avoir, quand i' est nul,

$$F_0 = A + A_1 + (A_1 + A_3) \cos^2 2a$$
 $F_0 = (A_1 + A_3) \sin^2 2a$

Or, sans la présence de la deuxième lame, on aurait

$$F_a = O + E \cos^2 2a$$
 $F_a = E \sin^2 2a$;

par conséquent

$$A + A_3 = 0 \qquad A_1 + A_3 = E;$$

on a déja

$$A + A_1 = O_1$$
 $A_2 + A_3 = E_1$:

De-là on tire d'abord

$$A_1 = O_1 - A$$
 $A_2 = E - A_3 = E - O_1 + A$
 $A_3 = E_1 - A_2 = E_2 - O_2 + A$

Ces deux valeurs de A, devant être égales entre elles, il faut, pour qu'elles soient possibles, que l'on ait toujours

$$E - O_i = E_i - O$$
 ou $E + O = E_i + O_i$

et en effet cette condition est toujours satisfaite; car E+O est la somme des deux faisceaux qui traversent la première lame, lorsqu'elle est seule exposée au rayon polarisé; et E'+O' est la somme des deux faisceaux qui traversent la seconde quand on la substitue à la première. Or, chacune

de ces sommes est égale à la lumière incidente moins la somme des rayons réfléchis qui forment du blanc, et que nous négligeons dans ces calculs.

On voit par-là qu'un de nos trois coëfficiens restera indéterminé. Supposons que ce soit A, nous aurons alors

$$A_{1} = O_{1} - A$$
 $A_{2} = O_{1} - A$
 $A_{3} = \frac{E + E_{1} - O - O_{1} + 2A}{2}$;

ce qui donne pour les deux rayons-

$$F_{c} = A + (O_{c} - A)\cos^{2} 2i + (O_{c} - A)\cos^{2} 2i' + \frac{(E + E_{c} - O_{c} + 2A)\cos^{2} 2a}{2}$$

$$F_{c} = (O_{c} - A)\sin^{2} 2i + (O_{c} - A)\sin^{2} 2i' + \frac{(E + E_{c} - O_{c} + 2A)\sin^{2} 2a}{2},$$

en se rappelant toujours que a = i' - i.

Voilà tout ce qu'on peut trouver de général et de commuté à toutes les lames, parce que la partie de la formule qui se trouve maintenant déterminée dépend du simple mélange de leurs teintes, au lieu que le coëfficient A dépend de la teinte particulière donnée par la somme ou la différence de leurs épaiseurs quand les axes des lames sont croisés sous l'angle a. Cependant il existe un cas où F, et F, sont tout-à-fait indépendans de A: c'est celui où deux lames égales sont croisées à 45° ; alors $2a = 90^\circ$, par conséquent sin' 2a = 1; de plus sin' $2i' = \sin' 2(i + 45^\circ) = \cos' 2i$, par conséquent il devient

$$\mathbf{F}_{\epsilon} = (\mathbf{O}_{i} - \mathbf{A}) \sin^{2} 2\mathbf{i} + (\mathbf{O} - \mathbf{A}) \cos^{2} 2\mathbf{i} + \frac{\mathbf{E} + \mathbf{E}_{i} - \mathbf{O} - \mathbf{O}_{i} + 2\mathbf{A}}{2}$$

Maintenant, si les lames sont égales en épaisseur, O, = O et E, = E; par conséquent, les coëfficiens de sin' 2i et de cos' 2i devenant égaux, i disparaît de la formule, et il reste

$$F_{\bullet} = O - A + E - O + A$$
 ou $F_{\bullet} = E$,

c'est-à-dire que la teinte du rayon extraordinaire est constante dans tous les azimuts, ainsi que son intensité; et l'une et l'autre sont égales à E, c'est-à-dire au maximum de la teinte extraordinaire que chacune de ces lames aurait donnée par transmission sous l'incidence perpendiculaire, en plaçant son axe dans l'azimut de 45°, par rapport au plan primitif de polarisation. Ce résultat m'avait été donné ainsi par le calcul avant que je l'eusse observé par expérience; mais je l'ai vérifié plusieurs fois depuis, en me servant de deux moitiés d'une même lame que je croise l'une sur l'autre sous l'angle de 45% par la méthode décrite plus haut, page 180. Si l'on expose un pareil systême à un rayon polarisé, et si l'on analyse la lumière transmise en se servant d'un rhomboïde de cristal d'Islande, dont la section principale soit dirigée dans le plan primitif de polarisation, on trouve que la teinte extraordinaire est constante, quelque position que l'on donne aux lames en les tournant dans leur plan. L'intensité et la couleur de cette teinte sont les mêmes qu'aurait données une seule des deux lames dans l'azimut de 45°, comme on peut s'en assurer facilement en écartant un peu le rayon visuel du point où les lames se croisent : en un mot, dans cette circonstance le système produit précisément le même effet qu'une plaque de cristal de roche taillée perpendiculairement à l'axe de cristallisation, et présentée de même perpendiculairement au rayon polarisé: il ne faut pourtant pas se hâter de conclure de cette ressemblance l'identité complète de ces deux genres d'action; car si l'on tourne le rhomboïde qui sert pour analyser la lumière, les teintes varient tout autrement dans les lames croisées que dans la plaque de cristal de roche, différence dont nous expliquerons la cause plus loin.

Les teintes données par les lames égales et croisées à 45° ne sont pas seulement constantes sous l'incidence perpendiculaire, elles le sont encore sous toutes les incidences et dans tous les azimuts, pourvu que le rhomboïde qui sert pour analyser la lumière ait sa section principale parallèle ou perpendiculaire au plan du méridien.

Mais si l'on tourne le rhomboïde dans son plan en laissant toujours sa première surface perpendiculaire aux rayons incidens, on voit les teintes des deux faisceaux se mêler d'une manière fort compliquée : la complication augmente encore; si les lames, au lieu d'être égales, sont inégales en épaisseur, et elle change suivant l'angle sous lequel elles sont croisées : mais toute cette difficulté n'est qu'apparente; car, puisque nous avons trouvé que la lumière, après avoir traversé les deux lames, est généralement partagée en quatre faisceaux, dont nous avons déterminé les sens de polarisation, il est bien facile de déterminer la manière dont ces faisceaux se diviseront en tombant perpendiculairement sur la face naturelle d'un rhomboïde de spath d'Islande dont la section principale fera un angle connu avec la direction de la polarisation de chaque faisceau. Si nous nommons α l'azimut de la section principale du cristal par rapport au plan de polarisation primitif, il n'y a qu'à diminuer de a tous les angles contenus sous les signes de sinus et de cosinus, et mettre, au lieu du terme constant A, A cos' α dans le rayon ordinaire, et A sin' α dans le rayon extraordinaire, de cette manière on aura

$$\begin{split} F_o &= A\cos^2\alpha + (O_r - A)\cos^2(2i - \alpha) + (O - A)\cos^2(2i' - \alpha) + \frac{(E + E_r - O - O_r + 2A)}{2}\cos^2(2a - \alpha) \\ F_o &= A\sin^2\alpha + (O_r - A)\sin^2(2i - \alpha) + (O - A)\sin^2(2i' - \alpha) + \frac{(E + E_r - O - O_r + 2A)}{2}\sin^2(2a - \alpha) \cdot \frac{(E + E_r - O_r + 2A)}{2}\sin^2(2a - \alpha) \cdot \frac{(E + E_r - O_r + 2A)}{2}\sin^2(2a - \alpha) \cdot \frac{(E + E_r - O_r - A)}{2}\sin^2(2a - \alpha) \cdot \frac{(E + E_r - O_r - A)}{2}\sin^2(2a - \alpha) \cdot \frac{(E + E_r - O_r - A)}{2}\sin^2(2a - \alpha) \cdot \frac{(E + E_r - O_r - A)}{2}\sin^2(2a - \alpha) \cdot \frac{(E + E_r - O_r - A)}{2}\sin^2(2a - \alpha) \cdot \frac{(E + E_r - O_r - A)}{2}\sin^2(2a - \alpha) \cdot \frac{(E + E_r - O_r - A)}{2$$

Suivons les conséquences de cette formule, et commençons par les lames croisées à angles droits. Dans ce cas, on aura $a = 90^{\circ}$, puisque a est l'angle des lames; cette supposition donne $2i' - \alpha = 2i - \alpha + 180^{\circ}$; et ensuite

$$F_{\bullet} = A \sin^{3} \alpha + (O_{i} + O_{i} - 2A) \sin^{3} (2i - \alpha) + \frac{(E + E_{i} - O_{i} - 2A)}{2} \sin^{3} \alpha;$$

si, de plus, les deux lames sont égales en epaisseur, on a O = O', $E = E_i$; et dans ce cas, F_i est nul, quel que soit i sous l'incidence perpendiculaire, lorsque α est zéro; c'est ce que l'expérience constate d'une manière certaine : on a donc alors

$$o = (O_i + O - 2A) \sin^2 2i$$
,

et comme l'équation doit être satisfaite, quel que soit i, il s'ensuit qu'on a

$$0 + 0 = 2A$$

relation qui dans le cas actuel où O = O, se réduit à O = A. Servons-nous donc de cette valeur de A, et substituons-la en général dans le cas où α n'est pas nul, α étant toujours égal à 90° , nous aurons

$$F_{\alpha} = O \sin^{\alpha} \alpha + E \sin^{\alpha} \alpha$$

ou simplement

$$F_{\cdot} = (O + E) \sin^{2} \alpha$$
;

c'est-à-dire que le rayon extraordinaire, observé à travers le rhomboïde, sera toujours blanc et d'une intensité précisément égale à ce qu'il aurait été si la lumière était arrivée directement au rhomboïde. Ce résultat est parfaitement conforme à l'expérience, comme je m'en suis plusieurs fois assuré. De plus, comme F. ne contient plus i, on voit que ce résultat a lieu quelque position que l'on donne au système des deux lames dans son plan: en les faisant tourner sur elles-mêmes, la valeur de F. n'éprouve aucun changement, ce que j'ai également vérifié.

Venons maintenant au cas où les deux lames toujours égales entre elles seraient croisées sous l'angle de 45° : dans ce cas, on aura donc $a = 45^{\circ}$, et la valeur de F. devient

$$F_c = A \sin^2 \alpha + (O - A) \sin^2 (2i - \alpha) + (O - A) \cos^2 (2i - \alpha) + (E - O + A) \cos^2 \alpha$$
;

en réunissant les termes susceptibles de réduction, A disparaît, et il reste

$$F_{\epsilon} = O + (E - O) \cos^2 \alpha$$

ou bien

$$F_c = O \sin^2 \alpha + E \cos^2 \alpha$$
.

La valeur de F. est donc précisément la même qu'elle serait si la lumière ne traversait qu'une seule lame dont l'axe serait situé dans l'azimut de 45°. Le rayon extraordinaire donnera la teinte E séparée de l'autre quand α sera nul, c'est-à-dire quand la section principale du rhomboïde sera dans le méridien : au contraire, il donnera la teinte O

lorsque cette section principale sera perpendiculaire au méridien, ce qui donne $\alpha = 90^{\circ}$; enfin il passera par le blanc dans la position intermédiaire du rhomboïde, où l'on aura $\alpha = 45^{\circ}$. De plus, comme l'azimut i de la première lame a disparu de la formule, on voit que la position des lames autour du rayon polarisé n'influe pas sur le phénomène, et qu'ainsi on ne changera nullement les teintes en tournant le systême dans son plan d'une manière quelconque. J'ai vérifié par l'expérience ces résultats du calcul, et j'ai trouvé qu'elle les reproduisait très-exactement. Cependant, lorsque j'ai fait tourner le systême sur son plan, j'ai trouvé quelques petites variations à la vérité extrêmement légères, mais pourtant sensibles, dans les intensités des faisceaux; et lorsque j'ai tourné le rhomboïde dans la position où les deux images doivent être blanches, j'y ai quelquefois aperçu une légère coloration; mais ces petites différences viennent probablement de ce que, pour analyser la lumière, je me sers d'un prisme de spath d'Islande dont les faces, quoique peu inclinées l'une sur l'autre, rendent cependant impossible l'égalité absolue des deux images : sans doute aussi une partie de cette inégalité venait de ce que je n'avais à ma disposition que des moyens très-imparfaits pour rendre la première face de ce prisme perpendiculaire au rayon incident sur lequel les lames avaient agi; mais la coloration seule peut rendre ces petits écarts sensibles, et on ne les aperçoit nullement quand les axes sont rectangulaires, parce qu'alors les deux faisceaux sont blancs.

On peut encore tirer de nos formules plusieurs conséquences întéressantes; en voici une, par exemple, qui rend bien sensibles les modifications diverses que la lumière

éprouve en traversant successivement deux lames croisées. Supposons que l'axe de la première lame soit situé invariablement dans le plan du méridien, on aura

$$i=0$$
 $i'=a$,

ce qui, étant introduit dans la formule générale de la page 283, donne

$$F_{o} = O_{c} \cos^{2} \alpha + \frac{(E + E_{c} + O - O_{c})}{2} \cos^{2} (2\alpha - \alpha)$$

$$F_{o} = O_{c} \sin^{2} \alpha + \frac{(E + E_{c} + O - O_{c})}{2} \sin^{2} (2\alpha - \alpha),$$

ou parce que E + O = E + O,

$$F_{\bullet} = O_{1} \cos^{2} \alpha + E' \cos^{2} (2\alpha - \alpha)$$

$$F_{\bullet}^{1} = O_{1} \sin^{2} \alpha + E' \sin^{2} (2\alpha - \alpha).$$

L'effet est donc le même que si la seconde lame existait seule; et cela est tout simple, puisque i étant nul, la première laisse à toute la lumière incidente sa polarisation primitive. Maintenant mettons la seconde lame, au lieu de la première, dans l'azimut o, nous aurons alors i' = 0, d'où, à cause de a = i' - i, on tire i = -a, et les valeurs de F. deviennent

$$F_{o} = O\cos^{2}\alpha + (O_{i} - A)\cos^{2}(2\alpha + \alpha) + \frac{(E + E_{i} - O - O_{i} + 2A)}{2}\cos^{2}(2\alpha - \alpha)$$

$$F_{c} = O\sin^{2}\alpha + (O_{i} - A)\sin^{2}(2\alpha + \alpha) + \frac{(E + E_{i} - O - O_{i} + 2A)}{2}\sin^{2}(2\alpha - \alpha).$$

Or ces valeurs différeront toujours des premières, et la différence ne s'évanouirait pas même quand les lames seraient égales en épaisseur, car alors on aura

$$F_0 = O \cos^2 \alpha + (O - A) \cos^2 (2a + \alpha) + (E - O + A) \cos^2 (2a - \alpha)$$

$$F_c = O \sin^2 \alpha + (O - A) \sin^2 (2a + \alpha) + (E - O + A) \sin^2 (2a - \alpha),$$

valeurs qui différeront des premières, du moins en général, car elles contiennent A, et les autres ne le contiennent point. C'est aussi ce que l'expérience confirme. Ainsi, un même systême de deux lames également épaisses exposées perpendiculairement à un rayon polarise, ne produit pas le même effet sur la lumière lorsque l'axe de la première lame est dans le méridien, et lorsque l'axe de la seconde s'y trouve: dans le premier cas, la première lame n'agit point du tout sur la lumière, et la seconde seule exerce la polarisation; dans le second cas, la lame postérieure n'agit point sur la lumière qui n'a pas été polarisée par la première lame, mais elle agit sur celle que cette lame a déviée : voilà pourquoi il faut avoir égard à l'ordre dans lequel s'opèrent les actions successives. Il n'y aurait qu'un cas où la teinte donnée par le système serait la même dans les deux circonstances, et ce cas serait celui où les deux lames auraient des épaisseurs égales et croisées à 45°, ce qui ferait disparaître A, et nous ramenerait au cas que nous avons examiné plus haut.

Généralement, quand les lames ont leurs axes parallèles, on a i = i', ou a = 0, ce qui donne, en supposant α nul,

$$F_{\bullet} = 2A + \frac{(E + E_{i} - O - O_{i})}{2} + (O + O_{i} - 2A) \cos^{2} 2i$$

$$F_{\bullet} = (O + O_{i} - 2A) \sin^{2} 2i.$$

Dans ce cas, si l'on nomme $\varphi(e+e')$ la teinte du rayon extraordinaire qui répond à la somme des épaisseurs des deux lames, on a par l'expérience les mêmes phénomènes que donnerait une seule lame égale à leur somme, c'est-à-dire que $\varphi(e+e')$ est le rayon extraordinaire dans sa plus grande intensité, et par conséquent le rayon ordinaire est la teinte complémentaire, c'est-à-dire $\frac{O+E+O_i+E_i}{2}$ — φ (e+e'), et l'on a, α étant toujours nul,

$$F_{\bullet} = \frac{(O + E + O_{i} + E_{i})}{2} - \varphi(e + e') + \varphi(e + e') \cos^{2} 2i$$

$$F_{\bullet} = \varphi(e + e') \sin^{2} 2i.$$

Il faut donc qu'on ait dans ce cas

$$O + O_i - 2A = \varphi(e + e'),$$

ce qui donne

$$2A + \frac{(E + E_{i} - O - O_{i})}{2} = O + O_{i} - \varphi(e + e') + \frac{E + E_{i} - O - O_{i}}{2}$$
ou
$$\frac{E + E_{i} + O + O'}{2} - \varphi(e + e'),$$

ce qui s'accorde avec la valeur de F, qui exprime les teintes du rayon ordinaire.

Au contraire, si les lames sont à angles droits, α étant toujours nul, a est égal à 90°, et l'on a i' = 90 + i, ce qui donne

$$F_{o} = 2A + \frac{E + E_{i} - O - O_{i}}{2} + (O + O_{i} - 2A) \cos^{2} 2i'$$

$$F_{o} = (O + O_{i} - 2A) \sin^{2} 2i'.$$

Dans ce cas, si l'on nomme e' l'épaisseur de la lame la plus épaisse, et φ (e' — e) la teinte extraordinaire que donnerait une lame égale en épaisseur à e' — e, l'expérience montre

que le système fait le même effet qu'une pareille lame, c'està-dire qu'il donne une teinte extraordinaire φ (e' - e), et une teinte ordinaire $\frac{O + E + O_i + E_i}{2}$ — φ (e' — e); par conséquent on a

$$F_{\bullet} = \frac{(O + E + O_{i} + E_{i})}{2} - \varphi(e' - e) + \varphi(e' - e) \cos^{2} 2i'$$

$$F_{\bullet} = \varphi(e' - e) \sin^{2} 2i'.$$

Il faudrait donc qu'on eût dans le cas actuel

$$O + O' - 2A = \varphi(e' - e),$$

ce qui donnerait

$$2A + \frac{E + E_{i} - O - O_{i}}{2} = \frac{(E + E_{i} + O + O_{i})}{2} - \varphi(e' - e),$$

précisément comme le veut l'expérience. Ces valeurs de O+O'-2A sont ainsi connues pour les azimuts o et 90°; mais quelle sera leur valeur en général, c'est une chose que je n'ai pas encore cherché à déterminer, et qui ne peut l'être que par l'expérience.

De même que nous avons établi sans aucune hypothèse les formules générales de la page 283 pour deux lames superposées, on pourrait également obtenir de la même manière celles qui conviendraient à un nombre quelconque de lames; mais cela n'étant point utile pour les applications, il nous suffit d'avoir montré comment on peut y arriver.

On peut encore tirer de nos formules plusieurs autres conséquences intéressantes que l'expérience confirme toujours. Or, si l'on considère que les faits auxquels le calcul 1812.

vient de nous conduire, soit pour la réflexion, soit pour la transmission des teintes, n'étaient nullement prévus par l'observation, qu'ils ne sont entrés pour rien dans les fondemens de la théorie, et que néanmoins l'expérience se trouve constamment d'accord avec eux, lorsqu'on les vérifie avec les précautions nécessaires, on conviendra qu'un pareil accord offre une confirmation assez frappante de cette théorie, qui, ainsi que je l'ai déja remarqué, n'est point fondée sur une hypothèse, mais sur le simple développement des faits observés. J'espère montrer que la considération des incidences obliques ne lui est pas moins favorable, et qu'elle prédit encore avec autant de simplicité que de certitude tous les phénomènes que ces incidences peuvent présenter. Pour le moment, je me bornerai à une seule remarque. L'application scrupuleuse de cette théorie aux phénomènes nous a fait voir que la lumière, en traversant nos lames, y prend certaines propriétés ou dispositions particulières dont elle conserve encore des traces après sa sortie. Les phénomènes que nous avons considérés ne nous ont pas permis de prononcer sur la nature de ces modifications, et je me suis abstenu de former à cet égard aucune hypothèse, m'étant toujours proposé de ne point aller au-delà de l'expérience. Mais par d'autres observations que j'aurai dans peu l'honneur de soumettre à la Classe, je suis parvenu à prouver que les molécules lumineuses, dans certaines circonstances déterminées, acquièrent ainsi des propriétés permanentes qui ne tiennent point seulement à un changement de direction de leurs axes, mais à une véritable modification physique, telle que serait, par exemple, l'électricité ou le magnétisme pour un corps électrisé ou aimanté. Dans les

expériences des lames croisées que nous avons discutées tout-à-l'heure, ces modifications se sont manifestées à nous par leurs variations, par les changemens qu'elles éprouvaient aux surfaces d'entrée et de sortie, lorsque l'action des cristaux sur la lumière était devenue variable. De même, dans les nouvelles expériences dont je parle, ces nouvelles propriétés de la lumière se sont principalement manifestées par le développement graduel et progressif de leur intensité: c'est pourquoi il a fallu les établir directement par l'expérience, et l'on ne peut pas les demander à la théorie des oscillations, qui est uniquement propre au cas où l'action du cristal sur la lumière est devenue constante. Pour me servir ici d'un exemple qui rendra la chose sensible, c'est ainsi que dans la théorie du magnétisme les expériences faites avec des aiguilles aimantées à saturation ne sont pas propres à faire découvrir le mode graduel et progressif par lequel l'aimantation s'opère.

QUATRIÈME PARTIE.

Lue le 5 avril 1813.

Dans les premières parties de ce Mémoire, j'ai déterminé complètement tous les phénomènes de polarisation qui s'observent par réflexion ou par réfraction sous l'incidence perpendiculaire dans les lames minces ou épaisses de chaux sulfatée, de mica, de cristal de roche, et de beaucoup d'autres corps taillés parallèlement à leur axe de cristallisation. J'ai montré que tous ces phénomènes sont liés entre eux, et peuvent se déduire avec la plus grande rigueur d'une même

théorie, qui n'est au fond que leur expression la plus générale. Maintenant, pour mieux éprouver cette théorie, il faut l'appliquer aux phénomènes qu'offrent ces mêmes plaques sous des incidences obliques, et voir si elle pent servir encore à les prédire, à les représenter: l'épreuve sera d'autant plus rigoureuse, que ces phénomènes sont nombreux, variés, et que les plus remarquables d'entre eux ne se montrent pas directement, de sorte qu'on ne peut les découvrir que lorsqu'on y est conduit comme je l'ai été par une théorie qui permette de les prévoir. En effet, on peut se demander d'abord suivant quel sens s'opérera la polarisation dans nos plaques lorsqu'elles seront inclinées sur le rayon incident? et, si on analyse la lumière transmise en se servant d'un rhomboïde de spath d'Islande placé dans une direction connue relativement à l'axe de cristallisation des plaques, quel sera le rapport d'intensité des deux rayons ordinaire et extraordinaire? Dans quelles circonstances l'un ou l'autre de ces rayons deviendra nul? où atteindra-t-il ses maxima et minima d'intensité? et si, avant de tomber sur le rhomboïde, le rayon a traversé plusieurs lames inclinées les unes sur les autres d'un angle donné, et disposées comme on voudra entre elles, quelles modifications ce rayon aura-t-il acquises, et quel changement en résultera-t-il dans les intensités des deux faisceaux donnés par le rhomboïde? Jusqu'ici nous n'avons parlé que de la direction, de la polarisation et de l'intensité des images; mais si la lame est assez mince pour donner des faisceaux colorés, quelles variations les teintes de ces faisceaux éprouveront-elles par le changement d'incidence? comment varieront-elles? suivant quelles lois? Si la lame est trop épaisse pour donner immédiatement des images

colorées, ne peut-on pas lui en faire produire encore en modifiant le rayon lumineux par d'autres plaques convenablement disposées, comme je l'ai fait pour l'incidence perpendiculaire? et alors quelles seront les couleurs données par la plaque sous chaque incidence. Quels rapports existerat-il entre ces couleurs et l'épaisseur ou l'inclinaison des plaques que le rayon aura traversées? quelle sera l'incidence à laquelle une couleur désignée se montrera? et réciproquement, quelle sera la couleur que l'on obtiendra sous chaque incidence donnée? De plus, j'ai fait déja remarquer que si l'on croise à angles droits deux lames d'épaisseur parfaitement égale, ou mieux encore, deux fragmens d'une même lame, il ne se produit plus aucune polarisation sous l'incidence perpendiculaire, mais la polarisation et les couleurs commencent à se montrer quand on incline le système de deux lames sur le rayon polarisé. Il faut dire pourquoi ces couleurs se développent par l'obliquité, et sous quelles incidences elles doivent commencer à paraître. De-là, passant aux phénomènes produits par la réflexion, il faut montrer comment ils sont liés aux précédens, par exemple, quelle sera la direction de la polarisation pour les faisceaux lumineux réfléchis à la seconde surface d'une plaque donnée? dans quel cas ces faisceaux pourront-ils échapper à la réflexion? pourquoi, lorsque les lames sont assez minces, la réflexion donne-elle des couleurs? pourquoi ces couleurs sont-elles différentes suivant l'inclinaison et suivant les positions de la lame sur son plan? quels rapports ont-elles avec les couleurs transmises? par quelle raison ces couleurs cessent-elles de se manifester lorsque l'épaisseur des lames excède certaines limites? et quand elles ne se montrent plus immédiatement,

ne peut-on pas les déterminer de nouveau à reparaître, en modifiant convenablement la lumière incidente? enfin, quels rapports généraux tous ces phénomènes peuvent-ils avoir avec la position de l'axe de cristallisation, et quels changemens éprouvent-ils quand les plaques sont taillées en divers sens autour de cet axe? Toutes ces questions se trouvent résolues d'une manière simple et directe par la théorie des oscillations de la lumière que je présente aujourd'hui.

Dans ces recherches, je ferai d'abord abstraction de la portion de lumière blanche réfléchie à la première surface des lames. On sait que cette réflexion est indépendante de la figure des molécules du corps réflecteur, et j'ai ajouté des preuves décisives de ce fait à celles que l'on avait déja. Je ferai également abstraction de la faible portion de lumière qui se trouve polarisée dans l'acte de la réfraction même et perpendiculairement au plan de réfraction. On sait que ce phénomène, presque insensible dans une réfraction unique, est également indépendant de la cristallisation.

Maintenant, lorsqu'un rayon lumineux polarisé tombe sur une lame de chaux sulfatée sous une incidence déterminée, et dans une direction donnée relativement aux axes de cette lame, dans quel sens les molécules lumineuses tournent-elles leurs axes de polarisation lorsqu'elles la traversent? et si elles oscillent autour de leur centre de gravité, comme sous l'incidence perpendiculaire, quelles sont l'étendue et les limites des oscillations? Voilà les questions qu'il faut examiner d'abord.

Pour y répondre, il faut savoir que les surfaces réfringentes, même celles des corps non cristallisés, dévient les axes de polarisation des molécules lumineuses qui les traversent obliquement. Je me suis assuré par des expériences directes que ce genre d'action est très-sensible, et je fais en ce moment construire un instrument qui en donnera la mesure exacte; mais ici il nous suffira de savoir qu'elle existe, et qu'elle imprime une direction aux axes de polarisation des molécules la mineuses, avant que celles-ci nient pénétré dans les lames assez profondément pour en éprouver l'influence comme corps cristallisé. Cette direction primitive est donc celle à partir de laquelle les axes de la lame exercent leurs forces répulsives. Or, je l'ai déterminée d'après l'expérience dans mon premier Mémoire, et toutes les observations que j'ai rapportées depuis, particulièrement celles des lames croisées, ont confirmé avec évidence les résultats auxquels j'étais parvenu. Voici la règle qui en résulte. Soit, fig. 8, MCS le plan de polarisation primitive du rayon SC. Je supposerai que c'est le méridien. Le plan d'incidence SCT coupe la surface de la lame suivant une ligne CT, qui est d'une grande inportance dans ces phénomènes. Soit A l'azimut de ce plan, ou l'angle dièdre qu'il forme avec le méridien, prenez dans le plan de la lame un angle oblique TCA égal à cet azimut : la ligne CA représentera la direction de la polarisation des molécules lumineuses, lorsqu'elles commencent à subir l'action de la lame, comme corps cristallisé. Tracez aussi dans le plan de la lame les deux axes rectangulaires CP, CR, et nommez i l'angle que le premier d'entre eux forme avec la trace CT du plan d'incidence. Lorsque le premier axe CP sera dirigé suivant CA, aucune des molécules lumineuses ne perdra sa polarisation primitive, ou du moins elles l'auront entièrement reprise après leur sortie, et la lame n'agira pas plus que ne ferait un morceau de verre. Alors,

quand les molécules sortiront de la lame, l'azimut oblique TCA se transformera en un azimut droit de même valeur, compté à partir du plan d'incidence, et les axes de polarisation se trouveront replacés dans le plan du méridien comme auparavant; mais si le premier axe CP de la lame ne coïncide pas avec la direction CA de la polarisation primitive, les molécules lumineuses se mettront à osciller autour de l'axe CP, comme elles auraient fait si l'incidence, au lieu d'être oblique, eût été perpendiculaire; c'est-à-dire que l'oscillation aura pour limite une ligne CL, formant avec CP un angle égal à celui que CP forme avec CA. Gelles des molécules lumineuses qui feront un nombre pair d'oscillations en traversant la lame, reviendront dans la direction CA de la polarisation primitive; quand elles sortiront de la lame, l'azimut oblique ACT se transformera pour elles en un azimut droit de même valeur, comme précédemment, et elles paraîtront n'avoir point perdu leur polarisation primitive, parce qu'elles l'auront reprise; mais il n'en sera pas ainsi des molécules qui auront tourné leurs axes suivant la ligne CL. Car cette ligne forme avec CA un angle égal à 2PCA ou 2(i-A); ainsi, en ajoutant l'angle ACT, qui est A, on aura l'angle TCL égal à A + 2(i-A). Maintenant, lorsque les molécules lumineuses sortiront de la lame, l'azimut oblique TCL ou A + 2(i - A) se transformera en un azimut droit de même valeur, compté à partir du plan d'incidence. Si l'on veut le compter à partir du méridien CM, il faudra en retrancher l'azimut de CM, relativement au plan d'incidence, c'est-à-dire A, et ainsi il restera 2(i-A) pour l'angle formé par le méridien avec la direction de la nouvelle polarisation imprimée par la lame à une portion

des molécules lumineuses : ce sera l'azimut de cette nouvelle polarisation.

Par conséquent, si l'on analyse la lumière émergente en se servant d'un rhomboïde de spath d'Islande dont la section principale soit dirigée dans le plan du méridien, ce rhomboïde recevra une portion de lumière O polarisée suivant le méridien, et une autre portion E dirigée suivant l'azimut 2(i-A); par conséquent les intensités des deux rayons F. F., ordinaire et extraordinaire, seront

[1]
$$F_{\bullet} = O + E \cos^2 2(i - A)$$
 $F_{\bullet} = E \sin^2 2(i - A)$:

d'après cela on voit que le rayon extraordinaire F, deviendra encore nul quand on aura i-A=90 ou i=90+A. Il est aisé d'en voir la raison physique. Dans ce cas, le premier axe CP de la lame formera un angle droit avec la direction CA de la polarisation primitive; par conséquent l'étendue des oscillations sera de deux angles droits. Ainsi les molécules qui auront fait un nombre d'oscillations impair reviendront sur la direction Ca, prolongement de CA, comme celles qui auront fait un nombre d'oscillations pair; elles seront seulement retournées point pour point, mais ce retournement ne change en rien leurs propriétés. Lors donc que les molécules seront sorties de la lame, leurs axes se retrouveront tous replacés dans le méridien, comme si elles n'avaient pas fait d'oscillations, et voilà pourquoi le rayon F, s'évanouit. Si le rhomboïde qui sert pour analyser la lumière n'avait pas sa section principale dirigée dans le plan du méridien, mais dans l'azimut a, alors l'angle de cette section principale avec le plan de polarisation nouvelle serait $\alpha - 2(i-A)$, et par 1812. 38

conséquent on aurait

[2] F. = O cos'
$$\alpha$$
 + E cos' [α - 2(i - A)]
F. = O sin' α + E sin' [α - 2(i - A)];

les angles i et A doivent être comptés dans un même sens à partir du plan d'incidence, par exemple, de l'est à l'ouest. Voyez fig. 9. L'angle a doit aussi être compté dans le même sens, mais à partir du méridien. Si l'incidence est perpendiculaire, i — A devient l'azimut droit du premier axe de la lame, compté à partir du méridien, et l'on retombe sur les formules que j'ai données page 257.

Les formules [1] sont précisément celles que j'avais trouvées d'après la simple observation dans mon premier Mémoire; mais je n'avais pas aperçu alors comment elles se rapportaient à deux sens de polarisation différens. J'avais bien remarqué la compensation parfaite qui s'opérait entre l'azimut droit A et l'angle oblique ACT; j'avais bien remapqué aussi que ces formules s'accordaient avec celles que j'avais trouvées sous l'incidence perpendiculaire, mais je ne les avais pas liées les unes aux autres par la théorie des oscillations, et par conséquent je n'en avais pas déduit les formules [2]. Maintenant on voit que cette théorie des oscillations s'applique encore avec le même succès aux incidences obliques, et les formules qu'elle donne pour déterminer le sens de la polarisation des faisceaux sous toutes les incidences étant parfaitement conformes aux résultats des observations, fournissent une nouvelle confirmation de cette théorie.

Nous n'avons considéré que l'action d'une seule lame; si le rayon en traversait successivement plusieurs, on connaîtrait les directions de la polarisation définitive de la même manière : car d'abord, par les formules que nous venons d'exposer, on connaîtrait les directions des axes des faisceaux polarisés par la première lame; appliquant ensuite à chacun de ceux-ci les mêmes formules, on connaîtrait la manière dont il se résout dans la seconde lame, et ainsi de suite : le calcul serait absolument le même que nous avons fait plus haut sous l'incidence perpendiculaire pour les lames croisées sous un angle quelconque.

Supposons, par exemple, qu'après être sorties de la première lame, les molécules lumineuses tombent sur une seconde lame parallèle à la première et croisée sur elle à angle droit. Soit, fig. 10, CP la direction du premier axe de cette seconde lame perpendiculaire à CP: représentons toujours par CA la direction des axes de polarisation des molécules lumineuses lorsqu'elles se sont introduites dans l'intérieur de la première lame, et qu'elles n'ont pas encore subi son action comme corps cristallisé. Prolongez les lignes CA, CP, de l'autre côté du point d'incidence C; alors AGa est la direction des axes pour les molécules lumineuses qui ont conservé leur polarisation primitive, et LCI formant avec CP un angle LCP = ACP, sera la direction des axes pour celles qui auront changé de polarisation. Maintenant, lorsque la seconde lame agira sur ces deux faisceaux, les molécules dirigées suivant CA termineront leurs oscillations dans une amplitude égale à 2ACP. Or ACP = 90 + ACP; et on a aussi leP = qo + ACP; ainsi la ligne Cl, prolongement de CL, sera la limite de ces oscillations. Il est facile de prouver de la même manière que les molécules dirigées suivant CL, en sortant de la première lame, termineront leurs

oscillations dans la seconde suivant Ca prolongement de CA. Ainsi il n'y aura encore que deux directions distinctes de polarisation; et de plus, on peut prouver ici, comme pour l'incidence perpendiculaire, que le faisceau qui perd définitivement sa polarisation, et qui, en sortant de la seconde lame, se trouve polarisé suivant Cl, est précisément celui qu'aurait donné une seule lame égale en action à la différence des deux lames superposées, en ayant égard à la variation opposée d'intensité que chacune d'elles subit par l'inclinaison.

Nous avons vu plus haut que lorsqu'on présente une lame de chaux sulfatée à un rayon polarisé, et sous l'incidence perpendiculaire, si l'on analyse la lumière réfléchie perpendiculairement par cette lame, on trouve que le rayon extraordinaire a la même teinte qu'il aurait s'il était produit par un rayon transmis à travers une lame d'une épaisseur double. Nous avons expliqué ce fait en remarquant que la lumière arrivée à la seconde surface de la lame se trouve hors de la portée des forces dépendantes de la figure des molécules du cristal; et par conséquent, lorsqu'elle revient sur elle-même, elle éprouve les mêmes influences que si elle était réfléchie d'une distance quelconque au-dehors du corps. Voici maintenant un autre fait en apparence contradictoire. Exposez une semblable lame à un rayon polarisé, mais sous une incidence oblique, sous celle qui produirait par réflexion la polarisation complète sur la première surface; mettez de plus le plan d'incidence dans l'azimut de 90, et ensuite tournez l'axe de la lame à 45° de ce plan; alors vous verrez que la lumière réfléchie est entièrement colorée, et colorée de la même teinte que la lame polarise par transmission sous cette incidence: si vous la tournez sur son plan, la teinte réfléchie

change d'intensité et de couleur. Quelle est la liaison de ce fait avec le premier que nous avons rapporté? ne semble-t-il pas que la lumière, dans son trajet à travers la lame oblique, avant et aprês la réflexion, traverse ainsi deux fois son épaisseur, ce qui devrait doubler le nombre de ses oscillations, et par conséquent rendre la teinte du rayon réfléchi différente de celle du rayon polarisé par la lame sous la même incidence? Cela paraît ainsi au premier coup-d'œil, mais la théorie des oscillations fait voir que cela n'est pas.

Soit, fig. 11, SC le rayon incident polarisé dans le plandu méridien SCM; soit SCT le plan d'incidence supposé perpendiculaire au précédent; et soit CT sa trace sur la lame. Si, à partir de CT, on prend sur la surface de cotte dernière l'angle oblique TCA égal à un angle droit; la ligne CA sera la direction de l'axe de polarisation des molécules lumineuses, lorsqu'elles seront entrées dans l'intérieur de la lame, et qu'elles commenceront à ressentir l'influence de la cristallisation. Maintenant dans le plan de la lame menons la ligne CP à 45° sur CT, pour représenter son premier axe, et examinous quel seta l'étab des molécules lumineuses quand elles se présenteront à la seconde surface de la lame pour en sortir. Il v en aura une partie qui auront repris leur polarisation primitive, celles-là anroht leurs anes de polarisation dirigés suivant CA, c'est-ardire perpendicul. lairement à GT. Quand elles parviendront de les conde sur face de la lame, elles y éprouveront les mêmes effets que si elles tombaient sur un morceau de verre, ou plus exactement sur la première surface de la dame elle-même. Or, celles se trouveront alors tournées, et inclinées de manière qu'elles seront tout-à-sait inaccessibles à ce genre de réslexion, et de

même par cette raison, en arrivant à la première surface de la lame, elles n'en avaient rien éprouvé: elles sortiront donc encore librement par la seconde surface comme elles étaient entrées par la première, et par conséquent aucune de ces molécules qui compose le faisceau ordinaire n'entreradans la lumière réfléchie.

Considérons maintenant les autres molécules qui ont perdu leur polarisation primitive, et qui composent le faiscean extraordinaire; celle-ci ont leurs axes de polarisation à 45° de CP. Ainsi, puisque l'angle CPA est de 45°, elles sont dirigées suivant CT, c'est-à-dire dans le plan d'incidence même. Or, ces molécules n'échappent point à la réflexion; au contraire, elles sont dans la situation la plus favorable! pour la subir; mais de plus, celles d'entre elles qui l'éprouvent. cessent tout-à-fait leurs oscillations, et même elles perdenti momentanément toute tendance à les continuer, parce qu'elles sont complétement polarisées par la force réfléchissante de la seconde surface qui les polarise complétement suivant CT: elles rentrent donc dans la lame précisément comme elles y étaient entrées d'abord, sous la même inclinaison, en faisant le même angle de 45° avec l'axe, et polarisées comme la première fois : elles sont dans le même état qu'un rayon polarisé qu'on introduirait derrière la lame avec ces conditions, ou plutôt elles se retrouvent précisément dans le même état où elles étaient en arrivant à la première surface de la lame pour la première fois. Ainsi donc elles doivent recommencer de même leurs oscillations en partant d'une position de polarisation primitive commune et également influencée; elles doivent traverser de nouveau la lame comme la première fois, sans se désunir, puisqu'elles partent du même

état, et qu'elles sont soumises aux mêmes forces; leurs oscillations ne les séparent pas plus dans ce second trajet, qu'elles ne les ont séparées dans le premier; et voilà de quelle manière elles composent un rayon réfléchi exactement de même teinte que le rayon polarisé par transmission sous cette incidence.

On voit que cette permanence est due uniquement à la nouvelle polarisation complète que ces molécules reçoivent à la seconde surface: elle ne pourrait pas avoir lieu sans cette circonstance, et les molécules en rentrant dans la lame continueraient ou reprendraient leurs oscillations. C'est ce qui arrive sous l'incidence perpendiculaire, parce que les surfaces qui reçoivent le rayon perpendiculairement à sa direction ne font que le renvoyer sans modifier en rien la position des axes de ses molécules. Les forces réfringentes et réfléchissantes paraissent alors se faire équilibre dans ce génre d'action.

En revenant à l'incidence oblique, on observe que la teinte du rayon réfléchi change lorsqu'on tourne la lame sur son plan, sans changer l'incidence ni l'azimut du plan de réflexion; en même-temps son intensité diminue, et elle devient nulle lorsque l'un ou l'autre axe de la lame coïncide avec la trace CT du plan d'incidence. La raison de ce dernier phénomène est évidente, car si le premier axe CP de la lame coïncide avec CT, il se trouve à angle droit sur CA. Ainsi, dans ce cas, l'amplitude des oscillations est égale à une demi-circonférence, c'est-à-dire que les molécules qui devraient composer la teinte extraordinaire, ont simplement leurs axes retournés et dirigés suivant Ca, prolongement de CA, ce qui fait qu'elles échappent de même à la réflexion sur la seconde surface : si au contraire le premier axe CP

est rectangulaire sur CT, il coïncide alors avec CA, et il ne se produit point d'oscillation, ce qui fait que toutes les molécules échappent ensemble à la réflexion en arrivant à la seconde surface. Entre ces deux limites l'intensité du rayon réfléchi varie, et elle est a son maximum dans le cas que nous avons considéré d'abord, lorsque l'axe CP forme avec CA un angle de 45°; mais de plus, la teinte du rayon réfléchi varie avec l'azimut en même-temps que son intensité, parce que l'action de la lame sous une même incidence varie avec la position de son axe relativement au plan d'incidence : elle est la plus faible possible lorsque cet axe coïncide avec CT; et au contraire elle atteint son maximum lorsqu'il lui est perpendiculaire, comme nous l'avons démontré plus haut par l'expérience. La teinte du rayon qui perd sa polarisation primitive, et qui seule subit la réflexion à la seconde surface de la lame, doit donc varier quand on tourne la lame sur son plan; et en même temps son intensité doit changer selon que la direction des particules lumineuses les présente à la surface d'émergence dans un sens plus ou moins favorable à la réflexion.

Lorsque l'épaisseur des lames excède une certaine limite, elles ne produisent plus de couleur, et le rayon réfléchi est blanc; mais les molécules qui composent ce blanc n'en ont pas moins fait leurs oscillations en revenant de la seconde surface, et d'après la théorie on voit qu'il est aisé de rendre l'effet de ces oscillations sensible: il suffit pour cela de faire passer perpendiculairement le rayon réfléchi à travers une seconde plaque d'une épaisseur à-peu-près égale à la première, et dont les axes soient croisés à angles droits sur les siens; car l'action de cette seconde plaque, démêlant les

molécules que la première avait rassemblées, donnera par transmission un rayon extraordinaire tel que le comporte la différence d'épaisseur des deux plaques, et si cette différence est assez petite pour produire des couleurs, le rayon réfléchi par la première plaque et transmis par la seconde paraîtra coloré lorsqu'on l'analysera avec un rhomboïde de spath d'Islande, au lieu qu'il aurait paru blanc si la seconde plaque avait seulement été exposée à une lumière incidente directe, ou à un rayon polarisé par la réflexion. J'avais tiré ces conséquences de la théorie, et je les avais complétement rédigées telles qu'on les vient de lire, avant de les avoir vérifiées par l'expérience; mais je viens de le faire sur deux plaques épaisses de chaux sulfatée, et l'observation s'y est trouvée parfaitement conforme.

Je puis également tirer de la théorie un autre phénomène remarquable, et qui m'a été très-utile dans le commencement de mes recherches pour déterminer exactement les couleurs polaritées par les lames d'épaisseurs diverses : je veux parler de l'effet qu'elles produisent sur les rayons de lumière directe que l'on fait tomber sur leur surface avec une incidence telle, qu'elles puissent les polariser par réflexion. J'ai décrit ces phénomènes dans mon premier Mémoire. Soit, fig. 12, LL le plan de la lame, que je suppose horizontal. Désignons par CZ la trace du plan d'incidence, que je supposerai être le méridien : le rayon naturel qui tombe sur la lame dans ce plan éprouve d'abord une première polarisation à sa surface antérieure. Soit B la lumière blanche qui en résulte, et qui est polarisée ordinairement dans le plan vertical ZCZ. Le reste de la lumière naturelle qui a échappé à cette réflexion traverse la lame; mais elle ne s'y polarise point, ou plutôt elle n'y 1812. 39

éprouve qu'une polarisation confuse qui ne range point les axes de ses molécules sur un nombre fini de directions autour du point d'incidence. Ceci a été démontré par l'observation dans mon premier Mémoire, et l'on en voit bien aisément la cause par la théorie des oscillations. Car nous avons prouvé que l'axe CP du cristal laisse toujours à une partie des molécules leur polarisation primitive, et tourne les axes des autres dans l'azimut 2i, en supposant que i désigne l'azimut de l'axe du cristal autour du plan de polarisation. Or, dans un rayon naturel, les axes de polarisation des molécules lumineuses sont dirigés dans tous les sens possibles; ainsi l'azimut 2i aura toutes les valeurs possibles depuis zéro jusqu'à la circonférence entière; c'est-à-dire que tous les axes de polarisation seront distribués uniformément autour du point d'incidence C: aussi la lumière transmise dans ces circonstances ne présente-t-elle aucun vestige de polarisation quand on l'analyse avec un rhomboïde de spath d'Islande, et elle donne deux images blanches égales en intensité. Maintenant, lorsque cette lumière blanche arrive à la seconde surface de la lame; elle s'y trouve hors de l'influence des forces répulsives dues à la cristallisation. Nous avons prouvé plus haut ce fait; elle y subit une réflexion partielle qui, à cause de l'incidence où l'on a placé la lame, polarise complétement le faisceau réfléchi, et tourne les axes de polarisation de ses particules dans la direction ZZ du plan d'incidence. Maintenant, lorsque ce faisceau rentre dans la lame, les molécules qui le composent se mettent de nouveau à osciller autour de l'axe de cristallisation CP; mais alors elles partent d'une position commune, qui est celle que la polarisation par réflexion leur a imprimée: une partie de ces molécules

faisant un nombre d'oscillations pair, se retrouve à sa sortie dans la direction de sa polarisation primitive CZ: cette portion, que nous nommerons O, s'ajoute à la lumière B, polarisée dans le même sens à la première surface, et forme un faisceau ordinaire B + O. Le reste de la lumière réfléchie qui a fait un nombre d'oscillations impair tourne, à sa sortie, ses axes dans un azimut double de l'angle ZCP; et par conséquent, si CP forme un angle de 45° avec CZ, la direction de cette polarisation extraordinaire sera CX, perpendiculaire à la première, et de plus la teinte de ce faisceau est la même que celle que la lame polarise par transmission sous l'incidence perpendiculaire. Ainsi, en recevant l'ensemble de toute la lumière réfléchie sur un verre noir placé sous l'inclinaison de la polarisation complète, et de manière que le plan d'incidence soit perpendiculaire au plan de polarisation ordinaire Zz le faisceau polarisé suivant Zz n'éprouvera aucune réflexion en tombant sur ce verre, et le traversera ou se combinera avec sa substance; mais le faisceau extraordinaire, polarisé suivant ZX, subira sur ce même verre la réflexion partielle; il sera même placé dans la situation la plus favorable pour la subir, et ainsi il donnera un rayon réfléchi qui sera tout entier composé de la teinte que la lame polarise par transmission sous cette incidence, par conséquent aussi sous l'incidence perpendiculaire; car ces deux teintes sont les mêmes dans la position présente de l'axe, à 45° du plan de la polarisation primitive ZZ.

Si l'épaisseur de la lame cristallisée excède certaines limites que nous avons fixées, la teinte ainsi réfléchie sur le verre noir est blanche; mais il est facile de prouver que les oscillations ont eu également lieu dans cette lumière ainsi mêlée.

Pour cela, au lieu de recevoir les faisceaux réfléchis sur un verre noir, il faut les analyser avec un prisme de cristal d'Islande; et avant qu'ils parviennent au prisme, il faut leur faire traverser une plaque de chaux sulfatée d'une épaisseur à-peu-près égale à la première, qui lui soit à-peu-près parallèle, et dont les axes soient dirigés à angles droits sur les siens. La lumière réfléchie, après avoir traversé cette seconde plaque, se divisera dans le prisme en deux faisceaux colorés; mais les teintes de ces faisceaux seront incomparablement moins vives que celles que l'on observait sur le verre noir avec les lames minces, et ceci est encore une conséquence de la théorie des oscillations; car, d'après cette théorie, la seconde plaque cristallisée n'agit pas seulement sur les portions de lumière O et E qui ont subi l'action de la première plaque, elle agit encore sur la portion de lumière blanche B qui, s'étant réfléchie à la première surface de la première lame, a été polarisée par cette réflexion dans le même sens que O. Puisque la seconde plaque est, par supposition, trop épaisse pour donner immédiatement des couleurs, elle séparera B en deux faisceaux blancs de polarisation diverse, qui se mêleront avec les faisceaux colorés provenant de E et de O, et affaibliront leurs teintes, conformément à l'observation.

Pour éviter cet inconvénient, il faudrait ne pas faire tomber sur la première plaque un rayon de lumière naturelle, mais un faisceau blanc déja polarisé perpendiculairement à la direction ZZ du plan d'incidence: par ce moyen il ne se ferait aucune réflexion à la première surface de la première plaque; toute la réflexion s'opérait à la seconde surface, et la lumière ainsi modifiée traversant ensuite la seconde plaque rectangulaire sur l'autre, serait divisée par le prisme de cristal en deux faisceaux dont les teintes ne seraient point affaiblies par un mélange de lumière blanche; mais alors il est visible que l'on retombe sur la disposition d'appareil que nous avons décrite plus haut, page 304, et dont les effets se sont trouvés conformes à ce que la théorie indiquait.

J'ose croire que les résultats que je viens d'exposer sont assez nombreux et assez d'accord avec la théorie des oscillations pour l'établir avec quelque certitude, quand même cette théorie ne serait pas déja l'expression simple et rigoureuse des phénomènes qui ont lieu sous l'incidence perpendiculaire, comme je l'ai déja remarqué plus haut; mais ce qui prouve qu'elle en est véritablement l'expression simple, c'est l'accord parfait des phénomènes avec toutes les conséquences qu'on en déduit.

Jusqu'ici je n'ai considéré que la direction de la polarisation produite par les plaques sons les diverses incidences, je viens maintenant à la considération des teintes, qui, ainsi que je l'ai déja dit plusieurs fois, suivent des lois absolument indépendantes des intensités. Pour découvrir les causes des variations qu'elles éprouvent sous les diverses incidences, il faut considérer qu'elles dépendent en général du nombre d'oscillations que font les molécules lumineuses en traversant les lames cristallisées. Or, dans chaque position donnée; le nombre d'oscillations dépend de trois élémens : du trajet que la lumière fait dans le cristal, de l'intensité de la force répulsive qui produit la polarisation exercée par la lame, enfin de la vîtesse de translation des molécules lumineuses. La détermination complète et rigoureuse de ces trois élémens supposerait la connaissance des lois suivant lesquelles la double réfraction s'opère dans les corps cristallisés que nous examinons, et si cette loi a été découverte par Huyghens pour la chaux carbonatée qui polarise les molécules lumineuses dans le sens de son axe, et dans la direction perpendiculaire, il est assez peu probable que la même construction s'applique encore à nos cristaux qui exercent la polarisation suivant des sens différens; ou du moins, si la marche du rayon dans ces deux cas se fait de la même manière, on n'en peut être assuré que par des expériences directes que je n'ai point encore tentées, et qui paraissent devoir être fort difficiles à cause du peu d'écart des deux faisceaux ordinaire et extraordinaire qui traversent ces corps, ce qui indique l'extrême faiblesse de leurs actions. Car dans toutes les substances cristallisées où l'on peut observer ainsi des couleurs, soit en les réduisant en lames minces, soit par le croisement des plaques épaisses, je trouve toujours que la double réfraction y est extémement faible, et communément plus faible que dans le cristal de roche, où elle est déja vingt fois moindre que dans la chaux carbonatée, suivant les résultats observés par Malus. Mais en attendant que l'on ait pu faire les expériences délicates que cette recherche exige, la faiblesse même des actions dont nous venons de parler permet de les représenter par une approximation qui, si elle n'est pas absolument rigoureuse, ce qu'il serait difficile de prononcer avec certitude, est du moins assez approchée pour représenter les phénomènes avec une exactude égale à celle des observations les plus précises.

Voici le principe : dans les cristaux que nous examinons, la double réfraction est très-faible; en sorte que le rayon ordinaire et le rayon extraordinaire s'écartent très-peu l'un

de l'autre, et si peu, que leur séparation dans des plaques à surfaces parallèles ne devient sensible qu'à travers de trèsgrandes épaisseurs. Cela est ainsi, par exemple, dans le cristal de roche et dans la chaux sulfatée. On aura donc déja une évaluation très-approchée du trajet que fait la lumière à travers ces substances, en calculant ce trajet pour le rayon ordinaire, et avec le rapport ordinaire de réfraction. Quant à l'intensité même de la force répulsive qui produit la réfraction extraordinaire, on sait que dans la chaux carbonatée elle est proportionnelle au carré du sinus de l'angle que l'axe de cristallisation forme avec le rayon réfracté extraordinaire: ainsi, par analogie, on peut essayer s'il n'en serait pas de même dans les cristaux que nous examinons, et par une approximation analogue à celle dont nous avons fait tout-à-l'heure usage, on peut calculer cet angle avec le rapport de réfraction qui convient au rayon ordinaire. Enfin, quant au troisième élément, qui est la vîtesse du rayon extraordinaire, il est également visible qu'elle sera très-peu différente de celle du rayon ordinaire, et qu'ainsi on pourra employer l'une pour l'autre dans une première approximation. En effet, si on emploie ces élémens approchés, pour les plaques de chaux sulfatée, par exemple, et si l'on multiplie la longueur du trajet que la lumière fait dans ces plaques par le carré du sinus de l'angle que le rayon réfracté forme avec l'axe de cristallisation, le produit, réduit à l'échelle de la table de Newton, par le même facteur constant qui convient à l'incidence perpendiculaire, exprime à trèspeu de chose près la teinte du rayon que la plaque polarise; et cette expression devient tout-à-sait rigoureuse, tout-à-sait conforme aux expériences, si l'on y joint un facteur dépendant probablement de la vîtesse, et qui varie seulement entre neuf dixièmes et l'unité.

Considérons, par exemple, fig. 13, une plaque LL parallèle à l'axe de cristallisation, et supposons que l'on incline cette plaque sur le rayon incident polarisé, en maintenant son premier axe LL dans le plan d'incidence. Soit MI le rayon incident, IR le rayon réfracté, et PIP la normale au point d'incidence. Nommons e l'angle d'incidence MIP', et et l'angle de réfraction PIR. Alors le trajet de la lumière dans la plaque sera IR ou $\frac{e}{\cos \theta}$, en nommant e l'épaisseur IP de la plaque sous l'incidence perpendiculaire. La force répulsive qui produit la réfraction extraordinaire sera proportionnelle au carré du sinus de l'angle PRI, c'est-à-dire, au carré du cosinus de l'angle 6', et par conséquent, si on la représente par l'unité sous l'incidence perpendiculaire, elle sera exprimée par cos' 6' sous l'incidence 6. Le produit de ces deux quantités sera donc $\frac{e}{\cos \theta}$ · cos' θ ', ou simplement e cos. θ ', et cette expression représentera à très-peu près l'épaisseur à laquelle répond la lame sous l'incidence. Mais pour rendre cette expression tout-à-fait rigoureuse, il faut, comme je l'ai dit, lui ajouter un facteur très-peu différent de l'unité, et qui se trouve être de la forme $a + a \sin^2 \theta + b \sin^4 \theta$, ce qui la change en

$$\frac{e \cos \theta'}{1 - a \sin^2 \theta' - b \sin^4 \theta'}$$

On peut déterminer les coëfficiens a et b par deux observations de teintes faites sous des incidences diverses, et quant à l'angle θ' , on le calculera comme à l'ordinaire d'après

l'incidence e au moyen de la condition

$$\sin. \theta' = \frac{\sin. \theta}{K},$$

K étant le rapport constant de réfraction. D'après les expériences de Newton, ce rapport serait pour la chaux sulfatée ou à très-peu près 3. Nous adopterons ce résultat dans nos calculs.

Si au contraire, au lieu d'incliner le premier axe de la plaque sur le rayon incident polarisé, on incline le second axe, on aura bien encore $\frac{e}{\cos \theta}$ pour le trajet que fait la lumière; mais les termes qui expriment l'action des forces seront différens. En effet, la force exercée par le premier axe est alors constante, puisque cet axe reste perpendiculaire au rayon réfracté; mais s'il émane aussi des forces du second axe, l'action de celles-ci doit varier par l'inclinaison, et par conséquent il en doit résulter, comme tout-à-l'heure, un facteur proportionnel à cos' 6'. Si au contraire les forces qui font osciller la lumière dépendent seulement du premier axe, alors la variation d'épaisseur désignée par est la seule cause qui produira le changement des teintes, quand on inclinera la lame dans cette direction, et par conséquent le facteur qui dépend de cette variation sera le seul auquel il faille avoir égard. Or, l'expérience m'a fait voir que c'est ainsi que la chose se passe; car de cette manière on représente parfaitement les changemens des teintes observées, sans qu'il soit nullement besoin d'employer une variation d'intensité proportionnelle à cos' 6'. Ce résultat me paraît donc prouver que toute la force émane réellement du premier

axe. D'ailleurs il ne change rien à notre théorie des oscillations de la lumière, comme nous l'avons dit dans la page 228; car nous avions dès-lors prévu et indiqué la possibilité de représenter tous les phénomènes en n'employant qu'une seule force émanée du premier axe. Nous devrons seulement admettre que cette force devient nulle d'elle-même quand l'axe de polarisation des molécules lumineuses devient parallèle à la ligne dont elle émane. Alors les changemens d'actions qui s'observent dans les positions où cette force doit rester constante, et que nous avions d'abord représentés par une force émanée du second axe, devront être uniquement attribués au changement d'épaisseur; mais il faudra toujours joindre à ces expressions un facteur peu différent de l'unité et de la forme 1 + a sin' t' + b sin' t', ce qui donnera l'expression

$$\frac{e}{\cos \theta' \left[z + a' \sin^2 \theta' + b' \sin^4 \theta'\right]}$$

On déterminera de même les valeurs des coëfficiens a' et b' d'après l'observation de deux teintes sous des incidences diverses; et l'on trouvera ainsi qu'ils sont de signe contraires à ce qu'ils étaient quand on inclinait le premier axe sur le rayon polarisé.

Pour vérifier ces formules, et connaître le degré d'exactitude qu'elles comportent, c'est peu de les appliquer à des lames minces où les variations des teintes sont peu considérables, il faut les appliquer à des plaques épaisses où l'on rendra le développement des couleurs sensible par le croisement; alors on aura de nombreuses séries de teintes où l'on verra si nos formules suffisent toujours pour le représenter.

Soit A une plaque épaisse de chaux sulfatée dont la mesure sera donnée par le sphéromètre : je la place dans une position constamment perpendiculaire au rayon polarisé, et je tourne son premier axe de manière qu'il forme un angle de 45° avec le plan de polarisation primitive, que je suppose être le plan du méridien. La lumière transmise à travers cette première plaque sera modifiée en raison de son épaisseur ramenée à l'échelle de Newton; c'est-à-dire que si l'épaisseur ainsi réduite est e, le faisceau polarisé par cette lame aura la teinte e, et cette teinte sera blanche si e excède 40°,67, qui répond au blanc rougeâtre du septième ordre d'anneaux. Cette lumière étant ainsi modifiée, faisonslui traverser une seconde plaque B, dont l'épaisseur réduite à l'échelle de Newton soit e', et dont les axes de même nom soient croisés à angles droits sur ceux de la première; alors la teinte polarisée par ce systême sera e'-e sous l'incidence perpendiculaire, et cette teinte variera si l'on incline e' sur le rayon incident: car, si l'on met le premier axe de e' dans le plan d'incidence, son action s'affaiblira; et au contraire, elle augmentera si on y met son second axe. Ainsi, e restant toujours perpendiculaire au rayon polarisé, tandis que é varie, la teinte observée sera également variable, et pourra être calculée par les formules que nous avons données plus haut.

Par exemple, j'ai pris ainsi deux plaques épaisses de chaux sulfatée dont les épaisseurs mesurées au sphéromètre étaient

A = 1055 B = 1118,

d'où l'on tire

$$A - B = 63$$
.

Diverses expériences m'avaient appris que le bleu du second ordre qui, dans la table de Newton, est représenté par le nombre 9, répondait à-peu-près dans ces plaques à 37^p , 8 du sphéromètre, de sorte qu'en réduisant les épaisseurs observées suivant ce rapport, on aura

$$e = 251$$
 $e' = 266 \cdot e' - e = 15.$

Ainsi, selon cette évaluation, la teinte polarisée par le système des deux lames sous l'incidence perpendiculaire aurait dû être le bleu du troisième ordre; mais l'observation montrait, au lieu de ce bleu, le vert jaunâtre du même ordre, intermédiaire entre le vert vif et le jaune blanchâtre, et dont l'épaisseur ainsi calculée est exprimée par 16,88; d'où l'on doit comprendre de quelle extrêmement petite quantité il faudrait faire varier le facteur dans l'une ou l'autre de ces lames pour l'accorder avec l'observation: mais cela ne sera pas nécessaire, car on peut éviter à cet égard toute hypothèse, en prenant la teinte observée pour une des données à laquelle on satisfait; c'est-à-dire que trouvant cette teinte exprimée par 16,88, il faut assujétir nos épaisseurs e é à la condition

$$e' - e = 16,88$$

condition qui nous déterminera une quelconque entre elles, lorsque l'autre sera connue.

Supposons maintenant qu'ayant tourné les axes du systême dans l'azimut de 45°, j'incline le premier axe de e' dans cet azimut, e restant toujours perpendiculaire au rayon incident: alors, si l'on désigne par E la teinte polarisée par le systême sous l'incidence 0, et pour l'angle de réfraction 0', on aura

$$E = \frac{e' \cos \theta}{1 - a \sin^2 \theta - b \sin^4 \theta} - e.$$

Or, notre équation de condition relative à l'incidence perpendiculaire donne

$$e = e' - 16,88$$
, ou généralement $e = e' - (E)$;

(E) désignant la teinte polarisée par le systême sous l'incidence perpendiculaire; ainsi, en éliminant (E), il vient sous toute autre incidence

[1]
$$E = (E) - e' + \frac{e' \cos \theta'}{1 - a \sin^2 \theta' - b \sin^4 \theta'};$$

au contraire, si on place le second axe de la plaque B dans le plan d'incidence, et qu'on l'incline sur le rayon polarisé, on augmentera l'action de B, celle de A restant la même, et la formule des teintes sera

$$E = \frac{e^{i}}{\cos \theta \left[1 + a' \sin^{2} \theta' + b' \sin^{4} \theta'\right]} - e,$$

ou en éliminant e comme précédemment, au moyen de sa valeur déduite de l'incidence perpendiculaire,

[2]
$$\mathbf{E} = (\mathbf{E}) \cdot \mathbf{e}' + \frac{\mathbf{e}'}{\cos \theta' \left[1 + \mathbf{e}' \sin^2 \theta' + b' \sin^4 \theta'\right]}.$$

On voit par ces expressions que lorsqu'on incline le second axe de e' sur le rayon incident, les teintes E polarisées par le système vont continuellement en descendant dans l'ordre des anneaux comme si le système devenait plus

épais, parce que le dernier terme de la formule [2] où cos. 6' se trouve au dénominateur, augmente avec l'inclinaison, et surpasse toujours le terme négatif — e'. Au contraire, lorsqu'on incline le premier axe de e' de manière à l'affaiblir, les teintes montent dans l'ordre des anneaux comme si le systême devenait plus mince, parce qu'alors cos. 6' se trouvant au numérateur, affaiblit constamment le dernier terme de la formule [1]. Même si e et e' sont entre eux dans des rapports convenables, il peut y avoir une valeur de b' telle. que les termes variables de la formule [1] détruisent exactement les termes constans; alors on aura E nul, c'est-à-dire que les actions des deux plaques croisées se feront équilibre sous cette incidence, et le rayon qui les aura traversées toutes les deux aura repris complétement sa polarisation primitive. Au-delà de cette limite E devient négatif, c'està-dire que la plaque e perpendiculaire au rayon incident l'emporte sur e' affaiblie par l'obliquité, et alors les teintes du rayon E redescendent de nouveau dans l'ordre des anneaux, comme elles avaient monté avant cette limite.

Tout ce jeu de nos formules est exactement conforme à l'expérience; mais pour mieux juger de cet accord, il faut en déduire les nombres mêmes qui expriment les différentes teintes que l'inclinaison doit développer: à cet effet, il faut déterminer les coëfficiens a et b, a' et b'. Considérons d'abord la formule [1] qui convient au cas où l'on incline le premier axe. En y faisant e'=266 (E)=16,88, valeurs que nous avons déterminées plus haut; elle devient

$$E = -249, 12 + \frac{266 \cos \theta'}{1 - a \sin^2 \theta' - b \sin^4 \theta'}.$$

J'ai déterminé les coëfficiens a et b par deux observations

d'incidence. La première était celle à laquelle le système, avant d'être remonté jusqu'au zéro des teintés, polarisait le bleu du second ordre, qui est représenté par 9 dans la table de Newton: la seconde incidence, beaucoup plus considérable, répondait au cas où le système, après avoir passé par le zéro des teintes, était redescendu au bleu verdâtre du même ordre, qui est représenté par 9,71. On avait alors

Angle d'in	cidence	Angle	de réf 6'.	raction	Teinte du rayon extraordi- naire; observée.	i- Valeur de E concluc de la teinte.		
33° aa' 75 a4		Į.	30' i•		Rica da 2º ordre. Bica verdàtre da 2º ordre.	9 — 9,71 .		

Je donne le signe — à cette dernière teinte, parce que le rayon n'y arrivait qu'après avoir remonté toute la série des anneaux, et avoir passé par le zéro des teintes. Avec ces données j'ai trouvé

$$a = +0,28$$
 $b = +0,2$

ce qui donne

$$E = -249, 12 + \frac{266 \cdot \cos \theta}{1 - 0, 28 \sin^2 \theta} - 0, 2 \sin^4 \theta}$$

Avec cette formule j'ai calculé les valeurs de E pour toutes les teintes que j'avais observées sous diverses inclinaisons du système, et j'ai comparé les résultats avec les valeurs de E, que la table de Newton indiquait d'après la teinte observée: j'ai formé ainsi le tableau suivant.

Application de la formule [1] pour les plaques croisées quand on incline le premier axe.

$$E = 249, 12 - \frac{266 \cdot \cos \theta}{1 - 0, 28 \sin^2 \theta}$$

		ider erv Q		Teinte du rayon ordinaire ; ob- servée.	Teinte du rayon extraordinai- re; observée.	Vuleur de la teiste E , d'après la formale.	Valeur de E, d'après la teinte ob- servée.	
	o °	o'	۰"	Violacé.	Vert påle blan- chåtre.	z6, 88	16, 88 -	Supposé intermédiaire entre le vert et le
,	2	30	40	Rouge.	Vert très-beau du 3º ordre.	15, 66	16, 25	jaune du 3° ordre. Supposé exactement le vert du 3° ordre.
•	7	3 5	40	Jaune.	Bleu.	14, 60	15, 10	Supposé exactement le bleu du 3° ordre.
,	9	38	20	Janne orangé.	Indigo.	13, g5	14, 25	Supp. exactement l'in- digo du 3° ordre.
2	4	18	0	Vert.	Rouge du 2° ordre.	12, 48	12, 25	Supposé intermédiaire entre le rouge et l'é-
	6	37	20	Bicu.	Orangé.	11,46	11,11	carlate du 3° ordre. Supp. exactement l'o- rangé du 2° ordre.
] 3	3	22	20	Orangé.	Bleu.	9, 00	9, 00	Supposé exactement le bleu du 2° ordre.
3	6	4	50	Jaune pâle.	Indigo.	7, 83	8, 27	Supp. exactement l'in- digo du 2° ordre.
3	7	19	20	Blanc bleuåtre.	Violacé.	7, 28	7, 10	Supposé exactement le Violet du 2° ordre.
3	7	5n	40	Presque blanc.	Rouge du 1 ^{er}	7, 05*	5, 8o	Supposé exactement le rouge du 1° ordre.
3	g	2 ;	40	Blane un peu bleuâtre.	Orangé.	5, 88 *	5, 11	Supp. exactement l'o- rangé du 1 ^{er} ordre.
1	T	9	70		Jaune påle.	5, 53*	4, 60	Supposé exactement le jaune pâle du 1 er ord.
4	, .i	7	40		Blane brillant du 1 ^{er} ordre.	4, 10	3 , 40	Supposé exactement le blanc du 1 ^{er} ordre.
5	i 1	25	o	Blanc brillant.	Noir ou bleu très-sombre.	о, 58	0	Supposé exactement le noir.
5	8	18	10	Violet très - sombre.	Blanc un peu jaunâtre.	2, 75	3, 40	Supposé exactement le blanc du 1 ^{er} ordre.
0	3	13	20	Bleu.	Orangé.	5, 10	5, 10	Supp. exactement l'o- rangé du 1 ^{er} ordre.
C	6	11	40	Vert blanchåtre	Rouge sombre du 1 ^{er} ordre.	6, 31	5, 80	Supposé exactement le rouge du 1 ^{er} ordre.
7	v	56	20	Jaune.	Iudigo.	8, 20	8, 20	Supposé l'indigo du 2 ^e ordre.
7	5	2 į	10	Rouge.	Vert un pen blanchåtre.	9, 68	.9+ 7±	Supposé le vert du 2 ^e ordre.
					Sommes	164, 32	161, 33	

Une partie de la différence que nous trouvons ici entre les deux sommes, tient certainement aux erreurs des observations que nous avons marquées d'un astérisque. La première et la plus forte porte sur le rouge du premier ordre. J'ai fixé cette teinte à l'instant où le violet du second ordre venait de cesser, parce que c'était alors que la teinte m'a paru la plus pure. Il paraît que Newton l'a fixée plus près de l'orangé. Il en est de même de l'orangé et du jaune du premier ordre, il paraîtrait les avoir fixés plus près du blanc. Peut-être aussi les incidences correspondantes à ces teintes sont-elles un peu fautives, du moins leur différence. semblerait l'indiquer. Si l'on retranchait ces trois observations du résultat, leur somme serait suivant le calcul 18,46; suivant l'observation des teintes 15,51; et ces nombres étant respectivement retranchés de 164,32 et 161,33, donnent pour résultat du calcul 145,86, de l'expérience 145,82, c'est-à-dire que l'erreur se réduit à rien. On n'a pu pousser plus loin l'incidence; mais on voit par la formule que, même en faisant $\theta = 90^{\circ}$, on aurait trouvé E = -11,44, c'est-àdire l'orangé du deuxième ordre, qui suit presque immédiatement la dernière des teintes que nous avons observées.

J'ai fait ensuite le même calcul pour la formule [2], qui est relative au cas où l'on incline le second axe : dans ce cas on a

$$\mathbf{E} = (\mathbf{E}) - e' + \frac{e'}{\cos \theta' \left[1 + a' \sin^2 \theta' + b' \sin^4 \theta'\right]},$$

ou en mettant pour (E) e' leurs valeurs numériques,

$$E = -249, 12 + \frac{266}{\cos \theta \left[1 + a' \sin^2 \theta + b' \sin^4 \theta'\right]};$$
1812. 41

ici le terme variable surpasse toujours le terme constant : la valeur de E est donc toujours positive et croissante. J'ai déterminé les coëfficiens a' et b' par l'observation des incidences où le système polarisait le rouge du cinquième ordre et le blanc rougeâtre du septième, qui est la dernière teinte où la coloration soit sensible. J'ai eu ainsi

Angle d'incidence 0,	Angle de réfraction	Teinte du rayon extraordi- naire; observée.	, Valeur de E conclue de la teinte.		
42° EX' 30" 59 20 10		Rouge du 5° ordre. Blanc rongentre du 7° ordre.	34 49,67		

En calculant avec ces nombres, on représentait à très-peu près les observations; mais leur ensemble m'a montré qu'il valait mieux ajouter 0,5 à la valeur de la première teinte, ce qui suppose seulement qu'au lieu de l'observer au même point que Newton, je l'ai observée un peu plus bas. Au reste, peu importe la valeur que nous donnions à nos constantes, pourvu qu'elles représentent bien les résultats observés. Etablissant donc le calcul avec ces données, je trouve pour les deux coëfficiens a' et b' les valeurs suivantes

$$a' = 0,153915$$
 $b' = 0,33353,$

ce qui donne la formule générale des teintes

$$E = -249, 12 + \frac{266}{\cos \theta \left[1 + 0, 153915 \sin^2 \theta + 0,33353 \sin^4 \theta \right]};$$

alors j'ai calculé, comme précédemment, les valeurs de E pour toutes les incidences que j'avais observées, et qui cor-



respondaient à des teintes indiquées par Newton. La comparaison de ces calculs avec l'évaluation faite d'après la teinte au moyen de la table de Newton, m'a donné le tableau suivant.

Application de la formule [2] pour les plaques croisées quand on incline le deuxième axe.

Incidence observée, 0.	Teinte du rayon ordinaire ; ob- servée.	Teinte du rayon extraordinai- re; observée.	d'ancès la	Valeur de E, d'après la thinte ob- servée.	
o o' :o"	Rouge violace.	Vert jaumätre du 3° ordre.	16, 88	16, 88	
7 12 0	Meu.	Jaune paille.	17,50	17, 50	Supposé le jaune du 3° ordre.
15 51 o	Vert.	Rouge très - beau du 3° ordre.	19, 93	19,67	Supposé entre le rouge de le rouge bleuâtre du 3° ordre.
22 50 O	Rouge.	Vert très-beau du 4° ordre.	23, 04	g22,75	Suppose exactement le vert du 4° ordre.
30 29 0	Vert.	Rouge du 4° ordre.	27,47	26,00	Supposé exactement le rouge du 4° ordre.
36 22 10	Rouge.	Bien verdåtre du 5° ordre.	3z, 43	29, 67	Supposé exactement le bleu verdâtre du 5° ordre.
42 11 30	Bleu verdåtre.	Rouge.	34, 50	34, 00	Supposé exactement le rouge du 5° ordre.
46 7 30	Rouge.	Bleu verdåtre du 6° ordre.	38, 85	38, 00	Supposé le bleu verdà- tre du 6° ordre.
	Bleu verdatre.	Rouge.	42,06	42,00	Supposé exactement le rouge du 6º ordre.
53 45 3o	Blanc rougeatre	Bleu ve rde du 7º ordre.	45, o8	45 , 8 0	Supposé exactement le bleu verdâtre du 7° ordre.
59 20 10	Bleu verdåtre.	Blanc rougeâtre	49, 67	49, 67	Supposé exactement le blanc rougeatre du 7° ordre.
		Sommes	346, 43	341, 94	:

Ainsi, d'après la comparaison des deux sommes, on voit que l'on rendrait la différence nulle, si, au lieu de supposer

la teinte E représentée par 16,88 sous l'incidence perpendiculaire, on prenait E = 16,44, c'est-à-dire un vert jaunâtre du troisième ordre, mais moins jaunâtre que nous ne l'avions d'abord pensé: cette correction accorderait aussi à très-peu de chose près la comparaison de la première expérience avec la formule. Au reste, l'écart dont nous parlons ici est beaucoup trop petit pour pouvoir être constaté autrement que par un très-grand nombre d'observations. On n'a pas mesuré d'inclinaison plus grande que 59° 20' 10', parce que au-delà de ce terme il n'y avait plus de coloration sensible.

Je vais maintenant appliquer les mêmes formules à deux autres plaques A et B dont la première, constamment perpendiculaire au rayon polarisé, avait pour épaisseur 417º du sphéromètre, tandis que la seconde, que je plaçais sous des inclinaisons diverses, avait pour épaisseur 463 parties. Ces plaques étant croisées à angles droits l'une sur l'autre, et exposées sous l'incidence perpendiculaire au rayon polarisé, donnaient un rayon ordinaire d'un très-beau bleu, et un rayon extraordinaire orangé légèrement rougeâtre : cet orangé appartenait au second ordre d'anneaux, et je le représenterai par 11º,3 de la table de Newton. J'ajoute ainsi oº,19 à la valeur 11,11 assignée par Newton pour l'orangé du second ordre, afin d'exprimer que la teinte que nous considérons tire un peu vers le rouge. D'après cela, en nommant comme ci-dessus e e' les épaisseurs de nos deux plaques réduites à l'échelle de Newton, la condition relative à l'incidence perpendiculaire donnera

$$e' - e = 11,3$$
;

d'autres expériences faites précédemment m'avaient appris

qu'en réduisant la plaque fixe e à l'échelle de Newton, il fallait la compter pour 97,20, ce qui revient à y regarder le bleu du second ordre comme représenté par 38,6, au lieu de 37,8, que nous avions employé dans l'expérience précédente. Cette évaluation introduite dans l'équation précédente détermine e', et l'on en tire

$$e = 97,20$$
 $e' = 108,5$:

ces deux plaques n'étaient point tirées du même cristal.

Nous pouvons maintenant appliquer à ces données les formules générales que nous avons trouvées tout-à-l'heure pour les variations des teintes, et en conservant aux coëfficiens a et b, a' et b', les mêmes valeurs qui ont si bien satisfait à l'expérience précédente, nous aurons, lorsqu'on incline le premier axe de e',

$$E = -97,20 + \frac{108,5 \cdot \cos \theta}{1 - 0,28 \sin^2 \theta + 0,2 \sin^4 \theta};$$

lorsqu'on incline le second axe de e'

$$E = -97,20 + \frac{108,5}{\cos \theta' \left[1 + 0, \frac{153915}{\sin^2 \theta' + 0, \frac{33353}{\sin^2 \theta'}\right]}$$

Pour vérifier ces résultats, j'ai placé successivement l'un et l'autre axe de e' dans l'azimut de 45°, et je l'ai incliné sur le rayon polarisé, en maintenant toujours le plan d'incidence dans cet azimut, comme les formules le supposent. J'ai observé les incidences sous lesquelles paraissaient successivement les différentes teintes, et calculant les valeurs de 0 correspondantes, j'ai comparé les valeurs de E données par nos formules à celles qui résultaient de l'observation; j'ai formé ainsi les tableaux suivans.

Application de la formule [1] pour les plaques croisées quand on incline le premier axe de é.

$$E = -97,20 + \frac{108,5 \cos \theta}{1 - 0,28 \sin^2 \theta} - 0,2 \sin^4 \theta$$

	Iuc				Teinte du rayon ordinaire; ob-		tennte L',	d'après la	·
		θ.		_	servée.	re ; observée.	d'après la formule.	teinte ob- servée.	·
	o°	0	į	o"	Bleu très-beau.	Orangé un peu rougeat.a ^e ord.	11,30	11,30	
	3	8	3 .	5o	Bleu très-beau.	Orangé couleur d'or.	11, 27	1	Serait exactement l'o- rangé du 2º ordre.
	9	10	•	20	Indigo.	Jaune.	11,04	''	Serait exactement le jaune du 2° ordre.
	22	48	3	20	Rouge violacé.	Vert.	9, 70	9,71	Serait exactement le vert du 2° ordre.
						Bleu.	8, 61	1	Serait exactement le bleu du 2° ordre.
		Ť			Vert jannåtre.		7, 50	1	Serait exactement l'in- digo du 2° ordre.
	40	33	3	10	Presque blanc.	Violet très-beau mêlé de rouge		6, 50	Serait un mélangé de violet du 2º ordre et de rouge du 1 ^{er} .
	46	22	ì	40	Blanc sensible- ment.	Orangé brillant	1	1	Serait exactement l'o- rangé du 1 ^{er} ordre.
I	49	24	•		İ	Jaune pâle.	5, 05	4, 60	jaune du 1 ^{er} ordre.
	58	5:	•	0	Noirou presque noir; il reste un peu de bleu et de rouge jaunătre.		3, 19	3, 40	Serait exactement le blanc du 1 ^{er} ordre.
1	79		8	10		Noir.	0,07	0,00	Noir.
						Sommes	80, 14	79, 46	

Ici la différence des teintes observées et calculées est presque insensible: cependant aucune de ces observations n'a été employée pour déterminer les élémens de la formule qui a servi à les calculer. On n'a pu incliner davantage le système; mais il est aisé de voir d'après la formule qu'on n'aurait presque pas

dépassé la dernière teinte; car, même en faisant $\theta = 90^{\circ}$, ce qui donne $\theta' = 41^{\circ}$ 4330, on trouve E = -0.25, ce qui n'atteint pas même le bleu du premier ordre, qui suit immédiatement la dernière teinte que nous avois observée; car ce bleu est représenté par 1,55 dans la table de Newton.

Application de la formule [2] pour les plaques croisées quand on incline le second axe de é.

$$E = -97,20 + \frac{108,60}{\cos \theta' \left[x + 0, x539x5 \sin^2 \theta' + 0, 33353 \sin^4 \theta' \right]}$$

				جندح	
observés,	servée.	extmordinai- re ; observée.	d'après la	teiste ob-	
	·	1 (15)		11.	
o ^e o' w'	Bleu superbe. (Orangé un peu rougeatre du 2° ordre.	41, 3o	11,30 ·	
16 8 10	Vent.	Rouge superbe	12,59	12,67	Supposé l'écarlate.
23 58 O	Vert jaunätre.	Gris de lin du 'F prdre.	14, 05		Supposé intermédiaire entre l'indigo et le pourpre du 3° ordre.
27 21 10	Jaune.	Bleu,	14,83	15, 10	Supposé exactement le
32 14 50	Rouge.	Vert superbe.	16, o\$	16, 25	Serait le vert du 3° ordre.
39 6 50	Bleu violacé sombre.	Jaune blanchi- tre (coulenr de bois blanc)		18, 10	Supposé intermédiaire entre le jaune du 3° ordre et le rouge.
44 43 50	Vert très-beau:	Rouge du 3 ^é , ordre très- , besut		19,70	Suppose intermédiaire entre le rouge et le rouge bleuâtre du se ordre.
53 21 10	Rouge.	Veit du (°ord.	·· 22,66	- 22,75%	Stepphili le vert du 4°
64 22 40	Vert.	Rouge du 4°	26, \$2	26,00	Serait exactement le rouge du 4 ^e ordre.
78 9 50 i	Rouge.	Bleu verdåtre du 5° otdre.		29, 67	Serait exactement le bleu verdatre du 5° ordre.
		Sommes	185,63	185, 42	

Ici la différence des teintes observées et des teintes calculées est encore insensible : cependant aftune de ces teintes n'est entrée comme élément dans la formule qui les représente avec tant de précision. Il n'a pas été possible d'incliner davantage le système; mais on voit par la formule même qu'on n'aurait pas descendu beaucoup plus bas dans l'ordre des anneaux; car, même en faisant $\theta = 90^{\circ}$, on aurait eu E = 31,13, qui n'arrive pas au rouge du cinquième ordre, teinte immédiatement consécutive à la dernière que nous avons observée; car le rouge du cinquième ordre est représenté par 34 dans la table de Newton. Cette valeur extrême de E est même plus faible que celle qui répondrait au blanc composé intermédiaire entre le bleu verdâtre et le rouge du cinquième ordre; car, d'après les valeurs de ces deux teintes, la moyenne serait $\frac{29,67+34}{2}$, ou 31,83.

Dans toutes les expériences précédentes la plaque oblique et mobile était plus épaisse que celle qui restait constamment perpendiculaire au rayon polarisé. J'ai voulu changer cette circonstance. Pour cela j'ai laissé perpendiculairement au rayon la même plaque qui m'avait servi dans la dernière expérience, et dont l'épaisseur réduite à l'échelle de Newton était représentée par 97°,2; mais je l'ai croisée avec une autre plaque moins épaisse qu'elle, car la première mesurée au sphéromètre se trouvait de 417°, comme je l'ai dit plus haut, tandis que cette dernière n'avait que 284°. En croisant les axes de ces deux plaques à angles droits, et exposant le système au rayon polarisé sous l'incidence perpendiculaire, j'ai vu qu'il polarisait un bleu verdâtre du cinquième ordre très-pâle, c'est-à-dire déja fort mêlé avec le rouge qui vient après. Or, ce bleu verdâtre est représenté dans la table de

Newton par 29,67, et le rouge qui le suit l'est par 34, de sorte que la teinte moyenne, qui est un blanc composé, serait exprimée par $\frac{29,67+34}{2}$, ou 31,83. Mais comme notre bleu verdâtre était encore un peu coloré, je prendrai une évaluation un peu plus faible, et je le supposerai représenté par 31,7; ainsi, en nommant toujours e la plaque la moins épaisse qui est ici la plaque mobile, et e' la plaque la plus épaisse qui est fixe, nous aurons pour l'incidence perpendiculaire cette condition

$$e' - e = 31,7.$$

J'ai déja dit plus haut que la plaque désignée ici par é avait pour valeur 97,2 de l'échelle de Newton, et nous l'avons employée avec cette valeur dans le calcul de l'expérience précédente, où elle était désignée par e comme étant la moins épaisse. Cette valeur étant adoptée pour é, nous déterminerons e d'après l'équation que nous venons d'établir, et nous aurons ainsi

$$e' = 97, 2$$
 $e = 65, 5.$

Maintenant, puisque la plaque e est mobile, c'est d'elle que dépendent les variations des teintes; ainsi, en substituant sa valeur dans nos formules, nous aurons, quand on incline le premier axe de e sur le rayon polarisé,

[3]
$$E = 97,20 - \frac{65,5 \cos \theta}{1 - 0,28 \sin^2 \theta};$$

quand on incline le déuxième axe de e,

[4]
$$\mathbf{E} = 97,20 - \frac{65,5}{\cos \theta' \left[1+0,153915\sin^2\theta'+0,33353\sin^4\theta'\right]}$$

On voit par ces expressions que lorsque l'incidence e aug-1812. 42 mentera dans la seconde formule, la valeur de la teinte E deviendra moindre, c'est-à-dire qu'elle montera dans l'ordre des anneaux comme si le système devenait plus mince; et au contraire, dans la première, à mesure que è augmentera, E augmentera comme si le système devenait plus épais. Ces résultats, donnés par la théorie, offrent ainsi une marche opposée à ceux de l'expérience précédente; mais l'observation les confirme également.

Pour les vérifier, j'ai observé, de même que dans les expériences précédentes, les incidences auxquelles se sont développées les teintes successives que le systême a parcourues; et en comparant les valeurs de E calculées pour ces incidences avec celles qu'indiquaient les teintes, j'ai formé les tableaux suivans:

Application de la formule [4] quand on incline le deuxième axe de la lame oblique e.

$$E = 97,20 - \frac{65,5}{\cos \theta \cdot [1 + 0,153915 \sin^2 \theta' + 0,33353 \sin^4 \theta']}$$

Incidences observées, t.	Teinte d n rayon ordinaire; ob- ser vée .		d'après la		
o° o' o	Rouge.	Bleu verdåtre très-pàlo du 5° ordre.	-	31,70	
24 6 40	Rouge.	Bleu verdåtre décidé.	30, 00	29, 67	Serait le bleu verdâtre du 5' ordre exactem.
47 28 0	Bleu vordåtre.	Rouge du 4° or- dre.	26, 00	,	Serait le ronge du 4 ^e ordre exactement.
64 14 30	Ĭ	Vert superbe du 4° ordre.	22, 70	22, 75	Serait le vert du 4 ^e or- rait exactement.
77 45 0	Vert.	Rouge du 3° or- dre tiraut au rouge bleuâtre	20, 45	20, 57	Scrait le rouge bleuâtre du 3 ^e o rdre ex acte- ment.
		Sommes	130, 83	130,79	

Les différences des teintes calculées aux teintes observées sont tout-à-fait insensibles. On n'a pas pu incliner la plaque davantage; mais la formule fait voir qu'on ne serait pas allé beaucoup plus loin, puisque en faisant $0 = 90^{\circ}$, elle donne E = 19.9, raleur qui est intermédiaire entre la dernière teinte que nous venons d'observer, c'est-à-dire le rouge bleuâtre, dont la valeur est 20,67, et le rouge décidé qui le suit, et dont la valeur est 18,71; ainsi l'on n'aurait pas monté d'une teinte entière au-delà de celles que nous avons observées.

Application de la formule [3] quand on incline le premier axe de la lame e.

$$E = 97,20 - \frac{65,5 \cos \theta}{1 - 0,28 \sin^2 \theta - 0,2 \sin^4 \theta}$$

-	Incidences observées, t.		Teinte du rayon extraordinai- re; observée.	d'après la formula	d'après la	
	o° o' o" 34 37 30	Rouge. Bleu verdåtre.	Blon verdåtre très-påle. Rouge.	31, 70	31, 7 34, o	Seruit le rouge de 5° ordre exactement.
	66 49 50	Rouge.	Bloz verdåtre.	37, 49	38, 6	Serait le bleu verdâtre du 6° ordre exacte- ment.
			Sommes	102,89	103, 70	

On voit que la différence des teintes observées et calculées est extrêmement faible. On n'a pas pu pousser plus loin l'inclinaison; mais la formule montre qu'on n'aurait pas beaucoup dépassé la dernière teinte que nous avons obser-

plus en plus épais. Si au contraire on incline sur le rayon polarisé le second axe de la lame la plus forte A, et le premier axe de la lame la plus faible B, on augmente l'action de A, on diminue celle de B; ainsi la différence A—B devient plus considérable, et la teinte polarisée par le système descend constamment dans l'ordre des anneaux comme s'il devenait plus épais. J'ai rapporté plus haut dans les premières parties de ce Mémoire les expériences nombreuses qui prouvent que les phénomènes ont réellement lieu de cette manière dans les plaques croisées, soit minces, soit épaisses; et l'on voit que ces phénomènes sont des conséquences nécessaires et simples de la théorie des oscillations.

Mais puisque nous avons trouvé plus haut les lois suivant lesquelles les actions des plaques augmentent ou diminuent par l'inclinaison, selon celui de leurs axes que l'on incline, on peut se demander s'il ne serait pas possible de calculer par ces lois les phénomènes dont nous venons de parler, et qui ont lieu lorsqu'on incline à-la-fois les deux plaques de manière à faire varier simultanément leurs actions en sens contraires. C'est ce que j'ai fait, et j'ai trouvé que lorsque l'épaisseur des plaques n'excédait pas quatre cents parties du sphéromètre, la différence de l'observation et du calcul était extrêmement faible, ou même insensible, mais qu'il n'en était plus tout-àfait ainsi quand on augmentait considérablement l'épaisseur, jusqu'à la porter, par exemple, pour chaque plaque, à douze ou treize cents parties du sphéromètre. Cette dissérence ne saurait pourtant être attribuée à l'erreur de nos premières lois, car nous les avons vérifiées dans des limites d'épaisseur aussi considérables que celles que je viens de supposer, et elles y satisfaisaient parfaitement. Il faut donc nécessaire-

ment qu'il y ait entre les deux problèmes quelque circonstance physique qui ne soit pas la même, et à laquelle nous n'ayons pas fait attention. C'est en effet ce qui a lieu; car, lorsqu'on n'incline que la seconde des deux plaques, elle agit toujours sur un rayon déja modifié par la première; tandis que lorsqu'on incline à-la-fois les deux plaques, les variations d'action que la première éprouve, s'exercent sur un rayon direct qui n'a reçu aucune modification de cette espèce. Il est donc possible que les changemens de cette action ne soient pas les mêmes dans les deux cas. En outre, quand les plaques sont toutes deux inclinées, une portion de la lumière qui traverse la première est polarisée par réfraction perpendiculairement au plan d'incidence, et arrive sur la seconde plaque avec cette modification; tandis que cela n'avait pas lieu lorsque la première plaque était perpendiculaire au rayon polarisé. La réflexion à la seconde surface de la première plaque ne se fait pas non plus de la même manière. Ces dissemblances peuvent suffire pour amener les différences dont j'ai parlé, et qui, dans des plaques dont l'épaisseur est douze ou treize cents parties du sphéromètre, changent de trois ou quatre degrés l'incidence à laquelle les plaques devraient se compenser exactement.

J'ai déja fait remarquer que si l'on croise à angles droits l'une sur l'autre deux lames d'épaisseur égale, ou plus exactement deux fragmens d'une même lame, la polarisation produite par ce système est exactement nulle sous l'incidence perpendiculaire, et l'on en voit aisément la cause par la théorie des oscillations. Mais si l'on place le premier axe d'une des deux lames dans un certain azimut, et qu'on l'incline sur le rayon polarisé, on trouvera

que la polarisation commence à se manifester au-delà d'une certaine incidence qui dépend de l'épaisseur des deux plaques, et qui est d'autant moindre, qu'elles sont plus épaisses. Cette polarisation, lorsqu'elle commence, est d'abord trèsfaible, et s'exerce sur le bleu du premier ordre; après quoi, à mesure que l'inclinaison augmente, elle descend dans l'ordre des anneaux, comme si le systême devenait de plus en plus épais. La cause de tous ces phénomènes est évidente d'après notre théorie : les deux lames qui étaient égales sous l'incidence perpendiculaire, ne le sont plus sous des incidences obliques; celle dont le premier axe s'incline a diminué, celle dont le second axe s'incline a augmenté: la polarisation observée est due à l'excès de la seconde sur la première; mais cette polarisation ne doit point se manifester avant une certaine limite d'incidence; car les oscillations ne commencent à s'exécuter dans une plaque que lorsqu'elle a une certaine épaisseur déterminée; de même que dans les anneaux colorés, la réflexion ne commence à être sensible qu'à une certaine limite d'épaisseur au-dessous de laquelle toute la lumière est transmise. Ici cette limite, d'après nos pre mières expériences, est d'environ - de millimètre pour la chaux sulfatée. Ainsi, tant que l'accroissement de l'inclinaison n'aura pas fait varier l'action totale du système de cette quantité, il ne produira aucune polarisation sensible, conformément à l'expérience; et l'on peut même, d'après nos formules, déterminer la limite de cet effet pour les lames minces, lorsque leur épaisseur est donnée.

Ces mêmes formules confirment également un fait que j'avais déja remarqué dans mon premier Mémoire relativement aux lames minces que l'on expose directement à un rayon polarisé, et dont on incline successivement les deux axes. C'est que l'inclinaison du second axe y produit des changemens de teintes plus sensibles que celles du premier à égalité d'incidence, en sorte qu'elles descendent plus qu'elles ne montent dans l'ordre des anneaux. Les lois générales que je viens d'exposer pour les lames épaisses, confirment cette remarque sur une échelle de teintes beaucoup plus étendue; et en outre, le principe qui nous a servi à les obtenir, montre la liaison de ce phénomène avec les variations d'intensité de la force répulsive.

J'ai voulu savoir si les mêmes lois que j'avais obtenues dans la chaux sulfatée pour le développement des teintes par l'inclinaison, se soutiendraient également dans le cristal de roche, et si elles conserveraient de même leurs rapports avec les variations de la force répulsive. Pour cela j'ai fait polir une aiguille bien pure de cristal de roche, de manière à en former une plaque épaisse d'environ neuf millimètres, dont les surfaces fussent parallèles à l'axe de cristallisation, et je l'ai croisée avec une plaque à-peu-près égale de chaux sulfatée; car l'observation des lames minces de ces deux substances m'avait fait connaître que les énergies de leurs actions étaient sensiblement égales, ainsi que je l'ai rapporté dans mon premier Mémoire, et toutes les expériences que j'ai faites depuis plus en grand sur les lames épaisses, ont confirmé ce résultat. Le systême de mes deux plaques ainsi croisées devait donc produire des couleurs, et en effet elles se sont développées sous l'incidence perpendiculaire; elles ont même varié avec l'incidence entre certaines limites, comme cela devait encore arriver. Mais, quoique l'artiste qui avait travaillé la plaque de cristal de roche, se fût efforcé de

rendre ses deux surfaces parallèles, il lui avait été impossible d'y réussir complétement sur de si petites dimensions, ce qui produisait entre ses diverses parties une inégalité d'épaisseur à la vérité fort légère, mais cependant sensible par l'observation des teintes: car trois centièmes de millimètre en plus ou en moins sur cette épaisseur, font varier la teinte de 3º2 dans la table de Newton. Il devait donc arriver, comme cela eut lieu en effet, que la forme prismatique de ma plaque altérait la régularité et l'uniformité des couleurs transmises; de sorte que chaque image n'était pas d'une seule couleur uniforme, comme cela arrive quand les surfaces des plaques sont parfaitement parallèles, mais qu'elles offraient une dégradation de nuances qui y faisait concourir et mêler à-la-fois plusieurs teintes voisines. C'est ainsi que des anneaux colorés, formés régulièrement entre deux objectifs, peuvent être changés et mêlés différemment lorsqu'on les observe à travers un prisme; mais ici la grande cause de leur mélange tenait à la succession graduellement variée des épaisseurs de la plaque dans ses différens points.

Ne pouvant rien espérer de plus régulier dans ce genre de plaques, je cherchai à affaiblir l'influence de leur inégalité en diminuant la force répulsive du cristal. Pour cela, je fis tailler une autre plaque dans laquelle l'axe de cristallisation, au lieu d'être parallèle aux surfaces, faisait avec elles un angle de 40°. En effet, toutes les expériences que j'avais faites précédemment sur les variations des teintes, annonçant de la manière la plus évidente le rapport de ce genre d'action avec la force répulsive de l'axe, il y avait tout lieu de croire que cette action deviendrait moindre quand on diminuerait l'angle de l'axe avec le rayon réfracté. La chose

arriva en esset ainsi, comme on le verra par les expériences que je vais rapporter.

L'épaisseur de cette plaque est de 1415 parties du sphéromètre, ce qui fait environ trois millimètres. L'angle de l'axe de cristallisation avec sa surface a été mesuré par M. Cauchois au moyen de la réflexion de la lumière, et il l'a trouvé de 40°. En présentant cette plaque au rayon polarisé, sous l'incidence perpendiculaire, fig. 14, et en analysant la lumière transmise au moyen d'un rhomboïde de spath d'Islande, elle ne donne point de couleurs; mais si on l'incline, comme le représente la figure 15, de manière à abaisser son axe A'B' sur le rayon réfracté, on affaiblit son action; aussi commence-t-on à apercevoir des couleurs audelà d'une certaine limite d'incidence. Ces couleurs répondent d'abord au septième ordre d'anneaux de Newton, c'est-àdire aux anneaux les plus composés; et à mesure que l'on augmente l'inclinaison, on les voit remonter de plus en plus dans l'ordre des anneaux comme si la plaque devenait plus mince. Il est visible, en effet, que l'angle B'TI ou T formé par le rayon refracté avec l'axe du cristal, est moindre dans les incidences obliques que dans l'incidence perpendiculaire, où il était égal à BAI; car en nommant a l'angle ABI, et désignant par 6' l'angle de réfraction A'IR, on aura B'TI ou T égal à 90 — $(a + \theta')$, valeur toujours audessous de 90 — a, lorsque 6' est positif, et qui diminue de plus en plus à mesure que 6' augmente.

Au contraire, si l'on incline la plaque sur le rayon du côté opposé, comme le montre la fig. 16, on augmente l'angle du rayon réfracté avec l'axe; car alors l'angle B'TI ou T devient égal à 90 — $a + \theta'$ ou 90 — $(a - \theta')$, par con-

séquent plus grand que 90 — a. Ainsi, la plaque étant trop épaisse pour donner des couleurs sous l'incidence perpendiculaire, si on l'incline dans ce dernier sens on ne doit jamais en apercevoir, et c'est en effet ce qui a lieu.

En nous reportant au premier de ces deux cas, j'ai mesuré les incidences qui répondaient aux premières teintes de la table de Newton. J'ai commencé par celles qu'il était possible de voir sous les plus grandes inclinaisons, paroe qu'elles sont les plus vives, et de-là je suis revenu de teinte en teinte jusqu'au blanc rougeâtre du septième ordre : c'est ainsi que j'ai reconnu l'ordre auquel répondaient les teintes observées. Voici maintenant le tableau de ces résultats.

Azimut de la acc- tion principale de la plaque.		Teinte du rayon extraor- dinaire.	Incidence.				
45°	Rouge Bleu verdåtre Rouge Rouge Bleu verdåtre Bleu verdåtre Blauc rougeåtre	Rouge du 3° ordre	73 58 50 68 44 30 65 2 30 62 24 50 59 39 10 57 49 30 54 55 0				

En allant d'une de ces teintes à la suivante, il y a un moment où les deux images passent par un blanc composé. Cette circonstance, la nature des teintes, leur succession et leur nombre nous montrent avec évidence que les couleurs du rayon extraordinaire répondent aux quatre derniers ordres d'anneaux de la table de Newton, et que le premier rouge qui répond à la plus grande incidence est celui du 3e ordre : c'est ce que le calcul confirmera plus loin dans manière la plus certaine. Je ne présente ici ces résultats que comme des faits que nous généraliserons plus loin, et dont nous trouverons la loi.

En inclinant la plaque sur le rayon incident dans le sens opposé, quelque inclinaison qu'on lui donne, on n'aperçoit jamais de couleurs.

Le premier élément qu'il faut connaître pour calculer ces phénomènes, c'est l'action de la plaque sous l'incidence perpendiculaire. Quand nous l'aurons déterminée, nous saurons dans quel rapport elle se trouve affaiblie par l'inclinaison de l'axe sur le plan des lames, et nous verrons si cet affaiblissement est toujours réglé sur celui de la force répulsive combiné avec le changement d'épaisseur.

Pour résoudre cette question, j'ai croisé cette plaque que je nommerai A avec une autre plaque de chaux sulfatée B beaucoup moins épaisse. J'ai exposé le systême à un rayon polarisé, sous l'incidence perpendiculaire et dans l'azimut de 45°: en analysant la lumière transmise, j'ai reconnu qu'il polarisait le jaune du premier ordre. Si l'on inclinait le premier axe de la plaque A de manière à l'affaiblir, le rayon extraordinaire montait dans l'ordre des anneaux comme si le système fût devenu plus mince; il arrivait ainsi presque tout de suite au zéro des teintes. Après quoi, en continuant toujours à incliner la plaque dans le même sens, on recommençait une autre série de teintes qui descendaient constamment dans l'ordre des anneaux. Cette expérience montre que la plaque de cristal de roche, sous l'incidence perpendiculaire, était plus forte que la plaque de chaux sulfatée avec laquelle je l'avais croisée, puisqu'il fallait l'affaiblir, et renforcer cette dernière pour que l'action devînt égale.

Pour vérifier ce résultat d'une autre manière, j'ai incliné la plaque de cristal de roche en sens contraire, sans changer l'azimut de son axe, mais seulement de manière à augmenter l'angle T que formait cet axe avec le rayon réfracté. De cette manière j'augmentais l'action de la plaque A; et puisqu'elle était déja plus forte que l'autre sous l'incidence perpendiculaire, les teintes polarisées par le système devaient constamment descendre dans l'ordre des anneaux comme s'il fût devenu plus épais. C'est aussi ce qui a eu lieu réellement, comme je m'en suis assuré par l'expérience.

Il suit de-là que pour rendre la plaque de chaux sulfatée égale en action à celle de cristal de roche sous l'incidence perpendiculaire, il faudrait lui ajouter une épaisseur qui, considérée isolément et sous cette incidence, polarisat le jaune du premier ordre: celui-ci est représenté par 4°,6 dans la table de Newton; ainsi, en le multipliant par 4 on aura 18°,4 pour le nombre de parties du sphéromètre qui représente cette épaisseur.

Ces observations faites, j'ai procédé à la mesure des épaisseurs par le moyen du sphéromètre, et j'ai trouvé

Epaisseur de la plaque de cristal de roche A = 1415^p. Epaisseur de la plaque de chaux sulfatée B = 810.

Mais ces épaisseurs ne donnent point la compensation exacte: pour obtenir cette dernière, nous avons vu qu'il fallait ajouter 18,4 à la plaque de chaux sulfatée, ce qui porte son épaisseur à 828, et l'on a alors, dans la compensation parfaite,

Plaque de chaux sulfatée parallèle à l'axe..... 828. Plaque de cristal de roche oblique à l'axe.....1415.

gnerons par e, en sorte que e cos' a sera l'expression de son action sous l'incidence perpendiculaire. Si nous voulons la comparer à une plaque d'épaisseur égale, mais dont l'axe soit parallèle aux surfaces, l'action de celle-ci serait simplement e, en faisant l'angle a égal à zéro. Ainsi, en prenant cette dernière pour unité, l'action de la plaque oblique sur l'axe sera exprimée par $\frac{e \cos^2 a}{e}$, où simplement cos' a. Or, ici on a

Mais d'un autre côté nous savons que ce même rapport est égal à 11415; car, puisque la chaux sulfatée et le cristal de roche parallèle à l'axe se compensent dans le rapport d'égagalité, on peut regarder le nombre 828 comme représentant l'épaisseur d'une plaque de cristal de roche parallèle à l'axe, et qui compenserait exactement la plaque oblique.

Log.
$$828 = 2,9180303$$

Log. $1415 = 3,1507564$
Log. rapport $1,7672739$

Ce logarithme est presque égal au précédent. Pour savoir à quoi répond la différence, partons du rapport 416 et calculons l'angle a d'après sa valeur; on aura dans cette hypothèse

Log. $\cos^2 a = 1,7672739$ Donc log. $\cos a = 1,8836369$ Ce qui donne $a = 40^{\circ} 5' 50''$ faisant passer à travers une plaque de chaux sulfatée placée perpendiculairement à sa direction, et tournée de manière que sa section principale croisat à angles droits celle de la plaque de cristal de roche. L'épaisseur de cette plaque de chaux sulfatée était de 504 parties du sphéromètre; or, j'ai fait voir que lorsque deux plaques sont ainsi croisées, l'action totale de leur système sur les oscillations de la lumière est égale à la différence de leurs épaisseurs. Ainsi, dans toutes les inclinaisons que prenait la plaque de cristal de roche, la plaque de chaux sulfatée qui restait constamment perpendiculaire au rayon, retranchait toujours de son épaisseur ainsi réduite-504 parties du sphéromètre. Aussi est-il arrivé que, sous l'incidence perpendiculaire, et pour des inclinaisons peu considérables, la plaque de cristal de roche l'a d'abord emporté sur l'autre, de manière qu'on n'apercevait pas de couleurs. Peu-à-peu, en augmentant l'inclinaison, les couleurs ont commencé à se développer, en commençant par le septième ordre d'anneaux et remontant depuis ce terme, dans l'ordre assigné par Newton, jusqu'au blanc du premier ordre, suivi du bleu et enfin du noir. Alors l'action de la plaque de cristal de roche inclinée, étant réduite par l'inclinaison, se trouvait égale à celle de la plaque de chaux sulfatée; mais en continuant à diminuer son action par l'inclinaison, elle est devenue plus faible: alors le systême a de nouveau donné des couleurs qui ont descendu dans l'ordre des anneaux depuis le premier ordre jusqu'au septième. Après ce terme l'action de la plaque de cristal était tellement réduite par l'inclinaison, qu'elle ne retranchait plus assez de la plaque de chaux sulfatée pour que la différence tombât dans les limites d'épaisseur qui peuvent donner des

Lame de chaux sulfatée perpendiculaire au rayon polarisé, et croisée avec la plaque de cristal de roche inclinée.

Asimut de la section principele de la pla- que de cristal de reche.	Rayon ordinaire.	Rayon extraord.	Incidence.	Ordre d'anneaux au- quel répond le rayon extreordin.
45°	Bleu verdåtre.	Blanc rougeatre.	9° 12′ 30″	7° ordre.
	Bleu verdåtre.	Rouge pâle.	11 55 o	6° ordre.
	Rouge.	Vert.	16 52 30	4° ordre.
	Vert.	Rouge.	17 52 0	3° ordre.
	Noir.	Rlanc.	24 12 40	\
	Blanc.	Noir (il reste nn pen de rouge jaunâtre et de bleu à cause de la forme pris- matique).	25 2g 10) r ^{ee} ordre.
	Noir (il reste du rouge jaunâtre et du bleu).		26 25 0	
	Vert très-beau.	Ronge.	31 25 20	
	Rouge.	Vert.	32 46 10	4° ordre.
	Vert blouktre.	Rouge.	34 0 40)
	Rouge.	Bleu verdåtre.	35 22 10	5° ordre.
	Bleu verdåtre.	Rouge pâle.	36 34 20)
	Blane rougestre.	Bleu verdåtre.	38 12 10	6° ordre.
	Bleu verdåtre.	Blanc rougeâtre.	39 4 10	

L'effet du croisement des plaques se montre ici avec évidence; car les couleurs qui avaient commencé dans la première expérience sous l'incidence de 59°, lorsque le rayon arrivait directement à la plaque de cristal de roche, ont commencé ici sous l'incidence de 9° 13'; et après avoir par-

 $M_{\rm c}$

presque à la limite des teintes que peut conner noure plaques en supposant l'incidence de 90° on trouve E = 16, 20 se qui répond exactement au vert du troisième ordre qui le rouge du même ordre que nous avons observé.

Dans tout ce qui précède, nous n'avons croisé la plaque de cristal de roche qu'avec des plagues de chaux sulfate beaucoup plus faibles qu'elles, c'est poucquoi il a fallo abaisser son axe sur le rayon polarisé pour lui faire, produire des couleurs. Mais un peut encore lui en faire produire par un mouvement contraire, c'est-à-dire en l'inclinat de manière à augmenter l'angle de l'axe de cristallisation avec le rayon réfracté. Pour céla il faut remarquer que l'action de notre plaque sous l'incidence-perpendiculaire of Mest mil, se réduit à 353 cos' a, qui, en mettant pour la valeur 40° donne 207°, 15. Par conséquent, si on la croil sveç une plaque de chaux suifatée parallèle à l'axe, dos faction soit peu différente de 207% to non pourrattoir de couleurs en l'inclinant dans les deux sens, et ces couleurs slobeciverone simerant que la différence i positive con néga--tive des deux plantes me sortira pas des limites de la table de Newton.

Pour réaliner pette réaméquence de motre absorie printcroisé de pláqueolle mistilide replé avec une plaque de chaix diditée dent liépainten était de flacoparties du sphéremètre are similar réduit à mos parties de la table de Newton, en supposant le bleur du recandordre représenté par lééparties dusquées omètre, requirest sa valeur moyenne. Contine des inhibences qui domnient des confere étaient comprisés dans des limites très pen éloignées de le perpendiculaire plantentes se succédaient raise beducaup de supisulfatée, et elle consiste en ce que les actions de ces plaques comparées, soit à elles-mêmes sous des incidences diverses, soit les unes aux autres pour différentes épaisseurs, sont, à très-peu de chose près, proportionnelles au produit de la force répulsive extraordinaire par la longueur du trajet durant lequel elle agit; en sorte que toutes les fois que ce produit est le même dans différentes lames, ou dans des systèmes de ces lames assemblées comme on voudra, la teinte est aussi la même, ou à très-peu près la même, quelle que soit d'ailleurs la position de l'axe du cristal relativement aux surfaces par lesquelles le rayon entre ou sort.

Nommons e l'épaisseur de la plaque de cristal de roche exprimée en parties du sphéromètre, et réduite à l'échelle de Newton. Nommons θ l'angle d'incidence LIP (fig. 15), et θ l'angle de réfraction correspondant. Si l'on néglige la différence de direction des deux rayons ordinaire et extraordinaire, comme nous l'avons déja fait pour la chaux sulfatée, la longueur du trajet oblique IR, que la lumière parcourt en traversant la plaque, sera égale à $\frac{e}{\cos \theta}$. L'angle B'TI, formé par le rayon réfracté IR avec l'axe A'B' de la plaque, est égal à $90^{\circ} - (a + \theta')$, comme nous l'avons dit plus haut. Par conséquent le carré du sinus de cet angle qui exprime la force de la réfraction extraordinaire sera sin' $[90^{\circ} - (a + \theta')]$ ou $\cos^2(a + \theta')$; multipliant cette quantité par $\frac{e}{\cos \theta}$, on aura le produit

$$\frac{e\cos^2\left[a+\theta'\right]}{\cos\theta'},$$

qui exprimera, à très-peu de chose près, l'action de la

 A_i^*

presque à la lumité des teintes que peut donner notre plaque est en supposant l'incidence de 90° on trouve E = 16, 20 pe qui répond exactement au vert du troisième ordre que tuit le rouge du même ordre que nous avons observé.

Dans tout ce qui précède, nous n'avons croisé la plaque de cristal de roche qu'avec des plaques de chaux sulfate beaucoup plus faibles gu'elles, c'est pourquoi il a fall baisser son axe sur le rayon polarisé pour lui faire produire des couleurs. Mais on peut encore lui en faire produire par un mouvement contraire, c'est-à-dire en l'inclina de manière à augmenter l'angle de l'axe de cristallisation avec le rayon réfracté. Pour cela il faut remarquer que Laction de notre plaque sons l'incidence perpendiculaire ob West nul se réduit à 353 cos' a, qui, en mettant pour la valeur 40° donne 207', 15. Par conséquent, si on la crois avec une platete de chaux sulfatée parallèle à l'axe, dom l'action soit peu différente de 207°, 10 , on pourra voir de conleurs en l'inclinant dans les deux seus, et ces contents slobediveront sineritant que la différence i positive con néga-«tive des deux plações mentortirampas des limites de la stable de Newton.

Pour réalize pette conséquence alle motre chéorie qu'il i det raphé enver une plaque de chaix diditatée dent lépaissem était de flacque de du sphéremètre ; repérire équi race réduit à mos purites de de table de de devient , en auppesant le bleu du nectindoir de représenté par léépaire du aphére de la table de par lééparties du aphére de le bleu du nectindoir de représenté par lééparties du aphére de la bleu du nectindoir de représenté fondantée du midentes qui dominant des conferences étaient comprisés dans des limites très par el organises de la perpendique printe de la perpendique de la perpendique printe de la perpendique de la perpendique printe de la perpendique printe de la perpendique de la perpendique printe de la perpendique de la perpendique printe printe de la perpendique de la perp

Angle d'inci- dence compté de la perpen- diculaire. 0.	1	Valeur de la fonction e cos² (a+6'	Epsisseur de la plaque de chaux sulfatée.	Différences.	Désignation de la teinte ; calculée.		
7° 49' 40"	5° 0′ 0″	176	126	5o	Blanc rougeâtre du 7° ordre.		
21 44 45	23.43 o	12 6, 5	126	e, 5	Noir.		
. 35 zg q, ,	21 42 50	· 85	126	41	Rouge pâle da 6º ordre.		

Telles sont donc les incidences auxquelles la formule indique les teintes que nous considérons; ces indications different peu de celles de l'expérience; mais pour mieux les comparer, rapprochons-les pour les mêmes teintes, nous aurons ainsi:

Désignation des teintes.	Incidences ; lées.	calcu-	Incidence vées.	:s ;	obeer-	Excès d tion	le, l'ol	bserva-
Blanc rougaître du 7° ordre	7*: 49'	40"	9*	13'	20"	10	23'	5o"
Noir	21 44	45	25	29	10	3	44	25
Rouge pâle du 6° ordre	35 19	•	39	4	10	3	45	10

On voit que l'écart de la formule, d'abord très-faible sous les incidences peu différentes de la perpendiculaire, augmente ensuite avec l'obliquité; mais ne dépasse jamais 3° 45" pour l'évaluation de l'incidence sous laquelle on aperçoit telle ou telle couleur. Ainsi, déja notre formule représente, à très-peu de chose près, les expériences; mais on s'en ap-

'nί

presque à la limité des teintes que peut donner noure plaques ser en supposant l'incidence de 90° on trouve E = 16, 20 ce qui répond exactement au vert du troisième ordre que uit le rouge du même ordre que nous avons observé.

Dans tout ce qui précède, nous n'avons croisé la plage de cristal de roche qu'avec des plaques de chaux sulfate beaucoup plus faibles gu'elles, c'est pourquoi il a falli balsser son axe sur le rayon polarisé pour lui faire, produire des couleurs. Mais on peut encore lui en faire proluire par un mouvement contraire, c'est-à-dire en l'inclinant de manière à augmenter l'angle de l'axe de cristallisation avec le rayon refracté. Pour cela il faut remarquer que l'action de notre plaque sous l'incidence perpendiculaire 6 M-est nul, se réduit à 353 cos' a, qui, en mettant pour la valent 40° donne 2071, 15. Par conséquent, si on la croix nves une platique de chaux suifatée parallèle à l'axe, dont l'action soit peu différente de 2071; 15 , ompourratvoir de muleurs en l'inclinant dans les deux sens, et ces couleurs slobediveront ainavtant que la différence i positive con néga--tive des deux plações me sortira pas des limites de la mble de Newton.

Pour réaliser spette réonséquences de motre abéonie printeroisé de phispassile manistratifié de reque saves une splaques de chaixi disfatée dent liépainteur était ple Comparties du spléremètre, se spri se réduit si mos aparties de la table de Newton, en supposant le bleir du sectind ordre représenté par lééparties du sphéroniètre, suppui est un vilèur moyenne. Compartée inisidences qui domnitatis des confeurs étaient comprishe dans des limites très span éloignées de la parpensitionaire ples teintes se aucoédaisent avec beaucompule supisur la polarisation de la lumière.

parfaitement indiqué par les valeurs de la fonction.

$$\frac{e\cos^2(a+\theta')[1-m\sin^2a-n\sin^4a]}{\cos\theta'[1-m\sin^2(a+\theta')-n\sin^4(a+\theta')]};$$

car, dans la première expression, ces valeurs étaient compensées par une plaque de chaux sulfatée dont l'épaisseur, réduite à l'échelle de Newton, était de 126 parties du sphéromètre. Les couleurs commençaient donc à paraître lorsque l'épaisseur de la plaque de cristal de roche, réduite par l'inclinaison et diminuée de 126 parties, entrait dans les limites de la table de Newton, c'est-à-dire entre zéro et 49° \(\frac{1}{3}\). Maintenant que nous employons une plaque de chaux sulfatée dont l'épaisseur est seulement 57°,75, il faut substituer ce nombre au nombre 126 dans nos soustractions, et alors on voit que les couleurs doivent commencer et finir à de plus grandes inclinaisons.

Mais pour mieux montrer cet accord, je rapporterai d'abord la série des observations telles qu'elles ont été faites, et je calculerai ensuite plusieurs d'entre elles, de manière à montrer leur accord avec la formule.

Plaque de chaux sulfatée croisée avec la même plaque de cristal de roche.

Epaisseur de la plaque de cristal de roche réduite à	
l'échelle de Newton pour l'incidence perpendi-	
culaire353.	
Epaisseur de la plaque de chaux sulfatée per-	
pendiculaire	

1812.

353

pour rendre les observations concordantes avec la formule, j'ai trouvé qu'il ne fallait pas y faire cette inversion de signe, et que dans tous les cas il fallait y faire 6' positif. Comme l'introduction de ce facteur n'est jusqu'ici pour moi qu'un résultat de l'expérience, je ne chercherai point à expliquer cette particularité. Avec ces précautions j'ai calculé l'action variable de la plaque de cristal de roche pour ces incidences diverses au moyen de la formule

$$\mathbf{E} = \frac{331,185 \cos^3(a+\theta')}{\cos^3(1-0,134107 \sin^3(a+\theta')-0,0374223 \sin^4(a+\theta'))};$$

et j'ai soustrait les résultats du nombre 205 qui exprimait l'action constante de la plaque de chaux sulfatée; j'ai obtenu ainsi les valeurs des teintes, et en les rapprochant de l'observation, j'ai formé le tableau suivant:

Incidence ob- servée. 9,	Angle de re- fraction.		Action cons- tante de la glaque per- prodiculai- re	water de la	Teinte observée.	Evaluation de l'action du système d'après la teante.
÷ 14° 55 90'	+ 9' 30 30'	155,60	205	49.6 0	Blanc du 7° ordre.	49, 6:
+ - 10 30	÷ 4 35 0	182,35	203	22, 65	Vert du 4° ordre.	22, 75
-10 31 0	—6 43 3 0	253.68	205	48,68	Rlane du - cordre.	4y. 6 7

Ces resultats s'accordent aussi bien que l'on pouvait l'esperer. La necessité de prendre 6 constamment positif dans le denominateur se fait deja sentir sur la dernière observation; car si on le prenait négatif comme au numérateur, alors on trouverait pour la dernière teinte 46.72, valeur fort audesseus de la limite 40.67; mais cette nécessité sera encore plus sensible à de plus grandes obliquites.

			·	
Azimut de la sec- tion principale des plaques.	Rayon ordinaire.	Rayon extraord.	Incidence our la plaque de cris- tal de roche.	Ordre d'anneaux au- quel répond le rayon extraordin.
45°	Vert.	Rouge.	42° 59′ 0″	\
	Blox.	Jaune.	43 49 50	1
	Rouge bleuktre.	Vert imperfait.	44 13 50	a° ordre
	Jaune.	Bleu	44 54 50	
	Jaune verdâtre.	Pourpre du 2 ^e ordre.	42 25 50)
	Bleu.	Orangé.	46 5 20	,
·	Mélange de bleu et de rouge jau- nâtre très-faible		47 15 0	r ^{er} ordre.
	Blanc.	Noir sensiblement (il reste un bleu très-faible).	, , ,	
	Bleu verdåtre pres- que nul.	Blanc brillant.	50 21 20	ı ^{er} ordre.
	Blanc bleuåtre.	Rouge orangé sombre.	51 23 10) orace.
	Jaune.	Bieu céleste.	53 35 40	j
	Bleu.	Orangé.	-54 35 10	2° ordre.
	Vert d'eau blan- châtre.	Rouge pourpre.	55 22 10	
	Jaune.	Bleu.	56 28 30	Ì
	Rouge pourpre.	Vert.	57 11 40	1
·	Bleu.	Jaune légèrement rougeatre.	58 23 30	3° ordre.
l l .	Vert vif.	Rouge.	59 29 20	J
	Rouge.	Vert très-beau.	61 49 50	4° ordre.
H	Vert.	Rouge.	64 23 40	,
ł	Rouge.	Bleu verdåtre.	67 50 30	5° ordre.
	Bleu verdåtre.	Rouge.	70 14 10	} .
	Rouge.	Bleu verdåtre.	77 8 20	6° ordre.

La disposition de l'appareil n'a pas permis de voir les images sous des inclinaisons plus grandes. Cependant les couleurs sont encore extrêmement sensibles, ce qui prouve bien que l'on n'est pas arrivé à la fin des anneaux, résultat conforme à la progression des teintes observées. Dans l'expérience précédente, où la plaque de cristal de roche était croisée avec une plaque de chaux sulfatée plus épaisse, on ne voyait déja plus de couleurs sous l'incidence de 40°.

Toutes ces expériences sont parfaitement représentées en supposant que l'action variable de la plaque de cristal de roche soit exprimée par la formule:

$$\frac{e \cos^3(a+\theta')[1-m \sin^3 a-n \sin^4 a]}{\cos \theta' [1-m \sin^2(a+\theta')-n \sin^4(a+\theta')]};$$

alors, en nommant A l'épaisseur constante de la plaque de chaux sulfatée, qui reste perpendiculaire au rayon incident, on aura pour l'expression générale de la teinte extraordinaire

$$\mathbf{E} = \frac{e \cos^2 (a + \theta') \left[\mathbf{1} - m \sin^2 a - n \sin^4 a \right]}{\cos \theta \left[\mathbf{1} - m \sin^2 (a + \theta') - n \sin^4 (a + \theta') \right]} - \mathbf{A}.$$

Dans notre expérience on a

$$e = 353$$
 $A = 57,75$.

De plus, le rapport du sinus d'incidence au sinus de réfraction dans le cristal de roche $=\frac{2.5}{16}$, dont le logarithme est 0,1938200. J'ai déterminé m et n de manière à satisfaire à la première incidence observée et à la dernière; j'ai trouvé ainsi m = 0,134107, n = 0,0374223; ce qui donne, en faisant $a = 40^{\circ}$,

$$353 [1 - m \sin^4 a - n \sin^4 a] = 331,185;$$

sur la polarisation de la lumière. et alors la formule devient pour notre plaque

$$E = \frac{331,185 \cos^{3}(a+\theta')}{\cos^{3}(1-0,134107 \sin^{3}(a+\theta')-0,0374223 \sin^{4}(a+\theta'))};$$

avec ces données, j'ai calculé les valeurs numériques de la formule pour diverses teintes intermédiaires entre les extrêmes, et j'ai trouvé les résultats suivans, que j'ai comparés à l'observation.

Incidence observée. 0.	Angle de ré- fraction. 6'.	Action de la plaque de cristal de ro- che d'après la formule.	tante de la plaque de chaux sul-	Différence , ou valeur de la teinte calculée.	Teinte observée.	Evaluation de l'action du système d'après la teinte.
29° 55' 0" 41 46 10 48 41 50 57 11 40 -77 8 20	18° 36′ 50″ 25 14 0 28 44 10 32 32 30 38 36 50	74, 37 58, 08 41, 75 19, 75	57, 75 57, 75 57, 75 57, 75 57, 75	16, 62 0, 33 16, 00	Blanc rougeatre du 7° ordre. Vert du 3° ordre. Noir. Vert du 3° ordre. Bleu verdâtre du 6° ordre.	. 49, 67 16, 25 0, 00 16, 25 38, 00

On voit qu'ayant seulement plié notre formule aux observations extrêmes, elle satisfait d'elle-même et avec une égale exactitude aux observations intermédiaires. Car, par exemple, l'incidence où le rayon extraordinaire est nul, se trouve ici déterminée par notre formule tout aussi bien que par l'observation.

Enfin, j'ai compensé la même plaque de cristal de roche avec une autre plaque de chaux sulfatée dont l'épaisseur, exprimée en parties du sphéromètre, s'est trouvée de 397 parties qui, réduites à l'échelle de Newton, en prenant 36 pour le bleu du second ordre, valent 99,25; mais j'ai trouvé qu'on accordait mieux les observations en supposant cette plaque égale à 99,50. Je l'ai placée de même dans une position constamment perpendiculaire au rayon polarisé. Alors

j'ai observé l'apparition des couleurs et leurs ordres successifs plutôt que dans l'expérience précédente, mais plus tard que dans la première. En voici le résultat observé pour un certain nombre de teintes dans la série des anneaux.

Plaque de chaux sulfatée croisée avec la plaque de cristal de roche.

Azimut de la pla- que de cristal de roche.	Rayon ordinaire.	Rayon extraord.	Incidence sur la plaque de cris- tal de roche.	0
45° ◆	Blanc rougeatre. Bleu verdåtre.	Bleu verdåtre. Rouge.	18° 56′ 40″ 22	
	Rouge.	Vert vif.	25 21 10-	4° ordre.
	Vert.	Rouge.	26 27 0	3° ordre.
	Rouge.	Vert.	27 22 30	3° ordre.
	Blea.	Orangé.	28 50 40	2 ^e ordre.
	Bleu très-sombre, presque nul.	Blanc.	31 30 O	r ^{er} ordre.
	Blanc.	Noir.	32 34 50	
	Noir ou presque noir.	Blanc brillant.	33 58 3o	r ^{er} ordre.
İ	Bleu très-beau.	Orangé.	36 31 20	2° ordre.
·	Rouge.	Vert.	38 9 20	3° ordre.
İ	Vert.	Rouge.	39 14 20	3° ordre.
	Rouge.	Vert vif.	40 30 O	4° ordre.
	Vert bleuåtre.	Rouge.	44 29 10	5° ordre.
	Bleu verdåtre.	Rouge.	47 55 30	6° ordre.
	Blane rougeâtre.	Bleu verdåtre.	50 2 10	7° ordre.

Pour comparer ces observations à la théorie, j'ai encore calculé la valeur de la plaque oblique de cristal de roche au moyen de la même formule

$$E = \frac{331,185 \cos^2(a+\theta')}{\cos^2(1-0,134107 \sin^2(a+\theta')-0,0374223 \sin^4(a+\theta'))},$$

que nous avons formée précédemment; et, sans aucune autre préparation, j'ai cherché les teintes qui en résultaient sous diverses incidences. J'ai formé ainsi le tableau suivant, qui offre la comparaison de ces résultats avec l'observation.

lucidence sur la plaque de cris- tal de roche; observée. 0.	Angle de re-	Value de la fonc- tion E ; calculée.		action du	Teinte extraordinai- re; observée.	Evaluation de l'action du système d'après la teinte.
25° 21' 10" 32 34 50 40 30 0 50 20 20	15 54 20 20 9 30 24 33 40 29 22 40	121, 53 99, 50 • 77, 63 55, 22	99, 50 99, 50 99, 50 99, 50	0, 0 21, 87	Vert du 4° ordre. Noir. Vert du 4° ordre. Bleu verdâtre du 7° ordre.	$22, \frac{3}{4}$ 0, 00 $22, \frac{3}{4}$ 45, $\frac{1}{5}$

Il n'y a que des différences très-petites entre les teintes observées et les teintes calculées. Cependant il faut remarquer que l'incidence du rayon sur la plaque de cristal de roche a toujours été assez voisine de la perpendicularité pour que la forme prismatique de la plaque ait toujours eu une influence sensible; c'est-à-dire que l'on apercevait des différences sensibles de nuances en observant à travers différens points de cette plaque; et comme, à parler rigoureusement, on ne peut répondre de se tenir toujours au même point, il s'ensuit que, même une grande partie de

nos petites erreurs doit être attribuée à cette cause inévitable.

Ayant déterminé et confirmé par ces expériences la loi suivant laquelle la plaque de cristal de roche s'affaiblit par l'inclinaison, notre formule doit nous indiquer aussi sous quelle incidence il faut abaisser cette plaque pour obtenir des couleurs par le seul affaiblissement de son action, sans la croiser avec une autre plaque : cela aura lieu lorsque la quantité

$$E = \frac{331, 185 \cos^2{(a + \theta')}}{\cos{\theta' [1 - 0, 134107 \sin^2{(a + \theta')} - 0, 0374223 \sin^4{(a + \theta')}]}$$

commencera à entrer dans les limites d'épaisseur où les couleurs se produisent naturellement; c'est-à-dire deviendra moindre que 49'; qui correspond au blanc rougeâtre du septième ordre d'anneaux. Pour voir si ce résultat se réalisait, j'ai observé sous quelle incidence les couleurs commençaient réellement à se produire quand on abaissait la plaque, et j'ai mesuré ainsi plusieurs incidences qui correspondaient aux premières teintes que l'on pouvait obtenir. Ces mesures sont rapportées plus haut, page 339; ensuite j'ai calculé, par la formule, quelles étaient les épaisseurs auxquelles répondait l'action de la plaque sous ces incidences diverses, et j'ai comparé ces résultats du calcul avec les épaisseurs véritables conclues des teintes observées. J'ai obtenu ainsi le tableau suivant:

Incidence sur la glaque de cristal de roche ; observ. 0.	_	Valeur de la fonction E; calculée.	l'einte du rayon extraordinaire;	Valeur de l'ac- tion de la pla- que conclue de la teinte; observée.
5a° 45' 30° 54 55' 0 57 49 30 59 39 10 62 24 50 65 2 30 68 44 30 73 58 50 78 48 50	30° 37′ 50″ 31 35 0 32 48 0 33 31 30 34 33 30′ 35 28 0 36 37 0 37 57 40 38 53 20 Somme	30, 43 26, 33 21, 82 18, 89	Blane rougeâtre du 7° ordre	42,00 38,00 34,00 29,67 26,00

On voit que les évaluations particulières des teintes s'accordent avec l'observation aussi bien qu'on peut le desirer dans des expériences où les sens sont pris pour juges. La somme de toutes les valeurs conclues de l'observation des teintes ne diffère de celle qui se conclut de la formule que de 29,45 ou - de leur valeur totale; de sorte, que pour faire disparaître l'écart, il suffirait de supposer que j'ai observé cette série sur un point de la plaque où l'épaisseur était de - plus grande que j'ai supposée; et comme l'épaisseur moyenne de la plaque, observée au sphéromètre, est de 1401 parties, on voit que la différence dont il a agit répondrait à 14 parties du sphéromètre, ou à 1135 de millimètre, quantité que l'on n'aurait même pas espéré de pouvoir rendre sensible dans les expériences de ce genre, et qui ne peut en effet le devenir que par la comparaison des observations avec une loi extrêmement approchée. C'est-là, en esset, tout ce que je me suis proposé de prouver dans cette comparaison. Je ferai remarquer que nous sommes arrivés

ďζ

presque à la limité des teintes que peut donner nouve plaque sur en supposant l'incidence de 90° on trouve E = 16, 20 ce qui répond exactement au vert du troisième ordre qui te rouge du même ordre que nous avons observé.

Dans tout ce qui précède, nous n'avons croisé la place. de cristal de roche qu'avec des plaques de chaux sulfate beaucoup plus faibles qu'elles, c'est pourquoi il a fall abaisser son axe sur le rayon polarisé pour lui faire produire des couleurs. Mais on peut encore lui en faire produire par un mouvement contraire, c'est-à-dire en l'inclina de mauière à augmenter l'angle de l'axe de cristallisation avec le rayon refracté. Pour cela il faut remarquer que l'action de notre plaque sous l'incidence perpendiculaire où M-est mul, se réduit à 353 cos' a, qui, en mettant pour 🕿 la valeur 40° donne 2071, 15. Par conséquent, si on la croil svec une plaique de chaux sulfatée parallèle à l'axe, dont l'action soit peu différente de 2075 15, on pourra voir de couleurs en l'inclinant dans les deux sens, et ces couleurs slobeciveront singirtant que la différence positive ou néga-«tive des deux plaques me sortira pas des lamites de la suble de Newton.

Pour réaliste apette conséquence de motro absorie publication en consé de pláque de remistration de la pláque de remistration de la place de la place de la place de la place de la place de la place de la table de la lable de lable de lable de lable de lable

dité à mesure que l'inclinaison changeait, et la forme prismatique de la plaque exerçait toute son influence : c'est pourquoi je n'ai point cherché à observer un grand nombre de teintes; j'ai seulement déterminé les limites, où les couleurs commençaient et finissaient de se montrer; et j'ai mesuré aussi l'incidence pour un beau vert qui, d'après la succession des couleurs, s'est trouvé être celui du quatrième ordre. J'ai obtenu les résultats suivans:

Azimut de la section principale de la plaque de cristal de roche.	Incidence sur la plaque de cristal de roche; observée. 0,	Teinte du rayon extraordinaire ; observée
45°	+ : 14° 55' 20"	Planc. Fin des couleurs.
	+ 7 10 30	Yert du 4° ordre.
	zo ' 3z ' o	Blanc. Fin des couleurs.

J'ai donné à l'incidence 0-le signe positif quand l'inclinaison de la plaque était dirigée de manière à affaiblir son action, en diminuant l'angle de l'axe de cristallisation avec le rayon réfracté. Au contraire, j'ai donné à 0 le signe négatif quand en inclinait la plaque dans le même azimut, mais en sens opposé, de manière à augmenter l'angle de l'axe de cristallisation avec le rayon réfracté, que qui augmentait l'action de la plaque. Pour introduire dans notre formule générale cette inversion de circonstances, il faut y faire 0' négatif dans le facteur cos' (a + 0'), qui est proportionnel à la force répulsive de la réfraction extraordinaire; mais quant au facteur que nous avons introduit au dénominateur

pour rendre les observations concordantes avec la formule; j'ai trouvé qu'il ne fallait pas y faire cette inversion de signe, et que dans tous les cas il fallait y faire 6' positif. Comme l'introduction de ce facteur n'est jusqu'ici pour moi qu'un résultat de l'expérience, je ne chercherai point à expliquer cette particularité. Avec ces précautions j'ai calculé l'action variable de la plaque de cristal de roche pour ces incidences diverses au moyen de la formule

$$\mathbf{E} = \frac{331,185 \cos^{3}(a+\theta')}{\cos^{3}(1-0,134107 \sin^{3}(a+\theta')-0,0374223 \sin^{4}(a+\theta'))};$$

et j'ai soustrait les résultats du nombre 205 qui exprimait l'action constante de la plaque de chaux sulfatée; j'ai obtenu ainsi les valeurs des teintes, et en les rapprochant de l'observation, j'ai formé le tableau suivant:

Incidence ob- servée. 0.	Angle de ré- fraction. 0'.	Valeur de E; cal- culée.	tante de la	Différence on valeur de la teinte ; cal- culée.	Teinte observée.	Evaluation de l'action du système d'après la teinte.
+ 14° 55′ 20″ + 7 10 30 10 31 0	+4 35 o	182, 35	205 205 205	22, 65	Blanc du 7° ordre. Vert du 4° ordre. Blanc du 7° ordre.	22, 75

Ces résultats s'accordent aussi bien que l'on pouvait l'espérer. La nécessité de prendre 6 constamment positif dans le dénominateur se fait déja sentir sur la dernière observation; car si on le prenait négatif comme au numérateur, alors on trouverait pour la dernière teinte 46,72, valeur fort audessous de la limite 49,67; mais cette nécessité sera encore plus sensible à de plus grandes obliquités.

Cette observation étant achevée, j'ai placé sur la plaque de chaux sulfatée une autre plaque de même nature tirée du même morceau, et dont l'épaisseur était égale à 310 parties du sphéromêtre, ce qui, réduit à l'échelle de Newton, vaut 77°,5; et comme la première plaque valait 205, il en ré sulte que leur somme valait 282°,5. Cette épaisseur surpasse de beaucoup l'action de la plaque de cristal de roche sous l'incidence perpendiculaire; car celle-ci est seulement égale à 207°, 15, comme nous l'avons vu plus haut. La différence 75,35 excédant de beaucoup les limites de la table de Newton, on voit que le système ne peut pas produire de couleurs sous l'incidence perpendiculaire, et il n'en donnera pas davantage tant que l'on inclinera l'axe de la plaque de cristal de roche de manière à affaiblir sa force répulsive. C'est aussi ce qui est arrivé.

Mais en abaissant l'axe en sens contraire, dans le même azimut, de manière à augmenter l'angle qu'il formait avec le rayon polarisé; on a augmenté l'action de la plaque: aussi a-t-on commencé à voir les couleurs paraître au-delà d'une certaine incidence, lorsque l'excès des plaques de chaux sulfatée sur la plaque de cristal de roche oblique a commencé à entrer dans les limites de la table de Newton. Ces couleurs ont monté dans l'ordre des anneaux; elles ont passé par le noir, et sont redescendues par les mêmes périodes; et enfin elles se sont terminées de nouveau par le blanc composé, après avoir parcouru deux fois les trentetrois teintes de la table de Newton dans une différence d'incidence de 25°. Tous ces résultats sont parfaitement conformes à notre formule, comme le montre le tableau suivant:

Incidence ob- servée. 8.	Angle de ré- fraction. 0'.	Valeur de E; cal- culée.	Action des plaques per- pendiculai- res.	salem de	Tainto du rayoù ex- traordinaire; obsersée.	
- 16 51 20	2° 48' 10" 10 41 40 18 32 20	282, 79	282, 5	56, 30 0, 29 60, 29	Noir.	49,67 Serait le blanc rou- geâtre du 7º ordre. 0,00 49,67 Serait le blanc rou- geâtre du 7° ordre.

On voit ici comment le jeu de la formule s'accorde encore avec l'observation. D'abord la plaque de cristal de roche était plus faible que le système des plaques de chaux sulfatée; mais en l'inclinant, de manière à rendre 6' négatif, son action a augmenté; elle est devenue égale à celle des plaques de chaux sulfatée, après quoi elle les a surpassées. Il n'est pas du tout étonnant que les limites extrêmes des teintes répondent à des épaisseurs un peu plus fortes que l'expression du dernier blanc rougeâtre donné par Newton; car dans l'impossibilité où j'étais de déterminer exactement cette limite, je me suis arrêté à des incidences telles que je fusse bien certain de ne plus apercevoir du tout de coloration, et c'est ce qui m'a fait sortir un peu au-delà des limites de la table de Newton.

On voit aussi dans ces expériences la nécessité de prendre toujours 6, avec le même signe, dans le dénominateur de la formule; car si on le prenait négatif, on s'écarterait considérablement des observations. Au reste, en exposant les formules dont je viens de faire usage, je suis loin de prétendre qu'elles soient les seules qui puissent représenter les observations, ni même qu'elles soient applicables à tous les cas possibles, du moins en ce qui concerne l'introduction du fac-

teur variable qui contient les coëfficiens, arbitraires met n. J'ai seulement voulu montrer que les variations des teintes, sous les incidences diverses, sont assujéties à des lois dont on ne peut méconnaître la constance; et dont la marche se trouve représentée par les formules, d'une manière simple et commode, qui permet d'en prévoir facilement et sûrement les, effets.

La conséquence la plus générale des expériences procédentes, c'est que l'espèce de teinte polarisée par chaque plaque, sous une incidence donnée, dépend de l'angle que le rayon réfracté forme avec l'axe de cristallisation, et de la longueur du trajet que ce rayon parcourt à travers la substance du cristal. Ainsi, toutes les fois que l'un de ces depar élémens variera, on deit s'attendre à voir varier la teinte; et si, au lieu d'une plaque terminée par des surfaces planes, on emploie une plaque terminée par des surfaces planes, la combinaison de ces deux variations au lieu à-la-fois sous chaque incidence, devra y produire des zones colorées dont la figure et la teinte dépendront de la forme de la plaque, de sa position dans le cristal, et de l'incidence du rayon sur sa surface, suivant des lois calculables d'après notre théorie.

On conçoit encore que, si l'on taille une plaque à surfaces planes et parallèles, dans une direction telle que l'axe du cristal fasse un grand angle avec ses surfaces, on conçoit, dis-je, qu'en inclinant convenablement cette plaque sur, un rayon polarisé; le rayon réfracté pourra se rapprocher de plus en plus de l'axe de cristallisation, et même lui devenir parallèles Alors, si l'action répulsive émanée de cet axe était la seule cause qui pût polariser la lumiène, il ne devrait plus, dans cette circonstance, se produire aucun dérangement dans les axes de polarisation du rayon. Mais, on sait

que dans le cristal de roche, il se produit des couleurs même dans des plaques perpendiculaires à l'axe, lorsqu'elles sont suffisamment épaisses, et qu'on les expose perpendicudairement à un rayon polarisé. Cette action, comme on le verra dans la dérnière partie de ce Mémoire, est totalement distincte de la force répulsive principale. Son action s'affaiblit à mesure que l'angle du rayon réfracté augmente, et elle finit par devenir insensible à cortaines limites de cet angle que nous déterminerons. Or, dans les plaques taillées comme nous venons de le dire, on doit finir par développer cette action; et alors elle doit modifier les phénomènes que nous avions, jusqu'à présent, considérés dans des limites où son Influence était insensible. C'est, en effet, ce qui a lieu, comme je m'en suis assuré par l'expérience, avec des plaques 'taillées de manière à développer les circonstances favorables de ce phénomène. Mais l'examen de ce cas doit entrer dans une dernière partie, où je considérerai les plaques perpendiculaires à l'axe, et où je donnerai les lois suivant lesquelles cette action s'exèrce, non plus de manière à faire osciller la lumière, mais de manière à la faire tourner d'un mouvement continu.

Néanmoins, avant de terminer cette quatrième partie, je crois devoir résumer les conséquences auxquelles nous avans été conduits par les expériences qui s'y trouvent rapportées. Lorsque nous avons analysé les phénomènes que présentent les plaques de chaux sulfatée, sous l'incidence perpendiculaire, nous avons vu qu'ils démontraient nécessairement l'existence d'une force en verta de laquelle les molécules lumineuses oscillaient autour de l'axe de cristallisation. De plus, comme les phénomènes des incidences obliques nous

montraient l'action de la plaque décroissante quand on inclinait cet axe, et croissante quand on inclinait la ligne perpendiculaire, nous avions été porté à croire que toute la force d'oscillation, n'émanait pas seulement de l'axe de cristallisation, mais aussi de la ligne qui lui était perpendiculaire; de sorte que l'action totale, sous une inclinaison quelconque, dépendait de la différence des effets opposés que ces deux axes rectangulaires pouvaient produire. Cependant nous remarquames, page 313, que cette idée n'était pas une conséquence nécessaire des faits, et que la seule chose rigoureusement indiquée était l'existence d'une résultante. Les expériences exactes faites sous des incidences obliques, dans cette quatrième partie, viennent de décider la question en nous montrant que les variations d'intensité que l'action de la plaque éprouve lorsqu'on incline la ligne perpendiculaire à l'axe, ne dépendent pas d'une force particulière émanée de cette ligne, mais de la simple augmentation d'épaisseur occasionnée par l'accroissement d'inclinaison. De façon, qu'en dernière analyse, tous les phénomènes se réduisent à cette loi simple : à mesure que l'axe de cristallisation s'incline sur le rayon réfracté, la force qui fait osciller les particules lumineuses diminue, et le nombre des oscillations faites dans le même espace décroît comme le carré du sinus de l'angle que cet axe forme avec le rayon réfracté; mais en même-temps le trajet de la lumière dans la plaque s'augmente par l'obliquité; et les oscillations en deviennent plus nombreuses dans le même espace. Ces deux élémens, modifiés par un facteur presque constant, qui dépend probablement de la vîtesse, déterminent dans tous les cas les teintes que les plaques doivent présenter.

CINQUIÈME PARTIE,

Lue le 31 mai 1813.

Expériences sur les plaques de cristal de roche taillées perpendiculairement à l'axe de cristallisation.

Lonsqu'on fait passer un rayon polarisé perpendiculairement à travers une plaque de cristal de roche perpendiculaire à l'axe, il perd sa polarisation primitive; et si on l'analyse avec un prisme ou un rhomboïde de cristal d'Islande, il donne deux faisceaux dont la couleur et l'intensité dépendent de la direction de la section principale du rhomboide, ainsi que de l'épaisseur de la plaque interposée. Quand la plaque est assez mince pour donner ainsi des faisceaux colorés, la teinte de ces faisceaux varie, à mesure que l'on tourne le cristal d'Islande autour du rayon incident, en le maintenant toujours sous l'incidence perpendiculaire. Ce fait a été observé, pour la première fois, par M. Arago. Pour étudier les lois de ces variations, j'ai rendu le rhomboïde mobile autour du rayon, et je l'ai fait tourner ainsi, avec l'alidade d'un cercle divisé en demi-degrés. J'ai ensuite observé successivement, à l'aide de cet appareil, plusieurs plaques de cristal taillées perpendiculairement à l'axe. Celles dont j'ai fait d'abord usage étaient tirées d'une même aiguille très-pure. C'était la première dont je m'étais servi pour former des lames minces parallèles à l'axe; et j'insiste sur cette circonstance, afin d'établir d'une manière plus rigoureuse l'identité des observations. J'ai aussi essayé successivement plusieurs autres aiguilles, afin d'éviter les phénomènes qui pourraient être produits par des irrégularités accidentelles de cristallisation. Enfin, j'ai aussi fait amincir successivement plusieurs

neaux comme si la plaque devenait de plus en plus épaisse; et par le nombre ainsi que la succession des teintes que ce rayon parcourt avant d'arriver à la blancheur, on juge aisément et sûrement de l'ordre d'anneaux duquel il est parti.

1 ere Expérience. Plaque nº 1, épaisseur en parties du sphéromètre 177, en millimètres 0 , 400. Cette plaque provient de la plaque nº 2 de l'expérience suivante, qui a été amincie.

Sens du mou- vement du rhomboïde.	Azimut du rhomboïde.	Teinte du rayon or- dinaire.		Teinte du rayon ex- traordinaire.
De la droite à la gauche de l'observateur.	o* o' 9 45	Blanc. Blanc.	: :	Bleu sombre. Bleu violacé, si faible qu'il est presqu'im- perceptible : min.
	71 5 0	Blanc.		Ronge jaunâtre ou vio- lacé jaunâtre très- sombre.
	20	Blanc.	• •	Jaune påle.
1.	3o	Blanc.	•	Jaune très-pâle.
•	40	Blanc.	•	Blanc à peine jaunâtre
i i	5o	Blanc à peine bleuâtre		Blanc à peine jauna-
			• •	tre, images sensi-
		· l		blement égales en
	•	703		intensité.
	6o .	Blanc légèrem. bleuåt.	•	Blanc sensiblement.
• 1	70	Blanc bleuåtre Bleu blanchåtre.		Blanc.
1	80		. •	Blanc.
	. 90	Bleu sombre.	• '	Blanc.
	90 + 0° 0′	Bleu sombre.		Rlanc.
	9 45	Bleu violacé presque noir.		Blanc.
·	11 30	Violacé jaunătre très- sombre.		Blanc ,
	20	Janue pâle.	1	Blene
	3о	Jaune très-pâle.		Blanc.
į.	40	Blanc à peine jaunâtre	••	Blenc.
	5 0	Blanc à peine jaunatre		Blanc à peine bleni-
	إبين	- ' -	• •	tre, images sensi-
. }	·	1		blement égales eu
1				intensité.
	бо	Blanc sensiblement.	• • •	Blauc légèrem. bleuåt.
1	•	Blanc.	: : !	Blanc blenstre.
i	8o .	Blanc.		Bleu blanchåtre.
	go	Blanc.		Blen sombre.

Sens du mou- vement du rhomboïde.	Azimut du rhomboïde.	Teinte du rayon oc- dinaire.		Teinte du myon ex- traordinaire.
De la droite à la gauche de l'observateur.		Blanc. Blanc. Blanc. Blanc. Blanc.		Blen sombre. Bleu violacé presque mal: minimum. Rouge jaunâtre très- sombre. Jaune pâle. Jaune très-pâle.
	40 50	Blane à peine bleuâtre		Blano à peine jaunâtre Blanc à peine jaunâ- tre, images sensi- blement égules en intensité.
	60 70 80 90	Blanc légèrem. bleuât. Blanc bleuâtre. Bleu blauchâtre. Bleu sombre.		Blanc sensiblement. Blanc. Blanc. Blanc.
	270 + 0° 0′ 9 45	Bleu sombre. Bleu violacé presque noir. Ronge jaunàtre très-	: :	Blanc. Blanc.
	20 30 40	sombre. Jaune pâle. Jaune très-pâle. Blanc à peine jaunâtre		Blanc. Manc. Flanc.
	50 6a	Blanc à peine jaunâtre Blanc sensiblement.		Blanc à peine bleus- tre, images sensi- blement égales en intensité. Blanc légèrem, bleust.
	70 80 90	Blanc. Blanc. Blanc.		Blanc bleuåtre. Bleu blanchåtre. Bleu sombre.

La succession des teintes en inclinant la plaque dans l'azimut de 45°, montre que le bleu observé dans l'azimut o° est le bleu du premier ordre avoisinant au noir.

La loi de ces teintes est évidente. En tournant le rhomboïde de droite à gauche, et de l'azimut oo jusqu'à l'azimut 90°, le rayon extraordinaire, par exemple, parcourt un certain nombre de teintes; ces teintes sont les mêmes et dans le même ordre que celles que parcourt ensuite le rayon ordinaire depuis 90° jusqu'à 180°. Ensuite ces mêmes teintes passent de nouveau au rayon extraordinaire, qui les parcourt une seconde fois en allant de 180° à 270°, et enfin ces mêmes teintes reviennent encore une fois au rayon ordinaire, qui les parcourt de 270° à 360°. La même alternative a lieu pour les teintes qui formaient d'abord le rayon ordinaire, quand on tournait le rhomboïde de p à 90°. Enfin on peut également vérifier sur ces observations ce que nous avons dit de l'échange des teintes entre les azimuts a et 90° + a.

Ces lois s'observent également dans toutes les autres expériences du même genre, quelle que soit l'épaisseur de la plaque de cristal de roche, et je les ai constatées de la même manière. Cette remarque une fois faite nous permettra d'abréger les tableaux suivans, et nous nous bornerons à y consigner les teintes observées en allant de 0° à 90°. 2º Expenieux. Plaque v. 2, éphieseur en millimètres mequie que midrophètre, o 488. Cest d'elle que provient la plaque nº 1 de l'empérience précédents.

	المنظينة المد	Thints du myon on Shuke.	nto.l' im	Peliste del coyon qualification
क्रमानं । जिल्लानं	10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1	grading of	THE PERSON	Sire sombre, the tris-combrepora- que insénsible. The myrémement apuabre, presque
ies entre	1988 ka 193 1988 di	Many one by species	AFFINE	imperceptible. Orange rougeatre ou rouge orange extre i mement sombre. Orange jeunatre, com- teur de buis.
) · r .	15 16			Orangi jamatra. Jama pilo. Jama trio-pilo. Jama entidatement pilo.
	66 70 75	Mouters. Blen blanchiere. Rieu meins blanchit. Dien clair.		pité. Elano légioument jou- nâtre. Blanc sensiblement. Blanc sensiblement.
	80 85	Hen collecte. Rien combre. Blen combre.		Blanc. Blanc.

Ici les rayons ont changé de rôle comme dans l'expérience précédente, et les teintes se continuent dans les autres quadrans suivant la loi que nous avons exposée. De plus, la manière dont les teintes se succèdent quand on incline la plaque dans l'azimut de 45°, indique que la teinte du rayon extraordinaire dans l'azimut o° appartient au premier ordre.

3º Expérience. Plaque nº 3, tirée de la même aiguille de cristal de roche. Epaisseur en parties du sphéromètre 524º, en millimètres 1 mm, 184.

Sens du mon- vement du rhomboïde.	Azimut du rhomboïde.	Teinte du rayon or- dinaire.		Teinte du rayon ex- traordinaire.
De droite à gauche.	32 35 40 50 55 60 65	Blanc légèrem. jaunât. Blanc extrêmement pen jaunâtre. Blanc sensiblement. Blanc. Blanc sensiblement. Blanc sensiblement. Blanc sensiblement. Blanc à peiue bleuâtre Blanc à peine bleuâtre Blanc très-légèrement bleuâtre. Blanc très-légèrement bleuâtre. Blanc légèrem. bleuât.		Bleu un peu blanchat. Bleu plus sombre. Bleu très-sombre, un peu violacé. Indigo violacé extrêmement sombre et presque insensible: minimum. Violacé rougeatre extrêmement sombre. Rouge un peu jaunat. Orangé rougeatre. Jaune. Jaune. Jaune pâle.
li .	70 75	Blanc bleuåtre.		Jaune très-pâle. Jaune très-pâle.
i	80	Blanc très-bleuâtre.	! •	Jaune extrêmem. pâle:
ł	85	Blen blanchå're.	:	Blanc jaunatre.
	90	Bleu un peu blanchât.		Blanc légèrem. jaunat.
l	•		l	,

A 90° les rayons ont changé de rôle comme dans les expériences précédentes; de plus, en inclinant la plaque dans l'azimut de 45°, la succession des teintes montre que la couleur du rayon extraordinaire dans l'azimut o° appartient encore au premier ordre. le Explanemen. Plaque nº 4, tirés de la même aiguille du cristal de rèche. C'est velle qui a donné la plaque nº 3. Epaisseur en parties du sphéromètre care, en millimètres

rement de rhombuile.		Tuinge die rayon of	- C	Leinte du reytin en-
De droite à		June orași.		Blanc blendere ou. Iden blanchiten. Blen blanchites plus
		James on pin fills. Jenny trip pills. Mane journites.		Sonos. Bien pins fonos. Bien pins fonos. Bien sombre et pur.
	- 18 S	Diese tris-fillien Jamenters. Militar & politic firefields.	3	pur. Den très-squipe un pen violecé : minime
-1	1000	Maior prompte parisit Mane sensidement; Mane sensiblement, Mane à paine blendtte	1.	Violeté rougetés. Rouge violetés. Rouge orange.
	70 75 80	Blanc un peu bleudtes Blanc un peu bleudtes		Orangé foucé. Orangé brillant et jau- pâtre.
	85 90	Blanc faiblem, blendt. Blanc blendtre ou blen blanchitre.		Jouan orangé brillent. Jouan orangé.

Ici les rayons ont encore changé de rôle. Quand on incline la plaque dans l'azimut de 45°, la succession des teintes indique que la teinte du rayon extraordinaire dans l'azimut o° appartient encore au premier ordre.

Remarquons, de plus, qu'ici le minimum d'intensité du rayon extraordinaire a eu lieu dans l'azimut de 50°, tandis que dans l'expérience précédente ce minimum se trouvait à 28° 30′; dans la seconde, à 11° 30′, et dans la première, à

9° 45'. L'azimut auquel ce minimum s'observe s'approche donc de zéro à mesure que la plaque s'amincit.

5° Expérience. Plaque n° 5, tirée de la même aiguille que les précédentes. Epaisseur au sphéromètre 1504°, en millimètres 3^{mm}, 478. Cette plaque, et celles que j'ai employées dans les expériences suivantes, proviennent d'une même plaque qui avait d'abord 13^{mm}, 5 d'épaisseur, et qui a été successivement amincie à divers degrés.

Sens du mou- vement du rhomboide.	Azimut de la section princi- pale du rhom- boïde.	Teinte du rayon or- dınaire.	Teinte du rayon ex- traordinaire.
De droite à gauche.	0° 10 30 30 40 50 60 70 80	Rouge violacé. Rouge pourpre. Rouge jaunâtre. Orangé. Jaune. Jaune clair. Jaune clair. Jaune clair. Blanc à peine jaunâtre Blanc sensiblement. Blanc sensiblement.	Blanc sensiblement. Blanc à peine bleuâtre Blanc légèrem. bleuât. Bleu blanchâtre. Bleu. Indigo. Indigo. Indigo superbe et pur de teinte. Indigo violacé très- sombre (gris de lin). Violacé rougeâtre. Rouge violacé.

Ici les rayons changent de rôle. Le minimum d'intensité a eu lieu vers 80°. Quand on incline la plaque dans l'azimut de 45°, l'ordre des teintes indique que la teinte du rayon extraordinaire dans l'azimut o° appartient encore au premier ordre.

6º Expérience. Plaque nº 6. Epaisseur en parties du sphéromètre 2233, en millimètres 5^{mm}, 044. C'est cette lame amincie qui a donné la précédente.

Sens du mou- vement da rhomboide.	palordo visos	Suinto da myon (the in	Triate du enyon es
De droite à	0° 10 20	Man	gran terra	change believe.
7-1	30 '40	Indigo violent Violet roughling.		Verditre. Vert moins jameire, clair. Vert bleuktre.
	30 30 90	Rouge jounding. Grange tris-rouge. Grange brillant.		verdâtre clair. Sien coleste alar. Rien pileste. Rien.

A 90° les rayons ont changé de rôle comme dans les expériences précédentes. De plus, quand on incline la plaque dans l'azimut de 45°, la succession des teintes du rayon extraordinaire indique que la teinte de ce rayon dans l'azimut o° appartient au second ordre.

Ici nous remarquons une circonstance importante. Au degré d'épaisseur où se trouve maintenant la plaque, le rayon extraordinaire n'a plus de minimum comme dans les expériences précédentes; mais, à mesure que l'on tourne le rhomboïde de droite à gauche, il remonte dans l'ordre des anneaux, c'est-à-dire que de l'orangé il passe au jaune, au verd, au bleu, et c'est là qu'il s'arrête; au lieu que dans l'expérience précédente, où il partait du blanc, qui est une

couleur du premier ordre, il montait de là au blanc bleuâtre, au bleu, à l'indigo, et au violet sombre presque noir. Enfin dans les expériences où la plaque était encore plus mince, ce rayon répondant d'abord au bleu du premier ordre, passait de là à l'indigo et au violet sombre presque nul, qui sont les couleurs qui se succèdent en remontant dans l'ordre des anneaux. De ce rapprochement, qui sera confirmé par toutes les expériences qui vont suivre, nous devons conclure comme fait général, que, dans l'aiguille dont ces plaques étaient tirées, le rayon extraordinaire monte dans l'ordre des anneaux lorsqu'on tourne le rhomboïde de droite à gauche, et si cette rotation le fait monter jusqu'à la dernière teinte des anneaux qui confine au noir, il redescend ensuite par les mêmes degrés; ou, ce qui revient au même, on peut concevoir qu'il monte encore dans la table de Newton, si l'on veut prolonger cette table en sens contraire au-delà du noir.

En assimilant ici ces couleurs à celles des anneaux, je ne prétends pas dire qu'elles soient rigoureusement composées d'une manière identique, ni qu'elles répondent aux mêmes proportions d'épaisseur des plaques, je ne veux qu'indiquer l'ordre suivant lequel elles se succèdent à mesure que l'on tourne le rhomboïde, et donner un moyen facile de les prévoir.

Nous avons vu que les teintes des rayons ordinaire et extraordinaire s'échangent, en général, dans les azimuts α et $90^{\circ} + \alpha$. Par conséquent, lorsqu'on a tourné le rhomboïde de 90° , si on continuait à le tourner davantage, les teintes du rayon ordinaire observées dans le premier quadrans passeraient au rayon extraordinaire dans le second, ainsi que

nous l'avous expliqué en détail dans la prémière expérience. Or, dans le cas actuel, en écrivant les tentes du rayon extreordinaire les unes au-dessous des autres, dans la prequière moitié de la circonférence, on obtiendrait la série suivante de teintes.

Sens du mot- vament de chombaide	Agimet de 2 ocation grancis pale de cham- bride.	Pointe din myon po-		Tointe du pryon es
Di fankir a gazaki.		Block of the State		Council bellions James crengt, James circus the serditre. Vert hundre. Vert moins journels
16	165	Rouge Jackbook Grange Tris-coopy, Occasgo Svillaht,	61	clair. Vert bleuktes. Vert bleuktes to the verdktes clair. Ress offeste. Rists offeste.
	90° + 20° ad 30 40	Jame orange. Jame citron na pen verdatre. Vert moias jamatus elair.		Bles indigo. Bedigo sombre. Indigo violacé. Violet rougaltre.
	50 60	Vert blenåtre. Vert blenåtre ou blen verdåtre clair.		Rouge posspre- Rouge.
	70 80 180	Blen céleste clair. Blen céleste. Blen.		Rouge jannitre. Ossugé tele-rouge. Ossugé brillant.

Alors les molécules des diverses couleurs sembleraient entrer dans le rayon ordinaire successivement et dans l'ordre de leur réfrangibilité, de manière qu'on les aurait toutes parcourues entre les azimuts o° et 90° + 60 ou 150°. Mais en comparant cette expérience avec celles que nous avons faites avec d'autres plaques, d'épaisseur différente, on voit qu'une pareille supposition serait beaucoup trop particulière; car cette succession continue des teintes dans l'ordre de la réfrangibilité tient uniquement à ce que les couleurs développées par la plaque à cette épaisseur répondent au second ordre d'anneaux, dans lequel les couleurs sont plus séparées, plus distinctes, et se rejoignent accidentellement comme le voudrait cette supposition. On verra dans l'expérience suivante un exemple semblable et encore plus frappant.

7° Expérience. Plaque n° 7. Epaisseur en parties du sphéromètre 2649°, en millimètres 5^{mm}, 985. C'est d'elle que provient la plaque employée dans l'expérience précédente.

Sens du mou- vement du rhomboïde.	Asimut de la section princi- pale du rhom- boide.	Teinte du rayon ordi- naire.		Teinte du rayon ex- traordinaire.
De droite à gauche.	0° 10 20 30 40 50 60 70 80	Vert superbe. Vert bleuåtre. Bleu. Indigo. Indigo superbe. Indigo violacé. Violacé rougeâtre. Rouge pourpre. Rouge un peu pourpre. Rouge éclatant.		Rouge éclatant. Rouge orangé. Orangé brillaut. Jaune. Jaune verdâtre. Vert jaunâtre. Vert un pea jannâtre. Vert. Vert plus beau. Vert superbe.
J'écris to	at de suite	la série des teint	es dans le qu	adrans suivant.
	. 6 0	Rouge éclatant. Rouge orangé. Oraugé brillant. Janne. Janne verdâtre. Vert jaunêtre. Vert un peu jaunâtre. Vert. Vert plus beau. Vert superbe.		Vert auperbe. Vert hlenåten. Bleu. Indigo. Indigo superbe. Indigo violacé. Violacé rougeâtre. Rouge pourpre. Rouge un peu pourpre. Rouge éclatant.

En inclinant la plaque dans l'azimut de 45 sur le repoi incident, la succession des teintes a montré que la teinte du rayon extraordinaire dans l'azimut oo répondait au rouge du second ordre. D'après cela, en jetant un coup-d'œil sur les couleurs du second ordre de la table de Newton que j'ai rapportée page 336 de mon premier Mémoire, on voit d'abord que les teintes du rayon extraordinaire ont monté dans l'ordre des anneron, à mesure appellantonemit le rhomboide de co à gor, conformément à de que toutes les expériences précédentes nous avaient indiqué. De plus, à partir de cette dernière position, les teintes du rayon extraordinaire ac aont échangées avec celles, qu'avait, parcoupas le rayon ordinaire dans le premier quellens ; c'est à dire qu'elles out répondu aux anneaux transmis au lieu di répondre aux anneaux réfléchis. Or, dans le second ordri d'annesar, la soccession des teintes pour les anueaux réflé-🖟 chis et transgoïs est telle, que, si on les écrit les unes sous les autres comme nous venons de le faire, elles forment une série de couleurs qui se succèdent dans l'ordre de la réfrangibilité. Par conséquent, si l'on se bornait à étudier les phénomènes offerts par une seule plaque égale en épaisseur à la précédente, on pourrait croire que la loi des teintes a pour période une demi-circonférence, et que, dans cet intervalle, elles parcourent successivement toutes les couleurs dans l'ordre de la réfrangibilité. C'est aussi la conclusion à laquelle M. Arago avait été conduit par ses premières expériences : dans lesquelles il employait une plaque de cristal de roche perpendiculaire ou à-peu-près perpendiculaire à l'axe, et d'une épaisseur peu différente de 6 millimètres, selon ce qu'il nous apprend lui-même dans le Bulletin des

Sciences. Mais la comparaison des expériences faites avec des plaques d'épaisseur diverses, montre que cette période de 180° est purement accidentelle, et tient à la correspondance des teintes des couleurs réfléchies et transmises en diverses parties du second anneau. La seule loi constante et générale relativement à la succession des teintes, c'est qu'elles montent dans l'ordre des anneaux à mesure que l'on tourne le rhomboïde de 0° à 90°, et qu'elles s'échangent entre les deux rayons ordinaire et extraordinaire, dans les azimuts à et 90° + «.

8° Expérience: Plaque n° 8. Epaisseur en parties du sphéromètre 3091°, en millimètres 7^{mm}, 082. C'est d'elle que proviennent les précédentes.

Sens du mon- vement du rhomboïde.	Azimut de la section princi- pale du rhom- boide.	Teinte du rayon ordi- naire.	Teinte du rayon ex- traordinaire.
De droite à gauche.	0° 10 20 30 40 45 50 60 65 70 75 865	Vert clair un peu jau- nâtre. Vert. Vert. Vert foncé. Vert vif. Vert bleuâtre. Bleu verdâtre. Bleu légèrement ver- dâtre. Bleu très-beau. Indigo superbe. Indigo légèrem. violacé Bleu violacé. Violacé rougeâtre. Pourpre.	Pourpre. Rouge. Rouge un peu plus jaune. Rouge un peu plus jaunèire. Rouge jaunèire. Jaune rougeètre. Jaune pèle blanchèire. Jaune pèle légèrement verdèire. Jaune verdèire. Vert très-jaunèire. Vert jaunèire. Vert un peu jaunèire. Vert cun peu jaunèire.

A 90° les rayons ont échangé leurs teintes comme précisdemment. Quand on incline la plaque dans l'azimut de 45°,
la succession des teintes montre que celle du rayon extrosdinaire dans l'azimut o° est le pourpre du troisième ordre,
De plus, si on consulte la table de Newton, on verra que
les teintes de ce rayon ont monté dans l'ordre des anneaux.
In mesure que le rhomboïde a tourné de 0° à 90°, et même,
an peut remarquer que le rouge du second anneau qui confine au pourpre du troisième, se maintient dans des limites
d'épaisseur plus étendues que les autres couleurs du même
anneau : aussi, dans notre expérience, cette teinte rouge
s'est maintenue très-long-temps dans le rayon extraordimire, car on l'a constamment observée de 0° à 45°.

9° Expérience. Plaque n° 9. Epaisseur en parties du sphéromètre 3513°, en millimètres 7°°,935. C'est d'elle que provient la précédente.

iens du mou- vement du rhombosde.		Teinte du 18300 ox- dinnire.		Teinte da seyan es: traordinático.
De droite à	•	Orange rougeatre.		Bleu.
gauche.	10	Jaune citron.		Gra de lin.
*	20	Janue veadătre.	1	Ronge pourpre.
1	30	Vert jaunitre.	', '	Rouge.
	40 50	Vort.	4 . *	Longe,
	56	Wert.	* .	Rouge.
	Ģa	Vert un peu bienatre.		Rouge un peu januátre
	79	Vert bleußtre.		Rouge plus jautistre.
	70 8e	Bleu verdåtre.		Rouge januátre.
	99 1	Blen.		Orange rongestre.

A 90° les rayons ont échangé leurs teintes comme précédemment. En inclinant la plaque dans l'azimut de 45°, la succession des teintes montre que la teinte du rayon extraordinaire dans l'azimut oo est le bleu du troisième ordre. En effet, en consultant la table de Newton, on voit qu'immédiatement au-dessus de ce bleu on trouve le gris de lin, le pourpre, et ensuite le rouge du second ordre, qui se maintient dans des limites d'épaisseur plus étendues que les autres couleurs du même anneau; telle est en effet, dans le cas actuel, la série des teintes que nous observons.

Avant que la plaque fût amenée à ce degré d'épaisseur, je l'avais déja fait servir à d'autres expériences, mais alors je n'avais qu'un appareil divisé de 22° 30' en 22° 30'; divisions dont j'estimais assez exactement les moitiés lorsque je le jugeais nécessaire; cela suffira pour ces observations, car à mesure que l'on descend vers des anneaux plus composés, la variation des teintes dans les différens azimuts se fait par moins d'intermédiaires; et aussi ce n'est qu'en arrivant vers les premiers anneaux; que j'ai senti la nécessité de recourir à un appareil plus précis. Je vais rapporter ces expériences à la suite les unes des autres sans autre détail; leur analogie avec les précédentes suffit pour qu'on les interprète sans difficulté.

Numéros des expérien ces avez l'égalment des pluques en mil- limitres.	Some du mon- Vermer de rhomboide.	Affred A showballs (4): 15/1/	Adam da seyon ordinaire.	1.	Triste du myes extraordinaire.	Ordre d'annous magnal répond le suyen es- tracción dans ral'aplante o.
10° Repelience. Openia. : 9°05,202,	April 1	45 .	Rouge pourpre. Rouge jeunitmon jeune rougeltre. Jeune un peu ver- ditre on blanc	deplines	Blog	Vert vill da 3º ordre, sedre,
100.0	ii <u>u</u>	67 30 99	Vert un peu jan- i nétte : ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ; ;		Rouge bleustre.	
Rpains, rome, rad,	pius ee unut se	22 30 33,46 45 66 25 67 30	Ronge vif. Ronge vif. Ronge jametre. Jame rongekte. Jame rongekte. Jame rongekte. Jame rongekte. Varidatre. Varidatre. Vari pale.	ha rah	Vert vit pet Men- didre. Vert. Vert. Vert blessliftre. Bleu verditre. Bleu verditre. Gaici de Sti (bless melje de rouge). Bourpet.	Martin.
<u> </u>	De droite à grache.	22 30 33 45 45 67 30	Vert bleuatre. Vert bleuatre lavé de rouge. Rouge de sang. Rouge. Rouge. Rouge. Rouge. Rouge pale jaunatre.		Ronge påle jan- nåtre. Blanc rougeatre. Vert påle blan- chatre. Vert un pen påle. Vert. Vert bleuåtre. Blen verdåtre.	Ronge da 3º oc- dre tipant ou joune.
13° Expérience. D Epaiss. 13mm,416.	e droite à gauche.	22 30 1 45 1	Vert. Vert bleuåtre. Bleu verdåtre. Rouge påle. Rouge.		Rouge. Rouge jaunàtre. Blanc légèrement jaunàtre. Vert. Vert.	Rouge du 4º ordre.

Pour savoir jusqu'à quel point on pouvait compter sur la généralité des résultats précédens, j'ai fait tailler des plaques de deux autres aiguilles très-pures, et j'ai observé leurs épaisseurs, ainsi que les couleurs qu'elles donnaient sous l'incidence perpendiculaire dans les différens azimuts du rhomboïde. Voici le tableau de ces résultats, où j'ai rapproché les plaques qui appartiennent à une même aiguille.

Expériences faites avec diverses plaques de cristal de roche tirées d'une même aiguille, et taillées perpendiculairement à l'axe de cristallisation. Numérotées B.

Epaisseur des pla-Sens du mou-					
ques en milli- mètres. rhomboïde.	ab Jacutali	Teinte du rayon ordinaire.		Teinte du rayon extraordinaire.	Désignation de l'ordre d'aun- auquel répond le rayon ex traordin. dans l'azimut o°.
Nº 1 1mm, 145. De droite à	۰,	Blanc.		Rlen.	ı ^{er} ordre.
gauche.	10	Blanc.	•	Bleu sombre.	
	20	Blanc.		Bleu un peu vio-	
				lacé très-sombre	
	3о	Blanc.		Violet bleuåtre à	
				peine sensible :	·
: 1 1		·		minimum.	
	∮ O	Blanc.	••	Orangé rougeâtre	
1	5o	Blanc.	•••	Jaune couleur de	
				buis.	i
	60	Blanc légèrement bleuàtre.		Jaune.	
	70	Blanc légèrement	• •	Jaune.	
	, ,	blevåtre.			
	80	Bleu blanchåtre.		Jaune påle.	
:	90	Bleu.	:	Blanc.	
N° 22 ^{mm} ,094. De droite à gauche.	o°	Orangé.		Blanc très-légère- ment bleuâtre.	ı er ordre.
1	10	Jaune.		Bleu blanchåtre.	
	20	Jaune.	• •	Blou.	
* [3о	Jaune pâle.	•	Bleu plus sombre et très-beau.	
·	40	Jaune très - blan-	• • • •	Indigo très - som-	
į .	, ,,	châtre.	• • •	bre et très-beau	
· 1 1		1		de ton.	
i	5 0	Jaune presque	••	Indigo extreme-	
		blanc.	•••	ment sombre,	
` }		, ,		peut-être un peu violacé : miuim.	
i i	60	Blane sensiblem.		Violet rougestre	
}			: : 1	très faible d'in-	· .
		1		tensité.	
1 1	70	Blanc sensiblem.		Rouge bleustre.	l
	80	Blanc un peu bleuâtre.	: :1	Rouge orangé.	
	90	Blanc très-légère- ment bleuitre.		Orangé.	

Epaissour des pla- ques en milu- metres.	Sens du mou- vement du rhomboide.	Azimet de	Teinte du rayon ordinaire.	·	Teinte da rayon outraordinaire.	Designation de Forder d'una mayori repund le revon ca- tracedia dina Fangari o'.
N° 3 2 ,929.	De droite à grache.	o*	Blanc légérement violacé. Blanc violacé ron-	: :	Jaune citron.	1 ^{er} ordre.
			geätre (lılas).		Jaune très-pèle.	
		20	Violet rougeitre.		Joune extrêmem. pile presque hime.	27
•		30	Rouge violacé.	••	Blanc presque par-	
		40	Rouge jaunatre.		Nanc sensiblem.	
i i		50	Orange fonce.	• •	Blane semiblem.	1
i i		60	Orangé jaunatre.	1 : :	Blane sensiblem.	1
1.		70	Janne.		Blane semblem:	
		80	Jaune clair.	•	Blanc sensiblem.	1
		90	Jaune citron.		Blanc légèrement violacé.	
N° 43==,810.	De droite à gauche.	••	Rieu un peu blan- châtre.	: :	Jaume.	rer ordre?
1 1	•	10	Bleu.	: :	Jaune.	
i		20	Blea.		Jaune.	1 1
	*	30	Bleu vn pen vio- lacé (gris de lin).		Jaune plus pâle.	
}		40	Violet rougeatre.		Jaune blanchåtre.	}
		5o	Rouge violacé.	:	Blanc légérement bleuâtre.	1 1
		60	Rouge un peu jau- nâtre.		Blanc légérement bleuâtre.	
ľ		70	Rouge orangé.		Bleu blanchâtre.	(l
		8 ₀	Orangé.		Bleu céleste un peu blanchâtre.	1 1
		go	Jaune.	: :	Bleu un peu blan- châtre.	

Les périodes de ces teintes suivent dans chaque plaque la loi accoutumée. Mais la variation des teintes avec les épaisseurs s'écarte dans les deux dernières plaques de ce que l'on obtient généralement. Par exemple, la plaque n° 3 ne devrait pas donner un rayon ordinaire blanc légèrement violacé, mais rouge pourpre sombre; cela tient à ce que l'aisur la polarisation de la lumière.

guille dont ces plaques étaient tirées avait dans sa cristallisation une particularité dont nous parlerons plus tard.

Expérience sur cinq plaques tirées d'une autre aiguille C.

	n mou- ant da abolde:	Teinte du rayon ordinaire.		Teinte du rayon extraordinaire.	Ordre d'ann. auquel répond le rayon ex- traordinaire dans l'azim. o.
	roite à o°	Blanc sensible- ment.		Bleu.	1 ^{er} ordre.
	10	Blanc sensible- ment.		Bleu sombre.	
	20	Blanc.		Indigo extr ê mem.	
	2.5	Blanc.		sombre.	
	1.3	Dianc.		Violacé rongeâtre à peine sensi- ble : minimum.	
	30	Blanc.		Rouge orangé très- sombre.	
	40	Blane.	• •	Orangé sombre.	
	50	Blane sensible-		Orangé jaunâtre.	
	60	Blanc sensiblem.		Jaune.	
	70	Blane bleustre.	• • •	Jaune påle.	
	80	Bleu blauchatre.	: :	Jaune très-pâle.	
	90	Bleu.	•	Blanc sensiblem.	
	roite à o°	Janne orangé.	:	Blaue légèrement bleuâtre.	ıer ordre.
	10	Janue brillant.	•	Blanc bleuatre.	·
	20	Jaune.		Bleu.	
	3 0	Janne pile.		Bleu sombre.	
, `	40	Jaune pâle pres- que blanc.		Indigo très som- bre.	
	5o	Blanc sensible- ment.		Indigo violace très- sombre : minim.	
	55	Blanc.	•	Violet très-sombre et rougeatre.	
	60	Blane.		Rouge violacé.	
	70	Blane sensible- ment.		Rouge jauuatre.	
	80	Blanc à peine bleuitre.		Orangé foncé.	
	90	Blanc légèrement bleuâtre.	: :	Jaune orangé.	

- 0		
л	80	ì
-		ı

						Order d'un-
Epaiment des pla-		Assmot du	Teinte du rayon		Temte du reyon	RECEIVE AND
ques en mille-		rhomboule.	ordinaire.			qual rep-
mètres.	rhombude.	Late Or Deliber	ordinaure.		extraordinaire.	de rayon extransé.
						,
N° 32000,997.	De droite à gunche.	o°	Rouge pourpre		Blane très-legère- ment bleustre.	rer ordes.
	Bunnan	5	Ronge un pen		Blane tres-legère-	
			urangé.	(- ·	ment bleuttre.	
		10	Omnge rongostre.	:	Blanc legerement bleuitre.	
		25	Orange brillant.		Blane biegatre.	-
		80	Jacon orangé.		Blane tera-bleuatre	
		35	Jaune beiltaut.		Bleu blanchatre.	
		30	Jeune citron éclet.		Bleu céleste.	
100	1000	35	Janue clair.		Pilott.	
		40	Janne clast.		Bleu très-besu.	_
		45	Janue claic.		Bleu sombre.	
		50 55	Janne pile.	* *	Tadigo.	
	-		Jaune pâle.		Indigo sombre su- perbe de ton-	
		60	Jaune très-pâle.	: :	Indigo très-besu ,	
		65	Jaune encore plus påle.		Indigo encore plus	
		70	James presque		Indigo violace plan	
			blane on blane		sombre encore:	
i i	_		legerem, jaunat.		minimum.	
	_	75	Blanc à perne jan-		Violet très-sombre	_
			uatre.	2 45	un peu rougait.	
		80	Blanc sensiblem.		Rouge tres-violacé	
l l		- 85	Blanc à peine bleuëtre.	: :	Rouge pourpre.	
		90	Blanc très-légère-		Rouge pourpre.	
			ment blenåtre.			
№ 44mm,005.	De droite à	o°	Rlen un pen vio-		Jaune catron.	a" ordre,
li .	gauche.	10	lacé.			conleurs
l.	N.		Gris de lin ou blen.	7 7	Janue verdatre.	extrême-
		20	violacé.	1. 5,		ment
	١.	Violet rougestre.		Vert pile.	brillant.	
	30	Rouge.		Vert pile un peu		
1	1	4D	B	1.1	bleuštre.	
H		5e	Rouge vif. Rouge jaunatre.		Bleu verdåtre. Blen celeste clair.	
		60	Orange brillant,	7 5	Blen celeste ciair.	
		20	Janue orangé brib-	7 %	Blen.	
		1"	Lent.		ANDH.	
		Bo	Janne brillant.	1 .	Blon.	
I		90	Jaune citron.	* .	Bleu un pen vio-	
					lacé.	

Epaisseur des pla- ques en milli- mètres.	Sens du mou- vement du rhomboïde.		Teinte du rayon ordinaire.	Teinte du rayon extraordinaire.	Ordre d'ann. auquel répond le rayon en- traordinaire.
N° 55mm _y o14.	De droite à gauche.	50 60 70	Bleu superbe. Bleu foncé ou indigo. Indigo sombre. Indigo violacé. Rouge pourpre même teinte que le Geranium san- guineum exact.) Rouge de sang. Rouge un peu jau- nâtre. Rouge orangé. Orangé. Jaune brillant.	Jaune brillant. Jaune. Jaune verdåtre. Vert jaunåtre. Vert assez beau. Vert bleuåtre. Bleu un peu verdåtre. Bleu superbe.	a ordre , couleurs très-bril- lantes.

Discussion des expériences précédentes, et conséquences auxquelles elles conduisent.

Pour faire sortir des expériences précédentes les conséquences physiques qu'elles renferment, je vais d'abord les réduire à leurs résultats les plus généraux, que je présenterai séparés les uns des autres, après quoi nous pourrons chercher à découvrir les rapports qui peuvent exister entre eux.

1º Lorsqu'un rayon polarisé tombe perpendiculairement sur la surface naturelle d'un rhomboïde de spath d'Islande, dont la section principale est parallèle au plan de polarisation du rayon, si on fait préalablement passer le rayon à travers une plaque de cristal de roche, taillée perpendiculairement à l'axe de cristallisation, une partie des molécules lumineuses perd sa polarisation primitive, et il se produit dans le rhomboïde un rayon extraordinaire ordinairement coloré.

2º Les couleurs de ce faisceau extraordinaire se rapportent à celles des anneaux colorés réfléchis; les couleurs des anneaux les plus voisins du noir se montrent dans les plaques les plus minces, et celles des anneaux les plus composés dans les plaques les plus épaisses, jusqu'à ce qu'enfin, l'épaisseur augmentant toujours, les deux faisceaux finissent par être tous deux blancs et sensiblement égaux en intensité.

3º Si l'on tourne la plaque dans son plan, le rhomboïde restant fixe, et l'incidence sur la plaque restant toujours perpendiculaire, la teinte des deux faisceaux n'éprouve aucune altération. Ce phénomène avait été remarqué par M. Arago.

4º Mais si l'on tourne la section principale du rhomboïde dans différents azimuts, l'incidence restant toujours perpendiculaire, la teinte du faisceau extraordinaire varie; et, dans les plaques que nous avons jusqu'à présent examinées, si l'on tourne le rhomboïde de droite à gauche et de 0° à 90°, la teinte du rayon extraordinaire monte dans l'ordre des anneaux comme si la plaque devenait plus mince. Si la plaque est assez mince, cette rotation amènera le rayon extraordinaire jusqu'au bleu le plus sombre et au noir qui commence les anneaux, après quoi il recommencera par devenir rouge, orangé, etc. Quand la section principale du rhomboïde a tourné de 90°, les rayons ordinaire et extraordinaire ont échangé leurs teintes. En général, cet échange a lieu dans les azimuts α et 90 + α ; de sorte qu'il suffit d'observer les variations des teintes qui s'opèrent dans un quadrans pour connaître et prédire les variations analogues qui auront lieu dans tous les autres.

Voilà les résultats généraux. Cherchons maintenant com-

ment ils peuvent être produits par les actions successives de la plaque de cristal de roche et du rhomboïde de spath d'Islande, qui sert pour analyser la lumière, et voyons quelles espèces d'actions ils supposent.

On sait que lorsqu'un rayon est polarisé par réflexion sur une glace, il ne se divise plus quand il tombe perpendiculairement sur la face naturelle d'un rhomboïde de spath d'Islande, dont la section principale est parallèle ou perpendiculaire au plan primitif de polarisation du rayon. Dans le cas du parallélisme, le rayon subit tout entier la réfraction ordinaire. Au contraire, il subit tout entier la réfraction extraordinaire dans le cas de la perpendicularité.

Réciproquement, lorsqu'un rayon jouit de ces propriétés, nous disons qu'il est polarisé. Le sens de la polarisation se manifeste par l'espèce de réfraction à laquelle il cède quand il ne se divise plus. S'il cède uniquement à la réfraction ordinaire, on en conclut qu'il est polarisé dans le sens de la section principale du rhomboïde. S'il cède à la réfraction extraordinaire, on en conclut qu'il est polarisé dans un sens perpendiculaire à cette section.

Ces deux positions du rhomboïde sont les scules dans lesquelles le rayon polarisé ne se divise point sous l'incidence perpendiculaire. Si donc on écarte le rhomboïde de l'une ou l'autre de ces positions, le rayon commence à se diviser suivant une loi progressive d'intensité; c'est-à-dire que si le plan primitif de polarisation forme un très-petit angle avec la section principale du rhomboïde, le rayon extraordinaire donné par celui-ci est très-peu intense. Quand l'angle du plan de polarisation avec la section principale est de 45°, les deux faisceaux donnés par le rhomboïde ont des

intensités égales; enfin l'image ordinaire devient tout-à-fait nulle, quand l'angle du plan de polarisation avec la section principale du rhomboïde est de 90°. Alors toute la lumière passe dans le rayon extraordinaire.

Ces données une fois établies par l'expérience, appliquons-les aux phénomènes que nous avons observés avec nos plaques, et commençons par la plus mince, celle dont l'épaisseur est o^m, 400. Voici l'énoncé de ces phénomènes:

1º On place la section principale du rhomboïde dans le plan de polarisation primitive du rayon qu'on laisse tomber directement sur sa surface et sous l'incidence perpendiculaire. Tout ce rayon se réfracte ordinairement, et l'image extraordinaire est nulle.

2º On interpose la plaque de cristal de roche, et l'on observe un faisceau extraordinaire d'un bleu sombre; ce rayon est un mélange de bleu et de violet. Le rayon ordinaire est blanc sensiblement; c'est-à-dire que la quantité de rayons bleus et violets qu'il a perdus pour former le rayon extraordinaire est si faible, qu'il n'en résulte aucune altération sensible dans sa blancheur.

re conséquence. De là on peut d'abord tirer cette conséquence importante. Quand on analyse un rayon polarisé en se servant d'un rhomboïde de spath d'Islande, le rayon extraordinaire est toujours formé aux dépens des faisceaux dont les axes ne coïncident pas avec sa section principale. Ici nous trouvons que ce faisceau extraordinaire ne contient que des rayons bleus et violets; donc, si l'action du rhomboïde s'exerce ici comme sur les rayons polarisés directs, il s'ensuit que tout le reste de la lumière incidente est polarisé dans un seul et même sens, et ce sens est la direction de la

section principale du rhomboïde, c'est-à-dire le plan primitif de polarisation.

2º conséquence. Il suit de là que si on tourne le rhomboïde de manière à diminuer l'intensité du faisceau bleu extraordinaire, on devra nécessairement faire naître un autre faisceau extraordinaire formé par l'ensemble de toutes les autres couleurs, c'est-à-dire sensiblement blanc, puisque le rayon ordinaire est sensiblement blanc, dans la première position du rhomboïde. Ce nouveau rayon extraordinaire s'ajoutera à ce qui reste du premier faisceau bleu, et l'intensité absolue de leur ensemble formera le nouveau faisceau extraordinaire, dont la teinte ira en s'approchant continuellement de la blancheur. Or, rien de tout-eela n'arrive.

Lorsqu'on tourne le rhomboïde de droite à gauche, le faisceau extraordinaire bleu diminue, il est vrai, d'intensité; mais aucun atome du rayon ordinaire ne vient s'y ajouter: il ne fait que diminuer ainsi de plus en plus, jusqu'à devenir nul ou presque nul, lorsque le rhomboïde a tourné d'une quantité variable suivant l'épaisseur de la plaque de cristal de roche, et dont la valeur déterminée par nos expériences est:

Pour	l'épaisseur	o ^m	*,400 9°	45'
	_	0	,4881	3о
	•	I	,03225	00
	i	I	,18428	3o
		2	,09450	00
		2	,99770	00
			.4788o	

Les ares rapportés dans la acconde coloma sont propostionnels aux épaisseurs des plaques; carminaminit la solution
des épaisseurs pour la trouvé de 127 1672 des commes des
ares est prés de margin 15 quantitation des factions
décimeles aux minutes a dépose cela, dans l'hypathèse de la
propositionnalité; le nombre 200 188 ou 23,5372 est le facany aux productions de la comme

	dont latements in	
0 ,488 1,477,475 1 ,	on of the driver of the second	xx 30 11.1 3 2. 2 14 24 27 442 199 4 145 7 2 201
9 ,094 2 ,997 3 ,478	50 00 70 00 80 00	49 17 70 3s 81 51

L'accord du calcul et de l'observation est assez frappant pour que l'on puisse en conclure, qu'en effet l'azimut qui donne le minimum du rayon extraordinaire quand ce minimum existe, est proportionnel à l'épaisseur des plaques.

3e conséquence. Négligeons pour un moment la portion presque insensible de lumière rouge et violette qui reste encore dans le faisceau extraordinaire, à l'instant du minimum, dans les plaques que nous venons de considérer. Si l'on veut raisonner ici comme l'on ferait pour un rayon qui aurait été polarisé par la réflexion sur une glace, on devra en conclure que tous les axes des molécules lumineuses se sont tournés dans l'azimut auquel ce minimum répond dans chaque plaque, c'est-à-dire dans l'azimut de 9° 45' pour la première, de 11º 30' pour la seconde, de 28º 30' pour la troisième, et ainsi des autres; mais alors, dans les positions du rhomboïde qui saivent ce minimum ou le précédent, on devrait observer un faisceau extraordinaire provenant de l'ensemble de tous les rayons, et par conséquent incolore; or, c'est ce qui n'arrive point, puisqu'immédiatement avant le minimum le rayon extraordinaire, est bleu sombre ou violet rougeatre, et qu'après le minimum il devient aussitôt rouge, orangé. Par conséquent, on est forcé de convenir que l'action du rhomboïde sur les rayons lumineux ainsi modifiés, n'est pas la même que sur les rayons lumineux qui ont été polarisés par la réflexion; et l'on ne pourrait nullement expliquer cette dissemblance, en supposant que les molécules lumineuses de nature diverse qui ont traversé la plaque de cristal de roche, ont, par l'action de cette plaque, tourné leurs axes de polarisation dans des azimuts divers, ce qui les ferait entrer successivement dans le rayon extraordinaire où elles domineraient tour-à-tour. Car cette supposition n'expliquerait nullement le phénomène d'un minimum, où le rayon extraordinaire devient nul ou insensible; et, en général, on peut arranger comme on voudra les axes des molécules lumineuses de conleur diverse autour du point d'incidence, jamais, si l'on conserve au cristal d'Islande son action accoutumée, on ne pourra obtenir un rayon extraordinaire, qui, d'abord très-faible dans l'azimut

zéro, aille ensuite, en s'affaiblissant de plus en plus presque sans changer de teinte jusqu'à un certain azimut où il devient insensible; tandis que le rayon ordinaire, constamment blanc et incolore, du moins pour nos sens, entraîne avec lui les axes de polarisation de toutes les autres molécules lumineuses, à mesure que l'on tourne le rhomboïde, et les fait tourner ainsi dans plusieurs azimuts très-différens, sans que la force répulsive extraordinaire puisse jamais les lui enlever.

Puis donc que cette manière la plus générale d'appliquer l'action accoutumée du rhomboïde de cristal d'Islande ne suffit nullement pour représenter les phénomènes produits par les plaques de cristal de roche perpendiculaire à l'axe, il faut nécessairement conclure que les molécules lumineuses en traversant ces plaques y prennent des propriétés nouvelles qui ne consistent pas seulement dans une disposition particulière de leurs axes, relativement à la section principale du rhomboïde, mais qui sont de véritables propriétés physiques qui subsistent encore après que les molécules sont sorties de la plaque, et qui font que le rhomboïde agit sur elles autrement qu'il n'a coutume de faire sur un rayon polarisé par la réflexion.

Telle scrait, par exemple, une variation dans la longueur ou dans l'intensité des accès de réflexion et de transmission des molécules. Car si, par quelque moyen que ce fût, on parvenait à produire de pareils changemens, il est clair que la force répulsive qui produit la réfraction extraordinaire, s'exercerait plus facilement sur les molécules qui seraient dans les dispositions les plus favorables pour être réfléchies, et par conséquent pourrait s'exercer inégalement sur les

diverses couleurs : ce que je ne présente point d'ailleurs comme une réalité, mais seulement comme un exemple des modifications par lesquelles de semblables phénomènes pourraient être produits.

Comme cette conclusion est extrêmement nouvelle, et pourra paraître hardie, j'ai voulu exprès l'établir directement sur la seule comparaison des expériences, indépendamment de toute autre théorie, et sans employer, en aucune façon les formules empiriques qui représentent les intensités des faisceaux ordinaire et extraordinaire produits par un rhomboïde de cristal d'Islande sur un rayon polarisé. Cependant, comme l'application de ces formules rend les résultats plus évidens et plus simples, je vais les exprimer de cette manière.

$$F_{\bullet} = A\cos^{2}(i-\alpha) + A_{1}\cos^{2}(i-\alpha) + A_{2}\cos^{2}(i-\alpha) + ...A_{n}\cos^{2}(i-\alpha).$$

$$F_{\bullet} = A\sin^{2}(i-\alpha) + A_{1}\sin^{2}(i-\alpha) + A_{2}\sin^{2}(i-\alpha) + ...A_{n}\sin^{2}(i-\alpha).$$

Mettons d'abord la section principale du rhomboïde dans le 1812.

plan du méridien, qui est aussi le plan de la polarisation primitive du rayon; nous aurons = 0, ce qui donne

$$F_o = A \cos^2 i + A_1 \cos^2 i + A_2 \cos^2 i + \dots A_n \cos^2 i$$

$$F_c = A \sin^2 i + A_2 \sin^2 i + A_3 \sin_2 i + \dots A_n \sin^2 i$$

L'expérience prouve que, dans nos plaques les plus minces, le rayon extraordinaire n'est alors composé que de violet et de bleu. Soient i_* , i_* , les azimuts qui répondent à ces couleurs, alors l'ensemble des autres couleurs devra disparaître de l'expression du rayon extraordinaire, c'est-à-dire que l'on devra avoir

$$0 = A \sin^2 i + A \sin^2 i + \dots A_{n-1} \sin^2 i + \dots A_{n-2}$$

et comme tous les coëfficiens A, A, A, A, ... A, ..., qui représentent les intensités des divers faisceaux élémentaires, sont nécessairement positifs, il faudra, pour que cette relation soit satisfaisante, que l'on ait

$$i=0$$
 $i_i=0$ $i_i=0,\ldots,i_{i-1}=0,$

c'est-à-dire que toutes les couleurs qui se réunissent alors dans le rayon ordinaire, soient polarisées dans un seul et même sens. En introduisant ces valeurs dans les expressions générales des deux faisceaux ordinaire et extraordinaire, elles deviennent

$$F_{a} = [A + A_{1} + A_{2} + ... A_{n-1}]\cos^{2} a + A_{n-1}\cos^{2}(i_{n-1} - a) + A_{n}\cos^{2}(i_{n-2} - a).$$

$$F_{a} = [A + A_{1} + A_{2} + ... A_{n-1}]\sin^{2} a + A_{n-1}\sin^{2}(i_{n-2} - a) + A_{n}\sin^{2}(i_{n-2} - a).$$

Maintenant tournons le rhomboide de droite à gauche de manière à arriver au minimum de F.; alors le faisceau F. ne sera plus composé, comme tout-à-l'heure, que de violet et de bleu, mais beaucoup moins intenses et presque nuls. Il faudra donc que les termes dépendans des autres couleurs disparaissent de la valeur de F., ce qui exige qu'on ait séparément.

$$o = [A + A_1 + A_2 + \dots A_{n-1}] \sin^2 \alpha.$$

Mais ici, d'après l'expérience, l'azimut α n'est pas égal à zéro, comme il l'était tout-à-l'heure; il a au contraire des valeurs qui peuvent être fort considérables : on ne peut donc pas supposer $\alpha = 0$; on ne peut pas davantage supposer A = 0, $A_1 = 0$... $A_{n-1} = 0$, puisque cela ferait disparaître du rayon ordinaire les teintes auxquelles ces coëfficiens répondent; ainsi l'on voit par cette discussion que, de quielque manière que l'on dispose les axes de polarisation des molécules lumineuses, il est impossible de satisfaire aux phénomènes, en supposant que les actions qu'elles éprouvent de la part du rhomboïde soient les mêmes qu'elles éprouveraient si elles avaient été polarisées par la réflexion.

On peut encore montrer d'une autre manière la contradiction des formules avec l'expérience. En effet, plaçons la section principale du rhomboïde dans la position qui donne le minimum du rayon extraordinaire; et comme alors l'intensité de ce rayon est presque insensible, faisons-en abstraction pour un moment. Le reste de la lumière devra donc être considéré comme polarisé dans un seul et même sens. Supposons que ce soit dans l'azimut i, on aura alors

$$i=i_1=i_2\ldots=i_n$$

et l'expression des deux rayons ordinaire, extraordinaire, deviendra

$$F_{\alpha} = [A' + A_1 + A_2 + \dots + A_n] \cos^{\alpha}(i - \alpha).$$

$$F_{\alpha} = [A + A_1 + A_2 + \dots + A_n] \sin^{\alpha}(i - \alpha).$$

Ces deux faisceaux seront donc égaux en intensité et en teinte, si l'on fait, comme dans mon premier Mémoire,

$$\cos^{2}(i-\alpha) = \sin^{2}(i-\alpha)$$
 bu $\cos^{2}(i-\alpha) = 0$,

ce qui donne les deux valeurs

$$a(i-a) = -90^{\circ}$$
 $a(i-a) = 90^{\circ}$

et par conséquent

$$\alpha = i - 45^{\circ}$$
 $\alpha = i + 45^{\circ};$

c'est-à-dire qu'il faut pour cela placer la section principale du rhomboïde à 45° avant ou après l'azimut i, qui répond au minimum du faisceau extraordinaire. Or, ce résultat est tout-à-fait contraire à l'expérience; car, quoique les molécules lumineuses soient presque toutes réunies dans le rayon ordinaire à l'époque du minimum, et que la quantité qui manque alors à ce rayon soit presque insensible, cependant, lorsqu'on place la section principale du rhomboïde à 45° de ce minimum, les deux images sont bien loin d'être égales en teintes et en intensité.

Ainsi donc, de quelque manière qu'on envisage les phénomènes produits par les plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe, on voit que l'action du rhomboïde de cristal d'Islande ne s'exerce pas sur les molécules qui ont traversé ces plaques, comme elle s'exercerait sur un fais-

ceau ou sur un systême quelconque de faisceaux qui parviendraient directement au rhomboïde après avoir été polarisés par la réflexion. Elle n'est pas non plus la même qu'elle serait si ces faisceaux, après avoir reçu la polarisation par réflexion ou par l'action d'un cristal d'Islande, avaient traversé des plaques de chaux sulfatée, de mica ou de cristal de roche parallèles à l'axe de cristallisation, ou avaient été réfléchis par des surfaces quélconques, ou enfin avaient subi de nouvelles polarisations par réfraction; car dans tous ces cas la direction et l'intensité des faisceaux polarisés ordinairement et extraordinairement par le rhomboïde, peuvent se calculer par les formules de Malus, d'après le sens de la polarisation que les faisceaux incidens ont en arrivant sur sa surface. Au lieu que ces formules ne s'appliquent plus quand le rayon polarisé a traversé une plaque de cristal de roche perpendiculaire à l'axe, quelque direction de polarisation qu'on veuille supposer aux diverses couleurs qui le composent. Par conséquent c'est de l'expérience même qu'il faut tirer les lois nouvelles que l'action du rhomboïde paraît suivre dans cette circonstance; et ces lois une fois connues, il faut ensuite chercher dans leur application et dans la diverse disposition des molécules lumineuses, les causes qui font varier les intensités et les couleurs dans les différens azimuts, conformément à l'observation.

D'abord, puisque nous voyons le rayon ordinaire entraîner les molécules lumineuses dans plusieurs azimuts consécutifs, sans que la force répulsive de la réfraction extraordinaire puisse les lui enlever, c'est une preuve que, dans l'état où ces particules se trouvent, et d'après les propriétés physiques qu'elles ont acquises en traversant la plaque, la force répulsive doit dépasser certaines limites d'énergie avant de les entraîner, de même que dans les anneaux colorés la force réfléchissante doit excéder certaines limites avant que la réflexion ait lieu. Pour sentir ce que ce fait a de particulier, rapprochons-le de ce qui arrive généralement dans les autres phénomènes de la double réfraction. Par exemple, lorsqu'un rayon a été polarisé par réflexion sur une glace non étamée, s'il tombe perpendiculairement sur un rhomboïde de cristal d'Islande, dont la section principale soit parallèle au plan de polarisation, il ne se divisera point et subira tout entier la réfraction ordinaire; mais pour peu que l'on écarte la section principale du rhomboîde de cette direction, quelque petit que soit l'angle dont on l'en écarte, une partie des molécules lumineuses subira l'action de la force répulsive, et prendra la réfraction extraordinaire. La chose n'a pas lieu ainsi pour les molécules qui ont traversé nos plaques, et la preuve en est sur-tout frappante quand ces plaques ont moins de quatre millimètres d'épaisseur. Alors les molécules qui subissent la réfraction ordinaire, lorsque la section principale du rhomboïde est tournée dans l'azimuth zéro, la subissent encore quand le rhomboïde s'écarte de cette position, d'un nombre de degrés plus ou moins considérable, et qui varie avec l'épaisseur de la plaque. Et loin que la force répulsive fasse passer quelques unes de ces molécules dans le rayon extraordinaire, à mesure que l'on tourne ainsi le rhomboïde, il arrive au contraire que de nouvelles molécules échappent sans cesse à cette force, et se séparent de plus en plus du rayon extraordinaire pour revenir au rayon ordinaire. Le phénomène considéré ainsi, indépendamment de la nature des molécules, est extrêmement saillant, et forme une distinction bien nette entre la manière dont s'exerce communément l'action du rhomboïde, et celle qui a lieu dans les phénomènes que nous examinons.

Pour savoir à quelles limites d'azimut la force répulsive commence à entraîner les molécules lumineuses de chaque espèce, et à quelles limites elle les abandonne, il faudrait faire des expériences directes sur des rayons de lumière simple. Je n'ai pas eu le temps de me livrer à ce genre de détermination, et c'est un sujet bien digne d'attirer l'attention des physiciens.

Mais en admettant seulement l'existence de pareilles limites, qui nécessairement existent, comment peut-on ensuite expliquer la succession des teintes et leurs changemens progressifs dans les différens azimuts? pour cela il devient nécessaire d'introduire une considération nouvelle, relative à la direction des axes de polarisation des molécules de couleur diverse. Nous avons vu que si l'on coupe une aiguille de cristal de roche par un plan mené suivant son axe, quelle que soit d'ailleurs la direction de ce plan, on forme ainsi une plaque dans laquelle l'observation ne fait reconnaître que l'action d'un seul axe qui est celui de cristallisation. En inclinant cette plaque en différens sens sur le rayon incident, l'intensité de la force polarisante qu'elle exerce semble ne dépendre que de l'angle formé par cet axe avec le rayon réfracté; car l'effet absolu ne dépend que de cet angle et de la longueur du trajet que les molécules lumineuses font dans le cristal. Mais les phénomènes que présentent les plaques taillées de cette manière seraient encore exactement semblables si l'on concevait en outre dans le cristal de roche un nombre infini

d'axes rayonnans autour de l'axe principal perpendiculairement à sa direction; car à cause du nombre infini de ces axes, leur action totale ne changerait pas quand on inclinerait les plaques sur le rayon polarisé, et par conséquent leur existence dans ces sortes de plaques ne se manifesterait en aucune manière; mais elle deviendrait sensible dans les plaques taillées perpendiculairement à l'axe principal du cristal, parce qu'alors la force de ce dernier axe étant nulle sous l'incidence perpendiculaire, l'action des axes rayonnans s'exercerait seule, et si l'on venait à incliner la plaque les phénomènes se partageraient entre les deux genres d'action selon la diverse énergie de leur intensité. Or, cette idée, que je ne donne, si l'on veut, que comme une conception mathématique, rendrait parfaitement raison de tous les phénomènes; car en admettant ici, comme nous l'avons reconnu dans tout le reste de nos expériences, que les actions polarissantes ainsi exercées par les molécules dans l'intérieur du cristal sont successives, on voit que les molécules lumineuses éprouveraient d'abord l'action d'une de ces forces, ou d'un de ces axes, puis d'un autre, puis d'un troisieme, et ainsi de suite à mesure qu'elles pénètrent dans l'intérieur de la plaque, de manière à acquérir un mouvement de rotation autour de leur centre de gravité; et comme nous avons reconnu que les forces répulsives ou attractives émanées de l'axe principal du cristal, produisent sur les axes des molécules lumineuses, des déviations inégales suivant leur nature, de même ici la rotation des molécules de nature diverse sera inégalement rapide, les molécules violettes tourneront plus vite que les bleues, les bleues plus vite que les vertes, les vertes plus vite que les jaunes.

et ainsi de suite jusqu'aux molécules rouges, qui seront les plus lentes de toutes. Quelles seront les valeurs absolues de ces différentes vîtesses? c'est ce qu'il faudrait déterminer par des expériences directes, faites sur chaque lumière prise dans son état simple et homogène; car il est visible que la table de Newton, formée sur la considération des accès alternatifs de réflexion et de transmission, ne peut plus nous servir dans la circonstance actuelle, où il s'agit de calculer les effets d'un mouvement continu. Je n'ai point fait ces expériences délicates, aussi je ne prétends point présenter la théorie précédente avec le détail nécessaire pour pouvoir calculer d'avance la succession des teintes. Par cette raison je ne prétends point non plus lui attribuer la même certitude qu'à la théorie des oscillations, relativement aux lames parallèles à l'axe; je ne la donne même, si on veut, que comme une simple hypothèse, mais comme une hypothèse qui semble parfaitement d'accord avec tous les faits, autant qu'on en peut juger quand on se borne à prévoir leur ensemble et qu'on ne les calcule pas numériquement.

Pour montrer comment elle s'y applique, reprenons d'abord les observations faites avec la plus mince de nos plaques, celle dont l'épaisseur était o , 400, et plaçons d'abord la section principale de notre rhomboïde dans l'azimut zéro: alors le rayon ordinaire est blanc, et le rayon extraordinaire est bleu extrêmement sombre. Les molécules bleues sont donc alors les seules que la force répulsive du rhomboïde entraîne; ainsi, dans cette circonstance, l'ensemble des molécules les moins réfrangibles, c'est-à-dire les rouges, les orangées, les jaunes, etc., n'ont pas encore commencé à tourner; l'épaisseur de la plaque est trop petite pour que son action les

mette en mouvement, au moins autant qu'il le faudrait pour que la force répulsive puisse les entraîner. Les molécules bleues et violettes sont donc les seules déviées; et, dans les plaques que nous avons essayées jusqu'ici, elles le sont de la droite vers la gauche de l'observateur. C'est ainsi que dans les lames parallèles à l'axe de cristallisation, les molécules bleues et violettes sont les premières qui se mettent en mouvement; et si la lame est suffisamment mince, elles sont les seules qui se mettent en mouvement, tandis que les autres conservent leur polarisation primitive, dont nous représentions la direction par la ligne CZ, fig. 16.

Partons donc de cette position du rhomboïde, et tournons un peu sa section principale vers la gauche, en lui faisant ainsi décrire un petit angle a. Soit CA la direction dans laquelle ce mouvement l'amène; soit CV la direction suivant laquelle sont polarisées les dernières molécules violettes de l'extrémité du spectre, en sorte que les axes de polarisation des molécules de toutes les couleurs correspondent aux différents point de l'arc ZV. Si l'arc ZA, décrit par le rhomboïde, est suffisamment petit, les molécules dirigées sur CZ et dans les directions intermédiaires entre CZ et CA pourront encore être retenues par la force réfringente ordinaire, et il en sera de même de l'autre côté de CA sur un arc dont l'étendue sera déterminée par l'éncrgie des forces répulsives. Mais, par cette disposition même, une partie des molécules lumineuses bleues et violettes correspondantes à l'arc VA, et qui tout-àl'heure échappaient à la force réfringente ordinaire, se trouveront saisies par elle, et par conséquent passeront dans le rayon ordinaire: alors le rayon extraordinaire, diminué de toutes ces molécules, s'assaiblira peu-à-peu; perdant d'abord

ses molécules bleues, il passera premièrement à un indigo sombre, puis perdant ses molécules indigo, il passera à un violet plus sombre encore; puis enfin, perdant ses dernières molécules violettes, il arriverait au noir, si l'étendue d'action des forces réfringentes était telle, qu'elles pussent embrasser à-la-fois toutes les molécules lumineuses, dont les axes sont distribués sur l'arc ZV. Il faut même remarquer que ce passage des molécules lumineuses du faisceau extraordinaire au faisceau ordinaire, ne doit pas se faire consécutivement pour les diverses espèces de particules lumineuses; car ici, comme dans les anneaux colorés, les espaces occupés par chaque couleur simple doivent empiéter les uns sur les autres; et ainsi il y aura des molécules indigo et violettes qui changeront de réfraction en même temps qu'une partie des molécules bleues. Semblablement, lorsque l'indigo changera de réfraction, une partie des molécules violettes passera avec lui; ce qui fera que le rayon extraordinaire, de plus en plus affaibli, finira par ne plus contenir que les dernières molécules du violet extrême. Ce sera là le cas du minimum d'intensité du rayon extraordinaire qui, dans notre première plaque, répondait à 6° 45'. Pendant tout ce mouvement du rhomboïde, le rayon ordinaire est resté blanc, du moins pour nos sens, parce que la portion de lumière composée que renserme le rayon extraordinaire, ne formait qu'une portion insensible de la totalité de la lumière incidente. Tournons maintenant le rhomboïde un peu davantage en allant toujours vers la gauche; alors la force réfringente ordinaire ne pourra plus embrasser toutes les molécules de l'arc ZV; celles qui font le plus grand angle avec sa direction lui échapperont les premières: ce seront donc celles dont les

axes sont dirigés suivant CZ; ce sont donc les rouges, et presque au même instant, les orangées et les jaunes, qui, comme nous l'avons vu d'abord, répondent très-près des premières aux différens points de l'arc ZV. De là il naîtra un rayon extraordinaire rouge jaunâtre, et ce rayon sera d'abord extrêmement sombre, parce qu'une très-petite portion de la lumière incidente aura échappé à la réfraction ordinaire. Mais à mesure que l'on tournera le rhomboïde, son intensité s'augmentera successivement; et les diverses couleurs y arriveront tour-à-tour dans l'ordre de leur répartition sur l'arc ZV, mais en se suivant avec beaucoup de rapidité. Ce rayon deviendra donc successivement jaune pâle, jaune très-pâle, blanc à peine jaunâtre, et enfin blanc; tandis que le rayon ordinaire, s'affaiblissant par une marche contraire, et perdant successivement les molécules qui passent dans l'autre réfraction, deviendra tour-à-tour blanc à peine bleuâtre, blanc légèrement bleuâtre, blanc bleuâtre, bleu blanchâtre et bleu sombre. Cette dernière teinte arrivera quand la section principale du rhomboïde aura décrit un angle de 90°, à partir de sa première position, parce qu'alors les actions ordinaire et extraordinaire de ce rhomboïde, se seront mutuellement échangées; et par la même raison, en continuant à tourner la section principale les mêmes successions et les mêmes oppositions de teintes se répéteront successivement dans tous les quadrans, conformément aux observations.

Prenons maintenant une plaque plus épaisse. La rotation des molécules lumineuses plus long-temps prolongée, aura réparti leurs axes sur un plus grand arc. Alors, quand la section principale du rhomboïde sera située dans l'azimut zéro, il y aura un plus grand nombre de particules lumi-

neuses qui échapperont à la réfraction ordinaire. Le rayon extraordinaire augmentant ainsi avec l'épaisseur deviendra donc successivement bleu, bleu clair, bleu blanchâtre et presque blanc. Alors toutes les molécules ayant commencé à tourner, aucune d'elle n'aura conservé sa polarisation primitive; il faudra donc tourner davantage la section principale du rhomboïde, pour la rapprocher de la direction des axes de ces particules, et pour que l'action du rhomboïde puisse toutes les embrasser dans la réfraction ordinaire. Mais en même temps, les vîtesses de rotation de ces molécules étant inégales selon leur nature, leurs axes de polarisation s'écarteront de plus en plus les uns des autres, et se répandront sur un plus grand arc ZV. Alors il arrivera un terme où cette dispersion sera si grande, que l'action du rhomboïde ne pourra plus toutes les réunir dans le faisceau. ordinaire, et dans ce cas le rayon extraordinaire ne deviendra nul, ou presque nul, dans aucun azimut. En même temps les teintes successives par lesquelles ce rayon passera, seront plus distinctes et plus séparées les unes des autres; comme cela arrive, par exemple, dans le second ordre des anneaux colorés, lorsque l'inégalité de longueur des accès a déja agi assez long-temps pour bien séparer les dissérentes teintes. Mais dans les anneaux il arrive un terme où cette dispersion même confond les teintes, en mêlant, dans la même réflexion. les couleurs diverses des anneaux consécutifs; de même dans nos plaques, en augmentant continuellement l'épaisseur, la rotation inégale des molécules de réfrangibilité diverse finira par les disperser tellement, que celles mêmes qui composent pour nos sens une même teinte, se trouveront assez séparées, pour qu'il entre toujours une partie d'entre elles dans le rayon extraordinaire, quel que soit l'azimut

où le rhomboïde soit placé. Ainsi, quand une fois on en sera venu à ce terme, le rayon extraordinaire contiendra toujours de toutes les couleurs à-la-fois, et en égale proportion relativement à leur intensité absolue, si toutes se trouvent uniformément ou presque uniformément dispersées dans une grande partie de la circonférence; de sorte qu'après avoir vu naître successivement, par les épaisseurs diverses, toutes les couleurs composées résultantes du mélange des couleurs simples et analogues en cela avec les anneaux, on finira par obtenir deux images blanches constamment égales en intensité, quel que soit l'azimut où l'on place le rhomboïde, du moins si l'aiguille de cristal de roche est pure, et conforme à elle-même dans toute son épaisseur.

D'après la théorie que nous venons d'exposer, on voit que, dans-nos plaques, si le rayon extraordinaire est d'abord bleu, par exemple, lorsque le rhomboïde est placé dans l'azimut zéro, il doit devenir ensuite indigo, violet, rouge violacé, rouge jaunâtre, jaune, quand on tourne le rhomboïde de droite à gauche. Si, pour une épaisseur plus grande, ce rayon était d'abord blanc, il doit commencer par devenir blanc bleuâtre, bleu, indigo et violacé. En général, quelle que soit sa teinte dans l'azimut zéro, lorsqu'on tourne le rhomboïde de droite à gauche, il doit monter dans l'ordre des anneaux comme si la plaque devenait plus mince; et en effet ce résultat est conforme à l'observation dans toutes les plaques que nous avons jusqu'à présent examinées.

D'après ce rapprochement, on doit sentir que le sens de la rotation des molécules, et la marche des teintes dans l'ordre des anneaux, sont deux choses liées entre elles, et telles, que la première est le principe de la seconde. On peut donc juger de l'une par l'autre; et par conséquent, si l'on avait des plaques de cristal de roche pour lesquelles les couleurs montassent dans l'ordre des anneaux, lorsqu'on tourne le rhomboïde de gauche à droite, on devrait en conclure que ces plaques font également tourner la lumière de gauche à droite, c'est-à-dire en sens contraire des précédentes: c'est en effet ce qui m'est arrivé. J'ai obtenu de semblables plaques qui étaient extraites de cristaux tous aussi purs que les précédens; et en analysant la lumière qui les avait traversées, j'ai reconnu le sens de la rotation des particules, par l'ordre suivant lequel les teintes changeaient dans les différens azimuts.

La première plaque de ce genre que j'ai obtenue était fort large, et avait six millimètres d'épaisseur. En l'exposant bien perpendiculairement à un rayon polarisé, et analysant la lumière transmise avec un rhomboïde de spath d'Islande dont la section principale était placée dans l'azimut zéro, elle donnait un rayon ordinaire rouge vif, et un rayon extraordinaire vert très-beau. Quand on tournait le rhomboïde dans d'autres azimuts et de gauche à droite, les teintes successives des deux faisceaux étaient telles qu'on le voit ici.

Sens du mou- vement du rhomboïde.	Azimat du rhomboïde.	Teinte du rayon or- dinaire.		Teinte du rayon ex- traordinaire.
De gauche à	0.	Rouge.		Vert superbe.
droite.	10	Rouge vif.		Vert.
Я	20	Rouge jaunatre.		Vert blenåtre.
	3o [.]	Rouge jaunatre.		Bleu verdåtre.
#	40	Jaune legèrement rongeatre.		Blea.
	50	Jaune légèrement verdâtre.		Bleu gris de lin.
	6о	Blanc verdåtre.		Rouge pourpre.
	70	Vert clair.	•	Rouge de saug.
	80	Vert vif.	•	Rouge.
	90	Vert superbe	: :	Rouge vif.

Dans l'azimut de 90°, les rayons ont changé de rôle comme dans les autres plaques: de plus en inclinant la plaque dans l'azimut de 45°, la succession des teintes indiquait que la teinte du rayon extraordinaire, dans l'azimut zéro, était le vert vif du troisième ordre.

Avant d'étudier cette plaque, j'en avais observé une autre exactement de même épaisseur, qui donnait précisément la même teinte dans l'azimut zéro. Mais la variation des teintes dans les autres azimuts, s'y faisait dans un sens absolument opposé à la précédente: c'est ce que montre le tableau suivant.

Sens du mou- vement du rhomboide.	Azimut du rhomboïde.	Teinte du rayon or- dinaire.	Teinte du rayon .ex-
De droite à gauche.	0° 10 30 40 50 60 70 80	Rouge vif. Rouge jaunâtre. Rouge jaunâtre. Rouge très-jaunâtre. Jaune rougeâtre. Blanc verdâtre. Vert clair. Vert. Vert. Vert très-beau.	Vert très beau. Vert bleuâtre. Bleu très l'égèrement verdâtre. Bleu. Gris de lin. Rouge bleuâtre pour- pre. Rouge. Rouge de sang. Rouge vif.

Dans l'azimut de 90°, les rayons ont également changé de rôle. De plus, en inclinant la lame dans l'azimut de 45°, la succession des teintes a prouvé que la teinte du rayon extraordinaire, dans l'azimut zéro, était le vert vif du troisième ordre.

En comparant ces deux tableaux, on voit que la marche des teintes, dans les deux plaques, était absolument opposée: ainsi, d'après notre théorie, si la seconde plaque faisait

tourner la lumière de droite à gauche, la première devait la faire tourner de gauche à droite. Sur cette considération, je n'hésitai point à prévoir qu'en superposant les deux plaques, et les exposant sous l'incidence perpendiculaire au rayon polarisé, ce rayon, après les avoir traversées toutes les deux, reprendrait totalement sa polarisation primitive, la seconde plaque détruisant la rotation que la première aurait imprimée. Cela arriva en effet ainsi : les plaques étant superposée, toujours sous l'incidence perpendiculaire, et la section principale du rhomboïde étant dirigée dans l'azimut zéro, le rayon extraordinaire disparut en totalité. Toute la lumière transmise prit la réfraction ordinaire, et en tournant le rhomboïde dans différens azimuts, le rayon se divisa en deux faisceaux blancs, dont les intensités furent précisément telles qu'elles auraient dû être, si la lumière polarisée fût arrivée directement au rhomboïde. Cette compensation, à laquelle nous conduit notre théorie sur la rotation des molécules lumineuses, aurait été, ce me semble, bien difficile, pour ne pas dire impossible, à prévoir d'une autre manière; car qui aurait pu deviner autrement, que des plaques qui, dans la première position du rhomboïde, donnaient exactement les mêmes teintes, soit ordinaires, soit extraordinaires, exerçaient cependant sur la lumière des actions directement opposées, et se compenseraient rigoureusement par la superposition?

J'ai cherché d'autres aiguilles qui fissent ainsi tourner la lumière de gauche à droite; j'en ai trouvé plusieurs parmi les aiguilles les plus pures et les plus semblables aux autres; mais elles m'ont paru cependant plus rares que celles qui font tourner la lumière de droite à gauche. J'ai particulièrel'une aiguille très-pure, mais moins larges que les précédentes: je vais exposer les phénomènes qu'elles m'ont offerts. J'ai d'abord observé la rotation de la lumière dans la première de ces plaques que j'ai nommée (a), son épaisseur, meturée au sphéromètre, s'est trouvée de 4^{mm}, 5105: voici la érie des observations.

Seur du mon vement da rhomboide,	Attent de la corrien prince pale du Thom- lande.	Teinte da rayon ordi- naire.	Tenno do rayon ex traordinaire.
Do gauche k droite.	10 30 40 50 60 70	indigo augerbe. Illeu un pen violaci. Ronge violaci. Ronge violaci. Ronge vil. Grange. Ocauge. Ocauge.	Jaune éclatant. Jaune plus hisnéhite. Jaune verditre. Jaune pále verditre. Vert pále. Vart bleuátre. Bleu célasta. Bleu tros-heau. Iudigo superhe. Indigo superhe.

A goo les rayons ont échangé laurs teintes comme à l'ordinaire. En inclinant la plaque dans l'azimut de 45°, la succession des couleurs indiqua que la teinte du rayon extraordinaire dans l'azimut oo est le jaune du second ordre.

J'ai ajouté à cette plaque la première de toutes celles que j'avais observées, et dont l'épaisseur est o³, 400: celle-ci fait tourner la lumière de droite à gauche, en sens contraire de la précédente. L'ensemble des deux plaques devait donc produire sur la lumière le même effet qu'une seule plaque égale à leur différence, ou à 4^{mm}, 5105—0^{mm}, 400, c'est à dire 4^{mm}, 1105. En effet, j'ai eu les résultats suivans, qui s'accordent avec cette présomption.

1 .,

Sens du mou- vement du rhomboïde.	Azimut de la section princi- pale du rhom- boïde.	Teinte du rayon or- dinaire.	Teinte du rayon ex- traordinaife.
De gonche à droite.	0° 10 20 30 40 50 60 70 80 90	Indigo très-sombre. Indigo violacé. Rouge de saug. Rouge vif. Oraugé rougeâtre. Orangé. Jaune. Jaune. Jaune. Jaune.	Jaune plus clair que dans le cas précédent. Jaune verdètre. Vert blanchêtre. Vert un peu bleuêtre. Bleu un peu verdêtre. Rleu. Bleu. Bleu. Bleu. Bleu. Bleu foncé. Indigo foncé.

On voit que les teintes du rayon extraordinaire ont un peu monté dans l'ordre des anneaux, comme cela devait nécessairement arriver d'après la théorie. Du reste, la succession des teintes en inclinant le systême dans l'azimut de 45• a indiqué le second ordre. Ayant ainsi réduit l'action de la première plaque à 4^m, 1105, je l'ai ramenée à l'incidence perpendiculaire, et lui ai superposé la plaque (C), nº 4, page 392, dont l'épaisseur était égale à 4mm,005, et qui fait tourner la lumière de droite à gauche: alors les actions opposées des diverses épaisseurs se sont réciproquement détruites, et le rayon extraordinaire est devenu sensiblement nul quand la section principale du rhomboïde s'est trouvée tournée dans l'azimut oo, conformément à la théorie. En tournant le rhomboïde, on a obtenu des images blanches dont l'intensité a varié comme si le rayon polarisé n'eût traversé aucun corps cristallisé.

J'ai observé de même la plaque (b) dont l'épaisseur était 4^{mm} , 120 : elle m'a présente des résultats tous pareils : on en voit ici le tableau.

Sens da mou- vement du rhombouls.	Azımut du rhomboide.	Trinte da rayon os- dinaire.	Teinte du rayon ez- treosdinaire.
De gauche à droite.	30 40 '\$0 60 70	Risu odlete. Elen. Violet. Rouge violacé. Rouge. Orangé rougeltre. Jaune. Jaune estron.	Jaune citron. Jaune. Jaune. Jaune verdôtro. Vert blanchôtro. Vert pâle idenâtre. Men blanchôtre. Men blanchôtre. Blen blanchôtre. Blen blanchôtro. Blen céleste.

A 90° les rayons ont changé de rôle comme à l'ordinaire; de plus, la succession des teintes par l'inclinaison indique le second ordre. Cette expérience s'accorde parfaitement avec la précédente, où nous avons employé la plaque (a) combinée avec la plaque opposée o 40°, 40°, et cela devait être 2 mais je l'ai rapportée exprès pour montrer que ces phénomènes n'ont rien de vague ui d'incertain, et sont au contraire assujétis à des lois sixes et constantes.

J'ai aminci la plaque (a) jusqu'à ce qu'elle n'eût plus d'épaisseur que 3^{ma}, 901; alors, en l'exposant au rayon polarisé, j'ai eu les résultats suivans.

Sens da mon- vement da rhomboide.		Teinte du rayon oc- dinaire.	Trinto da reyon ex- traordinaire.
De grade à droite.	10 30 30 40 50 50 70 80	Indigo un pen violacé. Judigo un pen violacé. Violet. Rouge violacé. Bouge blenêtre (lilas). Graugé rougeêtre. Jamas orangé. Jamas. Jamas. Jamas cityon.	Jame citron. Jame. Vort pilo jamitre. Vort clair. Blou verdâtre. Blen clair. Blen. Blen. Blen. Blen. Blen.

A 90° les rayons ont changé de rôle; la succession des teintes par l'inclinaison indique le second ordre.

J'ai ramené cette plaque à l'incidence perpendiculaire, et je l'ai superposée à la plaque (C) nº 4, dont l'épaisseur est 4^{mm}, 005, et qui fait tourner la lumière de droite à gauche, comme nous l'avons éprouvé: alors les actions opposées des deux plaques se sont détruites, et le rayon a repris entièrement sa polarisation primitive, conformément à la théorie; de sorte que le rayon extraordinaire a complètement disparu quand la section principale du rhomboïde s'est trouvée dirigée dans l'azimut o, et a varié d'intensité quand on a tourné le rhomboïde précisément comme s'il lui fût parvenu directement. En faisant ces expériences, il faut prendre un soin extrême pour ramener exactement les plaques à l'incidence perpendiculaire; car, pour peu qu'on les incline, l'action principale du premier axe, parallèle aux aiguilles, commence à se développer; et comme elle agit dans le même sens pour les deux plaques, au lieu de se neutraliser, elle s'ajoute pour produire des couleurs. Lorsque l'on n'a pas de moyen direct et bien sûr pour retrouver l'incidence perpendiculaire, on y peut revenir en faisant varier l'inclinaison de la plaque sur le rayon successivement d'un côté et d'un autre en sens opposé, de manière à découvrir les couleurs qui se correspondent, puis on prend le milieu entre les incidences qui donnent ces couleurs, et la plaque, ou le systême des plaques superposées se trouve ramené à l'incidence perpendiculaire.

Après avoir fait cette expérience, j'ai ramené la plaque (a)=3^{mm}, 901 à l'incidence perpendiculaire, et lui ai superposé la plaque (C) n° 3, dont l'épaisseur est 2^{mm}, 997. Celle-ci fait tourner la lumière de droite à gauche; ainsi la différence

-	-
4	
-	

des actions était 3^{mm}, 901 — 2^{mm}, 997, ou o , 904, dans le sens de la première. En effet la lumière a tourné de gauche à droite par l'action du système, et j'ai eu les résultats suivans.

versent du rhomboide.	rhomboide.	Teinte du rayon or- dinnire,		Terate du rayon e trantdinaire.
De gauché à 1	00	Blane.		Blez sombre.
droste.	10	Blane.		Blen plus sombre.
	9.0	Blanc.		Violet congestre pre
10	1 1			que ansenable minimens est à s
0.11	,3a	Rhoc.	1 1 1 1 1 2 1	Orange rougeit 4 co leur de bals somb
	ğa.	Mugo ,		Orange janualtre.
		Blauc.		Jauur pale.
		Blane à principlemiter		Jaune pále.
_		Blane blenåtre.		Jaque pâle.
		Bleu celesto. Bleu sombre.		Blanc sepsiblement Blanc.

A 90° les rayons ont changé de rôle; et de plus, la succession des teintes indique le premier ordre. Cette série s'accorde parfaitement avec celle de la première expérience de la page 391 faite avec une plaque dont l'épaisseur était 1 ma, 032, comme on peut le voir aisément en les comparant. On remarque même l'influence de la petite différence qui se trouve entre leurs épaisseurs.

J'ai ôté de dessus la plaque (a) la plaque (C) n° 3, que j'y avais placée, et j'ai substitué à cette dernière la plaque (C) n° 5, dont l'épaisseur est 5^{mm}, 014, et qui fait tourner la lumière de droite à gauche : la différence des épaisseurs était donc 5^{mm}, 014—3^{mm}, 901, ou 1^{mm}, 113, à l'avantage de la plaque C, et par conséquent le système devait imprimer défi-

nitivement, à la lumière, un mouvement de droite à gauche: c'est aussi ce qui est arrivé, comme le montre le tableau suivant.

Sens du mou- vement du rhomboïde.	Azimut de la section princi- pale du rhom- huïde.	Teinte du rayon or-		Teinte du rayon ex- traordinaire.
De droite à gauche.	o*	Blanc légèrement jau- nâtre.	: :	Bleu.
R	10	Blanc sensiblement.		Bleu.
	20	Blanc.		Bleu sombre.
•	30	Blanc.		Indigo violacé extrême- ment sombre : minim.
	35	Blanc.		Rouge violacé très- sombre.
	40	Rlanc.	••	Rouge jaunatre som- bre.
	5o	Blanc.		Jaune fonce.
	6 o	Blanc très-légèrement bleuktre.		Jaune.
!	70	Blanc bleuâtre.		Jaune påle.
1		Bleu blanchâtre.		Jaune très-pâle.
	90	Bleu.		Blanc légèrement jau- nâtre.
			 ====================================	

A 90° les rayons ont changé de rôle comme à l'ordinaire; la succession des teintes par l'inclinaison indique le premier ordre. Si l'on compare cette expérience avec l'expérience n° 3, page 377, faite sur une plaque simple dont l'épaisseur était 1^{mm}, 184, on verra qu'elles s'accordent parfaitement, tant pour la série des teintes que pour la position du minimum.

Cette observation faite, j'ai ôté la plaque (C) n° 5, et j'y ai substitué la plaque (C) n° 2, dont l'épaisseur est 2^{mm}, 084; celle-ci fait également tourner la lumière de droite à gauche: la différence des épaisseurs était donc 3^{mm}, 901—2^{mm}, 084, ou 1,817, à l'avantage de la plaque (a): par conséquent la rotation définitive, imprimée à la lumière par le système,

doit être de gauche à droite: c'est aussi ce qui est arrivé, comme le montre le tableau suivant.

Sens du mou- vement du rhomboïde.		Teinte du rayon e2- traordinaire.
De ganche à droite.	Jaune foucé. Jaune clair Jaune pâle. Jaune pâle. Jaune pâle. Blanc sensiblement. Blanc sensiblement. Blanc. Blauc. Blauc. Blauc. Blanc à peine bleuâter. Blanc légèrem. bleuât.	Blanc légèrem. bleuât. Bleu blanchâtre Bleu. Indigo. Indigo très-sombre. Indigo violacé très- sombre : minimum. Ronge violacé. Rouge jaunâtre. Orangé. Jaune.

A 90° les rayons ont changé de rôle; de plus, la succession des teintes par l'inclinaison indique le premier ordre. Si l'on compare cette expérience avec l'expérience n° 4, faite sur une seule plaque dont l'épaisseur était 2^{mm},084, on trouve qu'elles sont parfaitement d'accord, soit pour la succession des teintes, soit pour la position du minimum, en ayant toutefois égard à la petite différence des épaisseurs.

Enfin j'ai ôté la plaque (C) n° 2, et je lui ai substitué la plaque (C) n° 1, dont l'épaisseur était 1^{mm}, 032; alors la différence s'est trouvée de 3^{mm}, 901—1^{mm}, 032=2^{mm}, 869 à l'avantage de la plaque (a): ainsi le sens de la rotation définitive imprimée à la lumière par le systême devait être de gauche à droite: c'est aussi ce qui est arrivé, comme le prouve le tableau suivant.

Sens du mou- vement du rhomboïde.	Asimut de la section princi- pale du rhom- boide.	Teinte du rayon or- dinaire.	Teinte du rayon ex- traordinaire.
De gauche à droite.	0° 10 20 30 40 50 60 69 70 80	Rouge de brique un peu jaunâtre. Orangé rougeâtre. Orangé. Jaune foncé. Jaune clair. Jaune pâle. Jaune pâle. Blanc légèrement jaunâtre. Blanc légèrement jaunâtre. Blanc sensiblement.	Blanc sensiblement. Blanc bleuåtre. Bleu celeste. Bleu. Indigo. Indigo sombre. Indigo très-sombre. Indigo violacé très- sombre : minimum. Violet rougeåtre très- sombre. Rouge de saug. Rouge de brique un peu jaune.

A 90° les rayons ont changé de rôle comme à l'ordinaire; la succession des teintes par l'inclinaison indique le second ordre: et, soit pour la succession des teintes, soit pour la position du minimum, cette expérience s'accorde très-bien avec ce que nous a présenté la plaque (C) n° 3, dont l'épaisseur était 2^{mm}, 997.

Ces expériences me paraissent suffire pour prouver que certaines plaques de cristal de roche, taillées perpendiculairement à l'axe de cristallisation, font tourner la lumière de droite à gauche, au lieu que d'autres plaques, également limpides, la font tourner de gauche à droite. D'ailleurs les intensités de ces actions sont égales pour des épaisseurs égales, du moins lorsque les aiguilles paraissent parfaitement pures. Quand on superpose deux de ces plaques qui font tourner la lumière en sens opposé, l'action définitive du système est égale à leur différence; et le sens du mouvement de rotation des molécules lumineuses est celui de la plaque la plus 1812.

épaisse. Du reste, quant à la succession des couleurs pour les épaisseurs diverses, et à leurs changemens progressifs, quand la section principale du rhomboïde tourne dans différens azimuts, les lois sont absolument les mêmes, quel que soit le sens dans lequel s'opère le mouvement des molécules lumineuses, en exceptant toutes fois les anomalies que l'inégale constitution des aiguilles peut présenter. Car, puisque des morceaux également bien cristallisés, au moins pour nos sens, font tourner la lumière en sens différens, il serait possible qu'une même aiguille renfermât alternativement et successivement des couches pareilles qui détruisissent réciproquement leurs actions, et il est assez probable qu'en multipliant les essais on trouverait de pareilles couches. En général celles qui font tourner la lumière en sens opposé, sont faciles à reconnaître par le sens dans lequel il faut tourner le rhomboïde pour faire monter les couleurs dans l'ordre des anneaux, ou mieux encore par la superposition des plaques dont les actions sont opposées. Cer, un opérant sur des épaisseurs peu différentes, la superposition développe des couleurs très-vives dans des morceaux où l'on n'en apercevait pas auparavant; ce qui est conforme à notre théorie.

Recherches des lois suivant lesquelles varient les teintes des plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe, lorsqu'on les incline sur le rayon polarisé.

Jusqu'ici nons avons seulement examiné les phénomènes que présentent les plaques de cristal de roche, lorsqu'on les présente perpendiculairement au rayon polarisé. Nous avons remarqué que la polarisation exercée par ces plaques sur les molécules lumineuses, ne peut pas être due à l'action répulsive de leur premier axe, puisqu'alors cet axe se trouvant parallèle au rayon incident, n'exerce sur lui aucune répulsion. Nous avons tâché de montrer que ces phénomènes sont dus à une rotation des molécules lumineuses autour de leur centre de gravité, rotation probablement occasionnée par l'action des axes secondaires qui rayonnent perpendiculairement dans tous les sens autour du premier. Mais si l'action de celui-ci est nulle sous l'incidence perpendiculaire, elle ne l'est plus sous les incidences obliques, parce qu'elle est en général proportionnelle au carré du sinus de l'angle qu'il forme avec le rayon réfracté. Ainsi nous devons nous attendre qu'en inclinant la plaque sur le rayon, le développement de cette nouvelle force enlevera successivement les molécules lumineuses au mouvement de rotation qui les sollicitait, et les soumettant à son influence, changera cette rotation continuelle en un mouvement d'oscillation tel que celui que nous avons observé dans les plaques parallèles à l'axe, et plus généralement dans les plaques où l'action du premier axe était suffisamment développée pour déterminer ce mouvement.

En effet, c'est précisément ainsi que se passent les phénomènes. Lorsqu'on incline ces plaques sur le rayon polarisé, après avoir fixé dans l'azimut zéro la section principale du rhomboïde qui sert pour analyser la lumière, on voit la teinte du rayon extraordinaire baisser continuellement dans l'ordre des anneaux, par l'action croissante du premier axe, précisément comme si la plaque, en s'inclinant, devenait plus épaisse. Enfin, l'inclinaison augmentant toujours, si la plaque est suffisamment épaisse, on arrive à un terme où les deux

.

faisceaux sont blancs, ce qui répond au septième ordre d'anneaux observés par Newton; après quoi ces faisceaux restent toujours blancs, quel que soit l'accroissement d'inclinaison.

· La loi suivant laquelle ces teintes du rayon extraordinaire se succèdent, est la même dans tous les azimuts possibles; elles descendent toujours de la même manière dans l'ordre des anneaux; mais il y a une grande différence dans l'intensité des images, selon l'azimut du plan dans lequel on incline la lame. La séparation des teintes est la plus complète lorsque cet azimut est de 45°, c'est-à-dire lorsque le plan d'incidence du rayon sur la plaque forme un angle de 45° avec la direction du plan primitif de polarisation; alors le faisceau extraordinaire, soit pour l'intensité, soit pour la teinte, répond exactement à l'anneau transmis. Chacun d'eux contient toutes les molécules lumineuses qui composent l'anneau auquel il appartient: mais lorsqu'on écarte le plan d'incidence de cette position pour le ramener vers l'azimut oo ou goo; la section principale du rhomboïde qui sert pour analyser la lumière, restant toujours dirigée dans le méridien, on voit le faisceau extraordinaire perdre peu-à-peu son intensité sans changer de teinte, tandis qu'au contraire celle du faisceau ordinaire augmente de plus en plus. Cette augmentation n'est pas également sensible sous toutes les incidences: d'abord elle est nulle sous l'incidence perpendiculaire, où l'action du premier axe n'est pas encore développée. En effet, nous avons vu qu'alors les teintes du faisceau ordinaire et du faisceau extraordinaire n'éprouvent aucune variation lorsqu'on tourne ·la plaque sur son plan, le rhomboïde restant fixe; mais des que l'on incline la plaque, l'action du premier axe commence

à s'exercer. Alors, si le plan d'incidence est le méridien même. on voit la teinte du faisceau extraordinaire baisser dans l'ordre des anneaux comme dans toute autre azimut; mais, ce qui est extrêmement remarquable, ce faisceau ne garde pas toutes les molécules qui appartiennent à sa teinte dans les anneaux réfléchis: il en perd une certaine proportion par l'action croissante du premier axe, et cette proportion augmente rapidement avec l'inclinaison; de façon que bientôt le faisceau extraordinaire devient tout-à-fait insensible, ou du moins presque insensible, quoique jusqu'au dernier moment il conserve exactement la teinte que lui assigne son inclinaison. Par une conséquence naturelle de ces faits, le faisceau ordinaire va toujours en croissant d'intensité à mesure que l'incidence augmente; mais en même temps sa teinte change et approche de plus en plus de la blancheur avec une grande rapidité, parce que les molécules qu'il enlève à l'autre faisceau, neutralisent pour ainsi dire une partie des siennes, et forment du blanc. Cette absorption des molécules par l'action du premier axe devient totale au moins pour nos sens, au-delà d'un certain terme qui n'arrive ordinairement qu'après que l'autre rayon a parcouru toute la série des anneaux. Une fois que cela a lieu, toutes ou presque toutes les molécules lumineuses sont enlevées au mouvement de rotation continu: elles n'exécutent plus que des oscillations alternatives autour de la section principale de la plaque, suivant les lois que nous avons exposées dans la seconde et la troisième partie de ce Mémoire, et voilà pourquoi le rayon extraordinaire devient alors nul dans les azimuts o° et 90°, conformément à ces lois. Entre ces limites, son intensité peut se calculer par les formules tirées de la théorie des oscillations.

Pour confirmer ces considérations, je vais rapporter les expériences que j'ai faites sur un grand nombre de plaques · de cristal de roche perpendiculaire à l'axe, afin de déterminer la loi suivant laquelle les teintes qu'elles polarisent changent avec l'inclinaison. J'ai dit que les teintes descendent toujours dans l'ordre des anneaux; et en effet on peut, la table de Newton à la main, en suivre progressivement la succession avec la plus grande fidélité: c'est même là, sans aucun doute, le meilleur moyen d'observer à son gré tout le développement des anneaux, soit réfléchis, soit transmis. Mais une fois ce fait bien reconnu et constaté, je me suis borné à mesurer les incidences auxquelles répondaient un certain nombre de teintes des plus tranchées; et comme, avec les moyens dont je pouvais disposer, la mesure des angles d'incidence était une opération assez longue et pénible, j'ai mieux aimé multiplier les mesures sur des plaques diverses, que de les répéter sur toutes les teintes qu'une même plaque pouvait donner. Car, si la loi que nous assignerons pour la succession de ces teintes satisfait pour chaque plaque à un grand nombre de termes distribués dans toute l'étendus de la table de Newton, il est bien clair qu'elle satisfera encore, avec un degré d'approximation pareil, aux autres teintes intermédiaires qui sont liées avec les premières d'une manière régulière et calculée.

Après les explications que j'ai données sur la variation des intensités des faisceaux dans différens azimuts, on voit qu'il suffit d'observer leurs teintes dans un azimut quelconque, mais qu'il vaut mieux choisir pour cela l'azimut de 45°, dans lequel les teintes des deux anneaux réfléchis et transmis sont complètement séparées. C'est donc dans l'azimut de 45° que j'ai

constamment placé le plan d'incidence; et la section principale du rhomboïde, qui sert pour analyser la lumière, est restée constamment dirigée dans l'azimut o°, c'est-à-dire dans le plan primitif de polarisation. Ces positions sont convenues pour toutes les expériences qui vont suivre : quand on aura la loi des teintes dans ces circonstances, la théorie des oscillations les fera connaître en général pour tous les azimuts du plan d'incidence, du moins une fois que l'action du premier axe sera devenue complète.

1^{re} Expérience. Plaque (C), nº 2, amincie. Epaisseur en parties du sphéromètre 470°; en millimètres 1^{mm}, 06155.

Incidence comptée de la perpendi- culaire.				Rayon extraordinaire.	:
o*	o'	o"	Blanc légèrem. jaunâtre.	Bleu.	
17	27	40	Bleu violacé très-sombre, presque nul.	Blanc.	1 er ordre.
20	47	20	Bleu blanchåtre.	Orangé foncé.	ordre.
23	7	5o	Blanc verdåtre.	Rouge.)
25	18	30	Jaune.	Bleu.	1
3о	3	40	Blen.	Jaune brillant.	2° ordre.
32	26	10	Vert.	Rouge.)
35	29	40	Rouge vif.	Vert vif.) .
40	6	40	Vert vif.	Rouge vif.	3° ordre.
42	36	20	Rouge.	Vert.	A* ordre.
45	45	20	Vert.	Rouge.	A orare.
5o	7,	5o	Rouge.	Bleu verdåtre.	5° ordre.
53	37	5o	Bleu verdåtre.	Rouge.	orare.
56	33	20	Rouge.	Blen verdåtre.	6° ordre.
59	56	20	Bleu verdåtre.	Rouge.	o orare.
62	23	48	Blanc rougeâtre.	Bleu verdåtre.	7° ordre.
68	5	10	Bleu verdåtre.	Blanc rougeatre.	7 orare.

2° Expérience. Plaque (C), n° 2. Epaisseur en parties du sphéromètre 922°; en millimètres 2^{mm}, 084.

de	Incidence comptée de la perpendi- culaire.			Rayon ordinaire.	Rayon extraordinaire.	-
٥	°	o'	۰,	Jaune orangé.	Blanc bleuåtre.	
٩	3	18	0	Rouge très-sombre un peu violacé, presque nul.		r ^{er} ordre.
10	•	26	20	Bleu blanchâtre.	Orangé foncé (**).	
12	2	12	20	Blanc verdåtre.	Rouge vif sombre (***).)
2.5	3 .	54	20	Orangé.	Bleu foucé.)
1:	7	27	40	Bleu.	Jaune brillant.	a ordre.
, x	8	56	∳ 0	Vert un peu bleuâtre.	Rouge.)
2	0	18	10	Jaune.	Bleu.	}
2	I.	36	0	Rouge.	Vert superbe.	3° ordre.
2	3	43	20	Vert.	Rouge vif.	ļ
2	6	26	3 o	Rouge.	Vert (****).	4° ordre.
2	8	53	10	Bleu verdåtre.	Rouge.) ·
3	0	47	5o	Rouge.	Bleu verdåtre.	5° ordre.
3	3	23	20	Bleu verdåtre.	Rouge.)
3	5	8	10	Rouge.	Bleu verdåtre.	6° ordre.
3	7	19	54	Bleu verdåtre.	Rouge.)
3	8	28	o	Blanc rougeâtre.	Bleu verdåtre.	7° ordre.
. 4	ī	0	۰(*	Bleu verdåtre.	Blanc rougeâtre.)

^(*) Peut-être a-t-on un peu exagéré cette inclinaison extrême pour atteindre plus sûrement le blanc.

^(**) Deja le ravon ordinaire est blanc dans l'azimut o°, et le rayon extraordinaire orangé est extrémement sombre.

^(***) Le rayon ordinaire est blanc dans l'azimut o°, et le rayon extraordinaire est rouge violacé presque nul : à des inclinaisons plus grandes, le rayon extraordinaire devient encore plus faible dans l'azimut o°, quoiqu'il conserve toujours la teinte qui lui est propre.

^(****) La transition de ce vert au rouge qui le suit, se fait en passant par un blanc composé : il en est de même dans les anueaux suivans.

3º Expérience. Plaque (C), nº 3. Epaisseur en parties du sphéromètre 1327°; en millimètres 2^{mm}, 997.

ncidence c de la pe culaire.			Rayon extraordinaire.	
o° o'	٥,4	Rouge pourpre sombre.	Blanc légè re ment jann å tre	
10 58	5 0	Blanc bleuåtre.	Orangé foncé et brillaut.	ı ^{er} ordre.
12 38	40	Blanc légèrement verdâtre	Rouge de sang très-pour- pre (*).	1 Glaic.
14 42	5o	Jaune.	Bleu très-beau.	
16 53	0	Bleu violacé.	Jaune un peu verdâtre.	2° ordre.
19 8	3о	Vert.	Rouge (**).)
21 4	40.	Rouge.	Vert.	3° ordre.
23 25	0	Vert.	Rouge vif.	S orane.
24 55	5o	Ronge.	Vert (***).	4° ordre.
26 58	20	Bleu verdåtre.	Rouge.	5 • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
28 49	40	Rouge.	Bleu verdåtre.	5° ordre.
30 22	3o	Bleu verdåtre.	Rouge.)
31 5g	40	Rouge.	Bleu verdåtre.	6° ordre.
33 45	0	Bleu verdåtre.	Rouge.	}
35 8	10	Blanc rougeâtre.	Bleu verdåtre.	7° ordre.
36 54	0	Bleu verdåtre.	Blanc rougeatre.),
		1	Bleu verdåtre.	ordre.

Ces trois plaques sont tirées d'une même aiguille, comme 1812.

.*

l'indique leur dénomination. Les suivantes sont aussi tirées d'une même aiguille, mais différente de la précédente.

Pour montrer tout de suite les phénomènes extrêmes, j'ai choisi des épaisseurs très-petites, et des épaisseurs très-considérables, de manière à atteindre les deux extrémités de la série des anneaux.

4º Expérience. Plaque extraite de l'aiguille (A). Epaisseur en parties de sphéromètre 95°; en millimètres 0^{mm}, 215.

_					
0°	o¹	of	Bianc presque total.	Blea excessivem, sombre presque imperceptible.	,
35	43	50	Violet rougeêtre excessi- vement sombre.	Blane brillant très-légère- ment joundtre (*).	rec ordre.
45	32	30	Blane verdåtre.	Rouge (**).	
57	27	54	Jaune.	Bleu.	a" ordre.
70	2	30	Blee.	Jaune.	1

On n'a pas pu incliner davantage la plaque, mais il est probable que les teintes n'auraient pas baissé beaucoup davantage dans la série des anneaux.

5° Expérience. Plaque de l'aiguille (A) amincie. Epaisseur en parties du sphéromètre 177°; en millimètres 0^{mm}, 400.

de la perpendi- culaire.		pendi-	Rayon ordinaire.	Rayon extraordinaire.	·
o°	o'	o"	Blanc.	Bleu très-sombre.	
23	42	54	Violacé extrêm. sombre.	Blanc (*).	ı er ordre.
28	5o	10	Bleu un peu clair.	Orangé brillant.	orure.
32	25	0	Blanc verdåtre.	Rouge.)
37.	42	40	Jaune.	Bleu foncé.	}
41	48	20	Rouge.	Vert blafard.	١
44	35	10	Bleu.	Jaune.	2° ordre.
49	5	40	Vert.	Rouge.)
53	56	5o	Jaune.	Bleu.	j
56	37	10	Rouge vif.	Vert vif.	l
5 r	36	5o	Pourpre.	Jaune pale verdâtre.	3° ordre.
66	28	3о	Vert.	Rouge.	!
74	15	0	Rouge.	Vert.	4° ordre.
(*)	Dan	l'azin	aut o° le rayon extraordinair	e est blanc, mais extrêmem	ent faible.

On n'a pas pu pousser plus loin les incidences, mais il est probable que les teintes n'auraient pas baissé beaucoup davantage dans la série des anneaux. 6° Expérience. Plaque (A) successivement amincie. Epaisseur en parties du sphéromètre 4030°, en millimètres 9^{mm}, 102.

	a per	pendi-	Rayon ordinaire.	Rayon extraordinaire.	
o°	o ^r	o'r	Ronge pourpre.	Vert superbe.	
9	37	50	Pourpre blenâtre.	Jenue verditre et blan- chitre.	
10	15	0	Gris de lin.	Jaune blanchâtre impar- fast.	3° ordre.
11	36	•	Vert.	Rouge.	
12	20	30	Vert jaunitre.	Ronge blendtre.	
:3	35	20	Rouge.	Vert (*).	4" ordre.
ı 5	13	0	Vert,	Ronge.	
ı 6	22	90	Rouge.	Blou verditre-	5° ordre.
17	a 6	0	Blon vordåtre.	Rouge.	
B	40	o	Rouge.	Blen verdåtre.	6" ordre.
19	50	42	Blea verdåtre.	Rouge.	
10	28	30	Blane rougestre.	Blen verdåtre.	7° ordre.
2 1	17	10	Blen verdåtre.	Blanc rougeatre.	1

^{(&}quot;) Le passage de ce vert au rouge qui le suit, se fast par un blanc composé; il en est de même dans toutes les alternatives suivantes.

7^e Expérience. Même plaque (A). Epaisseur en parties du sphéromètre 4482^p, en millimètres 10^{mm}, 124.

de la perpendi- culaire.		rpendi-	, Rayon ordinaire.	Rayon extraordinaire.	
0°	ο'	o"	Rouge de sang.	Vert un peu blanchâtre.	\
5	17	3о	Bleu verdåtre.	Jaune påle blanchåtre.	1
6	24	o	Vert.	Rouge de sang un peu jaunâtre.	3° ordre.
7	39	o	Vert un peu blanchåtre.	Rouge rose, rouge bleuå- tre.	
9	8	10	Rouge jaunātre.	Vert un peu bleuåtre, mais vif (*).	4° ordre.
11	11	10	Vert bleuåtre.	Rouge.)
12	10	0	Rouge jaunâtre.	Bleu verdåtre.	5° ordre.
13	14	5o	Bleu verdåtre.	Rouge.	orure.
14	32	10	Rouge.	Bleu verdåtre.	6° ordre.
15	16	20	Bleu verdåtre.	Rouge.	o orare.
16	12	3o	Blanc rougeâtre.	Bleu verdätre.	7° ordre.
17	14	10	Bleu verdåtre.	Blane rougeatre.	y orare.
(*)	Le	passage	e de ce vert au rouge qu	i le suit, se fait par un bl	lanc composé; il e

RECHERCHES

PÉRIENCE. Même plaque (A). Epaisseur en parties du phéromètre 5300°, en millimètres 11^{mm},971.

2 0		mptée pendi-		Rayon extraordinaire.	
0"	a!	٥٧	Vert bleuitre.	Rouge pâle jaunâtre.	
9	54	O	Vert vif.	Rouge vif.	3° ordre.
11	5a	5o	Ronge.	Vert.	1.
23	44	30	Vert.	Rouge.	4" ordre.
74	53	40	Rouge.	Bleu verdåtre.	
1 S	4.5	3e	Bleu verdåtre.	Ronge.	5* ordre.
16	39	0	Rouge.	Bleu verdåtre.	
17	17	€o	Bleu verditre.	Rouge.	6" ordre.
18	48	40	Blanc rougestre.	Blou verdåtre.)
19	8	30	Bleu verdåtre.	Blanc rougeitre.	2° order.

9^é Expérience. Même plaque (À). Epaisseur en parties du sphéromètre 5940°, en millimètres 13^{mm}, 416.

lucidence comptée de la perpendi- culaire.			Rayon ordinaire.	Rayon extraordinare.		
00	o'	0"	Vert.	Rouge.	4" ordre.	
6	42	0	Rouge.	Blen verdätre.	1	
8	11	54	Blen verdätre.	Ronge.	5" ordre.	
9	36	10	Blanc rougeatre.	Blea verdätre.	í	
10	46	20	Blen verdåtre.	Ronge påle.	6" ordre.	
11	32	20	Blanc rougestre.	Blen verdåtre.	ĺ	
. 12	40	5o	Bleu verditte.	Blane rongeåtre.	7° ordre.	

Au-delà de cette limite, la coloration des deux images est tout-à-fait insensible: il en résulte que le rouge donné par le rayon extraordinaire, sous l'incidence perpendiculaire, correspond réellement à celui du quatrième ordre de la table de Newton. Il peut y avoir quelque petite incertitude sur la succession des incidences, principalement vers la fin de la série; car, à cause de la grande épaisseur de la plaque, les teintes se succédaient fort rapidement à mesure que l'incidence variait: et cet effet était encore augmenté par la forme un peu prismatique de cette plaque, dont l'artiste n'avait pu amener exactement les deux surfaces au parallélisme. Cependant les incidences ne peuvent être en erreur que de quantités fort petites, car on les a vérifiées plusieurs fois.

En examinant l'ensemble de ces expériences, on y découvre plusieurs lois générales que nous avions prévues par la théorie.

D'abord on voit que la teinte du rayon extraordinaire baisse constamment dans l'ordre des anneaux, à mesure que l'inclinaison augmente, et sa coloration cesse d'être sensible quand elle est ainsi descendue au blanc rougeâtre du septième ordre de la table de Newton. En effet, à mesure que l'on incline la plaque sur le rayon incident, le rayon réfracté forme un plus grand angle avec l'axe de cristallisation de cette plaque: par conséquent la force répulsive extraordinaire augmente.

Secondement on remarque que les variations sont plus rapides dans les plaques plus épaisses, et plus lentes dans les plus minces. Ainsi par exemple la plaque mince employée dans la quatrième expérience, n'a pu faire descendre la teinte du faisceau extraordinaire que jusqu'au jaune du se-

cond ordre, par les plus grandes inclinaisons. La plaque un peu plus épaisse, qui a servi dans la cinquième expérience, a fait descendre cette teinte jusqu'au vert du quatrième ordre, qu'elle a atteint sous l'incidence de 74°; tandis que dans la neuvième expérience, où l'on a employé une plaque épaisse de 13^{mm}, 416, la teinte du faisceau extraordinaire a atteint le septième ordre d'anneaux, et par conséquent la blancheur, dès l'incidence 12° 40′ 50″. Ainsi en général, à mesure que l'épaisseur des plaques augmente, les teintes du faisceau extraordinaire baissent plus rapidement, et atteignent plus vite la blancheur, limite de leur coloration.

Mais suivant quelle loi ces variations s'opèrent-elles pour chaque plaque? quel rapport existe-t-il entre les inclinaisons successives auxquelles paraissent les différentes teintes? et peut-on parvenir à les prévoir? voilà les premières questions qui se présentent à décider.

Si on essayait de le faire d'après les seules expériences que nous avons rapportées, on risquerait de s'égarer complétement, ou plutôt on trouverait que la loi de ces variations n'a rien de fixe, qu'elle est plus rapide dans quelques parties de la série, plus lente dans d'autres, et sur-tout qu'elle est différente pour chaque plaque; mais ces irrégularités apparentes tiennent à une circonstance qu'il importe de développer.

Nous avons dit que nos plaques étaient taillées perpendiculairement à l'axe de cristallisation des aiguilles, et après avoir déterminé à priori cette direction en les coupant, nous l'avons encore vérifiée à posteriori en exposant les plaques perpendiculairement au rayon polarisé, et voyant que les teintes qu'elles donnent ne changent point quand on les tourne dans leur plan, ce qui montre qu'elles n'ont pas de section principale, et qu'ainsi l'axe de cristallisation, étant indifférent à ces mouvemens de rotation, leur est perpendiculaire.

Mais pour que cette constance des teintes s'observe, il n'est pas nécessaire que la perpendicularité de l'axe sur les surfaces des plaques soit rigoureuse, il suffit que sou action soit trop faible pour produire sur les molécules lumineuses aucun effet de polarisation sensible: or cela arrivera si cet axe est presque perpendiculaire à la surface des plaques, par exemple, s'il fait avec la normale à leur surface un angle de 1 ou 2º: car alors l'action de la plaque sera proportionnelle à son épaisseur multipliée par le carré du sinus de 1 ou de 20; et comme ce quarré sera une quantité extrêmement petite, il s'ensuit que si la lame n'est pas très-épaisse, il pourra arriver que le produit, réduit à l'échelle de Newton, soit au-dessous de l'épaisseur qui polarise le bleu du premier ordre; et alors l'action répulsive de l'axe n'exercera aucune déviation dans les molécules lumineuses. Mais si l'on vient à incliner une pareille plaque sur le rayon polarisé, ce défaut de perpendicularité pourra devenir sensible; car, selon que l'on inclinera la plaque dans un sens ou dans un autre, il augmentera ou diminuera l'angle du rayon réfracté avec l'axe de cristallisation, et par conséquent les teintes du rayon extraordinaire, observées ainsi sous des incidences obliques, devront changer lorsqu'on tournera les plaques dans leur plan; de sorte que l'incidence à laquelle une teinte désignée commencera à paraître, sera différente selon le sens dans lequel la plaque sera tournée. C'est en effet ce qui a lieu dans toutes les plaques dont j'ai fait usage; et j'ajoute que cela devait être O; car, quelque soin qu'on ait mis à les tailler

vaient dans l'ordre des anneaux, à mesure que je tournais la plaque sur elle-même. Ces changemens étaient bornés par deux limites; l'une, dans laquelle la plaque agissait sur la teinte la plus basse, et avait par conséquent son maximum d'action; l'autre, dans laquelle elle agissait sur la teinte la plus haute; c'était par conséquent son minimum. Ces positions différaient l'une de l'autre de 1800, et les variations des teintes se faisaient toujours autour de chacune d'elles dans le même sens, soit pour monter soit pour descendre, de quelque côté qu'on tournât la plaque sur son plan. Tous ces phénomènes résultaient très-évidemment d'une trop petite obliquité de l'axe pour que je pusse la méconnaître, d'autant plus que je savais que l'artiste qui les avait construites n'avait pu répondre de ne pas commettre à cet égard un ou deux degrés d'erreur; mais pour lever tous mes doutes à ce sujet, je consultai la théorie.

Considérons une plaque de cristal de roche dont les surfaces soient exactement parallèles entre elles, et perpendiculaires à l'axe de cristallisation: supposons que cette plaque, sous l'incidence perpendiculaire, donne un faisceau extraordinaire dont la teinte réponde à l'épaisseur e, dans la table de Newton: cette teinte est indépendante de l'action répulsive de l'axe, qui est nulle dans cette position. Maintenant, si l'on incline la plaque sur le rayon polarisé et dans l'azimut de 45°, le rayon réfracté ne sera plus parallèle à l'axe de cristallisation, il fera au contraire avec cet axe un angle é qui sera précisément l'angle de réfraction compté de la normale à la surface. De-là naîtra une force répulsive extraordinaire proportionnelle à sin, é. D'une autre part, la longueur du trajet que parcourt la lumière à travers la plaque, est pro-

portionnelle à $\frac{1}{\cos \theta}$, les deux surfaces étaient supposées parallèles; et d'après tout ce que nous avons dit jusqu'à présent, l'action totale de la plaque pour polariser la lumière, se compose de ces deux facteurs, c'est-à-dire est proportionnelle à $\frac{\sin^2 \theta}{\cos \theta}$. Soit donc μ un facteur constant pour la même plaque: la teinte E du faisceau extraordinaire correspondant à chaque incidence, sera le produit de l'action répulsive de l'axe, ajoutée à la teinte primitive e; c'est-à-dire qu'on aura à trèspeu de chose près :

$$\mathbf{E} = e + \frac{\mu \sin^2 \theta_0}{\cos \theta}.$$

Mais je trouve par expérience qu'on augmentera beaucoup l'exactitude de cette formule, en donnant au facteur µ une variation proportionnelle au carré du sinus de l'angle 40' c'està-dire en faisant

$$\mathbf{E} = e + \frac{\mu \sin^2 \theta' \left[1 + m \sin^2 4 \theta'\right]}{\cos \theta'},$$

m étant un nombre constant indépendant de l'incidence.

Voilà ce qui arriverait si l'axe de cristallisation était perpendiculaire aux faces de la plaque; mais s'il lui est oblique, les résultats doivent être différens. Supposons par exemple que cet axe représenté par CA fig. 17 fasse un petit angle a avec la normale CP; menons un plan par ces deux droites, et choisissous-le pour plan d'incidence; alors CL étant le rayon incident, et CR le rayon réfracté, l'angle de ce dernier avec l'axe de cristallisation sera é—a, si la plaque est inclinée dans le sens que représente la fig. 17, et au contraire il sera $\theta' + \alpha$, si la plaque est inclinée comme le représente la fig. 18. L'expression de la force répulsive sera donc, dans le premier cas, proportionnelle à sin' $(\theta' - \alpha)$, et dans le second, à sin' $(\theta', +\alpha)$, en désignant par θ' , les valeurs de l'angle de réfraction dans cette seconde supposition. D'après cela, les expressions de la teinte extraordinaire E, dans ces deux cas, seront

fig. 17.
$$E = e + \frac{\mu \sin^2(\theta' - \alpha)}{\cos \theta'} [1 + m \sin^2 4(\theta - \alpha)]$$

fig. 18. $E = e + \frac{\mu \sin^2(\theta' + \alpha)}{\cos \theta'} [1 + m \sin^2 4(\theta' + \alpha)]$.

Maintenant il est facile de déterminer a par observation. En effet, si l'on amène successivement la plaque dans les deux positions diamétralement opposées, pour lesquelles nos formules sont construites, et si l'on mesure dans chaque cas l'incidence à laquelle on aperçoit une même teinte dans le faisceau extraordinaire, le rhomboïde restant fixe, on aura évidemment l'égalité

$$\frac{\sin^2(\theta'-\alpha)}{\cos\theta'}\left[1+m\sin^2\!4(\theta'-\alpha)\right] = \frac{\sin^2(\theta_1'+\alpha)}{\cos\theta_1'}\left[1+m\sin^2\!4(\theta_1'+\alpha)\right]$$

Si les deux angles θ' et θ_i' étaient égaux entre eux, α serait nul. Or ces angles ne diffèrent que de quatre ou cinq degrés, comme on le verra tout-à-l'heure, ainsi l'on voit d'avance que α sera un très-petit angle. De plus la valeur que nous trouverons pour α , sera telle que θ' — α deviendra à très-peuprès égale à $\theta_i' + \alpha$: enfin la valeur du coëfficient m sera peu considérable. Ces circonstances nous permettent de regarder le facteur α in α du premier membre comme sensiblement égal au facteur α du premier membre comme

et alors, en divisant toute l'équation par ce facteur commun, il vient

$$\frac{\sin^*(\theta'-\alpha)}{\cos\theta'} = \frac{\sin^*(\theta'+\alpha)}{\cos\theta'},$$

d'où l'on tire

$$\sin. (\theta' - \alpha) = \sqrt{\frac{\cos. \theta'}{\cos. \theta_i}} \sin, (\theta_i' + \alpha).$$

Si, pour plus de simplicité, on fait

$$u = \sqrt{\frac{\cos \theta}{\cos \theta}},$$

cette équation donne

tang.
$$\alpha = \frac{\sin \theta' - u \sin \theta'}{\cos \theta' + u \cos \theta'}$$

En substituent successivement dans cette formule les valeurs de 0' et de 0', qui répondent à une même teinte, on verra d'abord si a est réellement constant, comme l'exige la supposition d'un défaut de perpendicularité de l'axe sur le plan des plaques; ensuite, si cette condition se trouve satisfaite, on en tirera la valeur de a, et l'on pourra calculer toutes les teintes par notre formule, l'incidence étant donnée.

Pour voir si ces considérations seraient confirmées par l'expérience, j'ai d'abord étudié la plaque (C), n° 3, qui présentait sur-tout des variations de teintes très-considérables quand on la tournait sur son plan, l'incidence restant constante. J'ai déja rapporté, page 433, une série d'observations faites avec cette plaque; mais alors je n'avais nullement choisi le sens de l'inclinaison : ici je l'ai déterminé suivant les règles que je viens d'expliquer.

J'ai d'abord placé la plaque sous une incidence fixe, en l'inclinant dans l'azimut de 45°: alors, en la tournant sur son plan, j'ai observé quelle était la succession des teintes

qu'elle donnait; puis j'ai remarqué parmi ces teintes quelle était la plus haute dans l'ordre des anneaux, et quelle était la plus basse: elles répondaient à deux positions de la plaque opposées l'une à l'autre d'une demi-circonférence, ce qui est d'abord une circonstance conforme à notre théorie. J'ai fixé la plaque dans une de ces positions, d'abord dans la première. Puis je l'ai inclinée dans l'azimut de 45°, et j'ai mesuré les incidences successives auxquelles les teintes les plus tranchées de la série des anneaux ont passé dans le faisceau extraordinaire: cela fait, j'ai tourné d'une demi-conférence l'anneau qui porte la plaque, et j'ai observé de nouveau les teintes dans cette seconde position. Voici le tableau de ces résultats.

Incider . de la cula	a per	mptée pendi-	Teinte du rayon ordi- naire.	Teinte du rayon extraor- dinaire.	Ordre d'anneaux aux quels répond la teint du rayon extraordi naire.
o° 15			Rouge violacé sombre. Blanc verdatre.	Blanc sensiblement. Rouge de sang.	1 ^{er} ordre.
17 20 21	•	£Ò	Jaune. Bleu. Vert.	Bleu céleste. Jaune. Rouge.	a° ordre.
25	48 48	10	Rouge. Vert.	Vert. Rouge. Vert.	3° ordre.
29	17	40	Rouge. Vert.	Rouge. Blen verdåtre.	4° ordre.
	47	20	Ronge. Blea verdåtre.	Bonge. Blen verditre.	5° ordre.
34 36	35	0	Ronge. Bleu verdåtre.	Ronge.	6° ordre.
•	48 56		Blanc rougeâtre. Bleu verdâtre.	Bleu verdâtre. Blanc rougeâtre.	7° ondre.

Cette série terminée, j'ai fait faire un demi-tour à l'anneau qui portait la plaque; celle-ci a donc été retournée point pour point sur son plan : alors j'ai recommencé une autre série dans laquelle les incidences ont été bien différentes des précédentes, quoiqu'elles aient été également vérifiées à plusieurs reprises.

de la cula:	r besi	mpree	Teinte du rayon oral* naire.	Teinte du reyon extraor- diusire.	Ordre d'ann, au equels le rayon e traordin, répon
o*	af	5 "	Rouge pourpre violacé.	Blanc ac uniblement.	z or ordre.
7	55	50	Blanc verdåtre.	Rouge.	
9	18	54	Janue.	Bleu superbe.	1
13	23	30	Yezt.	Rouge.	s* ordru.
25	23	20	Rouge.	Vert vif.	3° ardre.
18	28	10	Vert.	Rouge vis.	3. Ordise.
19	30	10	Rocgs.	Vert.	
11	13	5a	Vert.	Ronge.	4" order.
£α	10	30	Ronge.	Bleu verdåtre.	and a
94	42	So	Bleu verdåtre.	Rouge.	5" ordre.
26	1	40	Ronge.	Bleu verdåtre.	
27	41	0	Blen verdåtre.	Rouge.	6° ordre.
29	9	40	Blanc rougeâtre.	Bleu verdåtre.	
St	0	20	Blen verdåtre.	Blane rougeatre.	7 ordre.

Chacune des incidences de cette série est moindre d'environ 7° que sa correspondante dans la série précédente. Ainsi la première série doit être celle dont nous avons désigné les angles de réfraction par 0', et la seconde doit être celle que nous avons désignée par 0',. Cela posé, j'ai choisi au hasard un certain nombre de teintes dans les deux



séries, et j'ai calculé les angles de réfraction pour chacune de ces teintes, après quoi j'ai substitué ces valeurs dans la formule

tang.
$$\alpha = \frac{\sin \theta' - u \sin \theta'}{\cos \theta' + u \cos \theta'}$$
,

dans laquelle

$$u=\sqrt{\frac{\cos \theta'}{\cos \theta_1}},$$

et j'en ai tiré les valeurs correspondantes de α , qui ont été telles que le montre le tableau suivant.

1 ^{re} sétic	1 ^{re} série observée 2 ^e série o			Valeur de α;	Ordre d'anneaux de la
θ.	θ'.	θ,.	θ',.	calculée.	teinte employée.
21 17 10 23 48 50 25 48 10 30 57 40 36 0 0 38 56 30	9° 53′ 30″ 13 26 10 14 58 30 16 10 30 19 13 20 22 5 50 23 43 10	13 23 30 15 23 20 18 2 10 23 10 30	9 46 40 11 25 40 14 35 20 17 17 50	2 30 6 2 39 41 2 26 41 2 25 30 2 33 13	Rouge du 1 ^{er} ordre. Rouge du 2 ^e ordre. Vert du 3 ^e ordre. Rouge du 3 ^e ordre. Bleu verdâtre du 5 ^e ord. Rouge du 6 ^e ordre. Blanc rougeât. du 7 ^e ord.

Alors le plus grand écart de ces résultats partiels autour de la moyenne n'est que de 6': cela répond à une différence de 12' ou 15' sur l'incidence; c'est-à-dire qu'il suffirait d'altérer de cette quantité l'une des deux incidences que l'on compare, pour faire disparaître les écarts dont il s'agit; et 1812.

par conséquent il suffirait de répartir la moitié de l'altération sur l'une et sur l'autre en sens contraire. Or, il est facile de voir que de pareilles différences sont absolument inévitables. Car les teintes diverses que nous comparons ne répondent pas chacune à un seul degré d'incidence fixe et déterminé; il y a pour chacune d'elles une certaine étendue d'incidence dans laquelle elle se maintient sensiblement; et quoique l'on cherche à saisir l'inclinaison précise où la teinte que l'on observe atteint son maximum d'intensité, on ne peut cependant répondre qu'on ne commettra pas des erreurs de 7 ou 8' sur cette évaluation. Ainsi, en prenant en considération cette cause inévitable d'incertitude, comme on doit nécessairement le faire, on voit que le défaut de perpendicularité de l'axe sur le plan des plaques se trouve mis dans une entière évidence par la constance de a, et la valeur de cette quantité détermine l'obliquité de l'axe avec une exactitude qu'il était peut-être difficile d'espérer.

Ce résultat étant connu, il nous faut déterminer la valeur du coëfficient constant μ . Pour cela, je reprends d'abord la première formule

$$\mathbf{E} = e + \frac{\mu \sin^{2}(\theta' - \alpha)}{\cos \theta'} [1 + m \sin^{2} 4(\theta' - \alpha)],$$

qui se rapporte à la fig. 17. Je suppose que l'on ait observé l'incidence θ , qui répond à une teinte E, dont la valeur est connue dans la table de Newton. On pourra calculer l'angle de réfraction correspondant θ . On connaît aussi la valeur de la teinte e qui s'observe sous l'incidence perpendiculaire. En substituant ces valeurs dans notre équation, on peut en tirer les valeurs du facteur variable μ $[1 + m \sin^2 4 (\theta' - a)]$,

sur la polarisation de la lumière. que je représenterai par μ' ; car on a

$$\mu \left[\mathbf{I} + m \sin^2 4 \left(\theta' - \alpha \right) \right] = \frac{\mathbf{E} - \epsilon}{\left[\sin^2 \left(\theta' - \alpha \right) \right]}$$

Et puisque le second membre est composé tout entier de quantités connues, le premier que nous représenterons, pour abréger, par μ' , le sera également. En comparant la valeur de ce facteur pour les diverses incidences, on verra si elle est constante ou variable; et dans ce dernier cas on verra si sa variabilité peut être réellement représentée par la forme que nous lui supposons. J'ai appliqué cette formule aux mêmes observations de la première série qui nous ont servi pour déterminer α ; et en prenant pour α sa valeur moyenne 2° 29', j'ai trouvé pour μ les valeurs suivantes.

Angle de réfraction 0.	Angle du rayon réfracté avec l'axe du cristal (θ' — α).	Valeur du fac- teur observé μ'.	Désignation des teintes.
13° 26' 10" 14 58 30 16 10 30 17 12 40 19 13 20 22 5 50 23 5 40 13 43 10	10° 58' 30° 12 30 50 13 42 50 14 45 0 16 45 40 19 38 10 20 38 0 21 15 30	225, 41 262, 35 281, 30 283, 67 297, 13 338, 48 313, 35 321, 54	Rouge du 2 ^e ordre. Vert du 3 ^e ordre. Rouge du 3 ^e ordre. Vert du 4 ^e ordre. Bleu verdâtre du 5 ^e ordre. Rouge du 6 ^e ordre. Bleu verdâtre du 7 ^e ordre. Blanc rougeâtre du 7 ^e ordre.

On voit que la valeur du facteur va croissant avec l'incidence; et la seule inversion que l'on trouve à cette loi est celle que présente le rouge du sixième ordre, qui est évidemment accidentelle. Sur quoi l'on doit remarquer qu'il n'est pas étonnant que nous trouvions quelques petites exceptions à la loi générale; car la plaque étant un peu prismatique, la régularité de la série doit s'altérer nécessairement quand, par hasard, on ne vise pas toujours à travers le même point de sa surface, ce dont il est presque impossible de répondre. Cet accroissement du facteur µ' est surtout rapide dans ces petites incidences; et dans les plus grandes, il demeure presque constant : ces circonstances sont très-bien imitées par la forme que nous avons adoptée, et qui est

$$\mu' = \mu [1 + m \sin^2 4 (\theta' - \alpha)].$$

J'ai déterminé µ et m par la condition de satisfaire à la première valeur de 6' et à la dernière, j'ai eu ainsi

$$\mu = 135,08$$
, $m = 1,39077$.

En substituant ces valeurs dans la formule

$$\mathbf{E} = e + \frac{\mu \sin^{2}(\theta' - \alpha)}{\cos \theta'} \left[\mathbf{I} + m \sin^{2} 4 \left(\theta' - \alpha \right) \right],$$

et faisant e = 3,5, comme nous l'avons supposé précédemment, et comme la teinte e l'indique, j'ai trouvé pour E les valeurs suivantes, que j'ai comparées à l'observation.

Désignation de la teinte E.	Valeur de la teinte E, calculée.	Valeur de la teinte E , observée.	Excès du calcul.
Rouge du 1° r ordre	18, 75 22, 03 29, 43 39, 08 46, 67	5, 80 11, 90 16, 25 18, 71 22, 75 29, 67 42, 00 45, 80 49, 67	+ 0,77 + 0,00 - 0,82 + 0,04 - 0,72 - 0,24 - 2,92 + 1,87 0,00

Les écarts de l'observation et du calcul sont peu considérables, du moins si l'on en excepte le rouge du sixième ordre: or, nous avons déja remarqué qu'il doit exister en ce point une erreur d'observation; néanmoins cette erreur ne s'élève qu'à 24' de degré sur l'incidence, car elle disparaîtrait en augmentant l'incidence de cette quantité. De plus, en comparant nos résultats à ceux de la table de Newton, on voit que ces erreurs ne font que remonter ou descendre la teinte observée vers la teinte qui la suit ou qui la précède immédiatement dans l'ordre des anneaux; or, de pareils écarts peuvent être attribués avec autant de vraisemblance à la forme prismatique de la plaque, ou à sa constitution inégale, qu'à l'imperfection de la formule; car en rapportant les observations, j'ai fait remarquer que l'on pouvait élever ou abaisser les couleurs d'une teinte entière, en promenant le rayon visuel dans le plan d'incidence depuis le centre de la plaque jusqu'à ses extrémités opposées; et quoique j'aie toujours cherché à observer par le centre autant qu'il m'a été possible, je n'oserais répondre d'y avoir constamment réussi.

Je passe maintenant à la seconde série d'incidence observée après avoir fait tourner la plaque d'une demi-circonférence sur son anneau. Voici d'abord les valeurs du facteur μ' ou μ [$\iota + m$ sin' 4 ($\theta' + \alpha$) calculée par la formule

$$\mu' = \frac{(E - e)\cos\theta'}{\sin^*(\theta', +\alpha)}.$$

Angle de réfraction 0.			Angle formed par le reyon refrecté avec l'ove de creatui (Û', + at)			Valour da facteur µ'.	Désignation des teintes.	
20	31	30"	10°	5g ¹	20"	330, 03	Rouge du 2° ordre.	
9	46	40	12	14	20	278, 35	Vert du 3° ordre.	
11	35	40	23	53	39	±80, 6g	Rouge du 3° ordre.	
13	20	20	14	48	9	288, 19	Vert du 4º ordre.	
24	35	90	29	3	0	294, 58	Bleu verdâtre du 5° onire.	
17	17	50	19	45	40	321,'66	Rouge du 6° ordre.	
18	10	0	20	37	40	323, 83	Rien verdâtre du 7° ordre.	
10	14	50	94	42	30	318, 60	Blanc rougestre du 7" ordre.	

Si l'on compare ces valeurs à celles de la page 451, relative à la première série, on voit qu'elles sont, à fort peu de chose près, les mêmes pour les mêmes teintes, sauf les erreurs des observations; on pourra donc, sans s'écarter beaucoup de la vérité, calculer cette seconde série avec les valeurs de μ et de m déduites de la première. De plus, ou voit que les valeurs de θ' , $+\alpha$ répondent presque exactement à celles de θ' — α , qui correspondent aux mêmes teintes; ce qui légitime l'approximation que nous avons faite dans la page 445, en supposant le facteur $1 + m \sin^2 4 (\theta' - \alpha)$ sensiblement égal à $1 + m \sin^2 4 (\theta' + \alpha)$. Cela posé, voici le calcul de cette seconde série fait avec nos anciennes valeurs de m et de n.

Désignation de la teinte E.	Valeur de la teinte E', calculée.	Valeur de la teinte E, observée.	Excès du calcul.
Rouge du 1 ^{er} ordre	6, 64	5, 80	÷ 0,80
Rouge du 2 ^e ordre	11, 72	11,90	— о, 18
Vert du 3 ^e ordre	14,-56	16, 25	— 1,69
Rouge du 3 ^e ordre	18, 42	18, 71	0, 29
Vert du 4° ordre	21, 78	22, 75	0,97
Bleu verdâtre du 5 ^e ordre	29, 89	29, 67	+ 0, 22
Rouge du 6 ^e ordre	41, 36	42,00	- o, 64
Bleu verdåtre du 7° ordre	45, 27	45, 80	— o, 53
Blanc rougeatre du 7° ordre	50, 22	49,67	+ 0,55

Généralement on voit que les erreurs sont fort petites et négatives: ainsi le facteur conclu de la première série est un peu trop fort pour l'appliquer à cette dernière, en supposant toutefois que les écarts observés ne soient pas dus à quelques erreurs des observations. Sans doute, en modifiant un peu ce facteur, on pourrait serrer les observations de plus près; mais comme cela n'aurait pas eu beaucoup d'utilité, je n'ai point essayé de le faire; et j'ai, au contraire, voulu calculer la seconde série avec les élémens tirés de la première sans emprunter aucune autre donnée. Car cette épreuve faite ainsi sans préparation, confirme d'autant mieux la loi générale que nous avons trouvée sur la manière d'évaluer, à très-peu de chose près, la force répulsive extraordinaire en multipliant le trajet de la lumière dans le cristal par le carré du sinus de l'angle que l'axe du cristal forme avec le rayon réfracté.

J'ai voulu éprouver les mêmes considérations sur une autre plaque: pour cela j'ai pris la plaque (C), nº 4, dont l'épaisseur était 4^{mm},005, comme on l'a vu plus haut page 392. J'ai de

même cherché les deux sens opposés dans lesquels il fallait incliner cette plaque pour avoir les plus petites incidences relativement aux mêmes teintes, et j'ai rapporté les résultats dans le tableau suivant.

	tion	n de c,plus	ponida pla- gradi muton	de plo	la pl	eque , ite in-	Teinte du reyon ordinaire.	Teinte du rayon extraordinaire.	Désignation de l'ordre d'annessex auquel le rayon extraordi- naire repond.
		_	9"	- "			Bieu superbe.	Jeune beillent.	1 er ordre.
ı		38	7.	- 6	5		Blanc verdètre.	Rooge.	
H		II.	0	7	53		Jaune brillant.	Bleu célests.	
Ш		18	٥.		47		Rouge.	Vert blanchitre,	a' ordra.
П	15	19			-		Blen violace sombre.		
Н		\$	50		-	\$0		Rouge.)
I	19	2	30	13	á	5o	Seque on ben ton-	Bleu.	
П	19	42		13	3n	0	Rouge vif.	Vert vif.	3ª ordin.
Н	21	44	40	15	27	10	Vert.	Rongs.	
Ш	а3	5	40	16	48	40	Rouge.	Vert.	
Ш	24	36	20	:8	36	40	Vert.	Rouge.	4° ordre.
	26	5	20	19	46	50	Rouge.	Blea verdåtre.	
ı	27	5o	10	21	36	0	Bleu verdåtre.	Rouge.	6° ordes.
	29	0.1	80	25	40	50	Rouge.	Blen verdåtre.	
	30	90	50	24	8	80	Blen verdåtre.	Ronge.	6ª ordre.
	31	51	40	25	o	10	Blane rougeatre.	Bien verdatre.	
۱	33	9	\$o	26	14	40	Blen verdåtre.	Aunge.	7° ordre.

On remarquera d'abord que les deux séries d'incidences qui répondent à une même teinte ont entre elles des différences presque constantes; cela nous indique que les angles de réfraction seront aussi, à très-peu de chose près, équidifférens. Ici, comme dans l'expérience faite avec la première plaque, cette circonstance nous indique que l'axe de la plaque dont nous avons fait usage n'est pas tout-à-fait perpendiculaire à ses surfaces. Je commence donc par calculer ce défaut d'obliquité a au moyen de la formule

tang
$$\alpha = \frac{\sin \theta_1 - u \sin \theta_1}{\cos \theta_1 + u \cos \theta_1}$$
,

dans laquelle

$$u = \sqrt{\frac{\cos \theta}{\cos \theta}};$$

et je trouve pour a les valeurs suivantes.

Désignation des	ı ^{re} série (observée.	2° série	Valeur de α;			
teintes.	0.	θ'.	θ,.	θ',.	calculée.		
Rouge du 1 ^{er} ordre. Rouge du 2 ^e ordre. Vert du 3 ^e ordre. Rouge du 3 ^e ordre. Vert du 4 ^e ordre. Bleu verdâtre du 5 ^e ord, Rouge du 6 ^e ordre. Bleu verdâtre du 7 ^e ord. Blanc rougeât. du 7 ^e ord,	30 20 50 31 52 40	8° 3' 10" 11 18 40 12 27 40 13 43 0 14 32 20 16 20 50 18 51 0 19 45 10 20 29 40	6° 5′ 0″ 11 48 30 13 30 0 15 27 1° 16 48 40 19 46 50 24 8 20 25 0 10 26 14 40	3 53 20 7 31 30 8 35 40 9 49 0 10 40 12 32 10 15 10 20 15 41 40 16 26 30	2° 4' 3 1 55 9 1 54 0 1 54 23 1 53 15 1 58 3 1 56 0 2 8 11 2 8 20		
Valeur moyenne a = 1° 59′ 1°.							

Les plus grands écarts autour de la moyenne sont de 9', et il n'y a que deux observations qui soient dans ce cas, toutes les autres ne s'en écartent qu'à 5' au plus.

Connaissant les valeurs de a, j'ai calculé les valeurs du 1812.

voit que ses valeurs deviennent presque constantes ou même sensiblement constantes dans les trois dernières observations. Il faut donc supposer μ' variable avec l'incidence, et tellement variable que ses changemens deviennent presque constans lorsque $\theta - \alpha$ s'approche de 18°. On satisfait à ces conditions en faisant

$$\mu' = \mu \left[1 + m \sin^2 5 \left(\theta' - \alpha \right) \right].$$

 μ et m étant des coëfficiens constans. En les déterminant par la condition de satisfaire à la seconde valeur de μ' et à la dernière, j'ai trouvé

$$\mu = 108$$
 $m = 2,87373;$

et avec ces valeurs, en calculant les teintes E pour diverses incidences, j'ai formé le tableau suivant.

	Valeur de la teinte E, observée.	Valeur de la teinte E , calculée.	Désignation de la teinte E.
+ 1,23	6, 80	· 7, 03	Rouge du 1 ^{er} ordre
0	8, 20	8, 20	Bleu ou indigo
0	12, 30	12,30	Rouge du 2 ^e ordre
- 1,00	16, 25	15, 25	Vert du 3 ^e ordre
+ 0, 24	19,00	19, 24	Rouge du 3° ordre
o, 5o	22,75	22, 25	Vert du 4° ordre
— o, o3	26, 00	25, 97	Rouge du 4° ordre
+ 0, 22	29,67	29, 89	Bleu verdâtre du 5e ordre
— o, o5	42,00	41, 95	Rouge du 6° ordre
+ 0,42	45, 80	46, 38	Bleu verdâtre du 7e ordre
+ 0, 20	49,67	49, 87	Blanc rougeâtre du 7° ordre
_	45, 80 49, 67	46, 38 49, 8 ₇	Bleu verdatre du 7e ordre

On voit que les observations et le calcul s'accordent aussi bien qu'il était possible de le desirer. La différence qui se trouve dans le rouge du premier ordre ne me paraît pas tenir à une erreur d'observation, car elle se présente toujours dans ce même sens dans toutes nos expériences, et je suis plutôt porté à en conclure ou que Newton a porté le rouge du premier ordre dans sa table à une épaisseur un pen trop faible, ou que l'intensité de la réfraction extraordinaire pour les dernières molécules violettes diffère tant soit peu de l'intensité de la réflexion dans les phénomènes des anneaux que Newton a observés; car, bien que les deux classes de phénomènes se correspondent parfaitement dans leur marche et dans leur succession, je ne voudrais pourtant pas affirmer qu'il n'y ait pas entre eux quelque petite différence dans les rapports de leurs intensités absolues, pour les molécules lumineuses de diverses espèces; et même il n'est pas sûr qu'il n'existe pas aussi de petites différences de ce genre dans la réflexion même des anneaux, lorsqu'ils sont produits par des plaques minces de nature diverse.

Je n'ai pas calculé les autres expériences faites avec des plaques de cristal de roche plus épaisses que la précédente, et même je n'ai pas pris pour elles la précaution d'observer dans le sens des plus grandes et des plus petites incidences; je me proposais seulement de découvrir la loi de la succession des teintes, et les épreuves que nous venons de faire suffisent pour l'établir. On voit qu'en général les valeurs du facteur μ' vont en croissant avec l'incidence, et s'approchent de plus en plus d'être tout-à-fait constantes à mesure que l'épaisseur de la plaque devient plus considérable; mais pour déterminer en rigueur la marche de ces variations dans les

épaisseurs diverses, il faudrait pouvoir obtenir les mesures des incidences par des moyens encore plus précis et surtout plus commodes que ceux que j'ai pu jusqu'à présent employer.

Puisque nous avons trouvé que tous les phénomènes offerts par les plaques dépendent uniquement de leur épaisseur et de l'angle formé par leur axe de cristallisation avec le rayon réfracté, on conçoit qu'en taillant des plaques telles que cet axe fasse un grand angle avec leur surface, on pourrait, en les inclinant, rendre le rayon réfracté assez oblique sur l'axe pour produire encore tous les phénomènes que nous venons d'observer. J'ai déja indiqué cette idée à la fin de la troisième partie; mais avant de la réaliser, j'ai dû exposer les phénomènes qui ont lieu dans les plaques de cristal de roche perpendiculaire à l'axe, lorsque le rayon réfracté est parallèle à cet axe. Il s'agit maintenant de montrer que ces phénomènes dépendent uniquement du parallélisme dont il s'agit, et qu'ils se reproduisent toujours de la même manière, par quelque moyen qu'il soit établi, et par quelque face que le rayon ait pénétré dans le cristal.

Pour cela, j'ai fait tailler une plaque de cristal de roche dans un sens tel que ses surfaces faisaient avec l'axe de l'aiguille un angle de 59°. Je ne saurais affirmer qu'il ne fût pas de quelques minutes plus grand ou moindre, car j'ai perdu le papier original sur lequel la mesure de cet angle était écrite, et je la prends telle que je l'avais transcrite sur mon registre en faisant les observations des couleurs qu'elle présentait. Son épaisseur mesurée au sphéromètre était de 12^{mm},874. J'ai exposé cette lame au rayon polarisé, d'abord sous l'incidence perpendiculaire, et ensuite sous des inci-

les faire tourner. Par conséquent il ne doit plus y avoir alors de section principale; la teinte et l'intensité du rayon extraordinaire doivent être les mêmes dans tous les azimuts: en un mot, les phénomènes doivent être absolument les mêmes que ceux que présenterait une plaque taillée perpendiculairement à l'axe, et exposée perpendiculairement au rayon polarisé. Au-dela de cette limite, si l'on incline toujours la plaque, l'angle du rayon réfracté avec l'axe augmente de nouveau; l'énergie de cet axe doit donc aussi de nouveau se développer; et par conséquent les phénomènes doivent se reproduire tels qu'ils s'étaient d'abord présenté dans des inclinaisons moindres. Tous ces résultats de la théorie sont parfaitement confirmés par l'expérience; mais pour qu'on en juge mieux, j'ai rapporté ici le tableau même des observations avec les incidences observées, ainsi que les valeurs qui en résultent pour les angles 6' et 31° — 6'.

Voulant répéter encore une fois cette expérience intéressante, j'ai fait amincir la plaque précédente jusqu'à ce que son épaisseur fût réduite à 2547 parties du sphéromètre, ou 5mm, 760. Dans cette opération l'inclinaison de ses faces sur l'axe a un peu varié, et s'était réduite à 57° 47′. L'angle de ces faces entre elles est devenu 1° 70′ 30″, au lieu de 0° 45′, qui était sa valeur auparavant. J'ai exposé cette plaque au rayon polarisé, et les phénomènes se sont encore reproduits précisément dans le même ordre: seulement, comme l'angle des faces était différent, l'incidence à laquelle le rayon réfracté est devenu parallèle à l'axe, s'est aussi trouvée différente de l'expérience précédente, ce qui devait en effet arriver selon notre théorie. Voici le tableau des résultats.

Examen des phénomènes que présentent les lames de mica sous les incidences obliques.

J'ai annoncé dans mon premier mémoire que les lames minces et transparentes de mica, exposées perpendiculairement à un rayon polarisé, offrent des phénomènes tout-àfait pareils à ceux que présentent les lames de chaux sulfatée et de cristal de roche taillées parallèlement à l'axe. En effet, tous ces phénomènes sont soumis aux mêmes lois et compris dans les mêmes formules, il ne faut qu'y introduire l'unité d'épaisseur qui convient à l'espèce des substances que l'on veut considérer.

De là il résulte que les lames de mica produisent aussi la polarisation alternative, car on peut leur appliquer tous les raisonnemens que nous avons faits sur les autres lames.

Mais cette conformité parfaite n'a lieu que sous l'incidence perpendiculaire. Les lames de mica présentées obliquement au rayon polarisé, produisent des phénomènes qui leur sont propres: à la vérité ces phénomènes ont encore beaucoup d'analogie avec ceux que présentent les autres lames; on peut même, comme nous le verrons tout-à-l'heure, les ramener également à la théorie de la polarisation alternative; mais il faut pour cela avoir égard à quelques circonstances particulières au mica, et qui paraissent ne pas exister dans la chaux sulfatée; ce sont ces circonstances qui jettent en apparence tant d'inégalité dans les phénomènes que le mica présente, et qui rendent impossible de les ramener aux mêmes formules sous les incidences obliques. Aussi m'étais-je borné dans mon premier mémoire à considérer le mica

section principale dirigée dans l'azimut o°; cela posé, les couleurs seront très-peu sensibles ou même tout-à-fait invisibles lorsque l'incidence sera peu considérable; elles ne se développeront bien qu'en augmentant beaucoup l'inclinaison, et leur plus grande intensité aura lieu quand le plan d'incidence fera un angle de 45° avec le plan de polarisation primitive.

Je dis que cette polarisation est indépendante des axes qui peuvent être situés dans le plan de la lame: pour le prouver, je fixe l'inclinaison de la lame et la direction du plan d'incidence dans une position quelconque où il y ait un rayon extraordinaire coloré; ensuite après avoir remarqué la teinte de ce rayon, je tourne la lame sur son plan. Ce mouvement ne change rien au rayon extraordinaire : son intensité et sa teinte restent les mêmes dans toutes les positions de la lame sur son anneau. L'action que la lame exerce sur la lumière n'émane donc point d'un axe situé dans son plan ou oblique sur sa surface, car l'effet d'un pareil axe sur le rayon incident polarisé changerait dans les différens azimuts. Si l'on faisait la même épreuve sur une lame de chaux sulfatée ou de cristal de roche, ou même sur une lame de mica régulièrement cristallisée, on verrait les couleurs et l'intensité du rayon extraordinaire changer à l'instant où l'on tournerait la lame sur son plan, et elles varieraient ainsi par le mouvement, suivant des périodes régulières et déterminées.

Il y a néanmoins les analogies les plus intimes entre les rayons extraordinaires obtenus de cette manière et ceux que produisent les lames cristallisées. Voici celles de ces analogies qui sont caractéristiques.

Dans les lames cristallisées, la nature des teintes du rayon

RECHERCHES

ardinaire dépend uniquement de l'angle d'incidence du n sur la lame, et de l'angle que forme l'axe de cristion de cette dernière avec l'axe de polarisation des ules lumineuses transporté sur son plan. Cette dernière tion ne saurait exister pour nos lames de mica, puises n'ont point d'axe situé dans leur plan; mais l'autre osiste encore, et s'observe très-rigoureusement. Ainsi teinte du rayon extraordinaire n'y dépend que de l'inclin seule du rayon polarisé. Si l'on fixe cette inclinaiet qu'on observe avec soin la teinte du rayon extraormire, on peut tourner le tambour dans tous les azimuts: la teinte du rayon extraordinaire n'éprouve aucun changement ; elle est absolument indépendante de l'azimut ; mais l'intensité de ce rayon varie sans cesse. Si l'on suppose toufours que le prisme qui sert pour analyser la lumière ait sa section principale dirigée dans l'azimut oo, l'intensité du rayon extraordinaire atteint son maximum lorsque le plan d'incidence fait un angle de 45º avec le plan de polarisation primitif. Elle est nulle lorsque cet angle est égal à zéro ou à 90°. Ces périodes sont absolument les mêmes que pour une lame cristallisée, dont l'un des axes serait constamment dirigé dans le plan d'incidence du rayon sur sa surface.

Quant à la succession des différentes teintes, à mesure que l'inclinaison change, elle se fait comme pour les lames cristallisées, c'est-à-dire, selon l'ordre des couleurs des anneaux réfléchis. D'après ce que nous avons dit tout-à-l'heure, pour les observer dans leur plus haut degré d'intensité et de séparation, il faut placer le plan d'incidence dans l'azimut de 45°; puis partant de l'incidence perpendiculaire, inclinez peu-à-peu la lame dans cet azimut jusqu'à

ce que vous commenciez à apercevoir un rayon extraordinaire: alors continuant à incliner la lame, le rayon extraordinaire commencera d'abord par un violet très-faible et trèssombre, puis passera au bleu, au blanc du premier ordre, au jaune pâle, etc., en suivant exactement l'ordre des anneaux colorés réfléchis, depuis les plus petites épaisseurs jusqu'aux plus grandes. Comme l'existence de cette progression est importante pour notre théorie, la voici telle que je l'ai obtenue dans une lame de ce genre dont l'épaisseur, mesurée au sphéromètre, était de 20° 37, ce qui équivaut à 0°m, 04676. L'action de cette lame n'émanait certainement point d'un axe qui fût situé dans son plan; car, lorsqu'on l'avait fixée dans une certaine incidence et dans un azimut déterminé, on pouvait la tourner dans son plan à volonté, les rayons extraordinaire et ordinaire ne changeaient ni d'intensité ni de teinte. Comme les séparations de ces rayons et leurs teintes sont les plus fortes quand le plan d'incidence est dans l'azimut de 45°, c'est là que je l'ai placée pour les observer. De plus j'ai mesuré l'incidence du rayon sur la lame à quatre intervalles différens, en me servant pour cela du même procédé que j'ai expliqué plus haut, c'est-à-dire, d'un niveau placé sur l'anneau qui porte les lames, lequel est lui-même fixé à la lunette d'un cercle répétiteur. On verra plus bas beaucoup d'autres séries plus étendues, observées de cette manière. Pour le moment je me tiens à la suivante.

RECHERCHES

du plan dence.	Incidence du ruyou sur la fame comp- tée de la perpon- diculaire.		Tainte du sesses audinaire	Teinte du rayon extraordin.	
59	13°	401	Blanc		
			Blanc légèrement jounitre		
			Janue pille		
		25	Kouge jaunstre	Elanc prosque pur.	
	49	30			
	56	55			
			Blanc verdatre		
	70	31	Jaune	Bleu du a' ordre.	
	dence.	dence. le le tre de le diculare	dence. dence compte de la perpondiculare. 50 a 35 40'	dence. de la perpos deculaire. 13° 40' Blanc	

· On voit que, dans cette série, les couleurs du rayon extraordinaire ont toujours descendu dans l'ordre des anneaux réfléchis. Le rayon ordinaire a suivi les teintes complémentaires des précédentes, par conséquent celles des anneaux transmis. Par une suite de cette loi lorsque le rayon extraordinaire est arrivé au blanc du premier ordre, le rayon ordinaire est devenu nul ou insensible. On peut voir par-là que ces phénomènes sont encore un effet de polarisation alternative, et que cette polarisation s'opère autour de la trace du plan d'incidence. En effet, le rayon ordinaire ayant disparu, il s'ensuit qu'à cet instant toutes les molécules lumineuses avaient leurs axes de polarisation tournés de manière à échapper à la réfraction ordinaire du rhomboïde qui sert pour analyser la lumière transmise. Ici ce rhomboïde a sa section principale dirigée dans le plan de polarisation primitive, que nous supposons être le méridien; ainsi, sous cette incidence, les molécules lumineuses ont toutes leurs axes de polarisation perpendiculaires à ce plan, par conséquent dirigés dans un azimut de 90°, azimut précisément double de celui du plan d'incidence que nous avons choisi de 45°.

Ce que nous venons de dire s'applique également à toutes les autres incidences, quoique les exemples en soient plus frappans quand le rayon ordinaire est tout-à-fait nul. Sous toutes les incidences, les axes de polarisation des molécules qui forment le rayon extraordinaire, sont dirigés dans un azimut de 90°, par conséquent double de celui du plan d'incidence qui est de 45°: c'est dans cet azimut seulement que la séparation des teintes est complète. Si l'on en sort pour se rapprocher du méridien ou de la ligne d'est et ouest, la teinte du rayon extraordinaire ne change pas, mais une partie de sa lumière, en traversant le rhomboïde, entre dans le rayon ordinaire. Par conséquent les molécules de ce rayon, lorsqu'elles arrivent au rhomboide, n'ont plus leurs axes de polarisation perpendiculaires à sa section principale, et elles ne l'ont pas davantage lorsque la trace du plan d'incidence est dans la ligne d'est et ouest. Au contraire dans cette dernière position toutes les molécules se trouvent à l'état ordinaire. c'est-à-dire qu'elles ont leurs axes de polarisation dirigés dans le plan du méridien. Ceci s'accorde encore très-bien avec le système d'une polarisation alternative autour de la trace du plan d'incidence: car alors l'azimut du plan d'incidence étant 90°, l'oscillation porte une partie des axes des molécules lumineuses dans l'azimut de 180°, et laisse les autres dans leur position primitive, ce qui fait que les unes et les autres sont réfractées ordinairement dans le rhomboïde, et leur renversement ne se manifeste point. .

J'ai insisté sur ces remarques afin de montrer que la pola-1812. 60

risation dont il s'agit ici n'est point, comme on pourrait le croire, une polarisation par réfraction qui s'exercerait dans le plan d'incidence en vertu des petits interstices que l'on pourrait concevoir entre les couches de la lame; quoique, à vrai dire, cette opinion soit bien peu soutenable, puisque les distances de ces couches sont probablement beaucoup trop petites pour que la réfraction ordinaire s'opère entre elles; mais la loi des phénomènes, différente dans ces deux cas, tranche ici la question indépendamment de toute hypothèse. La polarisation par réfraction tourne toujours les axes de polarisation des molécules perpendiculairement au plan d'incidence même: par conséquent lorsque ce plan est dans un azimut de 45°, les axes des molécules sur lesquels la réfraction agit, font aussi un angle de 45° avec la section principale du rhomboïde qui sert pour analyser la lumière; par conséquent ces molécules se partagent entre les deux forces réfringentes. Une partie subit la réfraction extraordinaire, l'autre la réfraction ordinaire, et celles-ci se mêlent par conséquent avec celles qui ont échappé à la polarisation par réfraction. Il est évident qu'une action de ce genre ne peut jamais produire un rayon ordinaire nul quand le plan d'incidence est dans l'azimut de 45°.

Au contraire tous les phénomènes se représentent avec la plus grande facilité lorsqu'on les regarde comme l'effet d'une polatisation alternative qui s'opère autour de la trace du plan d'incidence comme axe. Car, alors soit A l'azimut du plan d'incidence compté de l'est à l'ouest, les molécules qui subissent l'action de la lame sont amenées par leurs oscillations de l'azimut oo dans l'azimut 2A. Par conséquent, si on nomme O celles qui en sortant de la lame se retrouvent



dans leur état primitif, et E celles qui ont pris la nouvelle polarisation dans l'azimut 2A, lorsqu'on analysera le rayon émergent avec un rhomboïde dont la section principale sera dirigée dans le méridien, les intensités des deux rayons ordinaire et extraordinaire F, et F, seront:

$$F_0 = O + E \cos^2 2 A$$
 $F_0 = E \sin^2 2 A$

et la séparation des teintes sera complète dans l'azimut de 45°, parce qu'alors cos 2 A = 0.

Ces formules sont précisément pareilles à celles que j'ai trouvées dans mon premier Mémoire pour les lames cristal-lisées exposées au rayon polarisé sous l'incidence perpendiculaire: la seule différence, c'est que l'axe de la lame est ici remplacé par la trace du plan d'incidence. De savoir d'où peut provenir l'action dirigée suivant cette trace, si elle vient d'un axe perpendiculaire au plan des lames, ou de l'action simultanée de toutes les particules qui serait développée par l'inclinaison, c'est ce dont je ne m'occupe point ici: il me suffit d'avoir moutré la théorie de ces phénomènes et d'en avoir donné la véritable loi.

Si l'on voulait analyser la lumière émergente en se servant d'un rhomboïde dont la section principale ne fût pas dirigée dans le méridien, mais fit un angle « avec ce plan, il est clair qu'on aurait

F. =
$$O \cos^3 \alpha + E \cos^3 (2 A - \alpha)$$
,
F. = $O \sin^3 \alpha + E \sin^3 (2 A - \alpha)$;

ici les teintes O et E restent constantes pour toutes les valeurs de a, et F, et F, n'en sont jamais que de simples mélanges comme dans la chaux sulfatée et le cristal de roche taillé parallèlement à l'axe de la cristallisation. Il n'en est paraissaient les teintes les plus marquées. De là est résulté le tableau suivant.

Je commence par la mesure de l'épaisseur.

Cette lame, exposée au rayon polarisé, sous l'incidence perpéndiculaire, n'exerce sur lui aucune action; en l'inclinant elle donne des rayons extraordinaires, qui sont sur-tout remarquables dans l'azimut de 45°; mais en la tournant sur son plan sans changer son inclinaison sur le rayon incident, les faisceaux polarisés n'éprouvent aucune modification: ainsi la lame ne donne aucun indice d'un axe qui serait situé dans le plan de sa surface.

Désignation de la lame.	Azimut du plan d'in- cidence.	Incidence du rayon sur la lame comp- tée de la perpen- diculaire, ou B.	Rayon ordinaire.	Rayon extraordinaire, ou E.
A.	45°	19 24 30 26 4 50	Noir	Rouge sombre du 1 ^{er} ordre.
•	•		Jaune. Vert Rouge Rouge Vert Vert	Rouge du 2º ordre. Vert du 3° ordre. Rouge du 3° ordre. Vert du 4° ordrę.

J'ai choisi dans la série des anneaux les teintes les mieux tranchées, parce que les lois qui les embrasseraient contiendraient nécessairement les autres qui leur sont intermédiaires. Il faut remarquer qu'ici, comme dans toutes les autres

sur la polarisation de la lumière. 47	9
A plusieurs reprises. Lame (C)Arrivée154, Départ125,	
Epaisseur 29,	- 0
Lame (D)Arrivée1412,0 Départ125,3	
Epaisseur	
d'après les premières mesures, on aurait	
Lame (B)	•
d'après les dernières	
Lame (B)	
104,4	
par les premières A = 107°, 2 par les dernières A = 104,4 moyenne	

Cette valeur moyenne de A me paraît devoir être beaucoup plus exacte que la mesure directe, parce qu'à l'instant où je fis celle-ci, la lame vensit d'être découpée, et il y avait sur ses bords quelques petites arrachures que je n'enlevai qu'imparfaitement, ne pensant pas alors que je dusse avoir besoin de la mesurer avec la dernière précision. Ainsi j'adopterai

sont de même nature, étant toutes primitivement réunies dans la lame A.

Pour arriver à découvrir le rapport que ces données ont entre elles, il faut faire attention que les lames dont il s'agit ne présentent absolument aucun indice d'axe situé dans leur plan, ni même d'axe qui soit oblique sur leur surface: car, si elles avaient de pareils axes, leur influence se manifesterait lorsque les lames sont exposées perpendiculairement au rayon polarisé, et nous avons reconnu que dans ce cas elles ne produisent aucune trace de rayon extraordinaire; elles n'en produisent que lorsqu'on les incline obliquement sur le rayon, et même dans ce cas, les couleurs qu'elles donnent ne changent point lorsqu'on fait tourner la lame sur elle-même dans son propre plan. L'action quelle qu'elle soit qui occasionne ces couleurs est donc tellement dirigée, qu'elle reste la même quand on tourne ainsi la lame, et par conséquent elle ne peut provenir que d'un axe perpendiculaire à son plan.

Suivons cette idée. Soit CS le rayon incident, TC la trace du plan d'incidence SCT sur la lame, et CS' le rayon réfracté. Menons la normale ZZ', et appelons è l'angle d'incidence SCZ, è' l'angle de réfraction Z'CS'. Cela posé, si les effets que nous examinons sont produits par une force répulsive analogue à la double réfraction et émanée de l'axe CZ', son intensité sous diverses incidences sera proportionnelle au quarré du sinus de l'angle è', c'est-à-dire à sin' è'. De plus, si nous désignons l'épaisseur de la lame par CZ', que nous nommerons e, la force répulsive agit sur les molécules lumineuses pendant tout l'intervalle CS' qu'elles parcourent dans l'inté-

Désignation des teintes.	Désignation des lames.	Angle d'inciden- co compté de la perpendicu- laire. O.	Angle de réfraction 6'.	Valeur de esin.0' tang.0'	Ecarts.
Blanc du 1 ^{er} ordre.	A. B. G.	19° 24′ 30″ 27 36 10 39 11 40	12°47′50″ 17 59 30 24 55 0	0, 9164 1, 0000 0, 9769	0,0\$36 0 0,0231
Rouge du 1 ^{er} ord.	A. B. C.	26 4 50 37 10 10 54 36 10	17 2 30 23 49 10 32 55 0	o, 9208 1, 0000 o, 9883	— 0,0792 0 — 0,0117
Bleu du 2º ordre.	A. B. C.	31 3 0 42 35 20 64 40 0	20 6 40 26 49 0 37 3 10	1,0088 1,0000 0,9991	+ 0,0088 0 0,0009
Rouge du 2º ordre.	A. B. C.	40 0 20 55 ax 0 Ne peut plus être observé.		1, 0327 1,000	+ 0,0327
Vert du 3° ordre.	A. B.	44 17 20 61 25 30	27 44 40 35 50 10	1, 0582 1, 0000	0,0582
Rouge du 3° ordre.	A. B.	49 39 10 71 35 40	30 32 10 41 15 40	1, 060g 1, 0000	+ 0,060g

On voit par les nombres de la dernière colonne que les erreurs ne sont que dans les centièmes, et elles sont fort souvent en sens contraire pour les deux lames extrêmes. Si on les compare sous le rapport de l'influence que peuvent avoir ou l'incidence ou l'épaisseur, ces erreurs paraîtront bien petites en considérant que nous avons parcouru toutes les incidences, et qu'une grande partie d'entre elles doit nécessairement être imputée aux erreurs inévitables des mesures, et à la forme toujours ondulante des lames de mica

mètre. Voici le calcul en partant des résultats donnés par la lame B qui nous a servi d'unité dans nos calculs précédens.

Dans la lame B le produit e sin. 6' tang. 6', relativement au blanc du premier ordre, a pour logarithme...0,7641473

Dans la lame D le produit sin. 6' tang. 6', relativement à la même teinte, a pour logarithme..., 5816688

Différence ou logar. de l'épaisseur de la lame B. 1,1824785 ce qui répond au nombre 15^p,22.

C'est à une ; partie près l'épaisseur observée au sphéromètre; et l'on ne pouvait pas espérer un accord plus approché.

Nous pouvons encore éprouver la loi dont il s'agit, en l'appliquant à la lame de mica dont j'ai rapporté l'observation dans la page 471: mais, comme cette lame n'était pas tirée du même morceau que les dernières, on ne doit pas s'attendre que l'intensité absolue de son action sera la même. Il suffit que le rapport des intensités reste constant sous toutes les incidences, et que les valeurs de e sin. 6' tang. 6' relatives à cette lame, deviennent égales à celles des autres lames pour les mêmes teintes, après avoir été multipliées par un même facteur. Or, en comparant les observations, je trouve que ce facteur commun est 1,1947; de sorte qu'en en faisant usage, et rapportant toujours les résultats à la lame B, on aura les comparaisons suivantes.

rencontre souvent. A la vérité la cristallisation de ces plaques est tellement irrégulière et confuse, qu'elle ne donne pas d'indices d'axes situés dans le plan de leur surface; mais comme les lames qui les composent sont seulement apposées les unes sur les autres, au lieu d'être unies par la cristallisation, il en résulte qu'elles polarisent par réfraction une partie en même la totalité de la lumière incidente. A tel point, par exemple, qu'elles la réfléchissent presque complétement, et quelquefois complétement lorsqu'on les incline dans le méridien sous l'angle qui donne par réflexion la polarisation complète. Ce phénomène, étranger à l'objet qui nous occupe, altère et masque dans ces lames les effets que nous venons de découvrir.

C'est, comme je l'ai dit, dans des morceaux de mica jaunâtre, mais pourtant diaphanes, qu'il faut chercher les propriétés que je viens d'énoncer. On en trouvera qui auront assez de compacité et d'homogénéité pour ne réfléchir la lumière qu'à leur première et à leur seconde surface, et qui néanmoins n'auront pas d'axe situé dans leur plan. Ceux-là produiront les phénomènes que je viens de décrire, ainsi que la loi que nous en avons déduite; et il paraît que l'état qui les donne est comme un intermédiaire entre la cristallisation tout-à-fait parfaite, et la cristallisation tout-à-fait confuse.

La perpendicularité de l'axe de ces lames sur le plan de leur surface, nous a été principalement indiquée par cette condition sous toutes les incidences, que leurs teintes ne changent ni d'intensité ni de nature quand on les tourne dans leur plan. Cette constance n'avait pas lieu dans les plaques de cristal de roche taillées perpendiculairement à trois lames A, B, C, relativement aux différentes couleurs. Ces moyennes sont telles qu'on le voit ici. (Dans tous ces calculs les valeurs des épaisseurs sont exprimées en parties du sphéromètre.)

Désignation des teintes.	Valeurs moyennes des logarithmes de e sin. θ' tang. θ'.
Rlanc du 1 ^{er} ordre	1, 0001454 1, 1218711 1, 3256299
Rouge du 3° ordre	1

Maintenant je pars d'une de ces valeurs; par exemple, de celle qui se rapporte au vert du troisième ordre; et je vais en déduire toutes les autres au moyen de la table de Newton. Pour cela, je remarque que dans cette table l'épaisseur d'une lame de verre qui donne le vert du troisième ordre, est représentée par 16⁹, 25, l'unité étant le millionième de pouce anglais.

Le logarithme de 16,25 est......, 2108534 J'en ôte le logar. correspondant de nos lames. 1,4011150 ī,8097375

En ajoutant ce logarithme constant à ceux que nous ont donnés nos lames, nous devons retrouver tous les nombres de Newton, sauf les erreurs inévitables de nos observations. Le tableau suivant présente les résultats de ce calcul. J'ai mis à côté d'eux les-évaluations de Newton pour les mêmes teintes 1812.

que le rapport auquel nous venons de parvenir mérite d'être remarqué, d'autant plus qu'il s'accorde avec ce que la chaux sulfatée et le cristal de roche nous avaient déja présenté.

La loi que nous venons de découvrir, étant connue, peut avoir beaucoup d'autres usages; elle nous donnera, par exemple, la teinte que l'on doit observer à telle ou telle incidence avec une lame de mica d'une épaisseur donnée pour laquelle le facteur constant sera connu; ou réciproquement, étant donné l'épaisseur et la teinte, elle fera connaître l'incidence. Occupons-nous de résoudre ces deux genres de questions.

Nommons toujours e l'épaisseur de la lame, 6' l'angle de réfraction; appelons a le nombre de la table de Newton qui répond à la teinte que l'on considère, et μ le facteur par lequel il faut multiplier les résultats des lames pour les réduire à l'échelle de Newton. D'après la loi que nous avons trouvée, on aura l'équation

$$\mu e \sin \theta \tan \theta = \epsilon$$
.

Supposons d'abord que les quantités qui entrent dans le premier membre soient connues, on pourra trouver la teinte à à laquelle elles répondent. Par exemple, on demande quelle espèce de teinte nous avons dû observer dans la lame A, lorsque l'incidence était de 4° 57′, à laquelle nous avons fixé le commencement de l'apparition du rayon extraordinaire; pour le savoir, nous ferons le calcul suivant.

Cherchons, par exemple, à quelle incidence on a pu observer dans la lame A le rouge du quatrième ordre, qui est représenté par 26 dans la table de Newton. On aura alors = 26; de-là, avec les valeurs précédentes de e et de μ, on achève ainsi le calcul:

Log.
$$e = 1,4149733$$
 Log. $\mu = \overline{1},8097375$ Log. $\mu = e = 1,8342232$ Log. $e = 2,0244857$ Log. $z = \overline{1},5807501$ Log. $z^2 = \overline{1},1615002$ Log. $4 = 0,6020600$ Log. $\frac{z^2}{4} = \overline{2},5594402$ $\frac{z^2}{4} = 0,036261$. Par consequent $1 + \frac{z^2}{4} = 1,036261$, Log. $\left(1 + \frac{z^2}{4}\right) = 0,0154689$ Log. $z = \overline{1},5807501$ Log. $z = \overline{1},5807501$ Log. $z = \overline{1},5884845$ $z = \overline{1},5884845$ Log. $z = \overline{1},5884845$ Log. $z = \overline{1},6629561$ Log. tang' $\theta' = 0,460212$ Log. tang' $\theta' = \overline{1},6629561$ Log. tang. $\theta' = \overline{1},8314780$ $\theta' = 3409' 10'$ Log. sin. $\theta' = \overline{1},7492736$ Log. rapport de réfract. $0,1760913$ Log. sin. $\theta = \overline{1},9252649$ $\theta = 57021'50'$.

résultat diffère bien peu du premier, en égard aux grandes variations d'incidence que donnent les teintes voisines. On se rapprocherait encore plus de l'observation, si, au lieu d'employer pour a la valeur 0,22634 donnée par l'observation de la lame A, on se servait de la valeur 0,355 donnée par les expériences de Newton.

Maintenant pour avoir la limite inférieure, c'est-à-dire connaître la teinte la plus basse que le rayon extraordinaire puisse atteindre dans l'ordre des anneaux, il n'y a qu'à considérer que cette teinte répondra à la plus grande valeur possible de θ' , et qu'ainsi elle répondra à la plus grande valeur de θ . Or, celle-ci est $\theta = 90^{\circ}$, ce qui donne sin. $\theta' = \frac{1}{m}$, m étant le rapport du sinus d'incidence au sinus de réfraction. Par conséquent on en tire tang. $\theta' = \frac{m}{\sqrt{1-m^2}}$, sin. θ' tang. $\theta' = \frac{1}{\sqrt{1-m^2}}$; alors, en nommant ϵ la valeur de la teinte correspondante exprimée en parties de l'échelle de Newton, on aura

$$\varepsilon = \frac{\mu e}{\sqrt{1-m^2}},$$

expression bien facile à calculer. Mais la limite donnée par cette formule pourrait bien ne pas être aussi exacte que celle du commencement des teintes; car s'il existe un facteur dépendant des variations de la vîtesse, il doit être surtout sensible dans les grandes inclinaisons.

Nous voyons par cette théorie comment on peut calculer à volonté toutes les teintes du rayon extraordinaire E que produisent les lames transparentes de mica dans lesquelles l'axe qui détermine la polarisation est perpendiculaire à la $\frac{(2n+1)}{2}v$ T, ou enfin $\frac{\pi(2n+1)v}{2\sqrt{a}}$, en mettant pour le temps T sa valeur. Maintenant, si l'on veut que le nombre n soit celui des oscillations que les molécules ont faites en traversant une lame d'une épaisseur égale à e, avec une incidence oblique θ , d'où résulte l'angle de réfraction θ' , le trajet qu'elles auront réellement à faire pour traverser ainsi la lame sera $\frac{e}{\cos \theta'}$, il faudra donc égaler cette quantité à la précédente, ce qui donnera l'équation

$$\frac{\pi (2n+1)\nu}{2\sqrt{a}} = \frac{e}{\cos \theta'},$$

d'où l'on conclut-

$$\frac{e\sqrt{a}}{\cos\theta} = \frac{\pi(2n+1)\nu}{2}.$$

Lorsque deux lames de différente épaisseur présenteront exactement la même teinte sous des inclinaisons différentes, le nombre n sera le même pour ces lames; de plus les résultats des calculs que nous avons faits jusqu'à présent nous ont appris que les variations de la vîtesse v suivant l'angle 6, variations qui très-probablement existent, ne doivent avoir qu'une valeur très-faible, puisqu'en les négligeant et regardant v comme constante, on ne s'écarte pas sensiblement des observations. En suivant donc cette supposition, qui ne sera si l'on veut qu'approchée, on voit que le second membre de notre équation sera tout-à-fait constant pour les lames qui présentent la même teinte.

Or, nous avons vu que le produit $e \sin \theta'$ tang. θ' est également constant pour ces lames; par conséquent les deux quantités $\frac{e \sqrt{a}}{\cos \theta'}$ $e \sin \theta'$ tang. θ' , seront constantes 1812.

précises, que nous soumettrons ensuite au calcul, afin d'en découvrir les lois.

D'abord il est certain que les lames de mica cristallisé, lorsqu'elles sont diaphanes, compactes, élastiques, ont des axes de polarisation situés dans le plan de leur surface; car lorsqu'on les expose perpendiculairement à un rayon polarisé, elles présentent des phénomènes absolument pareils à ceux des lames de chaux sulfatée et de cristal de roche taillées parallèlement à l'axe : les mêmes formules représentent les unes et les autres; la théorie des oscillations s'y applique de même, et la loi des forces également. Ces phénomènes ayant lieu sous l'incidence perpendiculaire, ne peuvent pas être dus à l'action d'un axe perpendiculaire aux lames. Nous verrons bientôt qu'on ne pourrait pas non plus les attribuer à l'action d'un axe qui serait oblique sur le plan de leur surface; mais sans entrer à ce sujet dans aucune conjecture, je vais laisser parler les observations.

Je remarquerai d'abord que l'absence de la polarisation sous l'incidence perpendiculaire, que nous avons remarquée dans les lames précédentes, n'est pas due à leur peu d'épaisseur, mais à la manière dont elles sont cristallisées; car d'autres lames beaucoup plus minces, mais cristallisées, ont encore produit la polarisation sous l'incidence perpendiculaire.

J'ai pris par exemple une lame de mica cristallisée, mais parfaitement transparente, et qui exerçait la polarisation sous l'incidence perpendiculaire : j'en ai enlevé une lame extrêmement mince, car son épaisseur mesurée au sphéromètre était qu'on voudra dans l'une ou l'autre de ces directions; elle ne donnera pas de rayon extraordinaire, pourvu qu'on l'y maintienne exactement.

2º Si l'on incline la lame sur le rayon polarisé, et qu'on place l'un des axes de la lame dans le plan d'incidence, on peut ensuite faire tourner le tambour dans tous les azimuts, et changer à volonté l'inclinaison de la lame: il n'y aura jamais que deux sens de polarisation, l'un dans le méridien qui contiendra les molécules qui conservent leur polarisation primitive, l'autre dans un azimut double de celui du plan d'incidence. Par conséquent, si ce dernier azimut est A, et qu'on analyse la lumière transmise en se servant d'un cristal d'Islande dont la section principale soit dirigée dans l'azimut a, les intensités des deux rayons ordinaire et extraordinaire seront encore représentées par les mêmes formules que sous l'incidence perpendiculaire; c'est-à-dire qu'en nommant O l'intensité du premier, E l'intensité du second, lorsque l'azimut A est de 45°, et que la section principale du rhomboïde du spath d'Islande est dans le méridien, on aura ensuite en général

$$F_{\circ} = O \cos^{\circ} 2\alpha + E \cos^{\circ} (2A - \alpha)$$

$$F_{\circ} = O \sin^{\circ} 2\alpha + E \sin^{\circ} (2A - \alpha).$$

Les teintes des deux rayons O et E varient avec l'incidence suivant une loi que nous ferons connaître. Ces formules sont précisément les mêmes que pour la chaux sulfatée et le cristal de roche sous des incidences obliques lorsqu'on a mis un des axes dans le plan d'incidence, et elles satisfont également à tous les phénomènes que le mica présente dans les mêmes circonstances; mais tout change lorsque le pre-

180 + i. A mesure que vous inclinez la lame davantage, les racines i et 180 + i' se rapprocheront l'une et l'autre du plan d'incidence; de sorte que la quantité i dont il faudra tourner la lame pour faire disparaître le rayon extraordinaire, sera de plus en plus petite. Enfin, sous une certaine incidence, qui est la même pour toutes les lames de mica de même nature minces ou épaisses, et que je trouve de 34º 44' 20" comptée de la perpendiculaire dans les lames cristallisées dont j'ai fait usage, on a i = 0, i' = 180: alors les deux racines i et 180 + i' se réunissent en une seule. aussi bien que i' et 180 + i; le rayon extraordinaire ne s'évanouit que dans deux positions diamétralement opposées de la lame, et qui sont celles où son premier axe est dans le plan d'incidence : en inclinant davantage, le rayon extraordinaire ne s'évanouit plus, dans quelque position que l'on tourne la lame sur son plan.

Ces phénomènes nous indiquent l'existence d'une nouvelle force que l'inclinaison développe, et qui est toujours dirigée dans le plan d'incidence. Cette force polarisante tend à faire osciller une partie des molécules lumineuses autour de cette trace, tandis que l'axe de la lame tend à les faire osciller autour de lui; et de ces actions opposées résultent des positions d'équilibre diverses, suivant l'énergie de la nouvelle force, et par conséquent suivant la valeur plus ou moins considérable de l'inclinaison.

Or, cette nouvelle force que l'inclinaison développe, qu'est-ce autre chose sinon l'action répulsive de l'axe perpendiculaire aux lames, axe dont nous avons reconnu l'existence même dans celles qui n'étaient pas assez régulièrement cristallisées pour que l'autre action, qui s'exerce dans le

mais non pas à produire aucun rayon extraordinaire. Les causes qui agissent dans le plan des lames sont donc alors les seules qui tendent à produire un pareil rayon; or, ces causes sont 1º la force émanée du premier axe, qui s'affaiblit à mesure que l'inclinaison augmente; 2º la longueur du trajet décrit par les molécules lumineuses, qui augmente à mesure que la lame devient plus oblique. La première cause tend à ralentir les oscillations et à faire monter les teintes dans l'ordre des anneaux; la seconde tend à rendre les oscillations plus nombreuses et à faire baisser les teintes. Dans les lames de chaux sulfatée, lorsque l'azimut de l'axe est de 45° comme nous le supposons ici, ces deux causes se balancent exactement, et la teinte reste constante sous toutes les inclinaisons. Mais dans le mica la seconde l'emporte sur la première, et les teintes baissent à mesure que les lames s'inclinent dans le plan de polarisation primitive. Par exemple, si le rayon extraordinaire était d'abord jaune du deuxième ordre sous l'incidence perpendiculaire, ce qui donne un rayon ordinaire d'un très-beau bleu, l'inclinaison fera descendre la teinte E du jaune à l'orangé, puis au rouge, puis au pourpre du troisième ordre, à l'indigo, au bleu, au vert, et ainsi de suite, dans l'ordre des anneaux; mais, ce qui est bien digne de remarque, le rayon E ne gardera pas toutes les molécules lumineuses qui appartiennent à cette teinte dans les anneaux réfléchis, il en perdra une certaine proportion d'autant plus grande, que l'incidence du rayon sur la lame sera devenue plus considérable, ce qui affaiblira son intensité sans changer sa teinte. En le suivant ainsi, on le verra devenir enfin d'une faiblesse extrême, quoique toujours suivant l'ordre des teintes; et enfin, on cessera tout-à-fait de l'apercevoir, souvent même

Lorsque le plan d'incidence était placé dans l'azimut de 45°, cette lame doni-iit, comme on le verra tout-à-l'heure, une longue série de teintes très-belles et très-vives; mais en prenant pour plan d'incidence le méridien, on observait la dégradation des teintes telle que nous l'avons annoncée, et telle que la montre le tableau suivant. Je n'ai pas besoin de rappeler que l'azimut du plan d'incidence est zéro, et que celui de l'axe situé dans le plan de la lame est de 45°.

Incidence du rayon aur la lame, comp- tée de la perpendi- culaire.	Teiute du rayon ordi- naire.	Teinte du rayon extraor- dinaire.	
o° o′ o″ 26 41 40 (*)	Bleu. Bleu verdåtre.	Jaune. Rouge.	2° ordre.
43 28 40 49 1 22 (**) 54 43 10 (***)	Rouge blanchâtre. Blanc légèrement verdâtre Blanc à peine rougeâtre. Blanc. Blanc.	Vert. Rouge, Vert. Rouge à peine visible. Vert à peine visible.	3° ordre. 4° ordre.
On ne peut voir plus loin les cou- leurs.			
au rouge. (**) Le blanc e comme celle du	st à peine coloré; le vert es vert du 4º ordre.	bord stationaaire, a descen st très-faible en intensité, m ge; c'est pourtant celui du 4	nais sa teinte est vive

abondant en intensité dans les anneaux réfléchis ordinaires.

Maintenant que nous avons mis hors de doute l'action simultanée de ces axes, nous pouvons entrer dans plus de détails sur la manière dont ils déterminent les oscillations.

étant arrivées à la fin de leur oscillation suivant CA', il pourra arriver qu'une partie de ces molécules soit enlevée par l'influence de l'axe CT, et, si cela arrive, elles seront polarisées par lui suivant une ligne CA", dirigée de manière que l'angle TCA" sera égal à l'angle TCA". Or TCA'' = TCP - A''CP = i - (A - i) = 2i - A, par conséquent l'angle TCA" sera aussi égal à 2i — A. Si l'on veut le compter à partir de la ligne de polarisation primitive CA, il faut lui ajouter l'angle TCA, qui est A, et la somme sera 2i — A + A, ou 2i pour l'angle A''' CA. 4º Réciproquement une partie des molécules polarisées par l'axe CT, suivant la ligne CA', pourra, au moment du repos, être enlevée par l'axe CP; et si cela arrive, elles seront polarisées suivant une ligne CA", qui fera avec PC un angle A'''CP = A'CP. Or l'angle A'CT = A, TCP = i, par conséquent A'CP = i + A, ainsi l'angle PCA''' étant égal au premier, aura pour valeur i + A; si on veut le compter à partir de la ligne de polarisation primitive CA, il faudra en retrancher la valeur de l'angle PCA, ou A — i, ce qui le réduira à 2i, de sorte qu'il sera égal à A"CA, qui exprime la polarisation des molécules que l'axe CT a enlevées à l'axe CP. Les choses étant dans cet état, si l'on analyse la lumière émergente en se servant d'un rhomboïde de spath d'Islande dont la section principale soit dirigée dans le méridien, ce que je supposerai pour plus de simplicité, l'expression la plus générale des intensités des rayons ordinaire et extraordinaire F., F. sera nécessairement de cette forme

$$F_{o} = O + K \cos^{2} 2 A + K' \cos^{2} 2(A - i) + K'' \cos^{2} 2i,$$

$$F_{o} = K \sin^{2} 2 A + K' \sin^{2} 2(A - i) + K'' \sin^{2} 2i.$$

pour analyser la lumière est supposée dirigée dans le méridien. On voit de plus que la forme des expressions des deux rayons est la même, quel que soit celui des deux axes de la lame que l'on place dans le plan d'incidence; mais les coëfficiens K, K'.... qui expriment les teintes des faisceaux ont dans ces deux cas des valeurs bien différentes, comme on va le voir.

Pour le comprendre, il faut se rappeler que nous avons nommé premier axe des lames celui qui exerce sur l'axe de polarisation des molécules lumineuses une force par laquelle il tend à les approcher de sa direction, et nous avons appelé second axe une ligne menée dans le plan de la lame perpendiculairement à la précédente; sans vouloir toutefois supposer qu'il en émane aussi des forces comme de la première, mais uniquement pour caractériser les phénomènes qui se rapportent à cette direction. Examinons maintenant la marche des teintes quand la lame en incline tour-à-tour dans ces deux sens rectangulaires.

Supposons que SCT, fig. 21, soit le plan d'incidence dirigé dans l'azimut de 45°. Plaçons le second axe de la lame suivant la trace CT de ce plan sur sa surface; et après l'avoir fixé dans cette direction, inclinons la lame sur le rayon polarisé, puis cherchons à prévoir ce qui en arrivera. 1° Le premier axe Pp restant perpendiculaire au rayon incident, conserve toute son énergie; 2° le trajet des molécules lumineuses à travers la plaque augmentant par l'obliquité, tandis que la force du premier axe reste constante, les oscillations devraient, sans s'accélérer, devenir plus nombreuses et parconséquent les couleurs du rayon extraordinaire devraient descendre dans l'ordre des anneaux; comme si la lame devenait

dans l'ordre des anneaux suivant les mêmes périodes par lesquelles il avait d'abord monté.

Ce jeu alternatif est encore un nouvel indice de la position de l'axe perpendiculaire au plan des lames; car il faut que cet axe soit élevé au-dessus de leur plan puisque l'accroissement d'incidence augmente l'angle qu'il forme avec le rayon réfracté, et de plus il faut qu'il soit perpendiculaire à leur surface, car son influence croît d'une manière égale lorsqu'on incline la lame sur le rayon polarisé dans la direction de CT ou de son prolongement. Cette égalité n'aurait pas lieu si ce nouvel axe était oblique, et dirigé par exemple suivant AB, fig. 15 et 16; car supposons que son énergie s'accrût en augmentant l'angle BIL formé sur le rayon incident; elle devrait au contraire s'affaiblir si l'on diminuait ce même angle, puisque ce mouvement rapprocherait d'abord l'axe oblique A'B' du rayon réfracté IR; c'est ce que nous avons observé dans les plaques de cristal de roche obliques sur l'axe. Et puisque ce défaut de symétrie n'a pas lieu dans les lames de mica, c'est une preuve que le troisième axe leur est perpendiculaire.

Faisons maintenant une expérience qui complétera la précédente.

Laissons toujours le plan d'incidence dans l'azimut de 45°; mais au lieu d'y placer le second axe, mettons-y le premier. Alors inclinons de nouveau la lame, et cherchons à prévoir ce qui arrivera.

Ici l'affaiblissement de la force émanée du premier axe tend à diminuer le nombre des oscillations, et l'accroissement d'épaisseur produit par l'inclinaison tend à les augmenter. Si ces deux causes existaient seules comme dans la

1812.

LAME DE MICA DIAPHANE AYANT DES AXES DANS LE PLAN DE SA SURFACE.

1re Expérience. Le premier axe perpendiculaire au plan d'incidence, l'azimut du plan d'incidence est 45°.

Rayon extraordinaire.	Incidence comptée de la perpendiculaire et exprimée en grades.
Jaune du 2 ^e ordre	o g.
Bleu da 1 ^{er} ordre	17, 99
Rouge du 1er ordre	24, 30
Blanc du 1er ordre	31, 90
Noir exactement	39, 10 (*)
Blanc du 1 ^{er} ordre	50, 50 52, 74 61, 95 65, 74
	Jaune du 2° ordre

Cette expérience faite, on ramène la lame à l'incidence perpendiculaire, et on la tourne d'un angle droit sur son plan

2º Expérience. Le premier axe dans le plan d'incidence, l'azimut du plan d'incidence 45°.

Rayoù ordinaure.	Reyon extraordinaire.	laculence comptee de la perpendiculaire, et exprimés en grades
Blea	Janue du a° ordre	05-
Vert	Rouge du 2° ordre	17,86
Janue légerement rougeatre	Bleu du 3° ordre	24, 23
Bleu violacé	Janue du 3" ordre	31,55
Vert jaonAtre	Rouge blenatre du 8° ordre	37, 55 (*)
Rouge påle	Bleu verdatre du 4° ordre	39, 10
Aouge,	Vert jaunatre	44 70
Yert	Ronge pile	45, 85
Vert	Range vif da 4ª ordre	50, 02
Vert bleudtre	Rouge vif dn 4° ordre	50, 50
Rouge	Blen verdåtre da 5° ordre	59, 95 (**)
Vert bleuktre	Rouge	58, 42
Rouge	Blen verdåtre	67, 09
Vert	Ronge	71.68 (***)

On voit par ces tableaux que la marche générale des teintes est bien telle que nous l'avons annoncée; mais dans la première expérience, elles ont d'abord remonté dans l'ordre des anneaux jusqu'à zéro, ensuite elles ont redescendu dans le même ordre, au lieu que dans la seconde expérience elles ont toujours été en descendant. On peut remarquer dans les deux séries d'observations des incidences qui se correspondent : on les a prises ainsi pour mettre en évidence une loi très-importante que nous allons en tirer; voici en quoi elle consiste.

Si l'on prend dans chacune des deux séries les teintes qui correspondent à deux incidences déterminées, et qu'on cherche dans la table de Newton sur les épaisseurs des lames, les différences d'épaisseur qui correspondent à ces teintes, ces différences seront égales entre elles.

Par exemple, dans la première série, l'angle d'incidence étant zéro, le rayon extraordinaire était le jaune du second ordre, et sous l'incidence 315,90, il était monté au blanc du premier. L'épaisseur qui répond à la première teinte est représentée dans la table de Newton par 10,4; celle de la seconde par 3,4, la différence est 7: c'est-à-dire que la teinte du rayon extraordinaire a monté dans cet intervalle de 7 parties de la table de Newton. Par conséquent, dans la seconde série, en passant de l'incidence zéro à l'incidence 315,90, elle descendra de la même quantité, c'est-à-dire qu'elle parviendra à 175,4 qui répond au jaune du troisième ordre. Et en effet, on voit dans le tableau de cette série que l'on a observé le jaune du troisième ordre sous l'incidence 315,55.

Bien plus, cette loi se soutient même en passant par le zéro de la première série, pourvu que l'on considère la table de Newton comme recommencée dans ce sens. Pour porter tout de suite la vérification à l'extrême, prenons toute l'étendue de la première série, excepté la dernière teinte, qui n'a pas son analogue dans la seconde. D'abord sous l'incidence os, la teinte du rayon extraordinaire était le jaune du second ordre, qui répond à l'épaisseur 10,4; ainsi, pour descendre

en convenant de prendre les épaisseurs négatives égales aux épaisseurs positives de même valeur, ou, ce qui revient au même, en continuant la table de Newton au-delà du zéro des teintes par les mêmes périodes qu'en-deçà.

On voit maintenant pourquoi dans toutes les lames de mica de même nature le zéro des teintes arrive toujours sous la même incidence indépendamment de l'épaisseur; et soit que l'on prenne une simple lame ou qu'on en superpose plusieurs, en mettant leurs axes parallèles. Cela tient à ce que la valeur de θ' , qui produit ce phénomène, est donnée par l'équation $o = 1 - \phi \theta'$, laquelle est absolument indépendante de l'épaisseur e.

Maintenant quelle est la forme de cette fonction $\varphi\theta'$, c'est précisément celle que nous avons déja vue être d'un si grand usage dans ces recherches. C'est le produit K sin. θ' tang. θ' , qui, en supposant K une constante arbitraire, représente le produit de la force polarisante par l'espace que la lumière parcourt dans l'intérieur des lames. Nous avons même un moyen très-simple pour déterminer θ' , c'est de faire servir l'équation même que nous venons d'établir à calculer l'incidence où les teintes deviennent nulles; car, en nommant θ' l'angle de réfraction pour lequel ce phénomène est arrivé, on aura

$$I = K \sin \theta \tan \theta$$
,

d'où l'on tire

$$K = \frac{1}{\sin \theta' \tan g \cdot \theta'}$$

Nous voyons dans la première série que le rayon extraordinaire s'est évanoui lorsque l'incidence en grades a été de incidence, comme on le voit dans le tableau de cette série, de sorte que dans cette épreuve nous avons fait parcourir à nos formules toute l'étendue des anneaux observables. On peut répéter le même essai sur tous les autres nombres de la table, on le trouvera aussi satisfaisant.

Au moyen de cette loi on pourra prévoir la teinte du rayon extraordinaire lorsque l'incidence sera donnée, ou réciproquement on pourra calculer l'incidence d'après la teinte, au moyen des formules de la page 492; la teinte du rayon extraordinaire E étant connue, celle du rayon ordinaire O l'est aussi, puisqu'elle est complémentaire de l'autre. On connaîtra donc la nature de ces deux teintes, leurs intensités qui sont celles des anneaux auxquels elles appartiennent, et enfin les variations de ces intensités dans les différens azimuts au moyen des formules

$$F_o = O \cos^2 \alpha + E \cos^2 (2 A - \alpha)$$

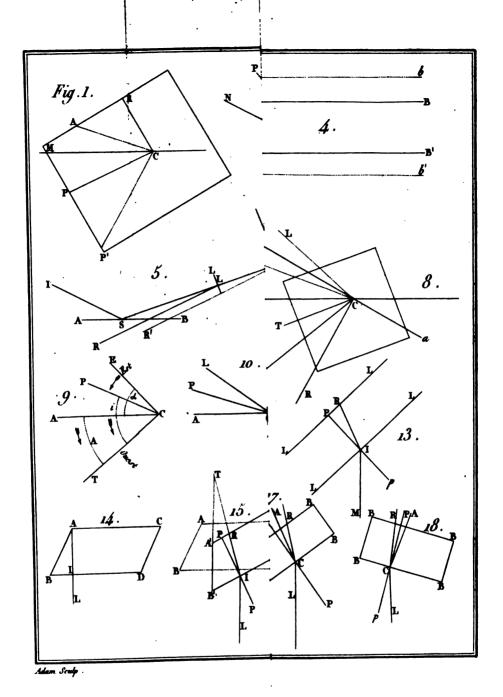
 $F_c = O \sin^2 \alpha + E \sin^2 (2 A - \alpha)$

De sorte que le problème de la détermination des intensités et des teintes se trouve généralement résolu pour le mica, relativement à toutes les incidences, dans le cas où l'axe de la lame est situé dans le plan d'incidence ou lui est perpendiculaire, quelle que soit d'ailleurs l'incidence du rayon polarisé sur la lame; et l'on voit de plus que ces formules n'offrent pas seulement une évaluation empirique, mais une théorie fondée sur les faits.

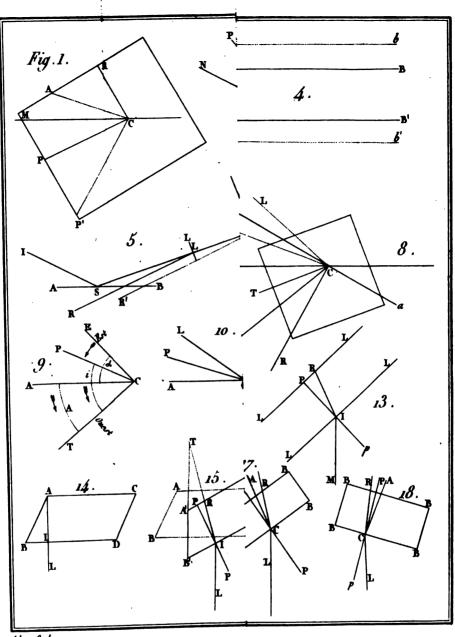
J'ai encore soumis cette théorie à une épreuve plus décisive. S'il est vrai que les phénomènes du mica soient réellement produits par la combinaison de deux axes rectangulaires, l'un parallèle, l'autre perpendiculaire au plan des 1812.

gressive, en apparence si compliqués, si divers, que présentent les plaques de ces cristaux taillées dans des sens quelconques, lorsqu'on les expose à un rayon polarisé, ne sont plus que des conséquences d'une seule théorie qui est elle-même la concentration d'un petit nombre de faits principaux. Beaucoup d'autres substances présentent des phénomènes analogues qui méritent d'être étudiés avec le plus grand soin; mais, avant de se jeter dans cette diversité, il fallait trouver un fil qui pût y conduire, et déterminer les systêmes de forces que l'on aurait à y observer; c'est ce que j'ai tâché de faire dans ce long et pénible travail. J'ose engager les physiciens à tourner leur attention vers ce genre de recherches, ils en trouveront peu de plus intéressantes et de plus fécondes; ce sont eux qui doivent établir par l'expérience toutes les données nécessaires pour que l'on puisse faire dépendre ces mouvemens de la lumière de l'action attractive ou répulsive des molécules des cristaux, et peut-être nous devrons encore cette nouvelle découverte aux habiles géomètres qui dans ces derniers temps ont su assujétir au calcul les attractions à petites distances et les lois de l'électricité; mais, avant de tenter la même chose pour les molécules de la lumière, il faut, je crois, déterminer avec précision les déviations que leurs axes éprouvent en traversant les surfaces des corps. C'est une recherche délicate dont je m'occuperai aussitôt que j'aurai pour ces sortes d'expériences un instrument nouveau et extrêmement précis dont la Classe a bien voulu ordonner, pour moi, la construction.

FIN DE LA PREMIÈRE PARTIE.

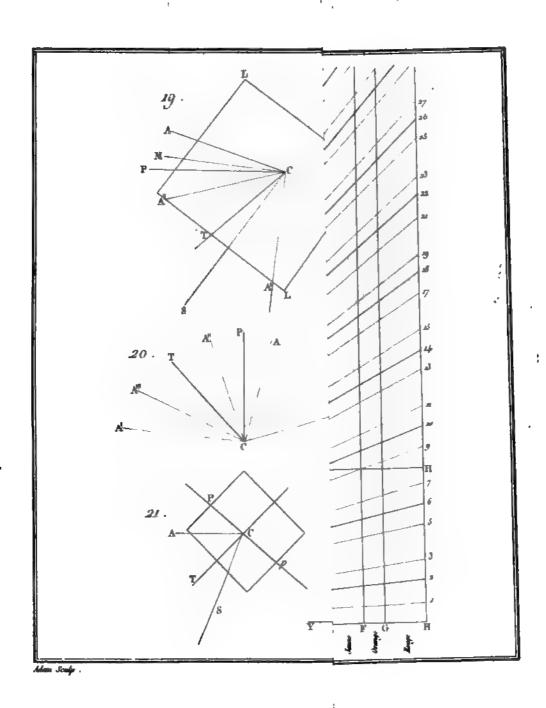


126.27



Adam Sculp .

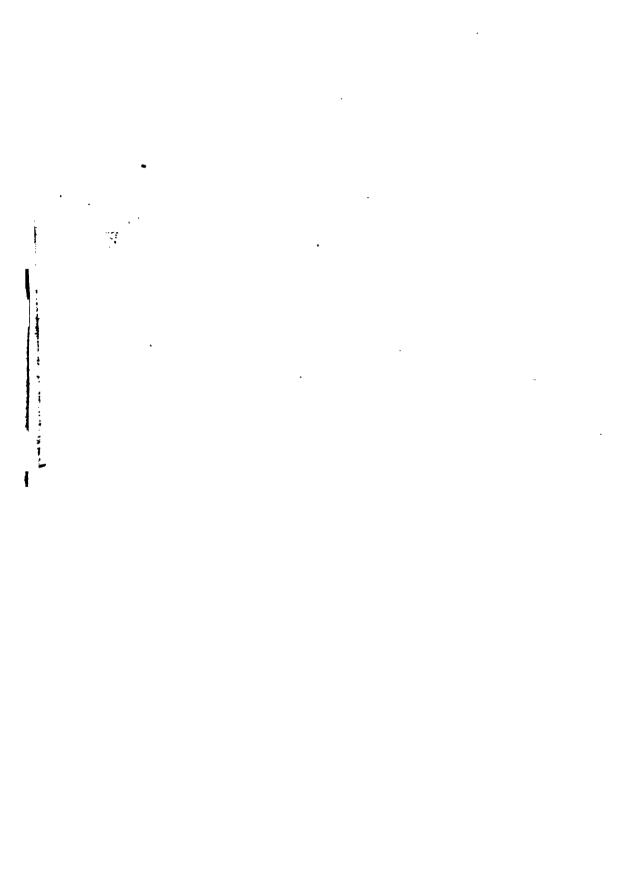
17.6.37



(-)8-17

(63'6) 67

 ${\bf T}_{i}$



MÉMOIRES

DE LA CLASSE

DES SCIENCES

MATHÉMATIQUES ET PHYSIQUES.

MÉMOIRE

Sur une nouvelle application de la Théorie des Oscillations de la lumière.

PAR M. BIOT.

Lu à l'Institut le 27 décembre 1813.

En étudiant les directions diverses suivant lesquelles les molécules lumineuses tournent leurs axes, lorsqu'elles traversent un grand nombre de corps cristallisés, doués de la double réfraction, j'ai été conduit à reconnaître qu'elles éprouvent, dans l'intérieur même de ces corps, des mouvemens de plusieurs sortes, tantôt oscillant autour de leur centre de gravité, comme le balancier d'une montre, tantôt tournant sur elles-mêmes d'un mouvement continu. Ces résultats une fois établis par des expériences rigoureuses, j'en ai déduit par le calcul une infinité de phénomènes, dont 1812. Partie II.

jusqu'alors il n'avait pas été possible d'assigner la cause, ou même qui étaient tout-à-fait inconnus, et que l'on n'aurait certainement pu découvrir que par un grand hasard, au moyen d'expériences isolées. Mais je n'avais encore appliqué ces recherches qu'à des substances où la double réfraction est très-faible, si faible que les images des points lumineux vues à travers des plaques à surfaces parallèles, et de trois ou quatre centimètres d'épaisseur, ne sont pas sensiblement séparées. Aujourd'hui je les étends même aux substances dont la double réfraction est la plus énergique, telles que l'arragonite et la chaux carbonatée rhomboïdale; et je suis arrivé à voir que, dans ces cristaux, comme dans tous les autres, les molécules lumineuses commencent par osciller autour de leur centre de gravité jusqu'à une certaine profondeur, après quoi, elles acquièrent une polarisation fixe, qui range leurs axes en deux sens rectangulaires. Tel est l'objet du Mémoire que je présente aujourd'hui à la Classe.

J'ai été conduit à cette généralité par l'observation d'une grande plaque de cristal de roche, que M. Rochon m'avait confiée, et qui avait un décimètre d'épaisseur. L'axe de cristallisation était oblique sur ses faces. En faisant passer à travers cette plaque un rayon naturel très-mince, sous l'incidence perpendiculaire, il s'y divisait en deux sens de polarisation fixes et rectangulaires, dont l'un était dirigé suivant la section principale, et l'autre dans une direction perpendiculaire à celle-là. Si l'on croisait cette plaque avec une autre de même nature, et d'une épaisseur à-peu-près égale, chaque faisceau se divisait en deux autres, conformément aux lois accoutumées de la double réfraction, et l'on obtenait quatre faisceaux émergens, comme dans la superposition des

cristaux de spath d'Islande; mais ces faisceaux se réduisaient à deux, quand l'angle des sections principales était droit. Cependant cette même plaque de cristal de roche, partagée en plaques moins épaisses, faisait osciller la lumière, comme je m'en suis assuré par l'expérience, soit en exposant ces plaques directement à un rayon polarisé, et les inclinant de manière à atténuer leur force répulsive, soit en les croisant avec des plaques de chaux sulfatée, d'une épaisseur un peu moindre. Ce résultat me conduisit à penser que si le spath d'Islande paraissait toujours produire la polarisation fixe, cela tenait à la grande énergie de sa force répulsive, et que, si l'on atténuait cette force, on pourrait l'amener ainsi à faire seulement osciller la lumière, et à produire des couleurs. Or, d'après ma théorie, il y avait deux choses à faire pour atteindre ce bût. Il fallait d'abord amincir les lames, pour diminuer le trajet des molécules lumineuses, et par conséquent le nombre de leurs oscillations à force répulsive égale; il fallait ensuite diriger le rayon réfracté, de manière qu'il s'approchât d'être parallèle à l'axe du cristal. Pour cet objet, je priai M. Cauchoix de me tailler des lames minces de spath d'Islande, parallèles aux faces naturelles du rhomboïde. Je les inclinai sur un rayon polarisé, de manière que le plan d'incidence se trouvât dirigé suivant la petite diagonale des rhomboïdes, et que le rayon réfracté s'approchât de l'axe de cristallisation. Elles produisirent aussitôt des couleurs par réfraction et par réflexion, comme les lames de cristal de roche et de chaux sulfatée. La teinte dépendait également des épaisseurs et de l'incidence, conformément à la théorie. Mais la grande intensité de la force répulsive du spath d'Islande exigeait que l'angle des rayons réfractés avec l'axe

grande énergie de la force répulsive, il faut incliner bien exactement l'axe de manière que le rayon réfracté s'approche autant que possible d'être parallèle à sa direction. Cette précaution est tellement indispensable, qu'en prenant par exemple des lames de cristal d'Islande parallèles aux faces naturelles du rhomboïde, et assez minces pour produire des couleurs quand elles sont convenablement inclinées sur un rayon polarisé, on ne les découvrirait probablement pas, si l'on n'était pas prévenu par la théorie de la manière de s'en servir, et c'est ce qui est arrivé à plusieurs personnes fort exercées aux observations d'optique, lorsque je leur ai montré ces expériences pour la première fois.

Quoiqu'un accord si parfait et si exactement prévu semblât montrer avec évidence que la polarisation s'opère dans le cristal d'Islande par les mêmes degrés, et par le même mode que dans le cristal de roche et la chaux sulfatée, cependant je ne le regardais pas uno preuve complette. Car l'inégale épaisseur des lames et la grande intensité de leur force répulsive faisant naître des couleurs différentes en des points très-rapprochés les uns des autres, je ne pouvais y appliquer le sphéromètre, et mesurer le rapport des épaisseurs avec les couleurs, pour m'assurer s'il était conforme à la théorie des oscillations. Mais il me restait encore une épreuve sûre pour constater l'existence de ces dernières, c'était de développer des couleurs dans des plaques de spath d'Islande incapables par elles-mêmes d'en produire, en les croisant avec des plaques de chaux sulfatée. J'essayai de le faire, et le résultat confirma mes espérances.

Mais telle est l'exactitude qu'il faut mettre à ces recherches que mes premières tentatives n'eurent aucun succès, parce sur le point de paraître, ce qui répondait au blanc-rougeâtre et au bleu-verdâtre du septième ordre d'anneaux de la table de Newton. Lorsque j'eus ainsi extrêmement affaibli la force répulsive de ma lame, et que je l'eus amenée tout près des limites de la table de Newton, je la croisai à angles droits par une autre lame de chaux sulfatée, dont l'épaisseur était omm, 517, et qui seule ne produisait pas de coloration. Aussitôt je vis se développer dans le systême les couleurs les plus vives, et en inclinant plus ou moins la seconde lame, ce qui faisait varier sa force répulsive, elles parurent dans tous les ordres d'anneaux. Ici l'effet du croisement se montrait donc avec évidence. J'ôtai cette lame de chaux sulfatée, et lui en substituai une autre de même nature, mais dont l'épaisseur était o^m, 94860. Alors cette épaisseur l'emporta tellement sur l'action de la lame de spath d'Islande; relativement à l'incidence où elle était placée, que la différence sortit dos limitos de la table de Newton, et il ne se produisit plus de couleurs. Mais elles reparurent quand je rapprochai un peu la lame de cristal d'Islande de l'incidence perpendiculaire, parce qu'alors sa force repulsive augmentait. La différence d'action étant ainsi rentrée dans les limites de la table de Newton, je continuai de faire mouvoir la lame de spath d'Islande, jusqu'à ce qu'elle égalât l'autre lame, qu'elle la surpassât, et même qu'elle fit de nouveau sortir la différence des mêmes limites en sens contraire; alors il ne se produisit plus de couleurs. Mais je les fis reparaître en employant une autre lame de chaux sulfatée plus forte que la précédente, et dont l'épaisseur était 2mm, 409. Je trouvai de même les limites des couleurs pour cette dernière, en augmentant progressivement l'action de la lame de cristal d'Islande, et je fis de même pour une quatrième dont l'épaisseur était 5^m,940. Alors la lame de spath d'Islande avait dépassé l'incidence perpendiculaire, et il fallait incliner sa surface en sens contraire de ce que l'on avait fait d'abord, afin d'accroître sa force répulsive, en augmentant l'angle de son axe de cristallisation avec le rayon réfracté. Tous ces phénomènes sont exactement conformes à la théorie des oscillations, mais de plus ils sont tellement déterminés, tellement circonscrits dans leurs limites, qu'il est difficile de croire qu'on les eût aperçus, si cette théorie ne les eût indiqués.

Un autre fait qui résulte encore des mêmes principes, c'est la succession plus ou moins rapide des teintes dans les diverses parties de la lame de spath d'Islande, selon les inclinaisons où elle est placée. En effet, nous avons vu que des lames ainsi obtenues par l'art sont toujours un peu prismatiques. L'inégalité de leur épaisseur doit donc faire naître des couleurs différentes dans leurs diverses parties, et la succession de ces couleurs doit être d'autant plus serrée, que la force répulsive est plus énergique. Aussi observe-t-on que dans les grandes inclinaisons, où le rayon réfracté fait un très-petit angle avec l'axe de la lame, les couleurs sont très-étendues, et chaque image est presque entièrement d'une teinte uniforme, ou du moins ne contient que des teintes voisines. Mais, à mesure que cet angle augmente, l'inégalité des teintes s'accroît aussi, et enfin quand la force répulsive est à son maximum, leur multiplicité est telle qu'il en résulte sur chaque image une foule d'anneaux très-serrés, où l'on ne distingue plus que les teintes dominantes du blanc rougeâtre et du verd, comme dans les anneaux colorés ordinaires, lorsqu'ils sont décomposés par un prisme

très-refringent. Ici le prisme est l'inégalité d'épaisseur des diverses parties de la lame, et cette inégalité qui s'élève à peine à des centièmes de millimètre d'un bout de la lame à l'autre, suffit pour varier à ce point la nature des teintes, qui prennent l'une ou l'autre polarisation.

Afin de pousser encore plus loin cette épreuve, j'ai mesuré les incidences auxquelles il fallait placer la lame de spath d'Islande, pour produire des couleurs, quand elle était croisée avec les diverses lames de chaux sulfatée, que j'ai plus haut spécifiées, et je me suis proposé de chercher par le calcul, si en effet la différence des deux actions polarisantes à ces diverses incidences, répondait aux limites de la table de Newton. Car j'avais trouvé dans tous les autres cristaux que le nombre des oscillations des molécules lumineuses, dans une lame cristallisée, était proportionnel au trajet qu'elles y parcourent, et au carré du sinus de l'angle formé par l'axe du cristal avec le rayon réfracté. Ce produit était constant pour chaque lame de chaux sulfatée, parce que je les plaçais toujours perpendiculairement au rayon incident, mais il variait pour la lame de spath d'Islande, selon les incidences où j'amenais sa surface. En calculant sa valeur pour chaque cas où j'avais cessé d'apercevoir des couleurs, je devais, si la théorie était juste, trouver la différence des actions des deux plaques égale à environ 50 parties de la table de Newton, car c'est à ce nombre de parties que répond le blanc rougeâtre du septième ordre d'anneaux, après lequel la coloration n'est plus sensible. En effet, cette condition s'est trouvée remplie avec une exactitude que je n'aurais jamais osé espérer.

Je rapporterai d'abord comme élémens du calcul le tableau 1812. Partie II.



des incidences, telles que je les ai observées par le moyen que j'ai décrit dans mes précédentes recherches. J'y joindrai les épaisseurs des lames de chaux sulfatée, croisées avec la lame de spath d'Islande; et j'exprimerai tout de suite ces épaisseurs en parties de la table de Newton. Pour les y réduire, il faut, comme je l'ai fait voir dans mon premier mémoire, prendre le quart de l'épaisseur, mesurée en parties de mon sphéromètre.

Incidence sur la lame de spath d'Islande, comptée de la perpendiculaire 0.	Epoisseur de la plaque de chaux sulfatée en millimètres.	Epaisseur de la même plaque en parties de la table de Newton.	Limite des teintes observée.
+58° 48' 50"	0,0000	0	encore un peu de coloration.
+ 55. 41. 30	0,9486	105	commencement de la coloration.
+ 30. 55. 30	idem.	idem.	fin de la coloration.
+21. 42. 30	2,4100	267	commencement de la coloration.
+ 6. 1g. o	idem.	idem.	fin de la coloration.
- 27. 1.40	5,8385	657	commencement de la coloration.
- 42. 29. 20	idem.	idem.	fin de la coloration.

J'ai désigné les incidences par le signe + lorsque la lame était inclinée de manière que le rayon réfracté s'approchât de l'axe plus que sous l'incidence perpendiculaire, et j'ai employé le signe — lorsque le rayon incident a passé de l'autre côté de la normale; ce qui augmentait au contraire l'angle de l'axe de cristallisation avec le rayon réfracté. Pour calculer ces résultats, représentons par e l'épaisseur de la

plaque de cristal d'Islande réduite à l'échelle de Newton, au moyen du facteur qui convient au spath d'Islande, et nommons θ' l'angle de réfraction correspondant à l'incidence θ . Alors $\frac{e}{\cos \theta'}$ exprimera la longueur du trajet que la lumière parcourt dans cette plaque. D'après ma théorie, il faut, pour avoir l'expression des teintes, multiplier ce trajet par le carré du sinus de l'angle formé par le rayon réfracté avec l'axe de cristallisation. Or si l'on nomme a l'inclinaison de l'axe sur le plan de la lame, cet angle sera égal à $90 - (a + \theta')$, et par conséquent le carré de son sinus sera $\cos'(a + \theta')$, de sorte que l'expression générale des teintes polarisées par la lame sous l'incidence θ sera à très-peu de chose près

$$\frac{e \cos^2(a+\theta')}{\cos\theta'}$$

C'est la formule que j'ai employée pour les plaques de cristal de roche dans mon second mémoire.

Soit maintenant e' l'épaisseur de la lame de chaux sulfatée, croisée à angle droit avec la précédente, cette épaisseur étant comme ci-dessus réduite à l'échelle de Newton, au moyen du facteur qui convient à la chaux sulfatée, et dont j'ai déterminé la valeur dans mon premier mémoire. Alors quand l'action de cette lame aura surpassé celle de la lame de spath d'Islande, la teinte extraordinaire donnée par ce système sera exprimée par

$$e' = \frac{e \cos^2(a+\theta')}{\cos \theta'}$$
.

Et quand au contraire la lame de spath d'Islande l'aura emporté sur l'autre, l'expression de la teinte sera

$$e \cos^2 \frac{(a+\theta')}{\cos \theta'} - e'$$
.

les quantités e e étant toujours les mêmes dans ces deux cas. Maintenant toutes nos observations portent sur des inclinaisons où la coloration n'est pas encore sensible, ou a cessé de l'être. Cela répond au-delà du blanc-rougeâtre du septième ordre d'anneaux, qui dans la table de Newton est représenté par 49;, en sorte que l'on peut prendre le nombre 50 pour la valeur de la limite. Seulement nous devons nous attendre à trouver pour la première expérience un nombre un peu plus faible, parce que l'on y distinguait encore quelque coloration, et d'ailleurs il faut regarder cette limite comme un terme dont on s'approche, ou que l'on dépasse plutôt qu'on ne l'atteint exactement. Pour réduire la formule en nombres, il faut connaître e, c'est-à-dire, la valeur de notre lame de spath d'Islande, réduite à l'échelle de Newton, pour le cas où l'axe de cristallisation serait parallèle à sa surface. J'ai déterminé cette constante par deux des expériences, et en prenant le moyenne emre elles, j'ai eu e = 753,38.

J'ai dit d'ailleurs que l'épaisseur de la lame, mesurée au sphéromètre, est 162 parties. De là il suit que le facteur par lequel il faut multiplier les épaisseurs données par le sphéromètre, pour les réduire à la table de Newton, est, pour le spath d'Islande,

$$\frac{7^{53,38}}{162}$$
 ou 4,6505.

Pour la chaux sulfatée, j'ai trouvé dans mon premier mémoire que ce facteur est $\frac{1}{4}$, ainsi en prenant pour unité l'action polarisante de cette dernière substance, celle du spath d'Islande sera 18,6020.



Nous verrons tout à l'heure une vérification frappante de ce résultat. Pour le moment contentons nous de l'éprouver en calculant les limites des teintes avec la valeur précédente de e. Dans cette recherche, il suffira de déterminer 6' d'après le rapport de réfraction ordinaire du spath d'Islande, qui, selon les expériences de Malus est 0,604487. De plus l'angle a formé par l'axe de cristallisation avec les faces naturelles du rhomboïde, est suivant le même physicien, 45° 23' 30'. Avec ces données on trouve les résultats suivants:

Ire Expérience. Lame de spath d'Islande seule.

$$\theta = 58.48.50$$
; $\theta' = 31^{\circ}8'30'' a + \theta' = 76^{\circ}32.0$; $\frac{\sigma \cos^{2}(a + \theta')}{\cos \theta'} = 47.73$.

Cette valeur répond entre le bleu-verdâtre et le blanc rougeâtre du septième ordre d'anneaux.

2º Expérience. Croisement avec la lame de chaux sulfatée, dont l'épaisseur est e'= 105.

$$\theta = 55^{\circ} 41' 30' \quad \theta' = 29^{\circ} 57' 20'' \quad a + \theta' = 75^{\circ} 20' 50'';$$

$$\frac{e \cos^{2}(a + \theta')}{\cos \theta'} = 55,64; \quad 105 - 55,64 = 49,36.$$

$$\theta = 30^{\circ} 55.30$$
 $\theta' = 18.6.0$ $a + \theta' = 63.2930$;
 $\frac{e \cos^{2}(a + \theta')}{\cos \theta'} = 157.89$; $157.89 - 105 = 52.89$.

La première valeur répond précisément au blanc-rougeâtre du septième ordre d'anneaux. La lame de chaux sulfatée surpassait alors celle de cristal d'Islande. La seconde valeur répond à l'autre limite, où la lame de cristal d'Islande surpassait celle de chaux sulfatée, et amenait la différence hors des limites de la table de Newton. On verra la même alternative dans les expériences suivantes.

3° Expérience. Croisement avec la lame de chaux sulfatée, dont l'épaisseur est e'=267.

$$0 = 21^{\circ} 42' 30' \quad 0' = 12^{\circ} 55' 10' \quad a + 0' = 58.12.40$$

$$\frac{e \cos^{\circ} (a + 0')}{\cos^{\circ}} = 214.49; \quad 267 - 214.49 = 52.51;$$

$$0 = 6.19. \quad 0 \quad 0' = 3.48.50 \quad a + 0' = 49.12.20$$

$$\frac{e \cos^{\circ} (a + 0')}{\cos^{\circ}} = 322.30; \quad 322.30 - 267 = 55.30.$$

Même alternative que dans les expériences précédentes, et à-peu-près mêmes limites.

4º Expérience. Croisement avec la plaque de chaux sulfatée, dont l'épaisseur est 657.

$$\theta = -27^{\circ} \text{ i' } 40''; \ \theta' = -15^{\circ} 56' \ 40''; \ a + \theta' = 29^{\circ} 26' 50''$$

$$\frac{e \cos'(a + \theta')}{\cos \theta'} = 594.15; \ 657 - 594.15 = 62.85,$$

$$\theta = -42^{\circ} 29' 20''; \ \theta' = -24.5 50 \ a + \theta' = 21^{\circ} 17' 40''$$

$$\frac{e \cos^{2}(a + \theta')}{\cos \theta'} = 716.29; \ 716.29 - 657 = 59.29.$$

Il ne faut pas oublier que dans les expériences multipliées que j'ai faites avec les plaques de cristal de roche, j'ai reconnu la nécessité d'affecter l'expression des teintes d'un facteur variable avec l'incidence, et toujours extrêmement peu différent de l'unité. Ici nous négligeons ce facteur; de plus, ne cherchant qu'à fixer les limites des teintes, j'ai dû forcer un peu les incidences, de manière à dépasser cer-

tainement les derniers ordres d'anneaux où la coloration est sensible. Voilà sans doute pourquoi la plupart de ces valeurs sont un peu au-delà du septième anneau de la table de Newton, et répondent entre le septième et le huitième.

J'ose croire qu'un pareil accord, qui se soutient jusques dans les nombres, et qui va jusqu'à prédire les limites des teintes, comme nous venons de le faire, paraîtra une preuve suffisante de la justesse de la théorie et de la légitimité de son application au spath d'Islande.

J'en ai encore cherché une autre vérification qui se présentait d'elle-même d'après les résultats précédens, mais qui sans eux n'aurait guères pu être soupçonnée. Nous avons vu plus haut que le nombre 18,602 exprimait le rapport des actions polarisantes du spath d'Islande et de la chaux sulfatée. Si l'on veut appliquer ce résultat à des plaques parallèles aux faces naturelles du rhomboïde, pour l'incidence perpendiculaire, il faut multiplier le nombre 18,602 par le carré du sinus de l'angle que l'axe de cristallisation fait avec la normale à la surface de ces plaques, angle qui est ici de 44° 36′ 30″. Le nombre 18,602 se trouve ainsi réduit à 9,174, c'est-à-dire que si l'on veut croiser une plaque de chaux sulfatée, parallèle à l'axe, avec une lame de spath d'Islande parallèle aux faces naturelles du rhomboïde, il faut, pour la compensation parfaite, que l'épaisseur de la première soit 9,174, celle de la seconde étant l'unité. J'ai voulu vérifier ce résultat. Pour cela, j'ai détaché d'un morceau de cristal d'Islande un petit rhomboïde naturel, dont l'épaisseur mesurée au sphéromètre s'est trouvée de omm,621126; ainsi en multipliant ce nombre par 9,174, on aura 5^{mm},698 pour l'épaisseur de la plaque de chaux sulfatée, capable de le compenser

sous l'incidence perpendiculaire. Cette épaisseur était à-peuprès celle de la dernière plaque qui m'avait servi dans les expériences précédentes, puisque celle-ci avait pour valeur 5^m,8385. Aussi, en la croisant avec le petit rhomboïde, et variant tant soit peu l'incidence, elle produisit des couleurs, tandis que ni elle, ni le rhomboïde, n'en donnaient isolément.

* Ces couleurs étaient disposées par ondulations qui suivaient les stries dont les surfaces du petit rhomboïde étaient hérissées. Car le poli naturel des surfaces du spath d'Islande est toujours assez imparfait, ce qui est, je crois, un résultat de la fragilité de cette substance, et de sa facilité à se diviser. Je ne sais même si, par cette raison, de très-petits rhomboïdes sont toujours parfaitement plans. Mais, dans tous les cas, ces inégalités ne font, par les variétés de couleurs qu'elles donnent, qu'offrir une nouvelle confirmation de la théorie.

Nous venons de dire que le rapport des forces polarisantes du spath d'Islande et de la chaux sulfatée, donné par ces expériences, était égal à 18,6. Or j'ai depuis long-temps fait voir que le cristal de roche agit comme la chaux sulfatée. Ce même rapport 18,6 sera donc aussi celui du spath d'Islande comparé au cristal de roche. Maintenant, si l'on compare les forces répulsives de ces deux substances, que Malus a conclues de leur double réfraction, on trouve leur rapport égal à 17,7, c'est-à-dire, presque le même que celui des forces polarisantes, et plusieurs autres substances comparées entre elles de la même manière, m'ont offert la même égalité. Ce qui acheverait de montrer, si cela était encore nécessaire, que la théorie des oscillations de la lumière atteint réelle-

ment ces phénomènes dans leur naissance, et les ramène à la considération des véritables forces par lesquelles ils sont produits.

Je suis entré dans tous ces détails relativement au spath d'Islande, parce qu'aucun autre cristal ne possède une double réfraction plus énergique parmi ceux qui ont été jusqu'àprésent observés. J'ai également étudié l'arragonite dont la double réfraction est aussi très-forte, et j'ai trouvé des résultats pareils. Les lames minces de cette substance taillées parallèlement à l'axe des aiguilles, qui est aussi celui de la double réfraction, n'ont donné de couleurs qu'en inclinant leur surface sur le rayon incident, de manière à diminuer leur force répulsive, et l'art seul, sans cet artifice, n'atteindrait pas le degré de minceur où elles en produiraient naturellement. Mais les lames perpendiculaires à l'axe ont donné des couleurs même sous l'incidence perpendiculaire, lorsqu'elles ont été suffisamment amincies pour que les inégalités d'épaisseur résultantes de leur forme toujours un peu prismatique, ne pussent pas faire sortir les teintes de la table de Newton.

En résumant les expériences que je viens de rapporter, on voit que les cristaux dont la double réfraction est la plus énergique, produisent comme tous les autres la polarisation mobile, et donnent des faisceaux de couleurs diverses, lorsque leur force répulsive est suffisamment atténuée. On voit que leur énergie pour polariser la lumière est proportionnelle au produit de la force répulsive par la longueur du trajet que la lumière parcourt en les traversant, ce qui indique que l'action qu'ils exercent sur les molécules lumineuses est progressive, et conforme à ce que j'ai expliqué

18 RECHERCHES SUR LA POLARISATION DE LA LUMIÈRE.

dans la théorie des oscillations de la lumière. Enfin puisqu'audelà de certaines limites d'épaisseur quelquefois fort considérables, la polarisation devient fixe, et l'immobilité des particules succède aux oscillations, n'est-on pas en droit d'en conclure que la modification éprouvée par les particules lumineuses en traversant des corps cristallisés; ne consiste pas seulement dans un déplacement de leurs axes, mais renferme aussi une certaine impression physique, et comme une sorte d'aimantation que les particules acquièrent progressivement à mesure qu'elles s'enfoncent dans le cristal, et subissent les actions réitérées d'un plus grand nombre de ses molécules intégrantes. Cette conséquence où nous menent les phénomènes que nous venons d'examiner, est précisément celle à laquelle m'ont déja conduit l'analyse des oscillations de la lumière, et de sa rotation continue dans les corps qui produisent ces effets. En sorte que l'on ne peut faire un pas dans l'observation raisonnée de ce genre d'action, sans revenir à cette conséquence générale que tout concourt à établir.

Quand je composais ce Mémoire, je croyais qu'en général lorsque deux plaques cristallisées étaient tournées de manière à donner des couleurs par leur superposition, leurs axes de cristallisation devaient être croisés à angles droits. D'après le Mémoire qui va suivre, on verra que cette condition, quoique vraie pour des plaques de même nature, ne l'est pas nécessairement pour des plaques de nature différente. Par exemple, lorsque l'on obtient des couleurs en combinant le spath d'Islande avec la chaux sulfatée, les axes de ces deux substances sont disposés parallèlement. C'est donc là ce qu'il faut entendre dans le cours du Mémoire précèdent quand je parle de croiser ces deux substances. (Note ajoutée pendant l'impression.)

MÉMOIRE

Sur la découverte d'une propriété nouvelle dont jouissent les forces polarisantes de certains cristaux.

PAR M. BIOT.

Lu à l'Institut le 25 avril 1814.

Les découvertes de Malus nous ont appris que les cristaux qui divisent les rayons lumineux par une double réfraction, donnent en même temps aux axes des molécules lumineuses certaines directions fixes, dépendantes du sens suivant lequel elles sont réfractées; cette disposition semblable de toutes les molécules d'un même rayon constitue ce qu'il a nommé la polarisation de la lumière. Ce phénomène est tellement attaché à l'action des forces répulsives qui déterminent la réfraction double, qu'il se produit encore quand les deux faisceaux réfractés ne se séparent point en traversant le cristal, comme cela a lieu par exemple quand un rayon lumineux traverse perpendiculairement une plaque taillée parallèlement à l'axe de cristallisation. Car alors le rayon émergent est simple, et cependant les molécules lumineuses qui doivent composer chaque faisceau tournent déja leurs

les molécules, après avoir traversé ce systême, seront exactement dans le même état que si elles n'avaient traversé qu'une seule plaque dont l'épaisseur fût égale à la différence des deux plaques superposées. Cette compensation s'opère aussi bien avec des prismes qu'avec des plaques à faces parallèles, et l'on peut également l'obtenir, quelque soit le degré d'aimantation et de séparation imprimé aux particules lumineuses par la première plaque. Enfin on peut aussi la produire avec des plaques de nature différente, pourvu que l'on ait égard à l'inégale intensité de leurs actions.

Dans toutes les expériences de ce genre que j'ai exposées dans mes recherches, les forces répulsives des cristaux que je combinais ne différaient les unes des autres que par leurs intensités, c'est-à-dire, que, placées dans des circonstances semblables, elles agissaient sur les molécules lumineuses dans le même sens, et leur communiquaient les mêmes impressions. Néanmoins, en étudiant les phénomènes compliqués des lames de mica, dans lesquels j'ai reconnu l'action simultanée de deux forces répulsives distinctes, j'avais remarqué que celui des deux axes qui est perpendiculaire au plan des lames, agit sur les molécules lumineuses dans un sens opposé à l'axe du cristal de roche et de la chaux sulfatée, c'est-à-dire, que ces axes et celui du mica étant placés dans les mêmes circonstances relativement aux molécules lumineuses, leurs actions successives se détruisent mutuellement. Cette observation se trouve consignée dans le troisième volume de la société d'Arcueil; mais, comme elle résultait d'une suite de considérations fort délicates, je me contentai de l'employer comme un fait, en me proposant

de chercher si parmi les cristaux qui n'ont qu'un seul axe, et dont par conséquent les phénomènes sont beaucoup plus simples, il ne s'en trouverait pas quelqu'un qui offrit la même propriété. Or je viens de découvrir qu'elle existe dans le béryl, et c'est l'objet du Mémoire que je vais lire aujourd'hui.

On sait que le béryl a pour forme primitive un prisme hexaèdre régulier. L'axe de double réfraction est parallèle aux arêtes de ce prisme. C'est ce que l'on peut conclure des observations rapportées par M. Haüy, dans son traité de Minéralogie. Je m'en suis également assuré en faisant tailler des plaques de béryl perpendiculaires à cette direction, et en observant les phénomènes de polarisation qu'elles produisent.

Maintenant, si l'on prend deux aiguilles de béryl d'épaisseur à-peu-près égale, qu'on les croise à angles droits l'une sur l'autre, et qu'on expose ce système à un rayon préalablement polarisé, on observera le phénomène de la polarisation mobile, et la coloration des images, qui en est la conséquence. Ceci est, comme je l'ai fait voir, une propriété commune à tous les cristaux doués de la double réfraction. Mais si l'on veut produire des effets pareils en combinant une aiguille de béryl avec un cristal d'une autre nature, par exemple avec une plaque de chaux sulfatée ou une aiguille de cristal de roche, il faudra de plus observer deux conditions: la première concerne les proportions d'épaisseur des plaques superposées, la seconde, le sens dans lequel il faut disposer leurs axes.

La force polarisante du beryl est à celle de la chaux sulfatée comme 1 est à 2; c'est-à-dire que si l'on prend une plaque de béryl dont l'épaisseur soit 2, et une plaque de chaux sulfatée dont l'épaisseur soit 1, l'une et l'autre étant taillées parallèlement à l'axe de double réfraction, on pourra, en superposant ces plaques, les tourner de manière que la seconde détruise complètement la polarisation imprimée aux molécules lumineuses par la première. J'ai déterminé ce rapport avec assez de soin pour le croire fort approché. Il en résulte que pour obtenir des faisceaux colorés, par la superposition de pareilles plaques, il faut que la différence de leurs épaisseurs ne sorte pas des limites assignées par la table de Newton, c'est-à-dire, n'excède pas o^{mm},450, si c'est la chaux sulfatée qui l'emporte, et n'excède pas o^{mm},90, si c'est le béryl.

La proportion est la même lorsqu'on combine le béryl avec le cristal de roche, parce que la force polarisante de cette dernière substance est égale à celle de la chaux sulfatée, et, d'après ce que j'ai exposé dans mes précédentes recherches, ce rapport est encore celui des forces répulsives qui produisent la réfraction extraordinaire dans les mêmes cristaux.

Ces proportions étant assignées, il ne reste plus qu'à indiquer le sens suivant lequel on doit tourner les plaques que l'on superpose. Si ces plaques étaient formées de chaux sulfatée, de cristal de roche, de sulfate de baryte, et de beaucoup d'autres cristaux, il faudrait, pour obtenir leur maximum d'opposition, croiser leurs sections principales à angles droits. Mais quand on combine le béryl avec une de ces substances, il faut que les sections principales soient parallèles.

On s'assurera aisément de cette nécessité en prenant une aiguille de béryl et une autre de cristal de roche, comprises dans les rapports d'épaisseur que j'ai assignés, et en essayant de les superposer de manière à obtenir, par la double réfraction, des images colorées. Car en étudiant l'effet d'un pareil système sur un rayon polarisé, on trouvera que les actions successives des deux plaques se détruisent si leurs sections principales sont parallèles, et s'ajoutent si elles sont croisées à angles droits, au contraire de ce qui arrive quand on combine ensemble les autres cristaux dont j'ai parlé.

Ces phénomènes nous apprennent que la force polarisante émanée de l'axe du béryl s'exerce sur les molécules lumineuses en sens contraire de celle qui émane de l'axe du cristal de roche ou de la chaux sulfatée. Si l'une commence par faire tourner les molécules lumineuses de droite à gauche, l'autre agissant ensuite sur ces mêmes particules, dans des circonstances de position pareilles, les fera tourner de gauche à droite, ou généralement détruira les impressions que la première leur aura données. Ceci est tout-à-fait analogue à l'opposition des forces de rotation que j'ai découvertes dans les aiguilles de cristal de roche taillées perpendiculairement à l'axe de cristallisation, et exposées à un rayon polarisé, sous l'incidence perpendiculaire. Car dans cette situation où la force répulsive de la double réfraction est nulle, j'ai montré qu'il se manifestait d'autres forces, qui faisaient tourner les molécules lumineuses d'un mouvement continu autour de leur centre de gravité; les unes de droite à gauche, les autres de gauche à droite; de sorte qu'en superposant deux de ces plaques d'une énergie égale mais



opposée, la seconde détruisait complètement toutes les déviations et toutes les impressions que la première avait données au rayon, quoique l'une et l'autre fussent placées relativement à lui dans des circonstances et des situations exactement pareilles. En discutant ces phénomènes indépendamment de toute hypothèse, et même de toute théorie préalable, je fus alors conduit à conclure que les molécules lumineuses, en traversant le cristal de roche dans ce sens, n'éprouvaient pas seulement des déviations géométriques dans la direction de leurs axes, mais recevaient en même temps de véritables impressions ou modifications physiques, et comme une sorte d'aimantation plus ou moins complète qu'elles emportaient ensuite avec elles dans l'espace, et qui les rendait plus ou moins propres à être réfractées ordinairement ou extraordinairement par un autre cristal. Cette espèce d'aimantation était de nature contraire dans les plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe, qui se compensaient ainsi mutuellement. Les nouveaux phénomènes que je viens de rapporter aujourd'hui montrent qu'il existe une opposition semblable entre les actions polarisantes principales du cristal de roche et du béryl, ce qui ne doit pas paraître plus surprenant que de voir des circonstances diverses engendrer deux sortes de magnétismes, le boréal et l'austral, ou deux sortes d'élecricités, la vitrie et la résineuse.

Je mets sous les yeux de la Classe une très-belle aiguille de béryl combiné avec une aiguille de cristal de roche, dans les proportions d'épaisseur convenables pour produire les phénomènes que j'ai décrits; on pourra aisément s'en servir

ADDITION AU MÉMOIRE

Sur les deux genres de polarisation exercés par les cristaux doués de la double réfraction;

PAR M. BIOT.

Lue à l'Institut le lundi 15 mai 1814.

Dans un Mémoire que j'ai eu l'honneur de lire dernièrement à la Classe, j'ai annoncé que l'action des différens corps cristallisés sur la lumière, produit deux genre de polarisation distincts et opposés l'un à l'autre, comme le sont les deux électricités vitrée et résineuse, ou les deux magnétismes boréal et austral, en sorte que ces deux genres de polarisation, exercés successivement sur les mêmes particules lumineuses dans des circonstances exactement semblables, se détruisent mutuellement. J'avais établi ce singulier résultat sur les phénomènes que m'avaient présentés le cristal de roche et le béryl; mais j'ai observé depuis la même opposition entre beaucoup d'autres cristaux, et c'est l'objet de la note que je présente aujourd'hui.

Je dois rappeler d'abord la manière dont se fait l'observation de ces phénomènes. Prenez deux aiguilles de cristal de roche, ou deux plaques de chaux sulfatée, ou deux lames de tout autre cristal, d'épaisseur égale, et taillées parallèlement à l'axe de double réfraction; puis posez ces deux plaques de même nature sur l'autre, de manière que leurs axes se

cristallise exactement comme le béryl, exercerait aussi le même genre de polarisation. Je trouvai quelque difficulté à cette épreuve, parce que la chaux phosphatée transparente ne se rencontre d'ordinaire qu'en cristaux très-petits qu'il est difficile de travailler, et auxquels on ne peut donner qu'un poli très-imparfait. Mais je réussis à éluder ce dernier inconvénient en appliquant sur les faces travaillées du cristal deux glaces sur lesquelles j'avais laissé tomber une goutte d'huile, dont l'interposition complétait le poli des surfaces. Ce procédé m'a depuis servi dans beaucoup d'autres expériences. En exposant ensuite ce cristal à un rayon polarisé, et observant son action dans divers sens, je trouvai qu'en effet elle était de même genre et de même sens que celle du béryl.

Ce rapport de la cristallisation avec la nature des forces répulsives présentait une analogie séduïsante, mais cela même était une raison de plus pour la vérifier; car elle ne se soutient pas dans les autres propriétés physiques des cristaux, par exemple dans les propriétés électriques, qui n'ont avec les formes cristallisées aucune relation fixe et déterminée. Je choisis donc à dessein des substances de cristallisation très-diverses, et je trouvai dans leur manière d'agir la même diversité, comme le montre le tableau suivant, où j'ai placé d'un côté les substances qui exercent la polarisation quartzeuse, et de toutes celles qui exercent la polarisation béryllée.

Polarisation Quartzeuse.

Cristal de roche.

Chaux sulfatéc.

Baryte sulfatée.

Topaze.

Polarisation Berillée.

Chaux carbonatée rhomboïdale.

Aragonite.

Chaux phosphatée.

Beril

Tourmaline.

MÉMOIRE

Sur les propriétés physiques que les molécules lumineuses acquièrent en traversant les cristaux doués de la double réfruction.

PAR M. BIOT.

Lu à l'Institut le 22 mai 1814.

Dans l'ouvrage que j'ai publié sur la polarisation de la lumière, j'ai été conduit à conclure que les molécules lumineuses, en traversant les corps cristallisés, n'éprouvent pas seulement des déviations géométriques dans la position de leurs axes, mais acquièrent encore de véritables propriétés physiques, qu'elles emportent ensuite avec elles dans l'espace, et dont les impressions permanentes se manifestent dans les expériences par des affections toutes nouvelles. Les preuves sur lesquelles j'avais établi ce résultat, quoiqu'elles me parussent certaines, dépendaient d'une discussion trèsdélicate, et exigeaient le rapprochement d'un assez grand nombre d'expériences, ce qui pouvait les rendre moins sensibles pour les personnes qui ne les auraient pas suivies avec une extrême attention. C'est pourquoi j'ai cherché des moyens moins détournés de mettre en évidence une conséquence aussi extraordinaire, et j'ai trouvé dans la théorie même que j'en avais déduite, les procédés les plus simples pour l'établir directement.

Je commencr par polariser un rayon par réflexion sur

le sens CZ est tout entier rejetté par les réflexions successives, et le faisceau CX passe librement, sans éprouver de la part des glaces aucune action. Si au contraire on dirige l'incidence suivant CX, le faisceau polarisé dans le sens CX est complètement rejeté, et il n'y a de transmis que le faisceau CZ, sur lequel la pile n'agit point. On peut donc étudier séparément chacun de ces faisceaux; et en choisissant par exemple CZ, on y découvre les propriétés suivantes:

1º Si vous l'analysez par un prisme de cristal d'Islande, ou par la réflexion sur une glace, vous lui trouvez tous les caractères d'un rayon polarisé suivant CZ, tel que la réflexion sur une lame de verre le produirait naturellement.

2º Si vous lui faites traverser des lames minces de chaux sulfatée, dont l'épaisseur soit moindre que 45 de millimètre, il vous donnera des images colorées, tout comme ferait un rayon qui aurait été polarisé par une simple réflexion, et les teintes de ces images seront sensiblement les mêmes.

3º En lui présentant ainsi des lames de chaux sulfatée de plus en plus épaisses, vous trouverez qu'il finit par donner des images blanches. En cela il s'accorde encore avec un rayon polarisé par réflexion.

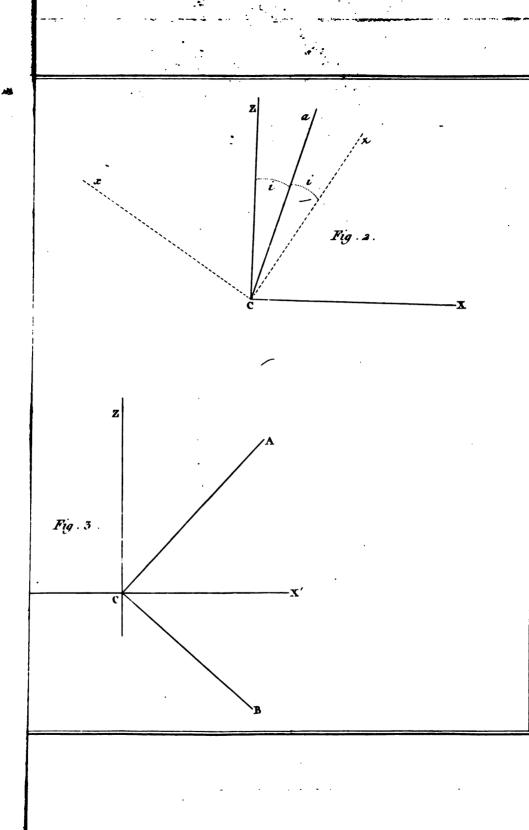
4º Mais voici une différence capitale entre ces deux espèces de rayons. Quand on est arrivé à la limite d'épaisseur où les images sont blanches, on peut augmenter tant que l'on voudra l'épaisseur de la seconde plaque de chaux sulfatée, le rayon polarisé uniquement par la réflexion ne donnera plus jamais de couleurs, mais le faisceau CZ préparé par une première plaque recommence de nouveau à en produire quand l'épaisseur de la seconde plaque est comprise entre les limites

1814. Partie II.

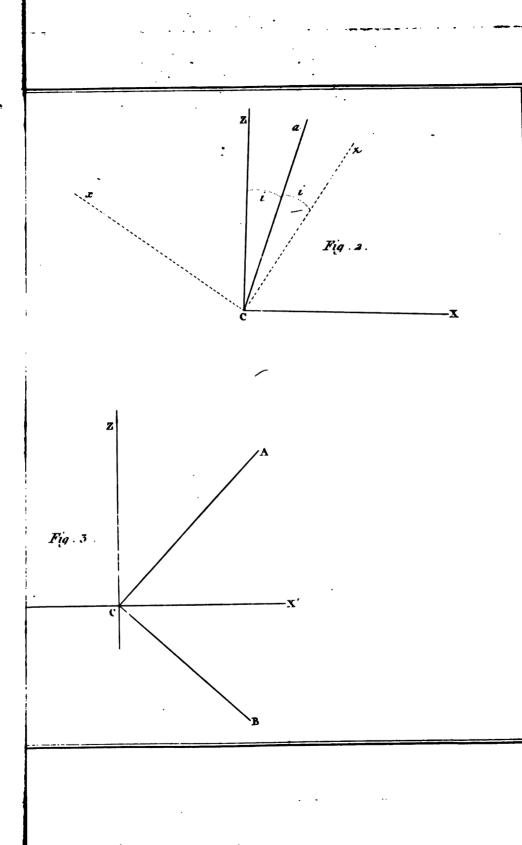
traire dans tous les azimuths, comme celles de la lumière directe. C'est pourquoi elles n'ont pas échappé comme la première fois à l'action de la pile de glaces, et c'est cette pile qui a tourné leurs axes dans une direction commune en les réfractant. Ainsi nous devons conclure de ce fait que la polarisation par réfraction communique aux particules lumineuses des impressions aussi complètes que celles que la réflexion sur une glace pourrait leur donner.

6º En revenant au premier mode d'expérience où le rayon incident est préalablement polarisé, on pourrait être étonné que le faisceau blanc CZ donnât des images colorées, quand on le transmet seul à travers une plaque de chaux sulfatée mince, tandis que les deux faisceaux CZ et CX soumis ensemble à cette épreuve sans la présence de la pile ne donneraient que des images blanches. Cette différence est une suite de la théorie. En effet, soit, Fig. 2, i l'azimuth dans lequel on place l'axe Ca de la lame mince, c'est-à-dire, l'angle que forme cet axe avec la polarisation primitive CZ. Le faisceau CZ, après avoir traversé cette lame, se résoudra en deux autres, l'un polarisé dans le sens CZ, l'autre polarisé dans le sens Cz, formant avec Ca un angle i. Soit O la somme des molécules lumineuses qui forment le premier, E celles qui composent le second. Les teintes O, E seront complémentaires l'une de l'autre, puisque leur ensemble forme le faisceau blanc CZ. De même le faisceau blanc CX se résoudra en deux autres, l'un polarisé dans le sens CX, l'autre dans le sens Cx formant avec Ca un angle 900—i. De plus, la teinte du premier sera encore exprimée par O, celle du second par E. Or, par cette disposition, les deux faisceaux compo-

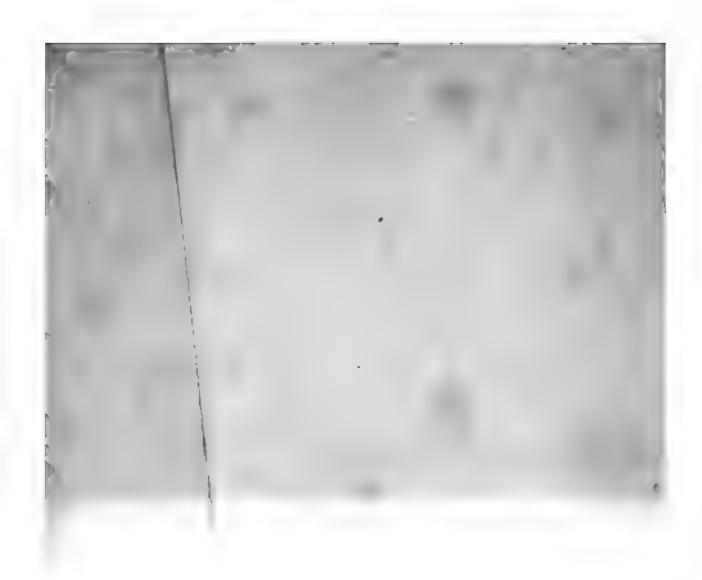
trouve alors que les images colorées sont les mêmes et distribuées de la même manière, soit que l'on ait rejetté par l'inte position de la pile le faisceau CX ou le faisceau CZ, c'est-à-dire, par exemple, que si l'on analyse la lumière transmise au moyen d'un prisme de spath d'Islande fixe, et que, dans le premier cas, on obtienne une image ordinaire verte et une image extraordinaire rouge, on aura précisément la même chose dans le second cas. Ce résultat est encore tout-à-fait conforme à la théorie. Pour faire voir comment il en dérive, représentons par CA, CB fig. 3, les axes des deux lames croisées, et supposons que leurs épaisseurs soient e e', ces quantités pouvant être quelconques. D'après ce que j'ai prouvé dans mon ouvrage, lorsque les molécules lumineuses ont traversé une épaisseur égale dans les deux plaques croisées, elles se trouvent toutes complètement ramenées à leur polarisation primitive CZ, et elles partent de là pour continuer leurs oscillations comme elles auraient fait dans une seule plaque dont l'épaisseur aurait été e'-e. Si e' surpasse e, cette plaque additionnelle aura son axe dirigé suivant CB; si au contraire e surpasse e', il sera dirigé suivant CA. Dans le premier cas, les limites des oscillations seront CZ et CX', prolongement de CX; dans le second, les limites seront CZ et CX; le sens de la polarisation sera donc le même, aussi bien que le nombre et la nature des particules qui acquerront l'une ou l'autre direction. Il n'y aura de différence qu'en ce qu'elles seront retournées diamétralement sur la ligne XX'. Mais à cause de la symétrie de leur figure autour de leur axe de polarisation, cette inversion ne fait absolument rien sur la manière dont elles se réfractent ensuite dans le rhomboïde.



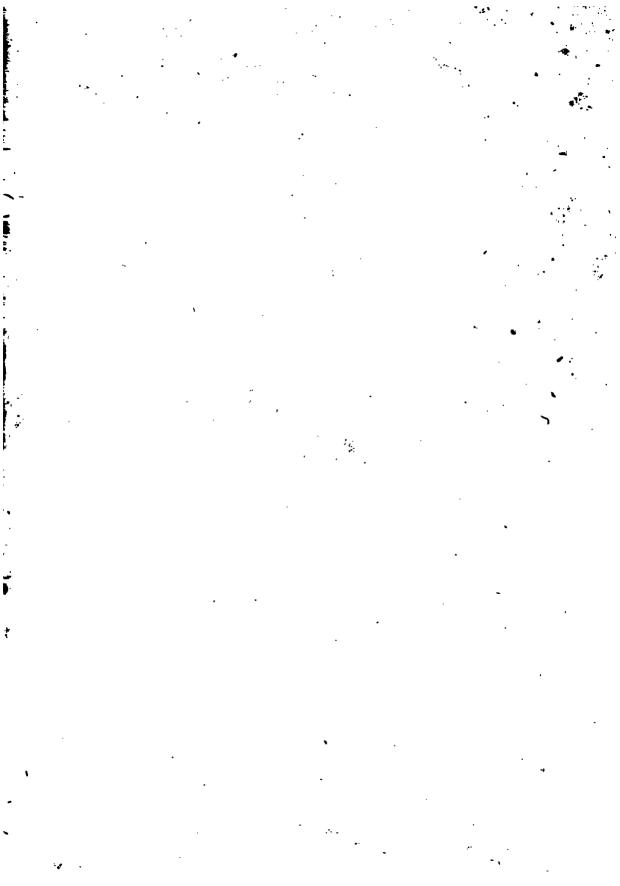
670-671



670-671









		· •	

		•





